

دانشگاه صنعتی اصفهان دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

عنوان: پروژهی نهائی درس مبانی بینایی کامپیوتر

نام و نام خانوادگی: علیرضا ابره فروش شماره دانشجویی: ۹۸۱۶۶۰۳ نیم سال تحصیلی: بهار ۱۴۰۰/۱۴۰۱ مدرّس: دکتر نادر کریمی دستیاران آموزشی: بهنام ساعدی - محمدرضا مزروعی ١

١

فرض می کنیم که نقاط (x_1, y_1) ، (x_2, y_2) ، (x_3, y_3) ، (x_2, y_2) ، (x_1, y_1) قرار دارند. معادله y = mx + c قرض می کنیم که نقاط در فضای هاف به ترتیب برابر x_3, y_3 ، x_3, y_3 ، x_4, y_3 ، x_5, y_4 نقاط در فضای هاف به ترتیب برابر x_4, y_1 برابر x_5, y_4 نقطه در فضای هاف (m-c) قرار x_5, y_4 است. به عبارتی نقطه در x_5, y_4 روی تمامی خطوط با شیب x_5, y_4 و عرض از مبدا x_5, y_4 دارد. از این رو همه ی این خطوط در نقطه ی x_5, y_4 همرساند.

٢

۱.۲ فضای پیوسته

شیب یک خط در فضای تصویر در بازه ی $(-\infty,\infty)$ است. پس $(-\infty,\infty)$ همچنین عرض از مبدا خط هم در فضای تصویر در بازه ی $(0,\sqrt{H^2+W^2})$ در بازه ی (ρ) در بازه ی (ρ) در بازه ی در نهایت فاصله ی خط از مبدا مختصات (ρ) در بازه ی $(-\infty,\infty)$ است که (ρ) است که (ρ) به ترتیب عرض و طول تصویر هستند. پس (ρ) است (ρ) به ترتیب عرض و طول تصویر هستند. پس (ρ) است به ترتیب عرض و طول تصویر هستند.

۲.۲ فضای گسسته



شکل ۱

همچنین عرض از مبدا خط هم در فضای تصویر در بازه ی $\left[-\frac{H(W-2)}{2},\,\frac{H(W-2)}{2}\right]$ است. حالت بیشینه (کمینه) زمانی رخ $c\in\left[-\frac{H(W-2)}{2},\,\frac{H(W-2)}{2}\right]$ است. پس $\left[-\frac{H(W-2)}{2},\,\frac{H(W-2)}{2}\right]$ می دهند که شیب بیشینه (کمینه) باشد. البته عرض از مبدا خط عمودی در تصویر تعریف نشده است. پس (ρ) است که (ρ) به ترتیب عرض و در نهایت فاصله ی خط از مبدا مختصات (ρ) مثل حالت پیوسته در بازه ی (ρ) است که (ρ) است که (ρ) و (ρ) به ترتیب عرض و طول تصویر هستند. پس (ρ)

علياضا ابره فروش

٣

هر دایره در فضای x-y با x پارامتر مختصات مرکز و شعاع به صورت متمایز مشخص می شود. در نتیجه فضای هاف x-y بعدی است و هر نقطه در فضای هاف نظیر یک دایره در فضای x-y است. همچنین دایرههای نظیر هر دو نقطهای که در فضای x-y است. همختصات این نقطه (صرف نظر از مولفهی نظیر شعاع) مختصات مرکز یک دایره قرار دارند، در فضای هاف از یک نقطه می گذرند که مختصات این نقطه x-y-z، به شکل زیر است.

$$\frac{(x-x_0)^2}{a^2} + \frac{(y-y_0)^2}{b^2} = \frac{(z-z_0)^2}{c^2}$$

با توجه به شباهت معادلهی دایره با سه پارامتر با معادلهی رویهی مخروطی، نظیر همهی دایرهها (شعاعهای دلخواه)یی که در فضای x-y از یک نقطه می گذرند یک رویهی مخروطی در فضای هاف تشکیل می شود. با استفاده از گسسته سازی فضا و مکانیزم انباشت گر (Accumulator) به طریق الگوریتم زیر عمل می کنیم.

- ا. تقسیمبندی فضای پارامترها یا H به تعدادی سلول بر اساس دقت مورد انتظار با مقدار اولیه صفرH
 - ۲. به ازای هر نقطه (پیکسل سفید) با مختصات (x_i, y_i) در صفحه تصویر (x_i, y_i)
 - r_{max} تا r_{min} تا r_{min} تا ازای تمام مقادیر
- محاسبه ی مقدارِ $(x_j,y_j,r)=H(x_j,y_j,r)=H(x_j,y_j,r)$ به ازای تمام نقاط مثل (x_j,y_j) که روی دایره ی به مرکز (x_i,y_j) و شعاع x_i قرار گرفته اند
 - ۳. آنالیز دادهها در فضای هاف برای یافتن نقاط مطلوب (در واقع پیدا کردن مختصات نقطهای که بیشترین H را دارد)
 - ۴. به دست آمدن مرکز دایرهی متناظر

۴

Algorithm \.\f

همانطور که در سوال قبل توضیح داده شد الگوریتم به شکل زیر است.

- ا. تقسیم بندی فضای پارامترها یا centers به تعدادی سلول بر اساس دقت مورد انتظار با مقدار اولیه صفر centers
 - ۲. به ازای هر نقطه (پیکسل سفید) با مختصات (i,j) در صفحه تصویر (i,j)
 - 50 آ) به ازای تمام مقادیر r بین 40 تا
- روی عمام نقاط مثل (k,l) به ازای تمام نقاط مثل (k,l) که روی دوسبه یم مقدار (k,l) دایره ی به مرکز (k,l) و شعاع (k,l) و شعاع توار گرفته و ندوسته دایره ی به مرکز روی دوستان و نقاط مثل (k,l) و نقاط مثل (k,l) دایره ی به مرکز روی دوستان و نقاط مثل (k,l) و نقاط مثل (k,l) دایره ی به مرکز روی دوستان و نقاط مثل (k,l) دایره ی به مرکز روی دوستان و نقاط مثل (k,l) دایره ی به دوستان و نقاط مثل (k,l) دوستان و نقاط مثل و
 - ۳. آنالیز دادهها در فضای هاف برای یافتن نقاط مطلوب (در واقع پیدا کردن اندیس عنصر ماکسیمم آرایهی centers)
 - ۴. به دست آمدن مرکز /مراکز دایره/دایرههای متناظر

توجه شود که برای سادگی در پیادهسازی، تابع findCenters در هر گام به ازای یک radius خاص آرایهی دو بعدی centers را محاسبه میکند و سپس به آرایهی ۳ بعدی append میشود.

علبرضا ابره فروش

Function 7.5

```
function centers = findCenters(I, radius)
2 %FINDCENTERS Summary of this function goes here
     Detailed explanation goes here
  centers = double(zeros(size(I)));
  for i = 1: size(I, 1)
      for j = 1: size(I, 2)
           if (i == 217 && j == 80)
               x = 0;
           end
           if (I(i, j) ~= 0)
               centers = updateCenters(I, centers, i, j, radius);
           end
12
      end
13
  end
  end
  function new_centers = updateCenters(I, centers, i, j, radius)
  %UPDATECENTERS Summary of this function goes here
     Detailed explanation goes here
  new_centers = centers;
  for k = i - radius - 1: i + radius + 1
      for l = j - radius - 1: j + radius + 1
           if ((k \ge 1 \&\& k \le size(I, 1)) \&\& (1 \ge 1 \&\& 1 \le size(I, 2)))
23
               if (I(i, j) ~= 0 && round((double(i) - double(k)) ^ 2 + (double(j) - double(1)
      )) ^ 2) == radius ^ 2)
                   new_centers(k, 1) = new_centers(k, 1) + 1;
25
               end
           end
2.7
       end
  end
30 end
                                                                             Driver code 7.5
```

ı clc 2 clear

> 91199.4 عليرضا ابره فروش

```
close all
 imtool close all
  min_radius = 30;
  max_radius = 50;
 thresh = 15;
  %%%%%%%%%%%1_test.tif
  I = imread("images\Q4\DRIVE\Test\images\1_test.tif");
  %%%%%%%low-pass filter
12 lowed_I = I;
lowed_I = imfilter(lowed_I, fspecial('average', 5));
14 %%%%%%%removing noise and thresholding
15 level = multithresh(lowed_I(:, :, 1), thresh);
lowed_I = imopen(lowed_I, strel('disk', 7));
17 lowed_I = imclose(lowed_I, strel('disk', 7));
 K = lowed_I(:, :, 1) > level(thresh);
  %%%%%%%extracting edges
20 K = imgradient(K);
21 %%%%%%finding centers
  centers = double(zeros([size(I, 1) size(I, 2) max_radius]));
  for radius = min_radius: max_radius
      centers(:, :, radius) = findCenters(K, radius);
  end
  max_centers = find(centers == max(centers(:)));
  [x_i y_i r_i] = ind2sub(size(centers), max_centers);
  RGB_i = insertShape(I, 'circle', [round(mean(y_i)) round(mean(x_i)) round(mean(r_i))], '
      LineWidth', 2);
29 figure, imshow(I, []);
30 figure, imshow(RGB_i, []);
  [round(mean(y_i)) round(mean(x_i))]
  %%%%%%%%%%%25_training.tif
J = imread("images\Q4\DRIVE\Training\images\25_training.tif");
35 %%%%%%%low-pass filter
lowed_J = J;
10 lowed_J = imfilter(lowed_J, fspecial('average', 5));
```

علیرضا ابره فروش

```
38 %%%%%%%removing noise and thresholding
39 level = multithresh(lowed_J(:, :, 1), thresh);
40 lowed_J = imopen(lowed_J, strel('disk', 7));
         lowed_J = imclose(lowed_J, strel('disk', 7));
L = lowed_J(:, :, 1) > level(thresh);
43 %%%%%%%extracting edges
         L = imgradient(L);
45 %%%%%%finding centers
         centers = double(zeros([size(J, 1) size(J, 2) max_radius]));
         for radius = min_radius: max_radius
                         centers(:, :, radius) = findCenters(L, radius);
         end
50 max_centers = find(centers == max(centers(:)));
         [x_j y_j r_j] = ind2sub(size(centers), max_centers);
         RGB_{j} = insertShape(J, 'circle', [round(mean(y_j)) round(mean(x_j)) round(mean(r_j))], 'circle', [round(mean(y_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(y_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(y_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(y_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))], 'circle', [round(mean(x_j)) round(mean(x_j)) round(mean(x_j))
                      LineWidth', 2);
figure, imshow(J, []);
figure, imshow(RGB_j, []);
55 [round(mean(y_j)) round(mean(x_j))]
```

علیرضا ابره فروش

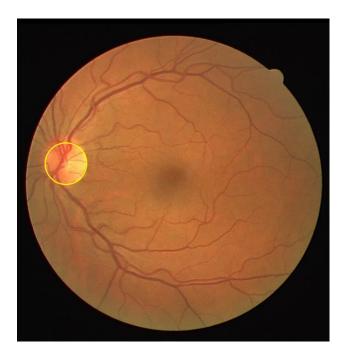
Block diagram 4.4



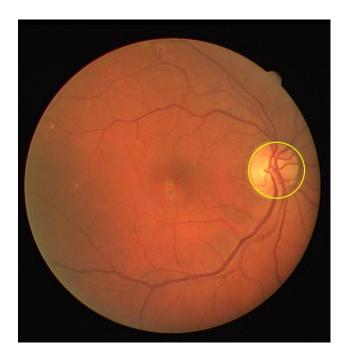
شکل ۲: بلوکدیاگرام پیشپردازش

عليرضا ابره فروش

Output $\Delta.$



شكل ٣: مركز دايره (263,89) است.



شكل ۴: مركز دايره (273,468) است.

عليرضا ابره فروش

منابع

91188.2 عليرضا ابره فروش