偏差与方差

偏差指的是算法的期望预测与真实值之间的偏差程度,反映了模型本身的拟合能力;

方差度量了同等大小的训练集的变动导致学习性能的变化,刻画了数据扰动所导致的影响。

Boosting

Boosting从优化角度来看,是用 forward-stagewise 这种贪心法去最小化 loss 函数,由于采取的是串行优化的策略,各子模型之间是强相关的,于是子模型之和并不能显著降低 variance,而每一个新的分类器都在前一个分类器的预测结果上改进,力求预测结果接近真实值,所以说 boosting 主要还是靠降低 bias 来提升预测精度。

Bagging

Bagging对样本重采样,对每一重采样得到的子样本集训练一个模型,最后取平均。由于子样本集的相似性以及使用的是同种模型,因此各模型有近似相等的bias和variance(事实上,各模型的分布也近似相同,但不独立)。

由于 $E[rac{\sum X_i}{n}] = E[X_i]$,所以bagging后的bias和单个子模型的接近,一般来说不能显著降低bias。

另一方面,若各子模型独立,则有 $Var(\frac{\sum X_i}{n})=\frac{Var(X_i)}{n}$,此时可以显著降低variance。若各子模型完全相同,则 $Var(\frac{\sum X_i}{n})=Var(X_i)$,此时不会降低variance。bagging方法得到的各子模型是有一定相关性的,属于上面两个极端状况的中间态,因此可以一定程度降低variance。

为了进一步降低variance,Random forest 通过随机选取特征子集,进一步减少了模型之间的相关性, 从而使得variance进一步降低。

参考资料

为什么说bagging是减少variance,而boosting是减少bias?