1. Вопросы к экзаменам

Промежуточный экзамен

- 1. Аксиоматика Колмогорова. Случайные величины. Функция распределения случайной величины и ее основные свойства. Функция плотности
- 2. Виды сходимости последовательности случайных величин
- 3. Основные дискретные распределения: биномиальное, Пуассона, гипергеометрическое, отрицательное биномиальное. Примеры непрерывных распределений (равномерное, экспоненциальное)
- 4. Неравенство Маркова и неравенство Чебышёва. Закон больших чисел
- 5. Понятие о случайном векторе. Совместное распределение нескольких случайных величин. Независимость случайных величин. Маргинальные распределения
- 6. Центральная предельная теорема
- 7. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса
- 8. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины и их свойства. Распределение функции от случайной величины
- 9. Случайные события и операции над ними. Вероятностное пространство. Вероятности и правила действий с ними. Классическое определение вероятности. Независимость событий (попарная и в совокупности). Схема испытаний Бернулли
- 10. Математическое ожидание и ковариационная матрица случайного вектора. Коэффициент корреляции и его свойства
- 11. Условное распределение и условное математическое ожидание
- 12. Теорема Муавра Лапласа
- 13. Неравенство Маркова и неравенство Чебышёва. Закон больших чисел

Финальный экзамен

- 1. Многомерное нормальное распределение и его свойства.
- 2. Определение и свойства хи-квадрат распределения, распределения Стьюдента и Фишера. Их основные свойства. Работа с таблицами распределений.
- 3. Выборочное среднее, его математическое ожидание и дисперсия (с учетом поправки на конечный размер генеральной совокупности).
- 4. Выборочная дисперсия и ее математическое ожидание. Смещенная и несмещенная оценки для дисперсии по генеральной совокупности.
- 5. Стратифицированная случайная выборка. Выборочное среднее, его математическое ожидание. Дисперсия выборочного среднего при оптимальном и при пропорциональном размещении.

- 6. Статистические оценки. Свойства оценок; несмещенность, состоятельность, эффективность.
- 7. Методы получения оценок; метод моментов и метод максимального правдоподобия. Оценка параметров биномиального, нормального и равномерного распределений.
- 8. Информация Фишера. Неравенство Рао-Крамера-Фреше (без доказательства).
- 9. Доверительные интервалы. Доверительные интервалы для среднего при известной и неизвестной дисперсии. Доверительные интервалы для пропорции.
- 10. Доверительные интервалы для разности средних нормальных генеральных совокупностей.
- 11. Доверительный интервал для дисперсии нормальной генеральной совокупности.
- 12. Асимптотические доверительные интервалы параметров распределений, построенные с помощью оценок максимального правдоподобия. Дельта-метод.
- 13. Проверка гипотез. Простые и сложные гипотезы. Критерий выбора между основной и альтернативной гипотезами. Уровень значимости. Мощность критерия. Ошибки первого и второго рода.
- 14. Проверка гипотез о конкретном значении для среднего, пропорции и дисперсии.
- 15. Проверка гипотез для разности двух средних и для разности двух пропорций. Проверка гипотез о равенстве двух дисперсий.
- 16. Лемма Неймана-Пирсона. Критерий отношения правдоподобия.
- 17. Критерии согласия. Статистика Колмогорова.
- 18. Критерий χ^2 . Проверка гипотез о соответствии наблюдений предполагаемому распределению вероятностей.
- 19. Критерий χ^2 . Проверка гипотезы о независимости признаков. Таблицы сопряженности признаков.
- 20. Непараметрические тесты. Критерий знаков. Ранговые критерии: Вилкоксона и Манна-Уитни.
- 21. Байесовский подход. Связь априорного и апостериорного распределения. Отличия байесовского подхода к оцениванию параметров от метода максимального правдоподобия. Байесовский доверительный интервал.
- 22. Байесовский подход. Алгоритм Гиббса. Алгоритм Метрополиса-Гастингса.