

دانشگاه صنعتی اصفهان دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

عنوان: تكليف دوم درس هوش مصنوعي (بخش تئوري)

نام و نام خانوادگی: علیرضا ابره فروش شماره دانشجویی: ۹۸۱۶۶۰۳ نیم سال تحصیلی: بهار ۱۴۰۰/۱۴۰۱ مدرّس: دکتر حسین فلسفین دستیاران آموزشی: مجید فرهادی – علی ملاحسینی – آرش وشّاق

۱ نوید زندانی

۱.۱ قیدهای binary و unary

$$orall i \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$
 $Y_i = egin{cases} 0 & X_i = \ 1 & X_i = \ 2 & X_i = \ \end{pmatrix}$ (۱)

$$C_1 = \langle (X_1, X_2), \max\{Y_1, Y_2\} = 1 \rangle$$

$$C_2 = \langle (X_2, X_3), \max\{Y_2, Y_3\} = 1 \rangle$$

$$C_3 = \langle (X_3, X_4), \max\{Y_3, Y_4\} = 2 \rangle$$
 (7)

$$C_4 = \langle (X_4, X_5), \max\{Y_4, Y_5\} = 2 \rangle$$

$$C_5 = \langle (X_5, X_6), \max\{Y_5, Y_6\} = 2 \rangle$$

$$C_6 = \langle (X_6, X_1), \max\{Y_6, Y_1\} = 2 \rangle$$

$$C_7 = \langle (X_1, X_2), Y_1 \times Y_2 \neq 1 \rangle$$

$$C_8 = \langle (X_2, X_3), Y_2 \times Y_3 \neq 1 \rangle$$

$$C_9 = \langle (X_3, X_4), Y_3 \times Y_4 \neq 1 \rangle \tag{7}$$

$$C_{10} = \langle (X_4, X_5), Y_4 \times Y_5 \neq 1 \rangle$$

$$C_{11} = \langle (X_5, X_6), Y_5 \times Y_6 \neq 1 \rangle$$

$$C_{12} = \langle (X_6, X_1), Y_6 \times Y_1 \neq 1 \rangle$$

۲.۱

٣.١

MRV با توجه به اینکه دامنههای متغیرهای X_4 و X_6 تک عضوی است و سایر متغیرها دامنههای بیش از یک عضوی دارند، طبق متغیرهای X_6 و X_6 پیش از بقیه مقداردهی می شوند.

4.1

در این صورت داریم:

$$X_5=$$
ندان \Rightarrow $Y_5=0$

برای اینکه قیدهای C_5 و C_5 ارضا شوند، دامنههای C_5 و C_6 برابر C_6 میشود. با انتخاب مقدار چاه برای دو متغیر، و برای ارضای قیود C_6 و C_7 و C_8 ، دو راهحل ممکن زیر برای این مسئله وجود دارد:

عليه ضا ابه فروش،

$$X = ($$
ندان , خروج , زندان , چاه ,زندان , خروج $X = ($ خاه ,زندان , خروج) $X = ($ چاه ,خروج , زندان ,خروج)

۵.۱

۶.۱

۲ مسئله سه رنگ

از آنجایی که هیچ راسی وجود ندارد که با مقداردهی آن دامنه یراسی دیگر تهی شود پس arc-consistency برقرار است. همچنین از آنجایی که هیچ دو راسی وجود ندارد که با مقداردهی آنها، دامنه ی راسی دیگر تهی شود path-consistency نیز در این مسئله برقرار است. اما چون اگر سه راس را با سه رنگ متفاوت رنگ کنیم، برای راس چهارم رنگی باقی نمی ماند پس 4-consistency برقرار است. با اضافه کردن قیود باینری زیر می توانیم مسئله را 4-consistent کنیم (X_i ها رنگهای نظیر راسهای گراف هستند).

$$C_{1} = \langle (X_{1}, X_{2}), X_{1} \neq X_{2} \rangle$$

$$C_{2} = \langle (X_{2}, X_{3}), X_{2} \neq X_{3} \rangle$$

$$C_{3} = \langle (X_{3}, X_{4}), X_{3} \neq X_{4} \rangle$$

$$C_{4} = \langle (X_{4}, X_{1}), X_{4} \neq X_{1} \rangle$$

$$C_{5} = \langle (X_{1}, X_{3}), X_{1} \neq X_{3} \rangle$$

$$C_{6} = \langle (X_{4}, X_{2}), X_{4} \neq X_{2} \rangle$$

$$(9)$$

consistency T

1.7

خیر. الزامی وجود ندارد. در واقع می توان با مقداردهی مناسب، درجات بالای سازگاری را محقق کنیم، درحالی که درجات پایین سازگاری برقرار نباشند. برای مثال در P_{CSP} و arc-consistency برقرار می باشد، اما node-consistency نداریم.

علیرضا ابره فروش

$$P = (X, D, C)$$

$$X = \{X_1, X_2\}$$

$$D = \{D_1, D_2\}$$

$$C = \{C_1, C_2\}$$

(Y)

$$D_1 = \{1, 2, 3, 4\}$$

$$D_2 = \{1, 2, 3, 4\}$$

$$C = \{C_1, C_2\}$$

$$C_1 = \langle (X_1), X_1 \leq 3 \rangle$$

$$C_2 = \langle (X_1, X_2), X_1 = X_2 \rangle$$

۲.۳

۲ مدلسازی

1.4

جمعیت شهر i را با X_i نمایش می دهیم. CSP به شکل زیر مدل می شود.

$$P = (X, D, C)$$

$$X = \{X_1, X_2, \dots, X_n\}$$

$$D = \{D_1, D_2, \dots, D_n\}$$

$$C = \{C_1, C_2, \dots, C_{m+1}\}$$
(A)

$$\forall i: D_i = \mathbb{W}$$

$$\forall \ 1 \leq i \leq j \leq n \ | \ \text{def}j, \ \exists k: \quad C_k = \langle (X_i, \ X_j) \, , \ |X_i - X_j| \geq 2000 \rangle$$

$$C_{m+1} = \left\langle \left(X_{\arg \max_{i} \{X_i\}}, \ X_{\arg \min_{j} \{X_j\}} \right), \ \max_{i} \{X_i\} \le 3 \min_{j} \{X_j\} \right\rangle$$

۲.۴

فرض می کنیم که نقشه ی مورد نظر نقشه ی استرالیا باشد. رنگ راسها را با V ،SA ،NSW ،Q ،NT ،WA و T نشان می دهیم. CSP به شکل زیر مدل می شود.

 $Y_w = 3$ تعداد رئوس با رنگ سفید

9,1199.4

$$Y_r=1$$
تعداد رئوس با رنگ قرمز

$$Y_g =$$
تعداد رئوس با رنگ سبز

$$Y_b =$$
تعداد رئوس با رنگ آبی

$$P = (X, D, C)$$

$$X = \{WA, NT, Q, NSW, SA, V, T\}$$

$$D = \{D_{WA}, D_{NT}, D_{Q}, D_{NSW}, D_{SA}, D_{V}, D_{T}\}$$

$$C = \{C_1, C_2, \cdots, C_9\}$$

$$D_{WA} = D_{NT} = D_Q = D_{NSW} = D_{SA} = D_V = D_T = \{w, r, g, b\}$$

$$C_1 = \langle (SA, WA), SA \neq WA \rangle$$

$$C_2 = \langle (SA, NT), SA \neq NT \rangle$$

$$C_3 = \langle (SA, Q), SA \neq Q \rangle$$

$$C_4 = \langle (SA, NSW), SA \neq NSW \rangle$$

$$C_5 = \langle (SA, V), SA \neq V \rangle$$

$$C_6 = \langle (NT, WA), NT \neq WA \rangle$$

$$C_7 = \langle (Q, NT), Q \neq NT \rangle$$

$$C_8 = \langle (NSW, Q), NSW \neq Q \rangle$$

$$C_9 = \langle (V, NSW), V \neq NSW \rangle$$

$$C_{10} = \langle (WA, NT, Q, NSW, SA, V, T), Y_w \leq Y_r \leq Y_q \leq Y_b \rangle$$

$$C_{11} = \langle (WA, NT, Q, NSW, SA, V, T), Y_b \leq 2Y_w \rangle$$

۵ برنامهریزی کلاسها

۱۵

مسئله را به شکل CSP زیر مدل می کنیم:

$$X_1 = 1$$
 استاد کلاس

$$X_2 =$$
۲ استاد کلاس

$$X_3 = \mathsf{m}$$
 استاد کلاس

$$X_4 = \mathfrak{r}$$
 استاد کلاس

$$X_5 = \Delta$$
 استاد کلاس

$$D_1 = \{ \downarrow \}$$

$$D_2 = \{ \downarrow, \downarrow \}$$

$$D_3 = \{ \text{id}, \, \text{u}, \, \text{u} \}$$

$$D_4 = \{ \text{id}, \, \text{u}, \, \text{u} \}$$

$$D_5 = \{ \psi, \psi \}$$

$$C_1 = \langle (X_1, X_2), X_1 \neq X_2 \rangle$$

$$C_2 = \langle (X_2, X_3), X_2 \neq X_3 \rangle$$

$$C_3 = \langle (X_3, X_4), X_3 \neq X_4 \rangle$$

$$C_4 = \langle (X_4, X_2), X_4 \neq X_2 \rangle$$

$$C_5 = \langle (X_4, X_5), X_4 \neq X_5 \rangle$$

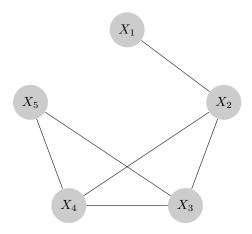
$$C_6 = \langle (X_5, X_3), X_5 \neq X_3 \rangle$$

$$X = \{X_1, X_2, X_3, X_4, X_5\}$$

$$D = \{D_1, \ D_2, \ D_3, \ D_4, \ D_5\}$$

$$C = \{C_1,\ C_2,\ C_3,\ C_4,\ C_5,\ C_6\}$$

۲.۵



٣.۵

ثابت می شود که هر CSPای که ساختار درخت گونه داشته باشد را می توان در زمان چندجملهای حل کرد. پس ترجیح می دهیم مسائل CSP با ساختار درخت را حل کنیم.

Puzzle Cryptarithmetic 9

در ابتدا اندازه ی همه دامنه ها با یکدیگر برابراند (ارقام صفر تا ۹). طبق فرض دامنه ی M و S صفر ندارند. همچنین از آنجایی که جمع دو عدد ۴ رقمی ماکسیم ۱۹۹۹۸ است، پس بیشترین مقداری که M می تواند بگیرد مقدار ۱ است. در نتیجه دامنه ی M

عليرضا ابره فروش

به مجموعهی تکعضوی ۱ اصلاح می شود. طبق MRV متغیر M را مقداردهی می کنیم. تنها مقدار دامنه ی M یعنی ۱ را انتخاب می کنیم. با توجه به قید Alldiff عضو ۱ از دامنه ی سایر متغیرها حذف می شود.

در جمع ارقام هزارگان (ارقام S و M)، چون Carry یک داریم، پس $S+1 \geq S$. دامنهی متغیر S مجموعهی شامل S و S است. طبق MRV متغیر S را مقداردهی می کنیم. برای اینکه Carry یک داشته باشیم، S تنها در صورتی می تواند مقدار S را بگیرد که Carry یک از قبل داشته باشد. پس طبق LCV مقداری را انتخاب می کنیم که کمترین محدودیت را در دامنههای بقیهی متغیرها ایجاد کند. پس به S مقدار S را می دهیم. عضو S از دامنهی سایر متغیرها حذف می شود. توجه شود که اگر در این شاخه به جواب نرسیم باید بازگشت به عقب داشته باشیم و به S مقدار S مقدار S بدهیم.

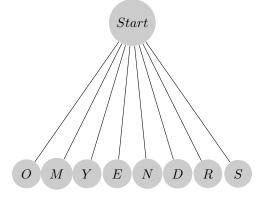
با توجه به اینکه O=S+M-10 متغیر O به مجموعه یتکعضوی و اصلاح می شود. طبق MRV متغیر O را مقداردهی می کنیم. تنها مقدار دامنه ی O یعنی و را انتخاب می کنیم. عضو و از دامنه ی سایر متغیرها حذف می شود.

با توجه به قید R + Carry = 9. و چون دامنهی یک داریم، E + 10 = N + R + Carry. پس R + Carry = 9. و چون دامنهی R مقدار ۹ ندارد، پس R به مجموعه R به مجموعه تکعضوی ۸ اصلاح می شود. طبق R مقدار ۹ ندارد، پس R به مجموعه R به مجموعه یتکعضوی ۸ اصلاح می شود. طبق R مقدار دامنه ی R یعنی ۸ را انتخاب می کنیم. عضو ۸ از دامنه ی سایر متغیرها حذف می شود.

چون E+1 و مقادیر ۱۰ (۱۰ و ۱۹ زدامنهها حذف شدهاند، دامنههای E و N به ترتیب مجموعه شامل ارقام ۲ تا ۶ و ارقام ۳ تا ۷ است. طبق MRV یکی از دو متغیر E و N را را باید مقداردهی کنیم. حال طبق Degree متغیری که درجه ی کمتری در گراف محدودیت دارد را انتخاب می کنیم. پس متغیر E انتخاب می شود. از آنجایی که از یکان به دهگان Carry داریم، $E \ge 10$ هر پس متغیر E انتخاب شود، E هم بزرگ تر خواهد بود و در نتیجه برای E مقادیر بیشتری از دامنه E می E مقدارد. پس E را بزرگ ترین مقدار دامنه اش یعنی ۷ مقداردهی می کنیم. با فرض اینکه این شاخه به یک جواب منتهی نمی شود، بازگشت به عقب رخ می دهد و مقدار ۶ را به E می دهیم. عضو ۶ از دامنه ی سایر متغیرها حذف می شود.

حال چون E+1 را با α مقداردهی می کنیم. عضو α از دامنه ی سایر متغیرها حذف می شود.

چون از یکان به دهگان Carry داشتیم، پس $10 \leq 5 \leq D$ پس $5 \leq D$ چون از بین ارقام 0 تا ۹ تنها ۷ در دامنه 0 باقی مانده است، آن را با ۷ مقدارهی می کنیم. در نهایت برای متغیر 0 مقدار ۲ به دست می آید. در خت در شروع به شکل زیر است.



منابع

علیرضا ابره فروش