

【栈】空栈压数

题目描述与示例

题目描述

向一个空栈压入**正整数**，每当压入一个整数时，执行以下规则（设：**栈顶至栈底**整数依次编号为 n_1, n_2, \dots, n_x ，其中 n_1 为最新压入的整数）

1. 如果 $n_1 = n_2$ ，则 n_1 、 n_2 全部出栈，压入新数据 m ($m = 2 * n_1$)
2. 如果 $n_1 = n_2 + \dots + n_y$ (y 的范围为 $[3, x]$)，则 n_1, n_2, \dots, n_y 全部出栈，压入新数据 m ($m = 2 * n_1$)。
3. 如果上述规则都不满足，则不做操作。

如：依次向栈压入 6、1、2、3，当压入 2 时，栈顶至栈底依次为 $[2, 1, 6]$ ；当压入 3 时， $3 = 2 + 1$ ，3、2、1 全部出栈，重新入栈整数 6，此时栈顶至栈底依次为 $[6, 6]$ ； $6 = 6$ ，两个 6 全部出栈，压入 12，最终栈中只剩个元素 12。

向栈中输入一串数字，请输出应用此规则后栈中最终存留的数字。

输入描述

使用单个空格隔开的正整数的字符串，如 "5 6 7 8"，左边的数字先入栈。

- 正整数大小为 $[1, 2^{31}-1]$ 。
- 正整数个数为 $[1, 1000]$ 。

输出描述

最终栈中存留的元素值，元素值使用单个空格隔开，如 "8 7 6 5"，从左至右依次为**栈顶至栈底**的数字。

示例

输入

```
1 10 20 50 80 1 1
```

输出

```
1 2 160
```

解题思路

注意，本题最初见于华为2023年校招暑期实习的题目，在OJ上直接搜索**空栈压数**即可搜索得到题目。

由于本题的数据量较小，最多仅为 `1000`。可以直接使用栈的数据结构，对题目进行模拟即可。

代码

Python

```
1 # 题目：【栈】2024E-空栈压数
2 # 作者：闭着眼睛学数理化
3 # 算法：栈，模拟
4 # 代码有看不懂的地方请直接在群上提问
5
6
7 # 检查是否需要弹出若干栈顶元素并进行压缩的函数
8 def check_stack_top(stack, num):
9     global flag_continue_loop
10    # 初始化栈顶元素的和为0
11    top_sum = 0
```

```

12     # 初始化栈顶元素索引为idx，逆序遍历
13     idx = len(stack) - 1
14     # 进行循环，满足以下两个条件之一，则退出循环：
15     # 1. 栈顶元素大于等于num
16     # 2. 逆序遍历的索引idx小于0
17     while top_sum < num and idx >= 0:
18         # 在循环中，
19         # 栈顶元素和递增
20         # 栈顶元素索引递减
21         top_sum += stack[idx]
22         idx -= 1
23     # 退出循环后，若栈顶元素和top_sum恰好等于num
24     if top_sum == num:
25         # 需要进行继续循环，故设置flag为True
26         flag_continue_loop = True
27         # 需要删除之前计入栈顶元素和中的所有元素，用切片操作即可
28         # num更新为原来的两倍，返回这两个参数
29         return stack[:idx+1], num * 2
30     # 否则
31     else:
32         # 无需继续进行循环，故设置flag为False
33         flag_continue_loop = False
34         # 返回原先的stack和num
35         return stack, num
36
37
38 # 输入待操作的列表nums，从左到右为压栈的顺序
39 nums = list(map(int, input().split()))
40
41 # 初始化一个空栈
42 stack = list()
43
44 # 从左到右，遍历每一个数字
45 for num in nums:
46     # 设置变量flag_continue_loop为True
47     # flag_continue_loop的值会在函数check_stack_top()中进行修改
48     flag_continue_loop = True
49     while flag_continue_loop:
50         # 调用check_stack_top()函数，更新stack和num的情况
51         stack, num = check_stack_top(stack, num)
52     # 空栈的情况实际上也包含在上述函数中了
53     # 做完计算，必须把最新得到的num加入栈中
54     stack.append(num)
55
56
57 # 题目要求输出从栈顶到栈底的数字
58 # 故需要逆序输出栈中元素

```

```
59 print(" ".join(str(num) for num in stack[::-1]))
```

Java

```
1 import java.util.Scanner;
2 import java.util.Stack;
3
4 public class Main {
5
6     static boolean flagContinueLoop;
7
8     public static int checkStackTop(Stack<Integer> stack, int num) {
9         int topSum = 0;
10        int idx = stack.size() - 1;
11
12        while (topSum < num && idx >= 0) {
13            topSum += stack.get(idx);
14            idx--;
15        }
16
17        if (topSum == num) {
18            flagContinueLoop = true;
19            while (stack.size() > idx + 1) {
20                stack.pop();
21            }
22            return num * 2;
23        } else {
24            flagContinueLoop = false;
25            return num;
26        }
27    }
28
29    public static void main(String[] args) {
30        Scanner scanner = new Scanner(System.in);
31        Stack<Integer> nums = new Stack<>();
32
33        while (scanner.hasNext()) {
34            int num = scanner.nextInt();
35            nums.push(num);
36        }
37
38        Stack<Integer> stack = new Stack<>();
39        for (int num : nums) {
40            flagContinueLoop = true;
41            while (flagContinueLoop) {
```

```

42         num = checkStackTop(stack, num);
43     }
44     stack.push(num);
45 }
46
47 while (!stack.isEmpty()) {
48     System.out.print(stack.pop() + " ");
49 }
50 }
51 }
52

```

C++

```

1  #include <iostream>
2  #include <vector>
3  using namespace std;
4
5  int checkStackTop(vector<int>& stack, int num, bool& flagContinueLoop) {
6      int topSum = 0;
7      int idx = stack.size() - 1;
8
9      while (topSum < num && idx >= 0) {
10         topSum += stack[idx];
11         idx--;
12     }
13
14     if (topSum == num) {
15         flagContinueLoop = true;
16         while (stack.size() > idx + 1) {
17             stack.pop_back();
18         }
19         return num * 2;
20     } else {
21         flagContinueLoop = false;
22         return num;
23     }
24 }
25
26 int main() {
27     vector<int> nums;
28     int num;
29     while (cin >> num) {

```

```

30     nums.push_back(num);
31     if (cin.get() == '\n') break;
32 }
33
34 vector<int> stack;
35
36 for (int num : nums) {
37     bool flagContinueLoop = true;
38     while (flagContinueLoop) {
39         num = checkStackTop(stack, num, flagContinueLoop);
40     }
41     stack.push_back(num);
42 }
43
44 for (int i = stack.size() - 1; i >= 0; --i) {
45     cout << stack[i] << " ";
46 }
47 return 0;
48 }
49

```

时空复杂度

时间复杂度： $O(N^2)$ 。对于遍历到的每一个元素 `num`，栈中的元素都要检查一次，故最差的时间复杂度为 $O(N^2)$

空间复杂度： $O(N)$ 。栈所占空间。