PMP - LAB3

Nita Alexandru B1

1 Ex4 Bonus: Calculați cele 2 probabilități folosind regula lui Bayes

I-Incendiu, C-cutremur, A-Alarma

Prima probabilitate(pct 2):

$$\begin{split} P(C=1 \mid A=1) &= \frac{P(A=1 \mid C=1) \cdot P(C=1)}{P(A=1 \mid C=1) \cdot P(C=1) + P(A=1 \mid C=0) \cdot P(C=0)} \approx \frac{0.0296096 \cdot 0.0005}{0.0296096 \cdot 0.0005 + 0.009608499 \cdot 0.9995} \approx \\ &\frac{0.000014804}{0.00961849955} \approx 0.00153911739 \\ P(A=1 \mid C=1) &= P(A=1 \mid C=1, I=1) \cdot P(I=1) + P(A=1 \mid C=1, I=0) \cdot P(I=0) \\ 0) &= 0.98 \cdot 0.01001 + 0.02 \cdot 0.98999 = 0.0296096 \\ P(I=1) &= P(I=1 \mid C=1) \cdot P(C=1) + P(I=1 \mid C=0) \cdot P(C=0) = 0.03 \cdot 0.0005 + 0.01 \cdot 0.9995 = 0.01001 \\ P(A=1 \mid C=0) &= P(A=1 \mid C=0, I=1) \cdot P(I=1) + P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0) &= P(A=1 \mid C=0, I=1) \cdot P(I=1) + P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0) &= P(A=1 \mid C=0, I=1) \cdot P(I=1) + P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) \\ P(A=1 \mid C=0, I=0) \cdot P(I=1) + P(I=1) + P(I=1$$

A doua probabilitate(pct3):

 $0) = 0.95 \cdot 0.01001 + 0.0001 \cdot 0.98999 = 0.009608499$

$$\begin{split} P(I=1\mid A=0) &= \frac{P(A=0\mid I=1)\cdot P(I=1)}{P(A=0\mid I=1)\cdot P(I=1) + P(A=0\mid I=0)\cdot P(I=0)} \approx \frac{0.049985\cdot 0.01001}{0.049985\cdot 0.01001 + 0.9997901\cdot 0.98999} \approx \\ &\frac{0.00050034985}{0.99028255094} \approx 0.00050525968 \\ P(A=0\mid I=1) &= P(A=0\mid I=1, C=1)\cdot P(C=1) + P(A=0\mid I=1, C=0)\cdot P(C=0) = 0.02\cdot 0.0005 + 0.05\cdot 0.9995 = 0.049985 \end{split}$$

$$P(A=0 \mid I=0) = P(A=0 \mid I=0,C=1) \cdot P(C=1) + P(A=0 \mid I=0,C=0) \cdot P(C=0) = 0.98 \cdot 0.0005 + 0.9998 \cdot 0.9995 = 0.9997901$$