中山大学数据科学与计算机学院本科生实验报告

(2016 学年春季学期)

课程名称: Algorithm design 任课教师: 张子臻

年级	1501	专业 (方向)	移动信息工程
学号	15352015	姓名	曹广杰
电话	13727022190	Email	1553118845@qq.com
开始日期	2017/3/25	完成日期	2017/3/25

1. 实验题目



2.实验目的

输入数字 N 和 M,输出一个含有 N 个数字的数组,符合后一个数字是前一个数字的至少 2 倍,同时最大的数字小于等于 M;

3.程序设计

确定数据结构:

寻找+联系影响因素:

表示数据关联:

状态转移方程【既得每个状态】:

对特定长度的所有状态求和;

具体解释如下:

- 1. 输入数据之后**确定数据结构**。由于输入的数据是几个简单的 int 型整数,而真正的问题在于表示符合 题意的可能性。可能性的计算时基于一些其他的信息,因而我们需要整合一些信息以便能够计算出 每一种情况对应的可能性;
- 2. **寻找并联系影响可能性的因素**。由于可能性的出现是在数组中的,影响可能性的因素必然也是在数组中——包括位置(即处在数组的第几个元素处),数值(因为要考虑 M 上限)。另,数组作为一维的储存结构根本的信息也就只有这么多。综上,可能性与位置与数值有关;

```
long long dp[15][2005];
int p[]={1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, 256, 512};
```

- 3. **可能性(位置,数值)**的构造关联并进行计算。构造关联可以使用结构体,类以及分离的独立的数组。但是出于代码量的考虑,笔者这里使用多维数组。问题划分为动态规划问题,接下来寻找状态转移方程;
- 4. 每一个状态的可能性都是其之前的数组的可能性与最后一个元素的**可能性的叠加**。于是知道,由于邻位数字倍数为 2,奇数状态与之前的偶数状态一致;偶数状态是之前的数组的状态与其前一个数字的状态的叠加。综上得出状态转移方程:

```
if(j%2==0)
    dp[i][j]=dp[i][j-1]+dp[i-1][j/2];
else    dp[i][j]=dp[i][j-1];
```

以上已经将每一个状态进行了解释与分析。之后对某一个特定长度进行求和即可;

```
long long sum=0;
for(int i=1; i<=m; i++){
    sum+=dp[n][i];
}</pre>
```

4.程序运行与测试

5.实验总结与心得

实验的目的就是寻到符合条件的可能性,所以直接入手寻找关系是直截了当简单可行的办法。这里是动态规划产生的土壤和条件。基础关系易得,在此基础上的递推关系是关键。本题中每一个状态都是精确的数字,表示特定长度,最后的数字的情况下的可能性。而事实上还可以直接表示该长度最后一个数字<=尾数字的可能性。对尾数字进行处理获得该序列倒数第二个数字的候选,进而表示状态转移方程;此题亲做,有图为证:







附录、提交文件清单

15352015-caogj-1011-v0; 1011.cpp;