## Midterm 2014

Теория вероятностей и математическая статистика

Обратная связь:

https://github.com/bdemeshev/probability\_hse\_exams

Последнее обновление: 5 декабря 2018 г.

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(C)$  равна

- **3/4**
- **1/4**
- 1/2
- **2**/3

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(A \cup C)$  равна

- 2/3
- 1/2
- **3/4**
- **3/8**

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(A|C)$  равна

- **1/4**
- 3/4
- 2/3
- $lue{2}$  1
- **1**/2

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A — в семье старший ребенок — мальчик, событие B — в семье только один из детей — мальчик, событие C — в семье хотя бы один из детей — мальчик.

- $lue{}$  A и B независимы, A и C зависимы, B и C зависимы
- Любые два события из A, B, C зависимы
- События А, В, С независимы в совокупности
- ullet События A, B, C независимы попарно, но зависимы в совокупности

Имеется три монетки. Две «правильных» и одна — с «орлами» по обеим сторонам. Вася выбирает одну монетку наугад и подкидывает ее один раз. Вероятность того, что выпадет орел равна

- **1/3**
- **1**/2
- **3/5**
- 2/3
- **2**/5

Имеется три монетки. Две «правильных» и одна — с «орлами» по обеим сторонам. Вася выбирает одну монетку наугад и подкидывает ее один раз. Вероятность того, что была выбрана неправильная монетка, если выпал орел, равна

- 2/3
- **3/5**
- **1/3**
- **1**/2
- 3/2

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Наиболее вероятное количество выпавших шестёрок равно

- **2**
- **©** 1
- 7/6
- **6/7**

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Вероятность того, что ровно на пяти из кубиков выпадет шестёрка равна

- $\left(\frac{1}{6}\right)^7$
- $\left(\frac{1}{6}\right)^5$

- $525 \left(\frac{1}{6}\right)^7$

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Математическое ожидание суммы выпавших очков равно

- 7/6
- **4**2
- **2**1
- **3**0
- 24.5

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Дисперсия суммы выпавших очков равна

- **35/36**
- 7/6
- $7 \cdot \frac{35}{36}$
- **2** 7

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Пусть величина X — сумма очков, выпавших на первых двух кубиках, а величина Y — сумма очков, выпавших на следующих пяти кубиках. Ковариация Cov(X,Y) равна

- -2/5
- 0.5
- $\bigcirc$  1
- **2**/5

Число изюминок в булочке — случайная величина, имеющая распределение Пуассона. Известно, что в среднем каждая булочка содержит 13 изюминок. Вероятность того, что в случайно выбранной булочке окажется только одна изюминка равна:

- **1/13**
- □ 13e<sup>-</sup>13
- $e^{-13/13}$
- $e^13/13!$
- $e^{-13}$

Совместное распределение пары величин X и Y задано таблицей:

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X = 1	1/6	1/6	1/6

Математическое ожидание случайной величины X при условии, что Y=-1 равно

- -1/5
- -1/3
- 1/10
- -1/12

Совместное распределение пары величин X и Y задано таблицей:

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X=1	1/6	1/6	1/6

Вероятность того, что X=1 при условии, что Y<0 равна

- **1/12**
- **2/5**
- **1**/6
- 1/3
- 5/12

Совместное распределение пары величин X и Y задано таблицей:

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{\begin{array}{c} X = -1 \\ X = 1 \end{array}}$	1/4 1/6	0 1/6	1/4 1/6

# Дисперсия случайной величины Y равна

- **1/3**
- 5/12
- **1**/2
- **5/6**
- **12/5**

16

Совместное распределение пары величин X и Y задано таблицей:

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{X = -1}$ $X = 1$	1/4 1/6	0 1/6	1/4 1/6
	,		

# Ковариация, Cov(X, Y), равна

- **D** 0
- 0.5
- **1**
- -1
- -0.5

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

# Константа с равна

- **1**
- 0.5
- 2/3
- **2**
- 1.5

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

Вероятность того, что величина X примет значение из интервала [0.5, 1.5] равна

- **1**/2
- **3**/2
- **1**
- **2/3**
- 3/4

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

Математическое ожидание  $\mathbb{E}(X)$  равно

- 2/3
- 3/4
- **2**
- **1**/2
- **1/4**

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

### Константа с равна

- **2**
- **2** 1
- **1/4**
- Ω 0
- 1/2

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \\ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

Вероятность  $\mathbb{P}(X < 0.5, Y < 0.5)$  равна

- 9/16
- 1/64
- 1/16
- 1/8
- 1/
- **1/4**

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

Условная функция плотности  $f_{X|Y=2}(x)$  равна

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 3x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 36x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 9x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 9x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y=2(x)=egin{cases}9x^2$$
 если $x\in[0;1]\\0,$  иначе

• не определена
• 
$$f_X|Y=2(x)=\begin{cases} x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & \text{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

# Математическое ожидание $\mathbb{E}(X/Y)$ равно

- 1/2
- **2**
- 9/8
- **3**
- $lue{2}$  1

Известно, что  $\mathbb{E}(X)=1$ ,  $\mathrm{Var}(X)=1$ ,  $\mathbb{E}(Y)=4$ ,  $\mathrm{Var}(Y)=9$ ,  $\mathrm{Cov}(X,Y)=-3$ 

Ковариация Cov(2X - Y, X + 3Y) равна

- **4**0 **2**2
- **1**8
- 10
- **□** −18
- **□** −40

Известно, что  $\mathbb{E}(X)=1$ ,  $\mathrm{Var}(X)=1$ ,  $\mathbb{E}(Y)=4$ ,  $\mathrm{Var}(Y)=9$ ,  $\mathrm{Cov}(X,Y)=-3$ 

Корреляция Corr(2X+3,4Y-5) равна

- -1/8
- **1**/6
- **1/3**
- -1

# Пусть случайные величины X и Y — независимы, тогда **HE BEPHЫM** является утверждение

- $\bigcirc$  Cov(X, Y) = 0
- ightharpoonup Var(X-Y) < Var(X) + Var(Y)

 $\mathbb{E}(X) = 0$ , то, согласно неравенству Чебышева,

 $\mathbb{P}(|X| \leq 5\sqrt{\mathsf{Var}(X)})$  лежит в интервале

- [0.96; 1]
- [0; 0.04]
- [0.8; 1]
- [0; 0.2]
- [0.5; 1]

Пусть  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  — последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин,  $\mathbb{E}(X_i)=3$  и  $\mathrm{Var}(X_i)=9$ . Следующая величина имеет асимптотически стандартное нормальное распределение

- $X_n-3$
- $\frac{\bar{X}_n-3}{3\sqrt{n}}$
- $\sum \frac{X_n-3}{3}$
- $\sqrt{n}(\bar{X}-3)$

Случайная величина X имеет функцию плотности

$$f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x-1)^2}{18}\right)$$
. Следующее утверждение **HE BEPHO**

- Var(X) = 9
- $\mathbb{P}(X > 1) = 0.5$
- $lue{}$  Случайная величина X дискретна

Пусть  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  — последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин,  $\mathbb{E}(X_i) = \mu$  и  $\text{Var}(X_i) = \sigma^2$ . Следующее утверждение в общем случае **HE BEPHO**:

- $\stackrel{}{\longrightarrow} rac{X_n \mu}{\sigma} \stackrel{F}{ o} N(0;1)$  при  $n o \infty$
- $ar{oldsymbol{\mathcal{Z}}_n} ar{oldsymbol{\mathcal{Z}}_n} \stackrel{P}{
  ightarrow} \mu$  при  $n 
  ightarrow \infty$
- $igodesign_{rac{ar{X}_n-\mu}{\sigma/\sqrt{n}}}\stackrel{F}{ o} N(0,1)$  при  $n o\infty$
- $rac{ar{X}_n \mu}{\sqrt{n}\sigma} \stackrel{P}{ o} 0$  при  $n o \infty$

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(C)$  равна

- 3/4
- **1/4**
- 1/2
- 2/3
- $\bigcirc$  1

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(A \cup C)$  равна

- 2/3
- 1/2
- $\bigcirc$  1
- 3/4
- 3/8

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(A|C)$  равна

- 1/4
- 3/4
- 2/3
- $\bigcirc$  1
- **1**/2

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A — в семье старший ребенок — мальчик, событие B — в семье только один из детей — мальчик, событие C — в семье хотя бы один из детей — мальчик.

- $lue{}$  A и B независимы, A и C зависимы, B и C зависимы
- ullet Любые два события из  $A,\ B,\ C$  зависимы
- События А, В, С независимы в совокупности
- ullet События A, B, C независимы попарно, но зависимы в совокупности

Имеется три монетки. Две «правильных» и одна — с «орлами» по обеим сторонам. Вася выбирает одну монетку наугад и подкидывает ее один раз. Вероятность того, что выпадет орел равна

- **1/3**
- **1**/2
- **3/5**
- 2/3
- 2/5

Имеется три монетки. Две «правильных» и одна — с «орлами» по обеим сторонам. Вася выбирает одну монетку наугад и подкидывает ее один раз. Вероятность того, что была выбрана неправильная монетка, если выпал орел, равна

- 2/3
- **3/5**
- **1/3**
- **1**/2
- 3/2

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Наиболее вероятное количество выпавших шестёрок равно

- **2**
- $\bigcirc$  1
- 7/6
- **6/7**

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Вероятность того, что ровно на пяти из кубиков выпадет шестёрка равна

- $\left(\frac{1}{6}\right)^7$
- $\left(\frac{1}{6}\right)^5$
- $\frac{7}{12} \left(\frac{1}{6}\right)^5$
- $525 \left(\frac{1}{6}\right)^7$

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Математическое ожидание суммы выпавших очков равно

- 7/6
- 42
- **2**1
- **3**0
- 24.5

### 10

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Дисперсия суммы выпавших очков равна

- **35/36**
- 7/6
- $7 \cdot \frac{35}{12}$
- $7 \cdot \frac{35}{36}$
- **C** 7

### 11

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Пусть величина X — сумма очков, выпавших на первых двух кубиках, а величина Y — сумма очков, выпавших на следующих пяти кубиках. Ковариация Cov(X,Y) равна

- -2/5
- 0.5
- **1**
- 2/5

Число изюминок в булочке — случайная величина, имеющая распределение Пуассона. Известно, что в среднем каждая булочка содержит 13 изюминок. Вероятность того, что в случайно выбранной булочке окажется только одна изюминка равна:

- 1/13
- □ 13e<sup>-</sup>13
- $e^{-13/13}$
- $e^13/13!$
- $e^{-13}$

#### 13

Совместное распределение пары величин X и Y задано таблицей:

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X = 1	1/6	1/6	1/6

Математическое ожидание случайной величины X при условии, что Y=-1 равно

- -1/5
- -1/3
- 1/10
- -1/12
- 0

#### 14

Совместное распределение пары величин X и Y задано таблицей:

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X = 1	1/6	1/6	1/6

Вероятность того, что X=1 при условии, что Y<0 равна

- **1/12**
- **2/5**
- **1**/6
- 1/3
- 5/12

15

Совместное распределение пары величин X и Y задано таблицей:

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X = 1	1/6	1/6	1/6

# Дисперсия случайной величины Y равна

- **1/3**
- **5/12**
- 1/2
- **5/6**
- **12/5**

16

Совместное распределение пары величин X и Y задано таблицей:

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X = 1	1/6	1/6	1/6

# Ковариация, Cov(X, Y), равна

- **D** 0
- 0.5
- $\bigcirc$  1
- -1
- -1 -0.5
- .

### 17

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

### Константа с равна

- $\bigcirc$  1
- 0.5
- **2**/3
- **2** 2
- 1.5
- Па Следующий вопрос

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

Вероятность того, что величина X примет значение из интервала [0.5, 1.5] равна

- 1/2
- **3/2**
- **1**
- **2**/3
- 3/4
- Па Споличний родина

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

Математическое ожидание  $\mathbb{E}(X)$  равно

- 2/3
- 3/4
- 2
- 1/2
- **1/4**

Следующий вопрос

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

# Константа c равна

- **2**
- **1**
- **1/4**
- **9**
- 1/2

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

Вероятность  $\mathbb{P}(X < 0.5, Y < 0.5)$  равна

- 9/16
- 1/64
- **1/16**
- **1/8**
- 1/4

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

Условная функция плотности  $f_{X|Y=2}(x)$  равна

•• 
$$f_X|Y=2(x)=\begin{cases} 3x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0 \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 3x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 36x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 9x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 9x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

•• 
$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 9x & \text{еслих} \in [0, 1] \\ 0, \text{иначе} \end{cases}$$
•• не определена

••  $f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0 \text{ иначе} \end{cases}$ 

$$(0,$$
 иначе 
$$f_X|Y=2(x)=\begin{cases} 36x^2\operatorname{если}x\in[0;1] \end{cases}$$

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & \text{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

# Математическое ожидание $\mathbb{E}(X/Y)$ равно

- **1**/2
- **2**
- 9/8
- **2** 3
- $lue{2}$  1

Известно, что  $\mathbb{E}(X)=1$ ,  $\mathrm{Var}(X)=1$ ,  $\mathbb{E}(Y)=4$ ,  $\mathrm{Var}(Y)=9$ ,  $\mathrm{Cov}(X,Y)=-3$ 

Ковариация Cov(2X - Y, X + 3Y) равна

- **4**0 **2**2
- **1**8
- -18
- -40

Известно, что  $\mathbb{E}(X)=1$ ,  $\mathrm{Var}(X)=1$ ,  $\mathbb{E}(Y)=4$ ,  $\mathrm{Var}(Y)=9$ ,  $\mathrm{Cov}(X,Y)=-3$ 

Корреляция Corr(2X+3,4Y-5) равна

- -1/8
- 1
- **1**/6
- **1/3**
- $\bigcirc$  -1

Пусть случайные величины X и Y — независимы, тогда **HE BEPHЫM** является утверждение

- $\bigcirc$  Cov(X, Y) = 0
- ightharpoonup Var(X-Y) < Var(X) + Var(Y)

Если  $\mathbb{E}(X)=0$ , то, согласно неравенству Чебышева,

 $\mathbb{P}(|X| \leq 5\sqrt{\mathsf{Var}(X)})$  лежит в интервале

- [0.96; 1]
- [0; 0.04]
- [0.8; 1]
- [0; 0.2]
- **(**0.5; 1]

Пусть  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  — последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин,  $\mathbb{E}(X_i)=3$  и  $\mathrm{Var}(X_i)=9$ . Следующая величина имеет асимптотически стандартное нормальное распределение

- $\sum \frac{X_n-3}{3}$
- $\frac{\bar{X}_n-3}{3\sqrt{n}}$
- $\sum \frac{X_n-3}{3}$
- $\sqrt{n}(\bar{X}-3)$

Следующий вопрос

Случайная величина X имеет функцию плотности

$$f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x-1)^2}{18}\right)$$
. Следующее утверждение **HE BEPHO**

- $\square$   $\mathbb{E}(X) = 1$
- ightharpoonup Var(X) = 9
- $\mathbb{P}(X > 1) = 0.5$
- Случайная величина X дискретна

Пусть  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  — последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин,  $\mathbb{E}(X_i) = \mu$  и  $\text{Var}(X_i) = \sigma^2$ . Следующее утверждение в общем случае **HE BEPHO**:

- $\stackrel{}{\longrightarrow} rac{X_n \mu}{\sigma} \stackrel{F}{ o} N(0;1)$  при  $n o \infty$
- $ar{oldsymbol{\mathcal{Z}}_n} ar{oldsymbol{\mathcal{Z}}_n} \stackrel{P}{
  ightarrow} \mu$  при  $n 
  ightarrow \infty$
- $igodesign_{rac{ar{X}_n-\mu}{\sigma/\sqrt{n}}}\stackrel{F}{
  ightarrow} N(0,1)$  при  $n o\infty$
- $ilde{X}_{n-\mu} \stackrel{P}{ o} 0$  при  $n o \infty$

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(C)$  равна

- 3/4
- **1/4**
- 1/2
- 2/3
- **1**

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(A \cup C)$  равна

- **2**/3
- **1**/2
- **D** 1
- 3/4
- **3/8**

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик. Вероятность  $\mathbb{P}(A|C)$  равна

- **1/4**
- 3/4
- 2/3
- $\bigcirc$  1
- 1/2

Случайным образом выбирается семья с двумя детьми. Событие A- в семье старший ребенок — мальчик, событие B- в семье только один из детей — мальчик, событие C- в семье хотя бы один из детей — мальчик.

- ullet A и B независимы, A и C зависимы, B и C зависимы
- ullet Любые два события из  $A,\ B,\ C$  зависимы
- События А, В, С независимы в совокупности
- События A, B, C независимы попарно, но зависимы в совокупности

Имеется три монетки. Две «правильных» и одна — с «орлами» по обеим сторонам. Вася выбирает одну монетку наугад и подкидывает ее один раз. Вероятность того, что выпадет орел равна

- **1/3**
- **1**/2
- **3/5**
- 2/3
- 2/5

Имеется три монетки. Две «правильных» и одна — с «орлами» по обеим сторонам. Вася выбирает одну монетку наугад и подкидывает ее один раз. Вероятность того, что была выбрана неправильная монетка, если выпал орел, равна

- 2/3
- **3/5**
- **1/3**
- **1**/2
- 3/2

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Наиболее вероятное количество выпавших шестёрок равно

- **2**
- **1**
- 7/6
- **6/7**

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Вероятность того, что ровно на пяти из кубиков выпадет шестёрка равна

- $\left(\frac{1}{6}\right)^7$
- $\left(\frac{1}{6}\right)^5$
- $\frac{7}{12} \left(\frac{1}{6}\right)^5$
- $\bullet$  525  $\left(\frac{1}{6}\right)^7$

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Математическое ожидание суммы выпавших очков равно

- 7/6
- **4**2
- **2**1
- **3**0
- 24.5

### 10

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Дисперсия суммы выпавших очков равна

- **35/36**
- 7/6
- $7 \cdot \frac{35}{36}$
- **2** 7

### 11

Вася бросает 7 правильных игральных кубиков. Пусть величина X — сумма очков, выпавших на первых двух кубиках, а величина Y — сумма очков, выпавших на следующих пяти кубиках. Ковариация Cov(X,Y) равна

- **D** 0
- -2/5
- 0.5
- $\bigcirc$  1
- **2**/5

Число изюминок в булочке — случайная величина, имеющая распределение Пуассона. Известно, что в среднем каждая булочка содержит 13 изюминок. Вероятность того, что в случайно выбранной булочке окажется только одна изюминка равна:

- **1/13**
- □ 13e<sup>-</sup>13
- $e^{-13/13}$
- $e^13/13!$
- $e^{-13}$

13

	Y = -1	<i>Y</i> = 0	Y = 1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X = 1	1/6	1/6	1/6

Математическое ожидание случайной величины X при условии, что Y=-1 равно

- -1/5
- -1/3
- 1/10
- -1/12

14

	Y = -1	<i>Y</i> = 0	Y = 1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X = 1	1/6	1/6	1/6

Вероятность того, что X=1 при условии, что Y<0 равна

- 1/12
- 2/5
- **1**/6
- **1/3**
- **5/12**

15

	Y = -1	Y = 0	Y = 1
$\overline{X} = -1$	1/4	0	1/4
X = 1	1/6	1/6	1/6

# Дисперсия случайной величины Y равна

- **1/3**
- **5/12**
- **1**/2
- **5/6**
- **12/5**

16

	Y = -1	<i>Y</i> = 0	Y=1
$\overline{X=-1}$	1/4	0	1/4
X=1	1/6	1/6	1/6

# Ковариация, Cov(X, Y), равна

- **D** 0
- 0.5
- **1**
- -1
- -0.5

## 17

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

## Константа с равна

- $\bigcirc$  1
- 0.5
- 2/3
- **D** 2
- **1.5**

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

Вероятность того, что величина X примет значение из интервала [0.5, 1.5] равна

- **1**/2
- **3/2**
- **1**
- 2/3
- **3/4**

Heт!

## 19

Функция распределения случайной величины X имеет вид

$$F(x) = egin{cases} 0, & ext{если } x < 0 \ cx^2, & ext{если } x \in [0;1] \ 1, & ext{если } x > 1 \end{cases}$$

# Математическое ожидание $\mathbb{E}(X)$ равно

- 2/3
- **3/4**
- **2**
- **1**/2
- **1/4**

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

## Константа c равна

- **2**
- **1**
- **1/4**
- **9**
- **1**/2

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \\ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

Вероятность  $\mathbb{P}(X < 0.5, Y < 0.5)$  равна

- 9/16
- 1/64
- **1/16**
- **1/8**
- **1/4**

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & ext{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \ 0, & ext{иначе} \end{cases}$$

Условная функция плотности  $f_{X|Y=2}(x)$  равна

•• 
$$f_X|Y=2(x)=egin{cases} 3x^2 \text{ если}x \in [0;1] \\ 0 \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 3x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 36x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 9x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

$$f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} 9x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

••  $f_X|Y = 2(x) = \begin{cases} x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0 \text{ иначе} \end{cases}$ 

$$f_X|Y=2(x)=\begin{cases} 3x^2 \text{ если} x \in [0;1] \\ 0, \text{ иначе} \end{cases}$$

Совместная функция плотности пары X и Y имеет вид

$$f(x,y) = egin{cases} cx^2y^2, & \text{если } x \in [0;1], y \in [0;1] \\ 0, & \text{иначе} \end{cases}$$

Математическое ожидание  $\mathbb{E}(X/Y)$  равно

- 1/2
- **2**
- 9/8
- **2** 3

Известно, что  $\mathbb{E}(X)=1$ ,  $\mathrm{Var}(X)=1$ ,  $\mathbb{E}(Y)=4$ ,  $\mathrm{Var}(Y)=9$ ,  $\mathrm{Cov}(X,Y)=-3$ 

Ковариация Cov(2X - Y, X + 3Y) равна

- **4**0 **2**2
- **1**8
- **□** −18
- **□** −40

Известно, что  $\mathbb{E}(X)=1$ ,  $\mathrm{Var}(X)=1$ ,  $\mathbb{E}(Y)=4$ ,  $\mathrm{Var}(Y)=9$ ,  $\mathrm{Cov}(X,Y)=-3$ 

Корреляция Corr(2X+3,4Y-5) равна

- -1/8
- 1
- 1/6
- **1/3**
- -1

Пусть случайные величины X и Y — независимы, тогда **HE BEPHЫM** является утверждение

- $\bigcirc$  Cov(X, Y) = 0
- ightharpoonup Var(X-Y) < Var(X) + Var(Y)

Если  $\mathbb{E}(X) = 0$ , то, согласно неравенству Чебышева,

 $\mathbb{P}(|X| \leq 5\sqrt{\mathsf{Var}(X)})$  лежит в интервале

- [0.96; 1]
- [0; 0.04]
- [0.8; 1]
- [0; 0.2]
- [0.5; 1]

Пусть  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  — последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин,  $\mathbb{E}(X_i)=3$  и  $\mathrm{Var}(X_i)=9$ . Следующая величина имеет асимптотически стандартное нормальное распределение

$$\sum \frac{X_n-3}{3}$$

$$\frac{\bar{X}_n-3}{3\sqrt{n}}$$

$$\sum \frac{X_n-3}{3}$$

$$\sqrt{n}(\bar{X}-3)$$

Случайная величина X имеет функцию плотности

$$f(x)=rac{1}{3\sqrt{2\pi}}\exp\left(-rac{(x-1)^2}{18}
ight)$$
. Следующее утверждение **НЕ ВЕРНО**

- $\mathbb{E}(X)=1$
- ightharpoonup Var(X) = 9
- $\mathbb{P}(X > 1) = 0.5$
- Случайная величина X дискретна

Пусть  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  — последовательность независимых одинаково распределенных случайных величин,  $\mathbb{E}(X_i) = \mu$  и  $\text{Var}(X_i) = \sigma^2$ . Следующее утверждение в общем случае **HE BEPHO**:

- $\stackrel{\sum_{n-\mu} ilde{F}}{\sigma} \stackrel{F}{ o} N(0;1)$  при  $n o \infty$
- $ar{oldsymbol{\mathcal{Z}}_n} ar{oldsymbol{\mathcal{Z}}_n} \stackrel{P}{
  ightarrow} \mu$  при  $n 
  ightarrow \infty$
- $igodesign_{rac{ar{X}_n-\mu}{\sigma/\sqrt{n}}}\stackrel{F}{
  ightarrow} N(0,1)$  при  $n o\infty$
- $igwedge rac{ar{X}_n \mu}{\sqrt{n}\sigma} \stackrel{P}{ o} 0$  при  $n o \infty$