

دانشگاه صنعتی اصفهان دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

عنوان: تكليف دوم درس مباني بينايي كامپيوتر

نام و نام خانوادگی: علیرضا ابره فروش شماره دانشجویی: ۹۸۱۶۶۰۳ نیم سال تحصیلی: بهار ۱۴۰۰/۱۴۰۱ مدرّس: دکتر نادر کریمی دستیاران آموزشی: بهنام ساعدی - محمدرضا مزروعی

١

ابتدا متغیرهای زیر را تعریف می کنیم.

و W: ابعاد تصویر H

تصویر اصلی:I

تصویر مورد بررسی:J

بزرگترین سطح روشنایی محتمل در تصویر (مقدار پیشفرض ۲۵۵)  $MAX_I$ 

ن کوچکترین سطح روشنایی محتمل در تصویر (مقدار پیشفرض  $MIN_I$ 

## **MAE** 1.1

۱.۱.۱ حداكثر

حالتی را تصور می کنیم که اختلاف سطح روشنایی هر دو پیکسل متناظر در تصویر حداکثر باشد (تصویر تمام سیاه و تمام سفید). بنابراین به ازای هر i و i دامنه، I(i,j) برابر برابر I(i,j) برابر I(i,j) برابر الربر I(i,j) برابر I(i,j) برابر I(i,j) برابر الربر I(i,j) برابر I(i,j) برابر الربر ال

 $\max(\frac{1}{H.W}\sum_{i=1}^{H}\sum_{j=1}^{W}|I(i,j)-J(i,j)|) = \frac{1}{H.W} \times H.W \times |MAX_I-MIN_J| = |MAX_I-MIN_J|$  که در حالت پیش فرض این مقدار برابر ۲۵۵ است.

۲.۱.۱ حداقل

حالتی را تصور می کنیم که اختلاف سطح روشنایی هر دو پیکسل متناظر در تصویر حداقل باشد (تصاویر برابر باشند). بنابراین به ازای هر i(i,j) برابر I(i,j) است. پس داریم:

$$\min(\frac{1}{HW}\sum_{i=1}^{H}\sum_{j=1}^{W}|I(i,j)-J(i,j)|) = \frac{1}{HW} \times H.W \times |I(i,j)-I(i,j)| = 0$$

**MSE** 7.1

۱.۲.۱ حداکثر

مشابه قسمت قبل، حالتی را تصور می کنیم که اختلاف سطح روشنایی هر دو پیکسل متناظر در تصویر حداکثر باشد (تصویر تمام سیاه و تمام سفید). بنابراین به ازای هر i و i دامنه، I(i,j) برابر I(i,j) برابر I(i,j) برابر یا بالعکس. پس داریم:

 $\max(\frac{1}{H.W}\sum_{i=1}^{H}\sum_{j=1}^{W}(I(i,j)-J(i,j))^2) = \frac{1}{H.W} \times H.W \times (MAX_I-MIN_J)^2 = (MAX_I-MIN_J)^2$  که در حالت پیش فرض این مقدار برابر ۶۵۰۲۵ است.

۲.۲.۱ حداقل

مشابه قسمت قبل، حالتی را تصور می کنیم که اختلاف سطح روشنایی هر دو پیکسل متناظر در تصویر حداقل باشد (تصاویر برابر باشند). بنابراین به ازای هر i و i دامنه، i و i دامنه، i برابر i است. پس داریم:

$$\min(\frac{1}{H.W} \sum_{i=1}^{H} \sum_{j=1}^{W} (I(i,j) - J(i,j))^2) = \frac{1}{H.W} \times H.W \times (I(i,j) - I(i,j))^2 = 0$$

## PSNR 7.1

۱.۳.۱ حداکثر

با فرض ناصفر بودن مقدار  $MAX_I$  داریم:

$$\max(10\log_{10}(\frac{MAX_{I}^{2}}{MSE})) = \lim_{MSE \to 0}(10\log_{10}(\frac{MAX_{I}^{2}}{MSE})) = \infty$$
 پس به ازای دو تصویر با MSE نزدیک به صفر (دو تصویر تقریبا برابر)، مقدار PSNR به بینهایت میل می کند.

۲.۳.۱ حداقل

داریم:

$$\min(10\log_{10}(\frac{MAX_{I}^{2}}{MSE})) = 10\log_{10}(\frac{MAX_{I}^{2}}{(MAX_{I} - MIN_{J})^{2}})$$

که در حالت پیشفرض برابر است با:

$$10\log_{10}(\frac{255^2}{65025}) = 0$$

٢

سطح روشنایی هر پیکسل در تصویر خاکستری گونه از  $MIN_I$  (پیشفرض ۰) تا  $MAX_I$  (پیشفرض ۲۵۵) متغیر است. بدترین MSE که در واقع بزرگترین MSE است زمانی رخ می دهد که اختلاف سطح روشنایی هر دو پیکسل متناظر در تصاویر ماکسیمم باشد. در نتیجه برای ساخت چنین تصویری فاصله ی سطح روشنایی هر پیکسل در تصویر اولیه را از مقادیر  $MIN_I$  و  $MIN_I$  (سفید) و در دست می آوریم (قدر مطلق تفاضل). در صورتی که سطح روشنایی به  $MIN_I$  (سیاه) نزدیک تر بود، مقدار  $MAX_I$  (سفید) و در صورتی که به  $MAX_I$  (سفید) و در مطلق صورتی که به  $MAX_I$  (سفید) نزدیک تر بود، مقدار  $MIN_I$  (سیاه) را در پیکسل متناظر قرار می دهیم. در این حالت چون قدر مطلق تفاضل ها به ازای همه پیکسل های تصویر ماکسیمم هستند پس تضمین می شود که ماکسیمم MSE (بدترین MSE) را نسبت به تصویر ورودی داریم.

٣

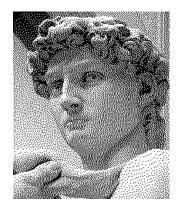
١.٣ الف

- ı clc
- 2 clear
- 3 close all
- 4 imtool close all

```
6 I = imread("images\i3.jpg");
7 J = uint8(zeros(size(I)));
  J = toBlackWhite(I);
10 psnr(J, I)
12 figure, imshow(I, []);
13 figure, imshow(J, []);
                                                                                   ۲.۳
ı clc
2 clear
3 close all
4 imtool close all
6 I = imread("images\i3b.png");
7 J = floydSteinberg(I);
8 K = imread("images\i3b(ground truth).png");
9 figure, imshow(I, []);
10 figure, imshow(J, []);
in figure, imshow(K, []);
12 %%
x = I(:, :, 1);
y = J(:, :, 1);
z = K(:, :, 1);
                                                                                    ٣.٣
                                                                                ج
ı clc
2 clear
3 close all
4 imtool close all
6 I = imread("images\i3b.png");
7 J = floydSteinberg(I);
8 K = toBlackWhite(I);
```

```
fs_psnr = psnr(J, I);
bw_psnr = psnr(K, I);
figure, imshow(I, []);
figure, imshow(J, []);
figure, imshow(K, []);
```

با مقایسهی PSNR در دو تصویر تولید شده در قسمتهای قبل درمی یابیم که بهتر بودن PSNR یک تصویر نسبت به تصویر دیگر الزاما به معنی بهتر بودن کیفیت بصری آن تصویر نیست. همانطور که می بینیم، تصویر تولید شده توسط الگوریتم و PSNR پایین تر نسبت به تصویر تولید شده توسط الگوریتم حریصانه (تابع toBlackWhite) جزئیات تصویر را بهتر مشخص می کند و کیفیت بصری بهتری دارد. پس نتیجه می گیریم که PSNR در همه جا معیار دقیقی برای مقایسهی کیفیت تصاویر نسست.



شكل ١: خروجي الگوريتم Floyd-Steinberg



شكل ٢: خروجي الگوريتم حريصانه

## منابع