第十次课后作业参考答案

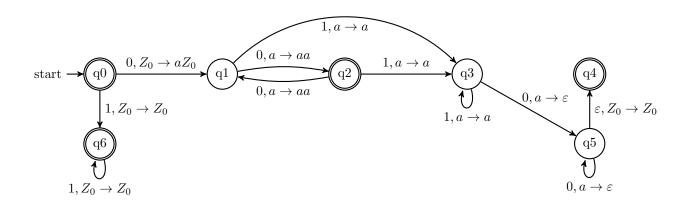
May 22, 2019

必做题

1 Ex.6.4.2(c)

 $\{0^n1^m0^n|n和m为任意数\}$

解答:



2 Ex.6.4.3

2.1 a)

证明:

假设对于DPDA P, L=N(P)不满足前缀性质,即同时接受串w和 $wx(x\neq\varepsilon)$ 。 (q_0,wx,Z_0) \vdash $*(q,x,\varepsilon)$,其中 q_0 是起始状态, Z_0 是起始字符。但此时栈已经为空,无法继续处理, (q,x,ε) \nvdash $*(q,\varepsilon,\varepsilon)$,与假设矛盾。

故L = N(P)满足前缀性质。

2.2 b)

证明:

根据定理6.9为N(P)构造一个终态接受的PDA。记起始状态 q_0 ,原有起始元素 Z_0 , X_0 为新的栈起始元素,记状态集为 $Q\cup\{p_0,p_f\}$,加入转移函数 $\delta\{p_0,\varepsilon,X_0\}=\{(q_0,Z_0X_0)\}$ 及 $\{q,\varepsilon,X_0\}=\{(p_f,\varepsilon)\}$,其中q是原状态集Q中所有状态。

该PDA即为所求的DPDA。

3 Ex.7.1.3

解答:

1. 去除 ε 产生式。

可空符号集合为: $\{C, A, B, S\}$

2. 去除单位产生式。

所有的单一偶对包括: (S,S),(A,A),(B,B),(C,C),(S,B),(A,C),(B,S),(B,A),(C,S),(S,A),(S,C),(A,S),(A,B),(B,C),(C,B),(C,A), 去除单位产生式后有:

3. 去除无用符号

C是无用符号,去除后得到:

4. 转化为乔姆斯基范式

引入产生式 $E \to 0$ 和 $F \to 1$,得到:

引入产生式 $G \to AE$ 和 $H \to BF$,得到乔姆斯基范式如下:

4 Ex.7.1.9(b)

证明:

1. 首先证明该方法找到的全部是可达符。(经过简单的归纳即可得出,证明如下) 基础: 开始符号S是可达的。

归纳: 假设A是经过n-1步得出的可达符,即 $S \Rightarrow A$ 。则对所有以A开头的产生式中的符号 $X (A \rightarrow X)$,有 $S \Rightarrow X$,因此X也是可达符(经过n步得到)。

2. 证明所有可达符号都能被该算法找出。(对得到可达符X的推导步数进行归纳)

基础:零步的情况,S可达,在基础部分即可找出。

归纳: 假设n-1步推导得到的可达符全部被找出。设可达符X需要n步推导产生,其中n>0,且最后一步用到了产生式 $A\to X$,则A最多需要n-1步推导产生。根据归纳假设,A是可达符并且已被找出,那么由构造过程知X能够被找出。

综上,原命题成立。

思考题

5 Ex.6.4.3(c)

证明: 因为L具有前缀性质,所以对于DPDA $P'=(Q,\Sigma,\Gamma,\delta',q_0,Z_0,F)$ 的F中的所有接受状态q'、 Σ 中的输入符号a以及 Γ 中的堆栈符号Y,删去 $\delta(q',a,Y)$ 不会改变接受的语言L。对于删去上述转移函数的元素后的DPDA $P'=(Q,\Sigma,\Gamma,\delta',q_0,Z_0,F)$,构造PDA $P=(Q\cup\{p_0,p\},\Sigma,\Gamma\cup\{X_0\},\delta,p_0,X_0)$,其中转移函数 δ 的定义是:

- 1. $\delta(p_0, \varepsilon, X_0) = \{(q_0, Z_0 X_0)\}$.
- 2. 对于Q中的所有状态q、 Σ 中的输入符号a以及 Γ 中的堆栈符号Y, $\delta(q,a,Y)$ 包含 $\delta'(q,a,Y)$ 中的所有序对。
- 3. 对于F中的所有接受状态q'和 Γ 中的堆栈符号Y, $\delta(q', \varepsilon, Y)$ 包含 (p, ε) 。
- 4. 对于所有 Γ 中的堆栈符号Y, $\delta(p, \varepsilon, Y)$ 包含 (p, ε) 。

因为对于F中的所有接受状态q',不存在从q'出发的边,所以构造的PDA P是DPDA。再根据定理6.11,L=N(P)。

因此存在DPDA P满足L = N(P)。

6 Ex.7.1.10

解答:

不可能找到这样的文法。

这样的文法只能产生奇数长度的串,因此对于语言{00},便不能找到产生它的文法。