

★★★★ 答题一律做在答题纸上, 做在试卷上无效。★★★★

一、简答题 (共 100 分)

1. 试述算法的定义和算法的特性。(本题 10 分)
2. 设将字母 a, b, c, d 依次进栈。请回答下述问题:
 - (1) 若入、出栈次序为 push (a), pop (), push (b), push (c), pop (), pop (), push (d), pop (), 则出栈的字母序列如何? (注: push (i) 表示 i 进栈, pop () 表示出栈);
 - (2) 能否得到出栈序列 adbc 和 adcb, 并说明为什么不能得到或者如何得到?
 - (3) 请分析 a, b, c, d 的 24 种排列中, 哪些序列是可以通过相应的入出栈操作得到的? (本题 10 分)
3. 已知 3 个字符串分别为 $s = 'ab \cdots abcaabcbca \cdots a'$, $s_1 = 'caab'$, $s_2 = 'bcb'$, 请写出利用字符串运算函数得到结果串 $t = 'caabcbca \cdots aca \cdots a'$ 的过程。(本题 10 分)
4. 一个具有 n 个结点的二叉树, 采用链式存储方式, 其根结点的指针为 t。
 - (1) 请写出链式存储时, 空指针的个数;
 - (2) 请写出求二叉树叶子的数目的算法。(本题 10 分)
5. 对链表设置表头结点的作用是什么 (至少 2 条)? 给出判断带头结点的单循环链表 L 仅有一个元素结点的条件。(本题 10 分)
6. 已知 2 个各包含 n 和 m 个记录的排好序的文件能在 $O(m+n)$ 时间内合并为一个包含 $n+m$ 个记录的排好序的文件。当有多于 2 个排好序的文件要被合并在一起时, 只需成对地合并便可完成。合并的步骤不同, 所花费的记录移动的次数也不同。现有 5 个这样的文件需要合并成一个文件, 5 个文件对应的记录数分别为 $f_1: 20$,

$f_2: 30, f_3: 10, f_4: 5, f_5: 30$ 。

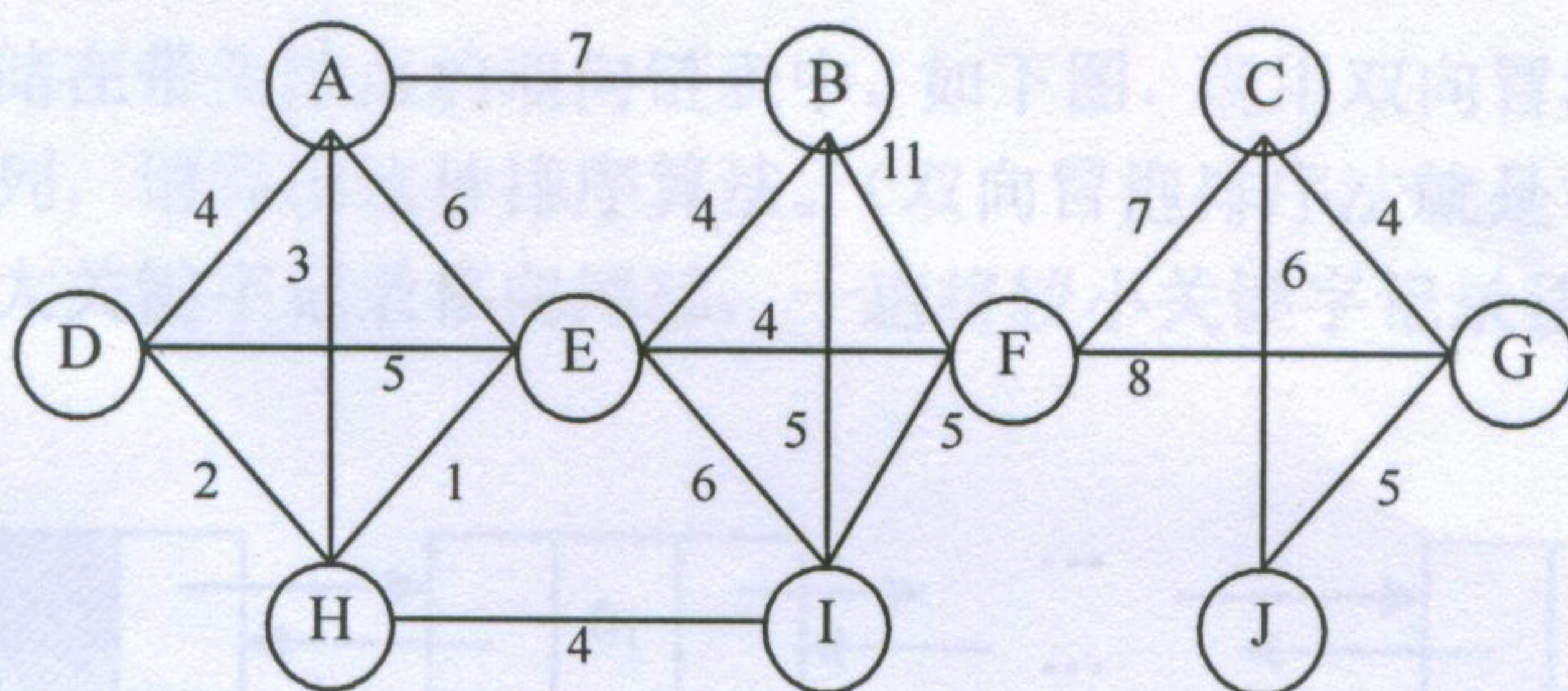
- (1) 请设计方案, 使这 5 个文件合并时移动的记录次数最少;
(2) 写出合并步骤。(本题 10 分)

7. 用一维数组存放的一棵完全二叉树如下图所示。

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

- (1) 请画出该二叉树;
(2) 写出后序遍历该二叉树时访问结点的顺序;
(3) 把二叉树转化为森林。(本题 10 分)

8. 下图是带有权值的无向图。



- (1) 以顶点 A 为起点, 写出用深度优先搜索遍历该无向图的顶点访问序列 (同一个顶点的多个邻点, 按字母顺序访问);
(2) 画出一棵最小生成树。(本题 10 分)

9. 有关键字集合 $K = \{15, 22, 50, 13, 20, 36, 28, 48, 35, 31, 41, 18\}$, 采用散列存取, 散列表为 HK。设散列函数 $H(K) = K \bmod 13$, 解决冲突采用开放定址法中的二次探测再散列的方法, 试将 K 值和查找每个关键字所需的比较次数 M 填入 HK 表中, 并计算查找成功时的平均查找长度。(本题 10 分)

I	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
K														
M														

10. 有一组关键字 28, 18, 25, 48, 58, 12, 51, 10, 分别写出按下列排序方法进行排序时的变化过程。
(1) 归并排序;
(2) 快速排序。(本题 10 分)

二、算法设计题（共 50 分）

- 一个一维整数数组 $A[m]$ 中有 n ($n \leq m$) 个非空整数，它们相继存放于数组的前端并已按非递减的顺序排列。请针对下列两种情况，分别编写相应的函数。

 - 在数组 $A[]$ 中插入整数 x ，插入后数组仍保持非递减有序。若有与 x 值相等的元素，则 x 插在该元素后面。void Insert(int $A[]$, int m , int n , int x)
 - 利用原数组空间将数组中全部元素反转，形成数组中元素按非递增的顺序排列。void reverse(int $A[]$, int n)（本题 15 分）
- 编写一个非递归的程序，判定一个二叉树是完全二叉树。（本题 15 分）
- 有 n 个记录存储在带头结点的双向链表中，如下图，现用双向冒泡排序法对记录按升序进行排列，请写出这种排序算法。（双向冒泡排序法就是在相邻两趟排序中，一趟将较大关键字记录移向尾部，一趟将较小关键字记录移向头部）（本题 20 分）

