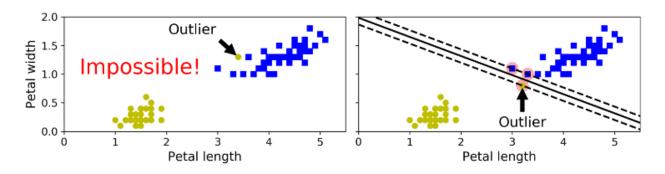
جواب سوال 4)

## طبقه بندى حاشيه سخت

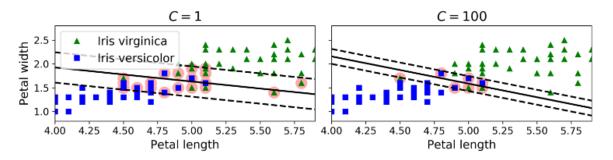
اگه تحمیل کنیم که تمام نمونه ها باید خارج از فضای خالی میانی باشن و حتما باید در سمت مناسب قرار بگیرن، بهش میگن Hard Margin Classification (طبقه بندی حاشیه سخت). این روش دو مشکل اساسی داره.اول اینکه فقط برای دادههایی کار میکنه که به صورت خطی جدا میشن. دوم اینکه به داده های پرت به شدت حساس هست. شکلی که پایین می بینید دیتاست رو نشون میده که در سمت چپ یک داده پرت وجود داره و پیدا کردن یک Hard Margin برای اون غیر ممکن هست.



## طبقه بندی حاشیه نرم

برای جلوگیری از این مشکلات، از یک مدل انعطاف پذیر تر استفاده می کنیم. هدف ما پیدا کردن یک تعادل مناسب بین بیشترین مقدار فضای خالی میانی و محدود کردن Margin Violations هست (نقض حاشیه یعنی قرار گرفتن نمونه ها در فضای میانی یا در سمت اشتباه) به این کار میگن Soft Margin Classification.

وقتی مدل های SVM رو با استفاده از Scikit-Learn می سازیم، یک سری هایپرپارامتر ها رو می تونیم تنظیم کنیم. یکی از این هایپرپارامتر ها C نام داره. اگر مقدار اون کم باشه، حاصل مدل سمت چپ شکل پایین میشه. با مقدار زیاد به شکل سمت راست می رسیم. نقض حاشیه اتفاق خوبی نیست و بهتره تا جایی که امکان داره، کمتر اتفاق بیفته. اگرچه، در این مورد، درسته که مدل سمت چپ نقض حاشیه های زیادی داره اما احتمالا بهتر عمومی سازی می کنه. در واقع هایپرپارامتر C مقدار مجازات مدل برای هر نمونه ای رو که اشتباه طبقه بندی میکنه، تعیین میکنه. هر چقدر C کمتر باشه، حاشیه نرم تر میشه.



اگر مدل شما Overfit شده باشه، می تونید با استفاده از هاییریارامتر C اون رو Regularize کنید

مقدار C بزرگ: سوگیری کم، واریانس زیاد

مقدار C کوچک: سوگیری زیاد، واریانس کم

پس نتیجه می گیریم هر چه مقدار  $\bf C$  بزرگتر باشد حاشیه سخت تر خوا هد بود (Hard Margin) و بالعکس هر چه مقدار  $\bf C$  کوچکتر باشد حاشیه نرم تر خواهد بود (Soft Margin).

حال با استفاده از ایده بالا مسئله را حل می کنیم:

```
# Create a linear SVM classifier with Hard Margin Classification
svclassifier = svm.SVC(kernel='linear', C = 1000)
svclassifier.fit(x_train, y)
y_train, y_test = tts( y , test_size = 0.4965, random_state = 0)
pred = svclassifier.predict(x test)
print(confusion_matrix(y_test,pred))
print(classification_report(y_test,pred))
[[ 0 0 0 252]
[ 0 0 0 247]
[0\ 0\ 0\ 245]
[ 0 0 0 244]]
       precision recall f1-score support
      0
           0.00
                   0.00
                          0.00
                                   252
      1
           0.00
                   0.00
                          0.00
                                   247
      2
           0.00
                   0.00
                          0.00
                                   245
      3
           0.25
                   1.00
                          0.40
                                   244
  accuracy
                               0.25
                                       988
               0.06
                       0.25
                               0.10
                                       988
 macro avg
weighted avg
                 0.06
                        0.25
                                0.10
                                        988
```

```
# Create a linear SVM classifier with soft Margin Classification
svclassifier = svm.SVC(kernel='linear', C = 0.1)
svclassifier.fit(x_train, y)
y_train, y_test = tts( y , test_size = 0.4965, random_state = 0)
pred = svclassifier.predict(x_test)
print(confusion_matrix(y_test,pred))
print(classification_report(y_test,pred))
[[ 0 0 0 252]
[ 0 0 0 247]
[ 0 0 0 245]
[ 0 0 0 244]]
       precision recall f1-score support
     0
          0.00
                0.00
                         0.00
                                 252
     1
          0.00
                 0.00
                         0.00
                                 247
     2
          0.00 0.00
                         0.00
                                 245
     3
          0.25
                 1.00 0.40
                                 244
  accuracy
                             0.25
                                     988
              0.06 0.25
                             0.10
                                     988
 macro avg
weighted avg
                              0.10
                                      988
                0.06
                       0.25
```

همان طور که ملاحظه می کنید در این مثال در هر دو حالت (حاشیه نرم و حاشیه سخت) جواب های یکسان به دست آمد.