

## 1. بررسی کنید هر یک از گزاره های زیر تاتالوژی، تناقض یا محتمل است:

- a.  $((p\uparrow q)\uparrow(p\uparrow q)\rightarrow((q\uparrow q)\uparrow(s\uparrow s))\uparrow((q\uparrow q)\uparrow(s\uparrow s))) \oplus$  $(((p\uparrow q)\uparrow(p\uparrow q))\uparrow((q\uparrow q)\uparrow(s\uparrow s)))\uparrow(((p\uparrow q)\uparrow(p\uparrow q))\uparrow((q\uparrow q)\uparrow(s\uparrow s)))$
- b.  $((p\downarrow p)\downarrow (q\downarrow q)\rightarrow r) \land (p\land ((q\uparrow (r\uparrow r))\uparrow (q\uparrow (r\uparrow r))))$
- c.  $(q \rightarrow (p \rightarrow r)) \oplus (p \rightarrow (q \rightarrow r))$
- d.  $[qv(p\wedge \sim q)] \rightarrow [p\wedge (qv\sim p)]$

- 2. گزاره های زیر را در نظر بگیرید.
- p: تابع multiply تعریف شده است.
- q: به تابع multiply یک مقدار داده می شود.
- r: اندیس 4ام یک آرایه ای با طول 3 فراخوانی میشود.
  - s: تلاش برای دسترسی به آبجکتی که Null است.
    - t: برنامه دچار خطای syntax می شود.
- u: برنامه دچار خطای زمان اجرا (Runtime error) می شود.

الف) موارد زیر را به همراه عکس و عکس نقیض آنها به صورت کلامی بنویسید.

$$a. (r \lor s) \to u$$
  
 $b. ((\sim p \land q) \lor r \lor s) \to (t \lor u)$ 

ب) مورد زیر را به همراه عکس و عکس نقیض آنها به صورت نمادی بنویسید.

اگر تابع multiply تعریف نشده باشد و به آن یک مقدار ورودی بدهیم، برنامه دچار خطای syntax خواهد شد.

3. نقیض گزاره های زیر را بنویسید و آن را ساده کنید.

$$a.p \land (p \rightarrow q) \land (q \rightarrow r)$$
  
 $b.p \lor q \lor (\sim p \land r \land \sim q)$ 

4. نقیض هر یک از گزاره های زیر را بنویسید.

الف: اگر مبانی را پاس کرده باشید و درس بخوانید ، پیشرفته یا گسسته را پاس می کنید.

ب: معدل الف مى شويد اگر و فقط اگر درس بخوانيد و نمره خوب بگيريد.

ج: فقط على برنده مى شود يا فقط محمد بازنده نمى شود.

- 5. مشخص کنید کدام یک از جملات زیر گزاره هستند، همچنین کدام یک از گزاره ها ساده و کدام مرکب هستند.
  - a. اگریک تیم فوتبال همه رقبایش را ببرد آنگاه قهرمان می شود.
    - b. شرکت اپل در سال 1976 در آمریکا تاسیس شد.
      - c. 6+xعددی صحیح و مثبت است.
        - d. عدد 17 زوج است.
          - e. شام چي داريم؟
  - f. از سال 1929 بیش از 3000 جایزه اسکار اهدا شده است.
  - 6. با استفاده از قوانین منطق بررسی کنید که هم ارزی برقرار است یا خیر.

$$a. p \rightarrow (q \land r) \Leftrightarrow (p \rightarrow q) \land (p \rightarrow r)$$

b. 
$$[p \rightarrow (q \lor r)] \Leftrightarrow [\sim r \rightarrow (p \rightarrow q)]$$

c. 
$$[p \rightarrow (q \lor r)] \Leftrightarrow [(p \land \sim q) \rightarrow r]$$

d. 
$$\sim p \oplus \sim q \equiv (\sim p \land \sim q) \lor (\sim p \land q)$$

e. 
$$(p \rightarrow q) \rightarrow (q \rightarrow p) \equiv (\sim p) \rightarrow (p \land q)$$

- 7. استدلالهای زیر را تحلیل کنید و بگویید کدام یک معتبر است.
- a. اگر درس گسسته را پاس کنید میتوانید درس ساختمان داده را اخذ کنید. اگر درس ساختمان داده را اخذ کنید، آن را پاس میکنید. پس اگر درس گسسته را پاس کنید، درس ساختمان را هم پاس میکنید.
  - b. اگر 20 عددی فرد باشد، آنگاه 30 عددی اول است.
  - c. اگر باران یا برف ببارد، هوا سرد می شود. هوا سرد نشده پس یا باران یا برف نباریده.
- 8. یک گزاره مرکب را ارضاپذیر (satisfiable) گویند هرگاه حالتی وجود داشته باشد که در آن گزاره T شود. با استفاده از جدول درستی بررسی کنید گزاره مرکب زیر ارضاپذیر است یا خیر.

$$(p \lor \sim q) \rightarrow (p \land q) \lor (\sim p \land q)$$

پیدا کردن جواب شرط کافی برای دریافت نمره سوال نیست و نوشتن راه حل نیز لازمهی دریافت نمره کامل است.

نام فایل پاسخ خود را با فرمت زیر در کوئرا ارسال کنید.

 $DM\_HW01\_StudentNumber\_FirstName\_LastName.pdf$ 

موفق باشيد.

آیناز ایزدی - محمد متین رضایی فرد - احمدرضا حسینی