

بررسی کد زده شده در سوال سوم :

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def true_function(x):
    """
    The function we want to approximate using a neural network.
    """
    return x**2

np.random.seed(42)
X_train = np.random.uniform(low=-3, high=3, size=(100, 1))
y_train = true_function(X_train)
```

`true\_function(x)` یک تابع است که توسط یک شیب دوم (توان دوم) از ورودی  $x$  محاسبه می‌شود. به عبارت دیگر، تابع مورد نظر برابر با  $x$  به توان 2 است.

با استفاده از `np.random.seed(42)`، یک تعداد تصادفی را مشخص می‌کند تا اطمینان حاصل شود که نتایج قابل تکرار باشند.

`X\_train` با استفاده از `np.random.uniform(low=-3, high=3, size=(100, 1))` به صورت تصادفی 100 نمونه از اعداد دارای توزیع یکنواخت بین -3 تا 3 تولید می‌کند. این نمونه‌ها به عنوان ورودی مدل مورد استفاده قرار می‌گیرند.

`y\_train` برابر با مقادیر تابع `true\_function` برای هر نمونه از `X\_train` است. به عبارت دیگر، این بردار حاوی مقادیر متناظر با هر نمونه از `X\_train` در تابع `true\_function` می‌باشد.

```
input_size = 1
hidden_size = 10
output_size = 1
learning_rate = 0.01
epochs = 65000

"""
Initialize weights and biases.
"""

weights_input_hidden = np.random.randn(input_size, hidden_size)
bias_input_hidden = np.zeros((1, hidden_size))
weights_hidden_output = np.random.randn(hidden_size, output_size)
bias_hidden_output = np.zeros((1, output_size))
```

این بخش از کد مربوط به تنظیمات مربوط به یک شبکه‌ی عصبی است. در اینجا، پارامترهایی مانند اندازه ورودی و خروجی، اندازه لایه مخفی، اندازه لایه مخفی، اندازه خروجی، نرخ یادگیری و تعداد دوره‌های آموزش تعیین شده‌اند.

سپس، وزن‌ها و بایاس‌ها به صورت تصادفی مقداردهی اولیه می‌شوند. به عبارت دیگر، ماتریس وزن بین لایه ورودی و لایه مخفی با ابعاد  $\text{input\_size} \times \text{hidden\_size}$  از اعداد تصادفی با توزیع نرمال (میانگین صفر و واریانس یک) ساخته می‌شود. همچنین بایاس مربوط به لایه مخفی با ابعاد  $1 \times \text{hidden\_size}$  با مقدار صفر مقداردهی می‌شود. همین روند برای وزن‌ها و بایاس‌های لایه مخفی به لایه خروجی نیز اعمال می‌شود.

```
"""
    Train the neural network and update weights and biases. At last epoch, print
    the loss.
"""
for epoch in range(epochs):
    # Forward pass
    hidden_layer_input = np.dot(X_train, weights_input_hidden) +
    bias_input_hidden
    hidden_layer_output = 1 / (1 + np.exp(-hidden_layer_input))
    predicted_output = np.dot(hidden_layer_output, weights_hidden_output) +
    bias_hidden_output
```

در این بخش از کد، شبکه‌ی عصبی در حال آموزش است. این قسمت شامل یک حلقه `for` است که از تعداد دوره‌های آموزش `epochs` عبور می‌کند.

در هر دوره، مراحل زیر انجام می‌شوند:

1. **Forward Pass**

- `hidden_layer_input` محاسبه می‌شود با ضرب داخلی بین داده‌های آموزش `X_train` و وزن‌های بین لایه ورودی و لایه مخفی `weights_input_hidden`، سپس بایاس مربوطه `bias_input_hidden` افزوده می‌شود.

- `hidden_layer_output` محاسبه می‌شود با اعمال تابع فعال‌سازی (sigmoid) بر روی `hidden_layer_input`.

- `predicted_output` محاسبه می‌شود با ضرب داخلی بین خروجی لایه مخفی `hidden_layer_output` و وزن‌های بین لایه مخفی و لایه خروجی `weights_hidden_output`، سپس بایاس مربوطه `bias_hidden_output` افزوده می‌شود.

```
loss = np.mean((predicted_output - y_train)**2)

# Backward pass
output_error = predicted_output - y_train
hidden_layer_error = np.dot(output_error, weights_hidden_output.T) *
hidden_layer_output * (1 - hidden_layer_output)

# Update weights and biases
```

```

weights_hidden_output -= learning_rate * np.dot(hidden_layer_output.T,
output_error)
bias_hidden_output -= learning_rate * np.sum(output_error, axis=0,
keepdims=True)
weights_input_hidden -= learning_rate * np.dot(X_train.T, hidden_layer_error)
bias_input_hidden -= learning_rate * np.sum(hidden_layer_error, axis=0,
keepdims=True)

```

در این بخش از کد، مقدار خطا (Loss) برای هر دوره محاسبه می‌شود و سپس فرآیند پس‌انتشار انجام می‌شود تا وزن‌ها و بایاس‌ها به‌روزرسانی شوند.

1. **\*\*محاسبه خطا (Loss)\*\*:**

- `loss` مقدار خطا متوسط میان مقادیر پیش‌بینی شده (`predicted\_output`) و مقادیر واقعی (`y\_train`) با استفاده از مربعات اختلاف محاسبه می‌شود.

2. **\*\*پس‌انتشار (Backward Pass)\*\*:**

- `output\_error` محاسبه می‌شود که تفاوت بین خروجی پیش‌بینی شده و مقدار واقعی است.

- `hidden\_layer\_error` با استفاده از `output\_error`، وزن‌های بین لایه مخفی و لایه خروجی (`weights\_hidden\_output`) و خروجی لایه مخفی محاسبه می‌شود. این مقدار به عنوان خطا مرتبط با لایه مخفی برای به‌روزرسانی وزن‌ها در لایه ورودی استفاده می‌شود.

3. **\*\*به‌روزرسانی وزن‌ها و بایاس‌ها (Update Weights and Biases)\*\*:**

- `weights\_hidden\_output` و `bias\_hidden\_output` با استفاده از گرادیان خطا نسبت به وزن‌ها و بایاس‌های لایه خروجی به‌روزرسانی می‌شوند.

- همچنین، `weights\_input\_hidden` و `bias\_input\_hidden` با استفاده از گرادیان خطا نسبت به وزن‌ها و بایاس‌های لایه مخفی به‌روزرسانی می‌شوند.

```

# Test
X_test = np.linspace(-3, 3, 100).reshape(-1, 1)
hidden_layer_input = np.dot(X_test, weights_input_hidden) + bias_input_hidden
hidden_layer_output = 1 / (1 + np.exp(-hidden_layer_input))
predicted_output = np.dot(hidden_layer_output, weights_hidden_output) +
bias_hidden_output

```

1. `X\_test` تولید می‌شود که یک دنباله از اعداد از -3 تا 3 است و برای تست شبکه استفاده می‌شود. این داده‌ها به صورت یک آرایه دو بعدی با ابعاد (100، 1) تعریف می‌شوند.

2. `hidden\_layer\_input` محاسبه می‌شود با ضرب داخلی بین داده‌های تست (`X\_test`) و وزن‌های بین لایه مخفی و لایه مخفی (`weights\_input\_hidden`)، سپس بایاس مربوطه (`bias\_input\_hidden`) افزوده می‌شود.

3. `hidden\_layer\_output` محاسبه می‌شود با اعمال تابع فعال‌سازی (sigmoid) بر روی `hidden\_layer\_input`.

4. `predicted_output` محاسبه می‌شود با ضرب داخلی بین خروجی لایه مخفی (`hidden_layer_output`) و وزن‌های بین لایه مخفی و لایه خروجی (`weights_hidden_output`)، سپس بایاس مربوطه (`bias_hidden_output`) افزوده می‌شود.