Formulario di Fisica Tecnica ITPS

CONTENTS

1	Trasformazioni	4
	1.1 Trasformazione Politropica	4
	1.1.1 Equazione di stato	
	1.2 Casi Particolari	
	1.3 Lavoro massico durante una Trasformazione Politropi	ca 5
	1.4 Calore massico scambiato	
	1.5 Calori specifici gas perfetti	
	1.5.1 A volume costante	
	1.5.2 A pressione costante	
	1.6 Trasformazione Isoentropica	
2	Macchine	O
4	2.1 Rendimenti	
	2.1 Turbina adiabatica	
	2.1.2 Pompa	
	2.1.2 Fompa	7
3	Cicli Termodinamici	10
	3.1 Diretti e indiretti	10
	3.2 Utilizzi dei cicli	10
	3.3 Cicli Simmetrici	10
	3.4 Rendimenti	11
	3.4.1 Formula generale	
	3.4.2 Carnot: Diretto (Gas)	11
	3.4.3 Carnot: Ciclo frigorifero (Gas) (Indiretto)	
	3.4.4 Carnot: Pompa di Calore (Gas) (Indiretto)	11
	3.4.5 Brayton Joule (Gas)	
	3.4.6 Brayton Joule con rigenerazione (Gas)	
	3.4.6.1 Come calcolare Tx e Ty	
	3.4.6.2 Efficienza	
	3.4.7 Rankine (Vapore)	14
4	Aria Umida (miscela bicomponente)	15
_	4.1 Umidità Assoluta	
	4.2 Umidità Relativa	
	4.3 Entalpia	
	4.4 Temperatura di Rugiada	
	4.4.1 Metodo Analitico	16
	4.4.2 TODO: Metodo grafico (diagramma psicrometrico)	
	Almie polici diliculto / illiiii	

5	Conduzione del calore: Regime non Stazionario	19
	5.1 Numero di Biot	
	5.2 Lunghezza Caratteristica	19
	5.3 Tempo di Raffreddamento	
	5.4 Temperatura finale al tempo t	
6	Scambiatori di Calore	
6	6.1 Temperatura Media Logaritmica	21
6		21
6	6.1 Temperatura Media Logaritmica	21 21

1 Trasformazioni

1.1 Trasformazione Politropica

$$p = p_1 \left(\frac{v_1}{v}\right)^n$$

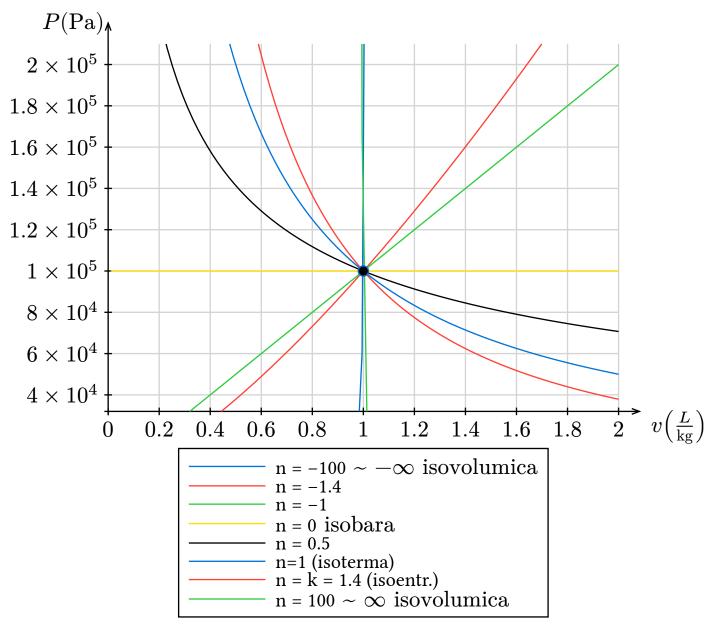


Figure 1: Differenti curve al variare dell'indice n della politropica (Plot made with cetz)

Con una trasf. politropica si può descrivere una qualsiasi trasformazione termodinamica.

1.1.1 Equazione di stato

$$p \cdot V^n = \text{costante}$$

Dove:

- p: la pressione
- V: il volume
- *n*: l'indice politropico, **pari a k se** trasf. adiabatica e quasistatica(cioè isoen tropica)

1.2 Casi Particolari

- Per $n = 0 \rightarrow$ **Isobara**: p =costante
- Per $n = \pm \infty \rightarrow$ Isocora: V = costante
- Per $n = 1 \rightarrow$ Isoterma: T =costante
- Per n=k o Adiabatica: $k=\frac{C_p}{C_n}$

1.3 Lavoro massico durante una Trasformazione Politropica

Calcolando:

$$w = \int_{v_1}^{v_2} p \, \mathrm{d}v = p_1 v_1^n \int_{v_1}^{v_2} v^{-n} \, \mathrm{d}v$$

Si distinguono due casi:

• Caso Generale $(n \neq 1)$:

$$L_v = \frac{p_1 \cdot V_1}{n-1} \left(\left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{n-1} - 1 \right)$$

• Caso Isotermico (n=1):

$$L_v = -p_1 \cdot V_1 \ln \frac{V_2}{V_1}$$

1.4 Calore massico scambiato

Il lavoro per un'espansione è da considerare come un contributo negativo all'energia interna ma se è un'espansione allora $\Delta v = v_2 - v_1 > 0$ e si avrebbe un termine positivo di lavoro quindi si aggiusta mettendo un meno.

$$\begin{split} \Delta u &= q - w \\ \Rightarrow \\ q &= \Delta u + w \\ \Delta u &= c_v \cdot (T_2 - T_1) \\ w &= \int_{v_1}^{v_2} p \, \mathrm{d}v \\ \Rightarrow \\ q &= c_v \cdot (T_2 - T_1) + \int_{v_1}^{v_2} p \, \mathrm{d}v \end{split}$$

Due casi per il lavoro:

• $n \neq 1$:

$$q = c_v \cdot (T_2 - T_1) + \frac{p_1 \cdot V_1}{n-1} \Bigg(\left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{n-1} - 1 \Bigg)$$

• n = 1:

$$q=c_v\cdot (T_2-T_1)-p_1\cdot V_1\ln\frac{V_2}{V_1}$$

1.5 Calori specifici gas perfetti

N.B.

NO vapore

SÌ aria umida ma solo per la parte di aria secca.

$$R^* = \frac{R}{\text{Mm}}$$

- R : Costante dei gas perfetti = 8314 $\frac{J}{\text{kmol } K}$
- Mm : Massa Molare del gas $\left[\frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{kmol}}\right]$ pari allla somma delle masse atomiche degli atomi che compongono la singola molecola. Esempio: N2 = N + N = 14 + 14 = 28 kg/kmol

Calcolare calori specifici con l'indice ${\bf n}$ della politropica.

1.5.1 A volume costante

$$c_v = \frac{1}{n-1} \cdot R^*$$

1.5.2 A pressione costante

$$c_p = \frac{n}{n-1} \cdot R^*$$

1.6 Trasformazione Isoentropica

Se la trasformazione è adiabatica e anche quasistatica (deve essere specificato nella traccia dell'exe) Allora n=k.

Dove:

$$k = \frac{c_p}{c_v}$$

La quasistaticità è necessaria perchè se la trasformazione non è reversibile (presenza di forze non conservative che dissipano calore) si genera entropia. Forze non conservative -> dissipazione calore -> generazione entropia.

2 MACCHINE

2.1 Rendimenti

*rendimenti isoentropici

2.1.1 Turbina adiabatica

$$\eta = \frac{\text{Lavoro}_{\text{Estratto}}}{\text{Lavoro}_{\text{Isoentropico}}} = \frac{h_2 - h_1}{h_2^{\text{iso}} - h_1}$$

L'energia utile qui è il lavoro estratto dalla turbina, a spese del ciclo durante la trasformazione di espansione isoentropica.

2.1.2 Pompa

$$\eta = \frac{\text{Lavoro}_{\text{tecnico isoentropico}}}{\text{Lavoro}_{\text{tecnico reale}}} = \frac{h_2^{iso} - h_1}{h_2 - h_1}$$

Qui isoentropico sta a numeratore perchè la spesa è data dal lavoro che diamo alla macchina(compressore) per ottenere una compressione, la compressione che otteniamo corrisponde al $\Delta h_{\rm isoentropico}$ che sarà sempre inferiore al lavoro che forniamo per il II° principio.

3 CICLI TERMODINAMICI

3.1 Diretti e indiretti

Ciclo Diretto: sfrutta "direttamente" il calore per produrre lavoro/calore utile.

esempio: motore endotermico, utilizza calore di combustione per espandere il gas combusto e compiere lavoro.

Ciclo Indiretto: si utilizza lavoro per ottenere lavoro/calore utile. **esempio**: pompa di calore, pompa fornisce lavoro al fluido per far scambiare calore, tramite espansione e compressione.

3.2 Utilizzi dei cicli

- Carnot è il ciclo ideale teorico per gas perfetti e vapore.
 - Senso Orario: ciclo diretto, utilizza calore per produrre lavoro.
 - ▶ Senso Anti-orario: ciclo indiretto, utilizza lavoro per spostare calore.
- Brayton-Joule utilizzato nelle turbine a gas

3.3 Cicli Simmetrici

Per i cicli simmetrici valgono le seguenti equazioni:

$$v_1v_3 = v_2v_4$$

$$p_1p_3 = p_2p_4$$

$$T_1T_3=T_2T_4$$

Seguono lo schema: $indici\ dispari=indici\ pari$

3.4 Rendimenti

3.4.1 Formula generale

$$\eta = rac{|w_{
m utile}|}{q_H}$$

3.4.2 Carnot: Diretto (Gas)

• 2 isoterme + 2 adiabatiche isoentropiche

$$\eta = 1 - \frac{T_{min}}{T_{max}}$$

Si ricorda che 4 \rightarrow 1 e 2 \rightarrow 3 sono trasformazioni isoterme.

3.4.3 Carnot: Ciclo frigorifero (Gas) (Indiretto)

Coefficient Of Performance (COP):

$$\begin{split} COP_{\rm frigo} &= \frac{\Delta s_{12} \cdot T_{\rm min}}{\Delta s_{34} \cdot T_{\rm max} - \Delta s_{12} \cdot T_{\rm min}} \\ COP_{\rm frigo} &= \frac{T_{\rm min}}{T_{\rm max} - T_{\rm min}} \end{split}$$

N.B.
$$\Delta s_{12} = \Delta s_{34}$$

3.4.4 Carnot: Pompa di Calore (Gas) (Indiretto)

Si ottiene invertendo in senso anti-orario il ciclo di Carnot.

Coefficient Of Performance (COP):

$$COP_{ ext{pompa calore}} = rac{\Delta s_{34} \cdot T_{ ext{max}}}{\Delta s_{12} \cdot T_{ ext{min}} - \Delta s_{34=12} \cdot T_{ ext{max}}}$$

$$COP_{ ext{frigo}} = rac{T_{ ext{max}}}{T_{ ext{max}} - T_{ ext{min}}}$$

$$T_{
m frigo} = T_{
m max} - T_{
m min}$$

N.B.
$$\Delta s_{12} = -\Delta s_{34}$$

3.4.5 Brayton Joule (Gas)

2 adiab. isoentropiche: (pompa $1 \rightarrow 2 + \text{turbina } 3 \rightarrow 4$)

+ 2 isobare:

 $q_h: 2 \rightarrow 3$

 $q_c: 4 \rightarrow 1$

$$\eta = 1 - \frac{c_p \cdot (T_4 - T_1)}{c_p \cdot (T_3 - T_2)} = 1 - \frac{T_4 - T_1}{T_3 - T_2}$$

3.4.6 Brayton Joule con rigenerazione (Gas)

La rigenerazione la si può sfruttare se T4>T2, sostanzialmente il gas uscente dalla turbina è più caldo di quello uscente dal compressore.

Dall'uscita della turbina senza rigenerazione si deve portare il gas da T4 a T1, la rigenerazione permette di raffreddare da T4 a Ty (con T1<Ty<T4) quindi il calore da cedere sarà solo quello per portare il gas da Ty a T1.

Dall'uscita del compressore senza rigenerazione si deve portare il gas da T2 a T3, la rigenerazione permette di riscaldare da T2 a Tx (con T2<Tx<T3) quindi si riesce a recuperare del calore che altrimenti verrebbe disperso nell'ambiente per alimentare la trasformazione T2 \rightarrow T3.

$$\begin{split} \eta &= \frac{Q_{\text{prodotto}} - Q_{\text{ceduto}}}{Q_{\text{prodotto}}} \\ &= 1 - \frac{c_p \cdot \left(T_y - T_1\right)}{c_p \cdot \left(T_3 - T_x\right)} \end{split}$$

- Ty: temperatura di uscita dallo scambiatore lato turbina. (parte raffred-data)
- Tx: temperatura di uscita dallo scambiatore lato compressore (parte riscaldata)

3.4.6.1 Come calcolare Tx e Ty

Nello scambiatore verrà scambiata una quantità di calore che dipende dal Δ di temperatura tra uscente dalla turbina e uscente dal compressore, ammesso che abbiano stessa portata massica e dovrebbe visto che il circuito è chiuso e la massa si conserva, la velocità dovrebbe variare solo la sezione dei due condotti.

Inoltre dipende dall'efficienza dello scambiatore ε (epsilon).

$$\varepsilon = \frac{Q_{\substack{\text{scambiato} \\ \text{effettivamente}}}}{Q_{\substack{\text{potenzialmente} \\ \text{scambiabile} \\ \text{se efficienza} = 100\%}}$$

Massimo calore scambiabile:

$$Q_{\rm max} = c_p (T_4 - T_2)$$

Calore scambiato effettivamente:

$$Q_{\rm rigenerato} = c_p \ |T_x - T_2| = c_p \ |T_1 - T_y|$$

Il ΔT causato dallo scambiatore è uguale da ambe due le parti. Perciò:

$$\begin{split} T_x &= T_2 + \Delta T_{\text{scambiatore}} \\ T_y &= T_4 - \Delta T_{\text{scambiatore}} \end{split}$$

Dove $\Delta T_{
m scambiatore}$ è calcolabile come:

$$\Delta T_{\rm scamb.} = \varepsilon \cdot (T_4 - T_2)$$

3.4.6.2 Efficienza

$$\eta_{\text{rig.}} = 1 - \frac{|T_1 - T_y|}{T_3 - T_x}$$

Oppure:

$$\eta_{\rm rig.} = 1 - \frac{|T_1 - (T_4 - \Delta T_{\rm scamb.})|}{T_3 - (T_2 + \Delta T_{\rm scamb.})}$$

3.4.7 Rankine (Vapore)

$$\eta = \frac{|w|}{q_H} = 1 - \frac{|h_1 - h_4|}{h_3 - h_2}$$

4 Aria Umida (miscela bicomponente)

4.1 Umidità Assoluta

$$U_A = 0.622 \cdot \frac{p_{vapore\%}}{p_{totale} - p_{vapore\%}} = 0.622 \cdot \frac{\varphi \cdot p_S}{p_{\text{totale}} - \varphi \cdot p_S}$$

- U_A : Umidità assoluta
- φ : Umidità relativa
- p_S : Pressione di saturazione del vapore alla data T
- p_{totale} : Pressione totale

Formule correlate:

$$U_A = \frac{m_{H2O}}{m_{Aria~Secca}}$$

$$0.622 = \frac{R}{Mm_{H2O}} \cdot \frac{Mm_{Aria\ Secca}}{R}$$

4.2 Umidità Relativa

$$\varphi = \frac{P_v}{P_{sat}}$$

- φ : Umidità relativa
- P_V : Pressione parziale vapore
- P_{sat} : Pressione di saturazione del vapore

4.3 Entalpia

Se $U_a < U_{sat}$

$$h = c_{p_{AS}} \cdot T + U_a \cdot \left(c_{p_v} T + h_{0,v} \right)$$

Dove:

- + $c_{p_{AS}} = 1.007 \frac{kJ}{kg}$: calore specifico aria secca
- + $c_{p_v} = 1.86 \frac{kJ}{kg}$: calore specifico vapore
- $h_{0,v}=2506.1rac{kJ}{kg}$: entalpia vapore a 0 C°
- \bullet T: temperatura in Celsius
- U_a : umidità assoluta

4.4 Temperatura di Rugiada

È la temperatura alla quale il vapore contenuto nell'aria inizia condensarsi.

4.4.1 Metodo Analitico

Esempio:

- Umidità relativa = 60%
- Pressione totale = 1 bar = 10^5 Pa = 100 kPa

Da questi dati si può ricavare qual è la **pressione parziale di vapore**. Cioè quella parte della pressione totale data dalla presenza di vapore, secondo la legge delle pressioni parziali, la pressione totale di un volume contenente gas/vapore è dato dalla somma delle pressioni parziali. Quindi:

$$P_{\rm tot} = P_v + P_{\rm as}$$

- Pv : pressione parziale del vapore
- Pas : pressione parziale dell'Aria Secca

Per calcolare la pressione parziale di vapore si può usare la definizione di umidità relativa:

$$\varphi = \frac{P_v}{P_{\text{sat}(T=20C^\circ)}}$$

$$\Rightarrow$$

$$P_v = \varphi \cdot P_{\text{sat}(T=20C^\circ)}$$

Quindi la Pv sarà il 60% della attuale pressione di saturazione cio
è quella a 20C°, la $P_{\rm sat}$ dipende solamente dalla temperatura.

• Come si ricava la P_{sat} ?

Ad ogni valore di pressione di saturazione del vapore corrisponde una temperatura di saturazione.

Quindi basta vedere la pressione associata alla temperatura attuale, in questo caso 20C° sulla tabella di vapore-acqua satura. Da cui $20\text{C}^\circ \Rightarrow 2.337 \text{ kPa}$.

$$P_v = 0.6 \cdot 2.337 \ kPa = 1.4022 \ kPa$$

Se ora ci mettiamo nel caso in cui la P di saturazione del vapore è proprio 1.4022 kPa possiamo andare a vedere a che temperatura corrisponde questa condizione. Dalla tabella non c'è il valore esatto corrispondente a 1.4022 kPa ma ci sono valori in cui è compreso 1.227kPa (10°C) e 1.7039kPa (15°C), si procede con l'interpolazione lineare:

$$T_r = \frac{T_2 - T_1}{P_2 - P_1} (P_x - P_1) + T_1 = 11.8368 \ C^{\circ}$$

Si potevano usare anche i valori della tabella con i valori di pressione tra 1 e 1.5 kPa, il risultato esce leggermente diverso. Essendo un'interpolazione sono entrambe approssimazioni, con l'assunzione che tra due valori vicini si può approssimare l'andamento lineare (come una retta).

L'umidità relativa dipende dalla temperatura (che varia la $P_{\rm sat}$) e dalla quantità di vapore nell'aria (rappresentata dalla pressione parziale di vapore).

È la relazione che c'è tra temperatura e pressione parziale di vapore.

4.4.2 TODO: Metodo grafico (diagramma psicrometrico)

5 CONDUZIONE DEL CALORE: REGIME NON STAZIONARIO

5.1 Numero di Biot

$$Bi = \frac{R_k}{R_h} = \frac{hL_{caratteristica}}{k}$$

- $h \frac{W}{m^2K}$: coeff. di scambio termico convettivo (fluidi)
- $k \frac{W}{mK}$: coeff. di scambio termico conduttivo (solidi)
- L: lunghezza caratteristica
- R_k : Resistenza alla conduzione
- $\,R_h\,:$ Resistenza alla convezione

5.2 Lunghezza Caratteristica

$$L_{\rm car.} = rac{V}{S}$$

- V : Volume dell'oggetto
- S: Superficie dell'oggetto a contatto con il fluido termovettore

5.3 Tempo di Raffreddamento

N.B. Valida solamente se il numero di Biot ≤ 0.1

$$t = \tau \ln \frac{T_i - T_\infty}{T_f - T_\infty}$$

 T_i : iniziale

 T_f : finale

 T_{∞} : temperatura riferita al fluido in cui è immerso il corpo.

Con

$$\tau = \frac{\rho c}{h} L_{\rm caratteristica}$$

$$\tau = \frac{M \cdot c}{h \cdot S}$$

5.4 Temperatura finale al tempo t

Dato l'istante t, data T_{∞} (temperatura fluido convettivo) e τ . La temperatura finale è pari a:

$$T_f = (T_i - T_\infty) \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + T_\infty$$

6 SCAMBIATORI DI CALORE

6.1 Temperatura Media Logaritmica

$$\Delta T_{ml} = \frac{\Delta T_i - \Delta T_u}{\ln \frac{\Delta T_i}{\Delta T_u}}$$

$$\Delta T_i = T_{max_ingresso} - T_{min_ingresso}$$

$$\Delta T_u = T_{max_uscita} - T_{min_uscita}$$

i: ingresso u: uscita

6.2 Potenza termica scambiata dal fluido freddo

fluido freddo:

$$\dot{Q} = \dot{m} \cdot c_{pf} \cdot \left(T_{fu} - T_{fi} \right)$$

fu: fluido Freddo-Uscita fi: fluido Freddo-Ingresso

fluido caldo:

$$\dot{Q} = \dot{m} \cdot c_{pc} \cdot (T_{cu} - T_{ci})$$

cu: fluido Caldo-Uscita ci: fluido Caldo-Ingresso

6.3 Coefficiente globale di scambio

$$U_{tot} = \frac{\Delta T_{ml}}{\dot{Q}} \quad \left[\frac{K}{W}\right]$$