

Homework5

软件13 杨楠

1

为了设计BUCKET-SORT里桶的大小，思路为：将这个单位圆划分成 n 个面积相等的同心环（包括最里面那个圆）。只需要在单位圆内依次画上半径为 $\sqrt{\frac{1}{n}}, \sqrt{\frac{2}{n}}, \dots, \sqrt{\frac{n-1}{n}}$ 的圆即可。这样，每个同心圆的面积大小依次为 $\frac{\pi}{n}, \frac{2\pi}{n}, \dots, \pi$ ，从而每个同心环的面积相等。伪代码如下。

```
BUCKET-SORT(P)
  n = P.length
  let B[0..n-1] be a new array
  for i = 0 to n-1
    make B[i] an empty list
  for i = 1 to n
    insert P[i] into list B[floor(sqrt(n * (x[i]^2 + y[i]^2)))]
    //floor()是下取整，sqrt()是平方根
  for i = 0 to n-1
    sort list B[i] with insertion sort
  concatenate the lists B[0], B[1], ..., B[n-1] together in order
```

2

获取这 $k-1$ 个 k 分位数，存入数组中。思路为：使用递归分治，每层递归中调用SELECT函数，时间是线性 $O(n)$ （即为最坏情况），最多递归 $\lg k$ 层，从而总时间为 $O(n \lg k)$ 。K-QUANTILE伪代码如下。

```
QUANTILE(A, p, r, kp, kr, B, k)
  if p <= r and kp <= kr
    kq = floor((kp + kr) / 2)
    //floor()是下取整
    q = floor(kq * (r - p + 1) / k)
    x = SELECT(A, p, r, q)
    B[kq] = x
    QUANTILE(A, p, q-1, kp, kq-1, B, k)
    QUANTILE(A, q+1, r, kq+1, kr, B, k)

K-QUANTILE(A, n, k)
  let B[1..k-1] be a new array
  QUANTILE(A, 1, n, 1, k-1, B, k)
  return B
```