【模拟】-最大相连男生数

题目描述与示例

题目描述

学校组织活动,将学生排成一个矩形方阵。

请在矩形方阵中找到最大的位置相连的男生数量。

这个**相连位置在一个直线上**,方向可以是水平的、垂直的、成对角线的或者反对角线的。

注: 学生个数不会超过 10000 。

输入描述

输入的第一行为矩阵的行数和列数,接下来的 n 行为矩阵元素,元素间用 , 分隔。

输出描述

输出一个整数,表示矩阵中最长的位置相连的男生个数。

示例

输入

- 1 3,4
- 2 F,M,M,F
- 3 F,M,M,F
- 4 F, F, F, M

1 3

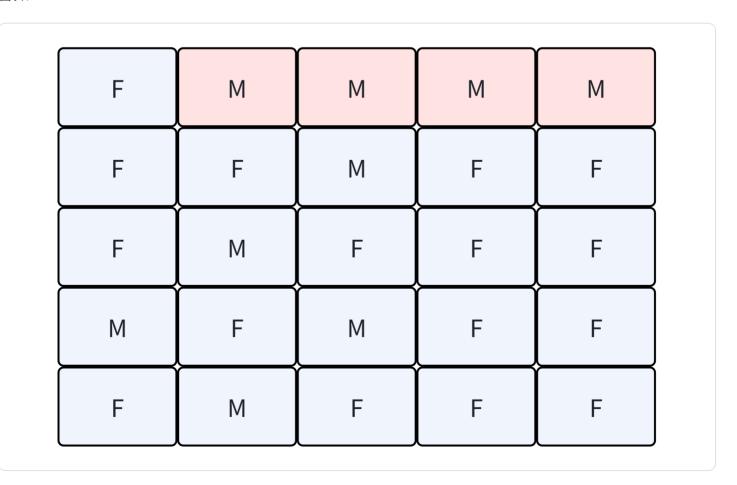
解题思路

本题题意并不难理解,其实就是考虑每一个 M 的横向、纵向、对角线、反对角线各自有多少连续的 M 。

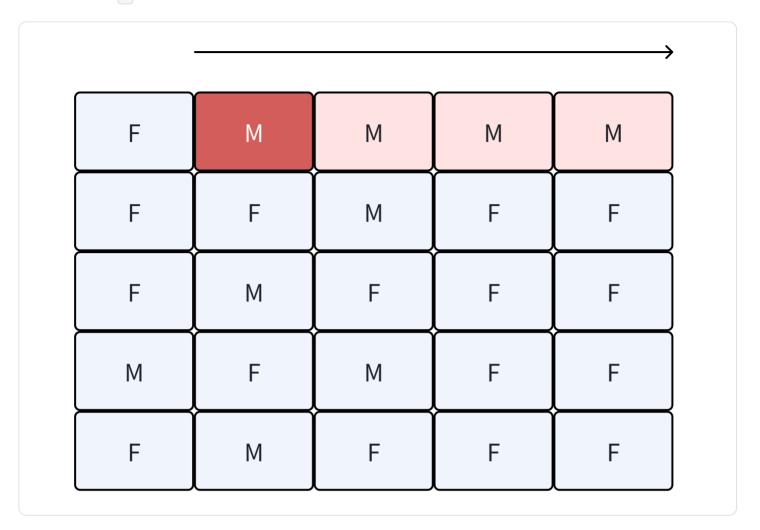
M表示 male ,F表示 female ,这一点在题目中没有明说,但是容易想到。

对于某一段连续的 M ,很显然我们考虑最边上 M 往另一边延申,考虑中间的 M 往两边延申,最后计算得到的连续的 M 的个数是一样的。

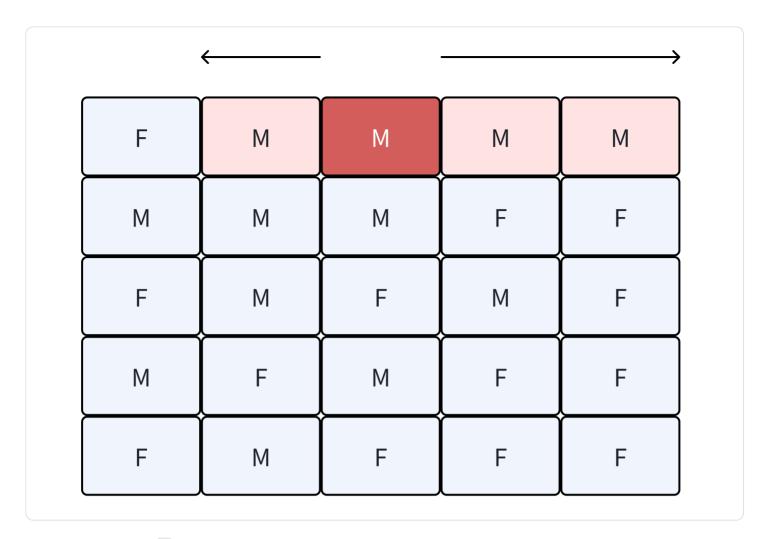
譬如



那么从边上的 M 往另一边计算



和从中间的 M 往两边计算



能够得到的连续的 M 的个数是一样的。

那么哪一种更加方便我们计算呢?显然是前一种。

假设我们能够通过前一种方式,计算得到某段连续的 M 的个数,那么**后一种方式的计算是冗余的、无意义的计算**。

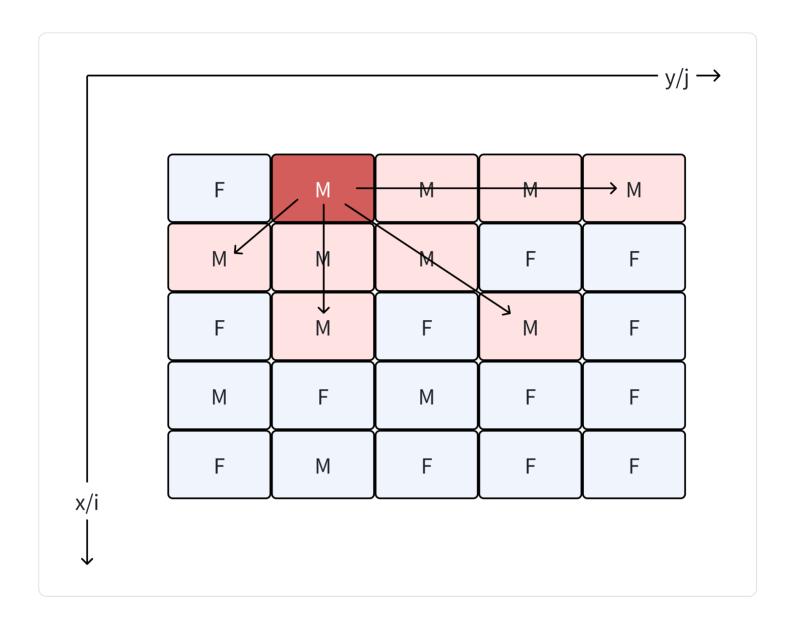
因此我们应该考虑,尽可能用**前一种简单方式**来计算连续的 M ,且需要**避免漏算**。

如何做到这一点呢? 考虑一个例子。

如果我们**从上到下,从左到右**地考虑每一个矩阵中的字符串(即**顺序遍历**),容易发现,先遇到的 M ,一定是

- 横向的连续的 M 中最左边的那个
- 纵向的连续的 M 中最上边的那个

- 对角线的连续的 M 中最左上角的那个
- 反对角线的连续的 M 中最右上角的那个



显然,这个M对于四种方向而言,都是连续的M中,最边上的那个M(深红色的M)。

所以,如果我们从上到下,从左到右地顺序遍历每一个元素的话,我们率先遇到那个 M 一定是满足前一种方式的计算思路的。

整体代码框架如下

```
1 # 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
2 for i in range(n):
3     for j in range(m):
4     # 考虑横向
5     pass
```

```
6
7 # 考虑纵向
8 pass
9
10 # 考虑主对角线
11 pass
12
13 # 考虑反对角线
14 pass
```

那么,我们又应该如何避免对位于其他位置的 M (浅红色的 M) 进行重复计算,且不漏算呢?

以考虑横向方向为例,我们可以设计一**个大小和原矩阵完全一样**的 n*m 的检查矩阵 check1。check1 中的元素为 0 或 1 。初始化均为 0 。

- check1[i][j] = 0 表示某个位置 (i, j) 尚未被考虑包含在某段连续的横向的 M 中
- check1[i][j] = 1 表示某个位置 (i, j) 已经被考虑包含在某段连续的横向的 M 中了

对应的代码如下

```
1 check1 = [[0] * m for _ in range(n)]
2
3 # 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
4 for i in range(n):
      for j in range(m):
5
         # 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【横向】的M中
6
         # 则【向右】考虑这整段横向的M
7
         if mat[i][j] == "M" and check1[i][j] == 0:
8
             # (x,y)为横向移动时的坐标
9
             # (dx,dy)为横向移动的坐标偏差
10
             x, y, dx, dy = i, j, 0, 1
11
             # 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行横向移动的考虑
12
             # 修改check[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
13
             while 0 \le x \le n and 0 \le y \le m and mat[x][y] == "M" and check1[x]
14
  [y] == 0:
15
                check1[x][y] = 1
                x += dx
16
17
                y += dy
             # 退出while循环后,此段横向的连续的M的长度为y-j,更新答案
18
```

而对应的其他三个方向,也可以直接如法炮制了。

这样我们就可以使用 4 个不同的 check 矩阵,来判断某一个位置的 M 是否已经在某个方向上计算 过,来避免发生无用的重复计算了。

这样就完成了本题分类写法(较为臃肿)。

PS: 四个方向的 check 矩阵,均仅由 o 或 1 构成。思考以前讲过的**状态压缩**技巧,你能否仅用一个其中元素范围为整数 0-15 的 check 矩阵来表示所有状态? 题解的最后提供了状态压缩写法的代码。

代码

代码一: 分类写法

Python

```
1 # 题目: 【模拟】2024E-最大相连男生数
2 # 分值: 200
3 # 作者: 许老师-闭着眼睛学数理化
4 # 算法:模拟,矩阵
5 # 代码看不懂的地方,请直接在群上提问
6
7
8 # 输入矩阵的行数n,列数m
9 n, m = map(int, input().split(","))
10
11 # 初始化二维矩阵
12 mat = list()
13 # 循环n行,输入矩阵
14 for _ in range(n):
     mat.append(input().split(","))
15
16
17
18 # 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
```

```
19 ans = 0
20
21 # 四个检查矩阵,分别表示横向、纵向、对角线、反对角线方向上
22 # 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
23 check1 = [[0] * m for _ in range(n)]
24 check2 = [[0] * m for _ in range(n)]
25 check3 = \lceil [0] \times m \text{ for } \underline{\quad} \text{in range}(n) \rceil
26 check4 = [[0] * m for _ in range(n)]
27
28
29 # 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
30 for i in range(n):
      for j in range(m):
31
          # 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【横向】的M中
32
          # 则【向右】考虑这整段横向的M
33
         if mat[i][j] == "M" and check1[i][j] == 0:
34
             # (x,y)为横向移动时的坐标
35
36
             # (dx,dy)为横向移动的坐标偏差
             x, y, dx, dy = i, j, 0, 1
37
             # 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行横向移动的考虑
38
             # 修改check1[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
39
             while 0 \le x \le n and 0 \le y \le m and mat[x][y] == "M":
40
                 check1[x][y] = 1
41
                 x += dx
42
                 y += dy
43
             # 退出while循环后,此段横向的连续的M的长度为y-i,更新答案
44
             ans = \max(ans, y-j)
45
46
          # 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【纵向】的M中
47
          # 则【向下】考虑这整段纵向的M
48
          if mat[i][j] == "M" and check2[i][j] == 0:
49
             # (x,y)为纵向移动时的坐标
50
             # (dx,dy)为纵向移动的坐标偏差
51
             x, y, dx, dy = i, j, 1, 0
52
53
             # 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行纵向移动的考虑
54
             # 修改check2[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
             while 0 \le x \le n and 0 \le y \le m and mat[x][y] == "M":
55
                 check2[x][y] = 1
56
                 x += dx
57
                 y += dy
58
             # 退出while循环后,此段纵向的连续的M的长度为x-i,更新答案
59
             ans = \max(ans, x-i)
60
61
          # 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【对角线方向】的M中
62
          # 则【向右下】考虑这整段对角线方向的M
63
64
          if mat[i][j] == "M" and check3[i][j] == 0:
             # (x,y)为对角线方向移动时的坐标
65
```

```
# (dx,dy)为对角线方向移动的坐标偏差
66
67
             x, y, dx, dy = i, j, 1, 1
             # 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行对角线方向移动的考虑
68
             # 修改check3[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
69
             while 0 \le x \le n and 0 \le y \le m and mat[x][y] == "M":
70
71
                check3[x][y] = 1
                x += dx
72
                y += dy
73
74
             # 退出while循环后,此段对角线方向的连续的M的长度为x-i,更新答案
75
             ans = \max(ans, x-i)
76
77
         # 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【反对角线方向】的M中
78
79
         # 则【向左下】考虑这整段反对角线方向的M
         if mat[i][j] == "M" and check4[i][j] == 0:
80
             # (x,y)为反对角线方向移动时的坐标
81
             # (dx,dy)为反对角线方向移动的坐标偏差
82
83
             x, y, dx, dy = i, j, 1, -1
             # 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行反对角线方向移动的考虑
84
             # 修改check4[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
85
             while 0 \le x \le n and 0 \le y \le m and mat[x][y] == "M":
86
                check4[x][y] = 1
87
                x += dx
88
89
                y += dy
             # 退出while循环后,此段反对角线方向的连续的M的长度为x-i,更新答案
90
             ans = \max(ans, x-i)
91
92
93 print(ans)
```

Java

```
1 import java.util.Scanner;
2
3 public class Main {
4
5
       public static void main(String[] args) {
           Scanner scanner = new Scanner(System.in);
6
7
           // 输入矩阵的行数n,列数m
8
           String[] input = scanner.nextLine().split(",");
9
10
           int n = Integer.parseInt(input[0]);
           int m = Integer.parseInt(input[1]);
11
12
           // 初始化二维矩阵
13
           String[][] mat = new String[n][m];
14
```

```
// 循环n行, 输入矩阵
15
          for (int i = 0; i < n; i++) {
16
             mat[i] = scanner.nextLine().split(",");
17
          }
18
19
          // 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
20
          int ans = 0;
21
22
          // 四个检查矩阵,分别表示横向、纵向、对角线、反对角线方向上
23
          // 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
24
          boolean[][] check1 = new boolean[n][m];
25
          boolean[][] check2 = new boolean[n][m];
26
          boolean[][] check3 = new boolean[n][m];
27
          boolean[][] check4 = new boolean[n][m];
28
29
          // 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
30
          for (int i = 0; i < n; i++) {
31
32
             for (int j = 0; j < m; j++) {
                 // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【横向】的M中
33
                 // 则【向右】考虑这整段横向的M
34
35
                 if (mat[i][j].equals("M") && !check1[i][j]) {
                    // (x,y)为横向移动时的坐标
36
                    // (dx,dy)为横向移动的坐标偏差
37
38
                    int x = i, y = j, dx = 0, dy = 1;
                    // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行横向移动的考虑
39
                    // 修改check1[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
40
                    while (x \ge 0 \&\& x < n \&\& y \ge 0 \&\& y < m \&\& mat[x]
41
   [y].equals("M")) {
42
                        check1[x][y] = true;
                        y += dy;
43
44
                     // 退出while循环后,此段横向的连续的M的长度为v-i,更新答案
45
                     ans = Math.max(ans, y - j);
46
47
                 }
48
49
                 // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【纵向】的M中
                 // 则【向下】考虑这整段纵向的M
50
                 if (mat[i][j].equals("M") && !check2[i][j]) {
51
                    // (x,y)为纵向移动时的坐标
52
                    // (dx,dy)为纵向移动的坐标偏差
53
                    int x = i, y = j, dx = 1, dy = 0;
54
                    // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行纵向移动的考虑
55
                    // 修改check2[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
56
                    while (x \ge 0 \&\& x < n \&\& y \ge 0 \&\& y < m \&\& mat[x]
57
   [y].equals("M")) {
58
                        check2[x][y] = true;
59
                        x += dx;
```

```
60
                     }
                     // 退出while循环后,此段纵向的连续的M的长度为x-i,更新答案
61
                     ans = Math.max(ans, x - i);
62
                 }
63
64
                 // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【对角线方向】的M中
65
                 // 则【向右下】考虑这整段对角线方向的M
66
                 if (mat[i][j].equals("M") && !check3[i][j]) {
67
68
                     // (x,y)为对角线方向移动时的坐标
                     // (dx,dy)为对角线方向移动的坐标偏差
69
                     int x = i, y = j, dx = 1, dy = 1;
70
                     // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行对角线方向移动的考虑
71
                     // 修改check3[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
72
                     while (x \ge 0 \& x < n \& y \ge 0 \& y < m \& mat[x]
73
   [y].equals("M")) {
74
                        check3[x][y] = true;
75
                        x += dx;
76
                        y += dy;
77
                     }
                     // 退出while循环后,此段对角线方向的连续的M的长度为x-i,更新答案
78
79
                     ans = Math.max(ans, x - i);
                 }
80
81
82
                 // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【反对角线方向】的M中
                 // 则【向左下】考虑这整段反对角线方向的M
83
                 if (mat[i][j].equals("M") && !check4[i][j]) {
84
                     // (x,y)为反对角线方向移动时的坐标
85
                     // (dx,dy)为反对角线方向移动的坐标偏差
86
                     int x = i, y = j, dx = 1, dy = -1;
87
                     // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行反对角线方向移动的考虑
88
89
                     // 修改check4[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
                     while (x \ge 0 \& x < n \& y \ge 0 \& y < m \& mat[x]
90
   [y].equals("M")) {
91
                        check4[x][y] = true;
92
                        x += dx;
93
                        y += dy;
                     }
94
                     // 退出while循环后,此段反对角线方向的连续的M的长度为x-i,更新答案
95
                     ans = Math.max(ans, x - i);
96
97
                 }
98
              }
          }
99
100
          // 输出答案
101
102
          System.out.println(ans);
103
104
          scanner.close();
```

```
105 }
106 }
107
```

C++

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <algorithm>
4
5 using namespace std;
6
7 int main() {
8
      // 输入矩阵的行数n, 列数m
       string input;
9
10
      getline(cin, input);
      int n, m;
11
      sscanf(input.c_str(), "%d,%d", &n, &m);
12
13
      // 初始化二维矩阵
14
      vector<vector<string>> mat(n, vector<string>(m));
15
      // 循环n行, 输入矩阵
16
       for (int i = 0; i < n; i++) {
17
          string line;
18
          getline(cin, line);
19
          size_t pos = 0;
20
          for (int j = 0; j < m; j++) {
21
              size_t next_pos = line.find(',', pos);
22
23
              mat[i][j] = line.substr(pos, next_pos - pos);
              pos = next_pos + 1;
24
25
          }
      }
26
27
      // 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
28
      int ans = 0;
29
30
       // 四个检查矩阵,分别表示横向、纵向、对角线、反对角线方向上
31
       // 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
32
      vector<vector<bool>> check1(n, vector<bool>(m, false));
33
      vector<vector<bool>> check2(n, vector<bool>(m, false));
34
      vector<vector<bool>> check3(n, vector<bool>(m, false));
35
      vector<vector<bool>> check4(n, vector<bool>(m, false));
36
37
      // 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
38
      for (int i = 0; i < n; i++) {
39
```

```
40
          for (int j = 0; j < m; j++) {
             // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【横向】的M中
41
             // 则【向右】考虑这整段横向的M
42
             if (mat[i][j] == "M" && !check1[i][j]) {
43
                // (x,y)为横向移动时的坐标
44
                // (dx,dy)为横向移动的坐标偏差
45
                int x = i, y = j, dx = 0, dy = 1;
46
                // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行横向移动的考虑
47
                // 修改check1[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
48
                while (x \ge 0 \& x < n \& y \ge 0 \& y < m \& mat[x][y] == "M")
49
  {
50
                    check1[x][y] = true;
                    y += dy;
51
                }
52
                // 退出while循环后,此段横向的连续的M的长度为y-i,更新答案
53
54
                ans = \max(ans, y - j);
             }
55
56
             // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【纵向】的M中
57
             // 则【向下】考虑这整段纵向的M
58
59
             if (mat[i][j] == "M" && !check2[i][j]) {
                // (x,y)为纵向移动时的坐标
60
                // (dx,dy)为纵向移动的坐标偏差
61
                int x = i, y = j, dx = 1, dy = 0;
62
                // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行纵向移动的考虑
63
                // 修改check2[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
64
                while (x \ge 0 \& x < n \& y \ge 0 \& y < m \& mat[x][y] == "M")
65
  {
66
                    check2[x][y] = true;
                    x += dx;
67
68
                // 退出while循环后,此段纵向的连续的M的长度为x-i,更新答案
69
                ans = \max(ans, x - i);
70
             }
71
72
             // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【对角线方向】的M中
73
             // 则【向右下】考虑这整段对角线方向的M
74
             if (mat[i][j] == "M" && !check3[i][j]) {
75
                // (x,y)为对角线方向移动时的坐标
76
                // (dx,dy)为对角线方向移动的坐标偏差
77
                int x = i, y = j, dx = 1, dy = 1;
78
                // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行对角线方向移动的考虑
79
                // 修改check3[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
80
                while (x \ge 0 \& x < n \& y \ge 0 \& y < m \& mat[x][y] == "M")
81
  {
82
                    check3[x][y] = true;
83
                    x += dx;
```

```
84
                     y += dy;
                  }
 85
                  // 退出while循环后,此段对角线方向的连续的M的长度为x-i,更新答案
 86
                  ans = \max(ans, x - i);
 87
              }
 88
 89
              // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的【反对角线方向】的M中
 90
              // 则【向左下】考虑这整段反对角线方向的M
 91
              if (mat[i][j] == "M" && !check4[i][j]) {
 92
                  // (x,y)为反对角线方向移动时的坐标
 93
                  // (dx,dy)为反对角线方向移动的坐标偏差
 94
                  int x = i, y = j, dx = 1, dy = -1;
 95
                  // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行反对角线方向移动的考虑
 96
                  // 修改check4[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
 97
                  while (x \ge 0 \&\& x < n \&\& y \ge 0 \&\& y < m \&\& mat[x][y] == "M")
 98
   {
                     check4[x][y] = true;
99
100
                     x += dx;
101
                     y += dy;
102
                  }
                  // 退出while循环后,此段反对角线方向的连续的M的长度为x-i,更新答案
103
                  ans = \max(ans, x - i);
104
105
              }
106
          }
107
       }
108
       // 输出答案
109
110
       cout << ans << endl;</pre>
111
       return 0;
112
113 }
114
```

代码二: 合并写法

Python

```
1 # 题目: 【模拟】2024E-最大相连男生数
2 # 分值: 200
3 # 作者: 许老师-闭着眼睛学数理化
4 # 算法: 模拟,矩阵
5 # 代码看不懂的地方,请直接在群上提问
6
```

```
7
8 # 四个方向的偏移变量
9 # DIRECTIONS[0]、DIRECTIONS[1]、DIRECTIONS[2]、DIRECTIONS[3]分别表示
10 # 横向向右、纵向向下、主对角线方向向右下、反对角线反向向左下的4个方向
11 DIRECTIONS = [(0, 1), (1, 0), (1, 1), (1, -1)]
12
13 # 输入矩阵的行数n,列数m
14 n, m = map(int, input().split(","))
15
16 # 初始化二维矩阵
17 mat = list()
18 # 循环n行,输入矩阵
19 for _ in range(n):
      mat.append(input().split(","))
20
21
22
23 # 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
24 \text{ ans} = 0
25
26 # 四个检查矩阵, check[0]、check[1]、check[2]、check[3]
27 # 分别表示横向、纵向、对角线、反对角线方向上
28 # 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
29 check = [[[0] * m for _ in range(n)] for __ in range(4)]
30
31
32 # 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
33 for i in range(n):
     for j in range(m):
34
         # 考虑横向、纵向、主对角线方向、反对角线方向4个方向
35
         for k in range(4):
36
             # 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的的M中
37
             # 则考虑这段M
38
             if mat[i][j] == "M" and check[k][i][j] == 0:
39
                # (x,y)为移动时的坐标
40
41
                # (dx,dy)为移动的坐标偏差
42
                x, y = i, j
                dx, dy = DIRECTIONS[k]
43
                # 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行进一步移动的考虑
44
                # 修改check[k][x][y]为已检查过,且(x,y)修改
45
                while 0 \le x \le n and 0 \le y \le m and mat[x][y] == "M":
46
                    check[k][x][y] = 1
47
                    x += dx
48
49
                    y += dy
                # 退出while循环后,此段横向的连续的M的长度为x-i或y-i(取其中较大值),
50
  更新答案
51
                ans = \max(ans, \max(x-i, y-j))
52
```

```
53 print(ans)
```

Java

```
1 import java.util.Scanner;
2
3 public class Main {
4
5
      // 四个方向的偏移变量
      // DIRECTIONS[0]、DIRECTIONS[1]、DIRECTIONS[2]、DIRECTIONS[3]分别表示
6
      // 横向向右、纵向向下、主对角线方向向右下、反对角线方向向左下的4个方向
7
      private static final int[][] DIRECTIONS = {
8
9
             {0, 1}, // 横向向右
10
             {1, 0}, // 纵向向下
             {1, 1}, // 主对角线方向向右下
11
             {1,-1} // 反对角线方向向左下
12
13
      };
14
15
      public static void main(String[] args) {
          Scanner scanner = new Scanner(System.in);
16
17
          // 输入矩阵的行数n,列数m
18
          String[] input = scanner.nextLine().split(",");
19
          int n = Integer.parseInt(input[0]);
20
          int m = Integer.parseInt(input[1]);
21
22
          // 初始化二维矩阵
23
          String[][] mat = new String[n][m];
24
25
          // 循环n行,输入矩阵
          for (int i = 0; i < n; i++) {
26
27
             mat[i] = scanner.nextLine().split(",");
28
          }
29
          // 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
30
          int ans = 0;
31
32
          // 四个检查矩阵, check[0]、check[1]、check[2]、check[3]
33
          // 分别表示横向、纵向、对角线、反对角线方向上
34
          // 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
35
          boolean[][][] check = new boolean[4][n][m];
36
37
          // 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
38
          for (int i = 0; i < n; i++) {
39
             for (int j = 0; j < m; j++) {
40
                 // 考虑横向、纵向、主对角线方向、反对角线方向4个方向
41
```

```
42
                  for (int k = 0; k < 4; k++) {
                      // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的的M中
43
                      // 则考虑这段M
44
                     if (mat[i][j].equals("M") && !check[k][i][j]) {
45
                         // (x,y)为移动时的坐标
46
                         // (dx,dy)为移动的坐标偏差
47
                         int x = i, y = j;
48
                         int dx = DIRECTIONS[k][0], dy = DIRECTIONS[k][1];
49
50
                         // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行进一步移动的考虑
                         // 修改check[k][x][y]为已检查过,且(x,y)修改
51
                         while (x \ge 0 \&\& x < n \&\& y \ge 0 \&\& y < m \&\& mat[x]
52
   [y].equals("M")) {
53
                             check[k][x][y] = true;
                             x += dx;
54
                             y += dy;
55
56
                         }
                         // 退出while循环后,此段横向的连续的M的长度为x-i或y-j(取其中
57
   较大值),更新答案
58
                         ans = Math.max(ans, Math.max(x - i, y - j));
59
                     }
60
                  }
              }
61
          }
62
63
          // 输出答案
64
          System.out.println(ans);
65
66
          scanner.close();
67
68
      }
69 }
70
```

C++

```
{1, 0}, // 纵向向下
12
      {1,1}, // 主对角线方向向右下
13
      {1, -1} // 反对角线方向向左下
14
15 };
16
17 int main() {
      // 输入矩阵的行数n,列数m
18
19
      int n, m;
20
      char comma;
21
      cin >> n >> comma >> m;
      cin.ignore(); // 忽略换行符
22
23
      // 初始化二维矩阵
24
25
      vector<vector<string>> mat(n, vector<string>(m));
      // 循环n行, 输入矩阵
26
      for (int i = 0; i < n; i++) {
27
          string line;
28
29
          getline(cin, line);
          size_t pos = 0;
30
          for (int j = 0; j < m; j++) {
31
32
             size_t next_pos = line.find(',', pos);
             mat[i][j] = line.substr(pos, next_pos - pos);
33
             pos = next_pos + 1;
34
35
          }
      }
36
37
      // 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
38
      int ans = 0;
39
40
      // 四个检查矩阵, check[0]、check[1]、check[2]、check[3]
41
      // 分别表示横向、纵向、对角线、反对角线方向上
42
      // 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
43
      vector<vector<bool>>> check(4, vector<vector<bool>>(n, vector<bool>)
44
   (m, false)));
45
      // 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
46
      for (int i = 0; i < n; i++) {
47
          for (int j = 0; j < m; j++) {
48
             // 考虑横向、纵向、主对角线方向、反对角线方向4个方向
49
             for (int k = 0; k < 4; k++) {
50
                 // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的的M中
51
                 // 则考虑这段M
52
                 if (mat[i][j] == "M" && !check[k][i][j]) {
53
                     // (x,y)为移动时的坐标
54
                     // (dx,dy)为移动的坐标偏差
55
                     int x = i, y = j;
56
                     int dx = DIRECTIONS[k][0], dy = DIRECTIONS[k][1];
57
```

```
// 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行进一步移动的考虑
58
                     // 修改check[k][x][y]为已检查过,且(x,y)修改
59
                     while (x \ge 0 \& x < n \& y \ge 0 \& y < m \& mat[x][y] ==
60
   "M") {
                         check[k][x][y] = true;
61
62
                         x += dx;
                         y += dy;
63
64
                     // 退出while循环后,此段横向的连续的M的长度为x-i或y-i(取其中较大
65
   值),更新答案
66
                     ans = \max(ans, \max(x - i, y - j));
                 }
67
              }
68
          }
69
      }
70
71
    // 输出答案
72
73
      cout << ans << endl;</pre>
74
75
      return 0;
76 }
77
```

*代码三:状态压缩写法

Python

```
1 # 题目: 【模拟】2024E-最大相连男生数
2 # 分值: 200
3 # 作者: 许老师-闭着眼睛学数理化
4 # 算法:模拟,矩阵,位运算,状态压缩
5 # 代码看不懂的地方,请直接在群上提问
6
7
8 # 四个方向的偏移变量
9 # DIRECTIONS[0]、DIRECTIONS[1]、DIRECTIONS[2]、DIRECTIONS[3]分别表示
10 # 横向向右、纵向向下、主对角线方向向右下、反对角线反向向左下的4个方向
11 DIRECTIONS = [(0, 1), (1, 0), (1, 1), (1, -1)]
12
13 # 输入矩阵的行数n,列数m
14 n, m = map(int, input().split(","))
15
16 # 初始化二维矩阵
```

```
17 mat = list()
18 # 循环n行,输入矩阵
19 for _ in range(n):
      mat.append(input().split(","))
20
21
22
23 # 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
24 \text{ ans} = 0
25
26 # 检查矩阵check, 其中的数字的范围为0-15
27 # 每一个数字的二进制可以由4个数位来表示
28 # 从低位数起,第0-3位数位
29 # 分别表示横向、纵向、对角线方向、反对角线方向上
30 # 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
31 # 譬如3 = bin(0011),表示对角线和反对角线尚未考虑,横向和纵向已经考虑过了
32 # 初始化均为0,表示都没有考虑过
33 check = [[0] * m for _ in range(n)]
34
35
36 # 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
37 for i in range(n):
      for j in range(m):
38
         # 考虑横向、纵向、主对角线方向、反对角线方向4个方向
39
         for k in range(4):
40
            # 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的的M中
41
            # 则考虑这段M
42
            # (1 >> k)可以得到1左移k位后的结果,
43
            # 譬如考虑纵向时左移k = 1位得到 2 = bin(0010)
44
            # 如果check[i][i]和(1 << k)进行与运算后得到0,
45
            # 说明check[i][i]的二进制表示,从低位数起的第k位为0
46
47
            # 第k位对应的方向没有被考虑
            if mat[i][j] == "M" and (check[i][j] & (1 << k)) == 0:</pre>
48
                # (x,y)为移动时的坐标
49
                # (dx,dy)为横向移动的坐标偏差
50
                x, y = i, j
51
52
                dx, dy = DIRECTIONS[k]
                # 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行进一步移动的考虑
53
                # 修改check[k][x][y]为已检查过,且(x,y)修改
54
                while 0 \le x \le n and 0 \le y \le m and mat[x][y] == "M":
55
                   # 将check[x][y]的二进制表示的第k位,通过或运算从0修改为1
56
                   check[x][y] |= (1 << k)
57
                   x += dx
58
59
                   y += dy
                # 退出while循环后,此段横向的连续的M的长度为x-i或y-i(取其中较大值),
60
  更新答案
                ans = \max(ans, \max(x-i, y-j))
61
62
```

```
63 print(ans)
```

Java

```
1 import java.util.Scanner;
2
3 public class Main {
4
5
      // 四个方向的偏移变量
      // DIRECTIONS[0]、DIRECTIONS[1]、DIRECTIONS[2]、DIRECTIONS[3]分别表示
6
      // 横向向右、纵向向下、主对角线方向向右下、反对角线方向向左下的4个方向
7
      private static final int[][] DIRECTIONS = {
8
9
             {0, 1}, // 横向向右
10
             {1, 0}, // 纵向向下
             {1, 1}, // 主对角线方向向右下
11
             {1,-1} // 反对角线方向向左下
12
13
      };
14
15
      public static void main(String[] args) {
         Scanner scanner = new Scanner(System.in);
16
17
         // 输入矩阵的行数n,列数m
18
         String[] input = scanner.nextLine().split(",");
19
         int n = Integer.parseInt(input[0]);
20
         int m = Integer.parseInt(input[1]);
21
22
         // 初始化二维矩阵
23
         String[][] mat = new String[n][m];
24
25
         // 循环n行,输入矩阵
         for (int i = 0; i < n; i++) {
26
             mat[i] = scanner.nextLine().split(",");
27
28
         }
29
         // 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
30
         int ans = 0;
31
32
         // 检查矩阵check, 其中的数字的范围为0-15
33
         // 每一个数字的二进制可以由4个数位来表示
34
         // 从低位数起,第0-3位数位
35
         // 分别表示横向、纵向、对角线方向、反对角线方向上
36
         // 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
37
         // 初始化均为0,表示都没有考虑过
38
         int[][] check = new int[n][m];
39
40
         // 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
41
```

```
42
          for (int i = 0; i < n; i++) {
              for (int j = 0; j < m; j++) {
43
                 // 考虑横向、纵向、主对角线方向、反对角线方向4个方向
44
                 for (int k = 0; k < 4; k++) {
45
                     // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的的M中
46
                     // 则考虑这段M
47
                     // (1 >> k)可以得到1左移k位后的结果,
48
                     // 譬如考虑纵向时左移k = 1位得到 2 = bin(0010)
49
                     // 如果check[i][i]和(1 << k)进行与运算后得到0,
50
                     // 说明check[i][j]的二进制表示,从低位数起的第k位为0
51
                     // 第k位对应的方向没有被考虑
52
                     if (mat[i][j].equals("M") && (check[i][j] & (1 << k)) ==</pre>
53
   0) {
                        // (x,y)为移动时的坐标
54
                        // (dx,dy)为移动的坐标偏差
55
56
                        int x = i, y = j;
                        int dx = DIRECTIONS[k][0], dy = DIRECTIONS[k][1];
57
58
                        // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行进一步移动的考虑
59
                        // 修改check[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
                        while (x \ge 0 \&\& x < n \&\& y \ge 0 \&\& y < m \&\& mat[x]
60
   [y].equals("M")) {
                            // 将check[x][y]的二进制表示的第k位,通过或运算从0修改为
61
   1
62
                            check[x][y] |= (1 << k);
                            x += dx;
63
                            y += dy;
64
65
                        // 退出while循环后,此段方向的连续的M的长度为x-i或y-i(取其中
66
   较大值),更新答案
                        ans = Math.max(ans, Math.max(x - i, y - j));
67
68
                     }
                 }
69
             }
70
71
          }
72
          // 输出答案
73
          System.out.println(ans);
74
75
          scanner.close();
76
77
      }
78 }
79
```

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <algorithm>
4
5 using namespace std;
6
7 // 四个方向的偏移变量
8 // DIRECTIONS[0]、DIRECTIONS[1]、DIRECTIONS[2]、DIRECTIONS[3]分别表示
9 // 横向向右、纵向向下、主对角线方向向右下、反对角线方向向左下的4个方向
10 const int DIRECTIONS[4][2] = {
      {0, 1}, // 横向向右
11
      {1, 0}, // 纵向向下
12
      {1, 1}, // 主对角线方向向右下
13
      {1, -1} // 反对角线方向向左下
14
15 };
16
17 int main() {
18
      // 输入矩阵的行数n,列数m
      int n, m;
19
20
      char comma;
21
      cin >> n >> comma >> m;
      cin.ignore(); // 忽略换行符
22
23
24
      // 初始化二维矩阵
      vector<vector<string>> mat(n, vector<string>(m));
25
      // 循环n行, 输入矩阵
26
      for (int i = 0; i < n; i++) {
27
         string line;
28
         getline(cin, line);
29
         size_t pos = 0;
30
         for (int j = 0; j < m; j++) {
31
             size_t next_pos = line.find(',', pos);
32
             mat[i][j] = line.substr(pos, next_pos - pos);
33
             pos = next_pos + 1;
34
35
         }
36
      }
37
      // 初始化答案变量,指的是最长连续男生数量
38
      int ans = 0;
39
40
      // 检查矩阵check, 其中的数字的范围为0-15
41
      // 每一个数字的二进制可以由4个数位来表示
42
      // 从低位数起,第0-3位数位
43
      // 分别表示横向、纵向、对角线方向、反对角线方向上
44
      // 某一个M是否已经在某段连续的M中被考虑过
45
      // 初始化均为0,表示都没有考虑过
46
      vector<vector<int>> check(n, vector<int>(m, 0));
47
```

```
48
      // 从上到下,从左到右顺序枚举矩阵中的每一个元素
49
      for (int i = 0; i < n; i++) {
50
          for (int j = 0; j < m; j++) {
51
             // 考虑横向、纵向、主对角线方向、反对角线方向4个方向
52
             for (int k = 0; k < 4; k++) {
53
                 // 如果某个M尚未被考虑包含在某段连续的的M中
54
                 // 则考虑这段M
55
                 if (mat[i][j] == "M" && (check[i][j] & (1 << k)) == 0) {
56
                    // (x,y)为移动时的坐标
57
                    // (dx,dy)为移动的坐标偏差
58
                    int x = i, y = j;
59
                    int dx = DIRECTIONS[k][0], dy = DIRECTIONS[k][1];
60
                    // 当x和y不越界,且mat[x][y]仍为M时,进行进一步移动的考虑
61
                    // 修改check[x][y]为已检查过,且(x,y)修改
62
                    while (x \ge 0 \& x < n \& y \ge 0 \& y < m \& mat[x][y] ==
63
  "M") {
64
                        // 将check[x][y]的二进制表示的第k位,通过或运算从0修改为1
                        check[x][y] |= (1 << k);
65
                        x += dx;
66
67
                        y += dy;
                    }
68
                    // 退出while循环后,此段方向的连续的M的长度为x-i或y-i(取其中较大
69
   值),更新答案
70
                    ans = \max(ans, \max(x - i, y - j));
71
                 }
72
             }
73
         }
74
      }
75
76
      // 输出答案
      cout << ans << endl;</pre>
77
78
79
      return 0;
80 }
81
```

时空复杂度

时间复杂度: 0(4NM)。

空间复杂度: O(4NM)。检查数组所占空间。如果使用状态压缩,则降低到 O(NM)。