

快速排序算法

笔记本：常用算法

创建时间：2019/12/30 13:15

更新时间：2019/12/30 13:18

作者：AlinaWang

标签：排序算法

URL：<https://www.cnblogs.com/dongkuo/p/4827281.html>

1. 算法描述

快速排序(quick-sort)与前面介绍的归并排序(merge-sort) (见[算法基础——算法导论\(1\)](#)) 一样，使用了**分治**思想。下面是对一个一般的子数组 $A[p \sim r]$ 进行快速排序的分治步骤：

① **分解**：数组 $A[p \sim r]$ 被划分为两个子数组 $A[p \sim q]$ 和 $A[q+1 \sim r]$ ，使得 $A[q]$ 大于等于 $A[p \sim q]$ 中的每个元素，且小于等于 $A[q+1 \sim r]$ 中的每个元素。（需要说明的是，我们允许 $A[p \sim q]$ 和 $A[q+1 \sim r]$ 为空）

② **解决**：对子数组 $A[p \sim q]$ 和 $A[q+1 \sim r]$ 递归的调用快速排序。

③ **合并**：因为子数组都是**原址排序**的，所以不需要合并操作，此时的A数组已经是排好序的。

ps：所谓原址排序是指：我们在对组进行排序的过程中 只有常数个元素被存储到数组外面。

下面给出伪代码：

```
QUICKSORT( $A, p, r$ )
1  if  $p < r$ 
2       $q = \text{PARTITION}(A, p, r)$ 
3      QUICKSORT( $A, p, q-1$ )
4      QUICKSORT( $A, q+1, r$ )
```

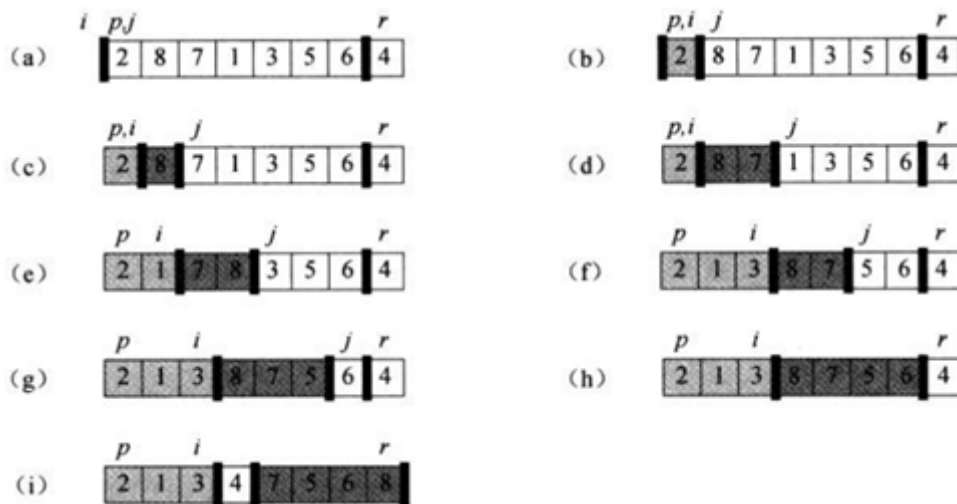
可以看出，算法的关键是partiton方法的实现。下面给出它的算法实现：

```

PARTITION(A, p, r)
1  x = A[r]
2  i = p-1
3  for j = p to r-1
4      if A[j] ≤ x
5          i = i + 1
6          exchange A[i] with A[j]
7  exchange A[i+1] with A[r]
8  return i + 1

```

直接看可能觉得很晕，我们结合实例看看它是如何工作的：



上图(a~i)表示的是对子数组 $A[p..r] = [2, 8, 7, 1, 3, 5, 6, 4]$ 进行排序时，每次迭代之前数组元素和一些变量的值。

我们可以初步看出，在 i 和 j 移动的过程中，数组被分成了三个部分（分别用灰色，黑色，白色表示），其中 i 和 j 就是分割线，并且浅灰部分的元素均比 $A[r]$ 小，黑色部分的元素均比 $A[r]$ 大（(i)图除外，因为循环完毕之后执行了 $\text{exchange } A[i+1] \text{ with } A[r]$ ）。

我们再仔细分析一下具体细节：

① 首先看迭代之前的部分。它执行了 $x = A[r]$ ，目的是把子数组 A 的最后一位作为一个“基准”，其他的所有元素都是和它进行比较。它在迭代过程中值一直都没改变。然后执行 $i = p - \text{基准} - 1$ ，此时 i 在子数组 A 的左端。

② 再看迭代部分。迭代时 j 从子数组 A 的开头逐步移至 A 的倒数第二位。每次迭代中，会比较当前位置的值和“基准”的大小，如果小于或相等“基准”，就将灰色部分的长度增加1（ $i=i+1$ ），然后把 j 位置的值替换到灰色部分的末尾

(exchange $A[i]$ with $A[j]$) 。这样迭代下来，就能保证灰色部分的值都比“基准”小或相等，而黑色部分的值都比“基准”大。

③ 最后看迭代完成后的部分。就进行了一步 exchange $A[i+1]$ with $A[j]$ 操作，就是把“基准”置换到灰色部分与黑色部分之间的位置。

这样所有的操作下来，就产生了一个“临界”位置 q ，使得 $A[q]$ 大于等于 $A[p\sim q]$ 中的每个元素，而小于等于 $A[q+1\sim r]$ 中的每个元素。

更严格的，我们可以用以前介绍的循环不变式（见[算法基础——算法导论\(1\)](#)）来证明其正确性。但由于叙述起来比较麻烦，这里就不给出了。

下面我们给出快速排序(quick-sort)算法的Java实现代码：

```
public static void main(String[] args) {
    int[] array = { 9, 2, 4, 0, 4, 1, 3, 5 };
    quickSort(array, 0, array.length - 1);
    printArray(array);
}

/**
 * 快速排序
 *
 * @param array
 * 待排序数组
 * @param start
 * 待排序子数组的起始索引
 * @param end
 * 待排序子数组的结束索引
 */
public static void quickSort(int[] array, int start, int end) {
    if (start < end) {
        int position = partition(array, start, end);
        quickSort(array, start, position - 1);
        quickSort(array, position + 1, end);
    }
}

/**
 * 重排array，并找出“临界”位置的索引
 *
 * @param array
 * 待重排数组
 * @param start
 * 待重排子数组的起始索引
 * @param end
 * 待重排子数组的结束索引
 * @return
 */
public static int partition(int[] array, int start, int end) {
    int position = start - 1;
```

```

int base = array[end];
for (int i = start; i < end; i++) {
    if (array[i] <= base) {
        position++;
        int temp = array[position];
        array[position] = array[i];
        array[i] = temp;
    }
}
int temp = array[position + 1];
array[position + 1] = array[end];
array[end] = temp;
return position + 1;
}

/**
 * 打印数组
 *
 * @param array
 */
public static void printArray(int[] array) {
    for (int i : array) {
        System.out.print(i + " ");
    }
    System.out.println();
}

```