ریاضیات گسسته

تمرین سری اول – منطق

دکتر سید محمدحسین شکریان

1. بدون استفاده از جدول درستی، نشان دهید عبارت های زیر تاتولوژی، تناقض یا محتمل هستند.

a.
$$(p \to q) \to ((p \land q) \to p)$$

b.
$$((p \oplus q) \land r) \rightarrow (r \lor q)$$

c.
$$\sim p \land (p \lor \sim q) \rightarrow p \land q$$

d.
$$(p \to (q \to r)) \to ((p \to q) \to (p \to r))$$

2. همارز بودن گزاره های زیر را بررسی کنید.

a.
$$(p \rightarrow q) \rightarrow (r \land (p \rightarrow q) \equiv (p \lor r) \land (q \rightarrow r)$$

b.
$$p \rightarrow (\sim p \rightarrow q) \equiv p$$

c.
$$(p \rightarrow q) \rightarrow (q \rightarrow p) \equiv \sim p \rightarrow (p \land q)$$

3. استدلال های زیر را تحلیل کنید و بگویید کدام یک معتبر است.

- a. اگر کاری پیدا کنم و سخت تلاش کنم، ترقی خواهم کرد. من ترقی نکرده ام پس سخت تلاش نکرده ام.
 - b. اگر 18 عددی اول باشد آنگاه 25 مضرب 5 است.
- c. اگر A پیروز شود پس C پیروز نمیشود. اگر C پیروز شود آنگاه Bییروز نمیشود. پس اگر A پیروز شود، Bییروز میشود.

4. عبارت زیر را **فقط** با استفاده از عملگر \uparrow بازنویسی کنید. $(p\downarrow r)\downarrow(p\downarrow q)$

- 5. گزاره های زیر را با استفاده از گزاره های همارز بازنویسی کنید.
- a. من کتاب خود را فراموش کرده ام و لپتاپ خود را فراموش نکرده ام. یا کتاب خود را فراموش نکرده ام.
- b. باران میبارد و من چتر خود را فراموش کرده ام. یا باران میبارد و من کلاه خود را فراموش کرده ام.
 - 6. با استفاده از قوانین منطق نشان دهید که عملگر → خاصیت شرکت پذیری ندارد.
 - 7. نقیض و عکس گزاره های زیر را بنویسید.
- a. برای قبول شدن در درس ساختمان داده ها باید درس الگوریتم را پاس کنیم.
 - b. داشتن TA های خوب برای گرفتن نمرهی خوب در درس کافی است.
 - .c اگر a عددی زوج باشد، آنگاه a+1 عددی فرد است.
- d. یک چهار ضلعی مستطیل یا مربع است اگر و تنها اگر چهار زاویه قائمه داشته باشد.

پیدا کردن جواب شرط کافی برای دریافت نمره سوال نیست و نوشتن راه حل نیز لازمه ی دریافت نمره کامل است.

نام فایل پاسخ خود را با فرمت زیر در کوئرا ارسال کنید.

 $DM_HW01_StudentNumber_FirstName_LastName.pdf$

موفق باشید! - مهدی خدابنده، آیناز ایزدی