

دانشگاه صنعتی اصفهان دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

عنوان: تكليف اول درس هوش مصنوعي (بخش تئوري)

نام و نام خانوادگی: علیرضا ابره فروش شماره دانشجویی: ۹۸۱۶۶۰۳ نیم سال تحصیلی: بهار ۱۴۰۰/۱۴۰۱ مدرّس: دكتر حسين فلسفين

دستياران آموزشي: مجيد فرهادي - على ملاحسيني - آرش وشّاق

۱ نمایش مسئله Hop-Constrained Minimum Spanning Tree

هر Candidate solution در این مسئله را می توان نظیر یک رشته ی باینری به طول تعداد یالهای موجود در گراف نمایش داد به طوری که صفر (یک) بودن بیت iام به معنی قرار داشتن (نداشتن) آن یال در مجموعه ی یالهای نظیر آن Candidate solution می باشد. همچنین مجموعه ی همه ی رشتههایی که با رشته مذکور دقیقا در یک بیت اختلاف دارند، تعریف کرد.

۲ نمایش مسئله Equal Piles

هر Candidate solution در این مسئله را میتوان نظیر یک رشته به طول n از اعداد موجود در مجموعه ی G_i در نظر گرفت (نمایش اعداد صحیح) به طوری که i بودن کاراکتر mم به معنی قرار گرفتن جسمِ mم در ستونِ iم است. همچنین مجموعه ی همسایگی نظیر یک Candidate solution را میتوان به شکل مجموعه ی همه ی رشته هایی که با رشته مذکور دقیقا در یک کاراکتر اختلاف دارند، تعریف کرد.

۳ ارزیابی افزایشی تابع هدف برای Quadratic Assignment Problem

هر Candidate solution در این مسئله را میتوان به یک جایگشت از اعداد ۱ تا n نظیر کرد به طوری که i بودنِ جایگاه mام به معنی نگاشتِ مرکز رفاهیِ i به مکانِ m است. مجموعه ی شامل همه ی جایگشتهای اعداد ۱ تا n را با n نشان می دهیم. به ازای هر جایگشت در n، تابعِ ϕ را تعریف می کنیم نگاشت از مرکز رفاهی به مکان نظیرِ آن مرکز رفاهی در آن جایگشت. همچنین مجموعه ی n را تعریف می کنیم مجموعه ی همه ی nها. تابعِ nها. تابعِ nها. تابعِ و مکان و تابعِ n جریان بین دو مرکز رفاهی را برمی گرداند. در واقع کمینه سازی تابع هدف به شکل زیر شکل می گیرد:

$$\min_{\phi \in S_n} (\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n f(i,j) \times d(\phi(i),\phi(j)))$$

Candidate در جایگشت همسایگیها به شکل 2-swap میتوانند تعریف شوند که در این صورت تابعِ هدف نظیر همسایه ی یک عبارات عبارات در جایگزین شده میسر است و لازم به محاسبه مجدد همه عبارات solution تنها با تغییر $f(i,j) \times d(\phi(i),\phi(j))$ به ازای i و i و ازای تعریف شده میسر است و ازای به محاسبه مجدد همه عبارات نیست.

۴ الگوریتم ژنتیک برای مسئله Bin Packing

representation (definition of individuals) 1.5

نمایش جایگشت نمایش مناسبی برای این مسئله است. هر individual در این مسئله را می توان به d! بردار n بردار n نظیر کرد به طوری n تعداد بستهها و d تعداد جعبههای مورد نیاز برای یک individual است و نحوه یقرار گرفتن تعدادی بسته در جعبه به این شکل است که جایگشت را از چپ به راست پیمایش می کنیم و به صورت حریصانه تا جایی که ممکن است بسته در جعبه ی فعلی قرار می دهیم و در صورتی که جعبه جا نداشت سراغ جعبه ی جدید می رویم. البته هر دو جایگشت مختلف الزاما متناظر با دو فعلی قرار می دهیم و در صورتی که جعبه جا نداشت سراغ جعبه یک باشند (جعبه ایکسان اند و ترتیب قرار گیری جعبه ها اهمیتی ندارد و صوفا قرار گیری یا عدم قرار گیری تعدادی بسته در یک جعبه باعث تمایز امانان امی شود. پس تعداد حالات d می شود.) مجموعه ی شامل همه ی جایگشتهای اعداد d تا d را با d نشان می دهیم.

علیرضا ابره فروش

evaluation function (or fitness function) 7.5

حال fitness function را مي توانيم به شكل زير تعريف كنيم:

 $f: P_n \to \mathbb{W}$ $x \in P_n$ f(x) = Number of required boxes for x

population 7.5

جمعیت اولیه را می توان متشکل از تعدادی (مثلا *) جایگشت تصادفی از P_{n} پنداشت.

parent selection mechanism 5.5

مى توان متناسب با مقدار fitness هر عضو از جمعیت، یک احتمال والد شدن به آن عضو نسبت داد و والد را از اعضای جمعیت با یک احتمال خاص انتخاب کرد (مانند مسئله ی $n_{\rm ejg}$).

variation operators, recombination and mutation Δ.۴

recombination (crossover) \.Δ.\$

یک موضع دلخواه انتخاب میکنیم و دو والد را از آن موضع یکتا به دو بخش تقسیم میکنیم. بخش اول فرزند اول (دوم) را به ترتیب از بخش اول والد اول (دوم) انتخاب میکنیم و برای بخش دوم فرزند اول (دوم) والد دوم (اول) را از چپ پیمایش میکنیم و هر درایهای که در بخش اول ظاهر نشده بود را به همان ترتیبی که در والد واقع شده است وارد فرزند میکنیم تا حالت جایگشت بودن حفظ شود.

mutation 7.4.5

2-swap می تواند یک mutation مناسب برای این مسئله باشد. در واقع با یک احتمال دو درایه در فرزند را باهم جابهجا می کنیم. به این شکل جایگشت حفظ می شود.

survivor selection mechanism (replacement) 9.4

مکانیسک انتخاب بازمانده می تواند به صورت fitness-based یا age-based باشد که در واقع در مکانیسم اول همه اعضای جمعیت را بر اساس fitnessشان رتبه بندی می کنیم و رتبههای بالا را به عنوان نسل بعد انتخاب می کنیم و در مکانیسم دوم می توان اعضای جوان تر (فرزندها) را صرفا حفظ کرد و والدها را کلا کنار بگذاریم.

Magic Square الگوريتم ژنتيک براي مسئله

representation (definition of individuals) \.\alpha

نمایش جایگشت نمایش مناسبی برای این مسئله است. هر individual در این مسئله را میتوان به یک بردار $1 \times n^2$ نظیر کرد به طوری که درایه $i \equiv r \pmod n$ و ستون $\lfloor \frac{i}{n} \rfloor$ و ستون $\lfloor \frac{i}{n} \rfloor$ و ستون از که $i \equiv r \pmod n$

علیرضا ابره فروش

است

مجموعه ی شامل همه ی جایگشتهای اعداد i تا i را با P_i نشان می دهیم.

evaluation function (or fitness function) Y.A

حالت ایدهآل زمانی است که مجموع همهی درایههای سطرها(یا ستونها یا قطرها) باهم برابر شوند. پس مجموع درایههای هر سطر، ستون یا قطر (S) برابر است با:

$$n \times S = \sum_{i=1}^{n^2} i = \frac{n^2 \times (1+n^2)}{2} \Longrightarrow S = \frac{n \times (1+n^2)}{2}$$

حال به عنوان fitness function می توانیم مجموعِ فاصلههای جمعِ درایههای هر سطر، ستون یا قطر را از ایده آل محاسبه کنیم. یس fitness function به شکل زیر تعریف می شود:

 $f: P_{n^2} \to \mathbb{Z}$

$$f(x) = n(n+1)(n^2+1) - (\sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n |S-x_{i,j}|) + \sum_{j=1}^n (\sum_{i=1}^n |S-x_{i,j}|) + \sum_{i=1}^n |S-x_{i,i}| + \sum_{i=1}^n |S-x_{i,n-i+1}|)$$
 توجه شود چون معمولا در الگوریتمهای تکامل مسئله را بیشینه سازی در نظر می گیرند، در اینجا عبارت را از یک مقدار بیشینه کم کردیم تا با یک مسئله ی بیشینه سازی روبه رو باشیم. در واقع فیتنس بهترین individual برابر $n(n+1)(n^2+1)$

population Υ.Δ

جمعیت اولیه را می توان متشکل از تعدادی (مثلا P_{n^2}) جایگشت تصادفی از P_{n^2} پنداشت.

parent selection mechanism 5.0

مى توان متناسب با مقدار fitness هر عضو از جمعیت، یک احتمال والد شدن به آن عضو نسبت داد و والد را از اعضای جمعیت با یک احتمال خاص انتخاب کرد (مانند مسئله ی $n_{\rm ej}$).

variation operators, recombination and mutation $\Delta.\Delta$

recombination (crossover) \.\alpha.\alpha

یک موضع دلخواه انتخاب می کنیم و دو والد را از آن موضع یکتا به دو بخش تقسیم می کنیم. بخش اول فرزند اول (دوم) را به ترتیب از بخش اول والد اول (دوم) انتخاب می کنیم و برای بخش دوم فرزند اول (دوم) والد دوم (اول) را از چپ پیمایش می کنیم و هر درایهای که در بخش اول ظاهر نشده بود را به همان ترتیبی که در والد واقع شده است وارد فرزند می کنیم تا حالت جایگشت بودن حفظ شود.

mutation Υ.Δ.Δ

2-swap می تواند یک mutation مناسب برای این مسئله باشد. در واقع با یک احتمال دو درایه در فرزند را باهم جابهجا می کنیم. به این شکل جایگشت حفظ می شود.

علیرضا ابره فروش

survivor selection mechanism (replacement) γ.Δ

مکانیسک انتخاب بازمانده می تواند به صورت fitness-based یا age-based باشد که در واقع در مکانیسم اول همه اعضای جمعیت را بر اساس fitnessشان رتبه بندی می کنیم و رتبههای بالا را به عنوان نسل بعد انتخاب می کنیم و در مکانیسم دوم می توان اعضای جوان تر (فرزندها) را صرفا حفظ کرد و والدها را کلا کنار بگذاریم.

منابع

عليرضا ابره فروش