



МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ, МОЛОДІ ТА СПОРТУ УКРАЇНИ
НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ
«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ імені Ігоря
Сікорського» ФІЗИКО-ТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ

Криптографія
КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ
Робота №4

Виконали студенти групи ФБ-83
Осінній Максим
Яненко Наталія

Перевірив:
Чорний О.М.

Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму електронного підпису; ознайомлення з методами генерації параметрів для асиметричних криптосистем

Мета роботи: Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA, організація з використанням цієї системи засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів.

Порядок виконання роботи

1. Написати функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту. В якості датчика випадкових чисел використовуйте вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовувати тест Міллера Рабіна із попередніми пробними діленнями. Тести необхідно реалізовувати власноруч, використання готових реалізацій тестів не дозволяється.

2. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел p, q і $1 < p, q$ довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб $pq \leq p_1q_1$; p і q – прості числа для побудови ключів абонента А, $1 < p < q < 1$ – абонента В.

3. Написати функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ (d, p, q) та відкритий ключ (n, e) . За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів А і В – тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі (e, n) , $(,)$ і n і секретні d і d_1 .

4. Написати програму шифрування, розшифрування і створення повідомлення з цифровим підписом для абонентів А і В. Кожна з операцій (шифрування, розшифрування, створення цифрового підпису, перевірка цифрового підпису) повинна бути реалізована окремою процедурою, на вхід до якої повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для її виконання. За допомогою датчика випадкових чисел вибрати відкрите повідомлення M і знайти криптограму для абонентів А і В, перевірити правильність розшифрування. Скласти для А і В повідомлення з цифровим підписом і перевірити його.

5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання. Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа $0 < k < n$.

Кожна з наведених операцій повинна бути реалізована у вигляді окремої процедури, інтерфейс якої повинен приймати лише ті дані, які необхідні для її роботи; наприклад, функція `Encrypt()`, яка шифрує повідомлення для абонента, повинна приймати на вхід повідомлення та відкритий ключ адресата (і тільки його), повертаючи в якості результату шифротекст. Відповідно, програмний код повинен містити сім високорівневих процедур: `GenerateKeyPair()`, `Encrypt()`, `Decrypt()`, `Sign()`,

Verify(), SendKey(), ReceiveKey()

Хід роботи

Відкинуті значення::

115609992072368540418606704828125662271161770320784409263424359697543930805643
86823960534523223083407816577841914580311512641634100206540627727732736274731
115689875848023869155217877450684559390786688323566849440328626596352639344001
67602061454327725184122331883514727087130907305283740405673190304515415507011
77323852356784042217182306353854949101058145857813496789129393899559967982689
102922184448524829213215630036726451437429676581579683097943351843646595761213
77693034162607012599454641770741057023863990603956902370400706276667655721097
87756672903850390331500407882445119378234876903175637562127648731021476726279
114855559057287585004685758975257495241914174745581876003742617627105901066277
58569529636264921541677312972150306721749814339152833282953646150048059922583
91978110033745831055227772918209037580426289755844370151329123220740863329803
84678198661742295226256584486455955915180670072333907383961318218619055066253
103757979063099567705445873727869893678385097273108747870252411495540191837783
102645336294719938398245858648835037674968375663756664572686730094187349922329
78494882279877691711066489265772090401175361906736038602350252272673327714497
64181755731854026327088292708017098013362291359575955913361366472674669194837
67000553645990936976682322403940766876640507808950282910947801848249484600449
72568867613442708710099399285393975854724243657743157926369224552151039039963
90427045450991158607299028364645166250447766741409900399059887145472645712243
88383215205277013153473329441660096768771838199196786568812899329589580091559
58168672775726267965946958966551735368638016854379625630199305203308940908701
113894248927152155027794856607428285316321011399231076594763171123227748076717
101907256337712698681787432474719306107973981569763735698326337443230829821957
91463718390144295137321187019783736956338205468504658870809026395065334786041
111426513402923633692340079318192295496886112889462004739171403509032053243339
69674957696782117676309709194490978066655966439053662862966017054529773341473
100363933735973330428013680571672746531040461711864487918637703952356217020169
83138852894528896810027254884670799201816996865695630977599481331500343004387
86336625136925795064912252453543178231293513978588604087053279275766182442679
66606553983329938787312791605700084589383849612599504092762350825117626634457
99905049153334925134290556974754563780726520979219023138221668428184526324413
106291073520300949999218018195073374379232410767759924013444654226700923170613
93381501437765157519385075746158258947119336814153284605720712513691265178823
89098061392782498261369252930754704488681135619122022804098192783751163637821
92688141407455246033071133082823937022627303064465713659490121921564857403749
60005657567661249807533219686683054843259096020724629918822802603089391639933
75230212079337074955358431490334222384582147882982764895180802496020704858101
74712864578561997146034559477378387279632577955334200669919708108173817484871
88067939997274420522194321592856845055704081739009389023546400847431114277443
108664234542366992337435785629331080796697736130317512769219247891053816770227
73635733987792346199111459885959362515700546171914003334607108433165598824031
71093665176318182029347559975697319726031123752722550160800715141067591113973
96941819200447585280720835027079277593495127284308260332496053082134105021213

p 61300007768369390949500709196286988022097454212930419547183561119074079913059

q 98581529243334143503135423794880828053058849730532141425707069451319379272601

p1 101676980433018637831758250653440111606153408716284229550540820566832903669517

q1 109203247160227463293727827565233774947179335585012111431046236769581798530341

A::

n

604304850843411728365225534045106422240357838445755950843465246346354359476581196028039
2614708034476997787324138773990709862985229966460049875128740796459

e

380412170277046076290865939039616626381866198281845862156253908688270360115844131404280
6025801715230478663134374463072245623726963974814507871077543394053

d

224120440952036251862362024751168697547064456554232542039321999561663622931799187759990
1808577815269276145538796556935744482893445403807935197607055889117

B::

n

111034564247325459128936170378773242551610949156042130695635869734768034923123668816938
28606788136088980321479391792049396327236364905279794419616561315297

e

592164992299072639114227643421140122574040260000767121937513289915565736610526443530617
5916313022011741794848046517990488673368678790848580310760954810303

d

954744547351326142214195486639997537935180324312304261458502000184338998921848182485440
8250543734278115279111092222032691951124397318651381190978198160607

BT::

560487024367950615448564488202057170517001912072913203848536509184183278793046474784321
6937779506238259094117692394853912865721136777327905890442246770366

ШТ::

153965964851309127404334815808543507855876165835853721340017292014802291212438673671260
5731897078072421526414674843147639317019482651685666832185278856286

Підпис::

560487024367950615448564488202057170517001912072913203848536509184183278793046474784321
6937779506238259094117692394853912865721136777327905890442246770366

Tests::

start 256

conf 256

auth 256

Перевірка verify

{'verified': True}

Перевірка sign

{'signature':

'875F4CD0852EAC069657601E9B7BDF4E14ACDDCB94A70EDA8995289F49014266510198940A9ACB
411159245FFEB2DD914386D0BD0BCFDC1419124CCEC9B22D15'}

Перевірка sendKey

{'key':

'1FEFB9CE09E0851BFD883ABD2768974318C4EC5A0DBFC28B05A87F53A3C9A7CDD2C69DCAFD8
0F61BCD4ED1C786EF67DD8A26E893237233E77799B847D510566B', 'signature':

'1BE94F1DBB99F096E245F53B0624AD4D551492BAC1A215B37B485F7AF62E339459F33E01898FDA
B6C40FC89056F921F1C788428EBBA92CCF661BCAABDD8C922C'}

Перевірка create_message

{'key': '0100', 'verified': True}

Ми шифруємо, сервер дешифрує

{'cipherText':

```
'534045EAAE03BCE758BC88DE2B39050548BDE87173F9544ECB2498F668562F102240599AF3A13C8
B48057FD6BA88BEA0373A9949EF88DA9DBCD9D7DF5FDAFCEC'}
b'{"message":"0100"}'
```

Сервер шифрує, ми дешифруємо
{'cipherText':

```
'666D4B877C9990C7A83F51C7D9CB98CB60F75081CC35144FABE811BF07F9D49464E79287FCE54C2
5CDF3305474C106A578FB67B2A423A7B251C0B58726D1EE82'}
res 100
```

Висновки: під час виконання даної роботи ми реалізували тест Міллера-Рабина, алгоритм асиметричного шифрування RSA, та на їх основі організували роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів по відкритому каналу з підтвердженням справжності.