

Министерство транспорта Российской Федерации  
Федеральное агентство железнодорожного транспорта  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Дальневосточный государственный университет путей сообщения»  
Кафедра «Вычислительная техника и компьютерная графика»

# МОДЕЛИРОВАНИЕ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ ДЛЯ РЕШЕНИЯ ЗАДАЧ РАСПОЗНАВАНИЯ ОБРАЗОВ

Лабораторная работа №1

ЛР 09.04.01.МРО.08.01.МО921ИВС

Выполнил

студент гр. МО921ИВС

\_\_\_\_\_

А.Ю. Панченко

Проверил

доцент, к.ф.-м.н.

\_\_\_\_\_

Ю.В. Пономарчук

**Цель работы:** подготовка экспериментального материала для решения задач распознавания образов.

## 1 УСЛОВИЕ ЗАДАЧИ

Выполнить генерацию трех наборов нормально распределенных двумерных случайных векторов, объема 200 штук каждый, с ненулевыми ковариациями между компонентами.

### 1.1 Описание процесса решения

Произвольным образом зададим векторы математических ожиданий  $M1$ ,  $M2$ ,  $M3$ , размерности  $2 \times 1$ , и ковариационные матрицы  $B1$ ,  $B2$ ,  $B3$ , размерности  $2 \times 2$  для каждого класса соответственно.

$$\begin{aligned} M1 &= \begin{pmatrix} 5,1 \\ 3,7 \end{pmatrix}, B1 = \begin{pmatrix} 4,1 & 2,8 \\ 1,8 & 4,4 \end{pmatrix} \\ M2 &= \begin{pmatrix} -4,2 \\ 2,6 \end{pmatrix}, B2 = \begin{pmatrix} 2,2 & -0,6 \\ -1,1 & 3,6 \end{pmatrix} \\ M3 &= \begin{pmatrix} 3,5 \\ -3,5 \end{pmatrix}, B3 = \begin{pmatrix} 2,6 & 2,1 \\ 0,9 & 4,1 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

Описанные исходные данные нормального распределения задаются в программе следующим образом:

Листинг 1 – Исходные данные нормального распределения

```
var distributions = new (Vector<double> M, Matrix<double> B)[]
{
    (
        Vector<double>.Build.DenseOfArray(new[] { 5.1, 3.7 }),
        Matrix<double>.Build.DenseOfArray(new[, ] { { 4.1, 2.8 },
{ 2.8, 4.4 } })
    ),
    (
        Vector<double>.Build.DenseOfArray(new[] { -4.2, 2.6 }),
        Matrix<double>.Build.DenseOfArray(new[, ] { { 2.2, -0.6
}, { -1.1, 3.6 } })
    ),
    (
        Vector<double>.Build.DenseOfArray(new[] { 3.5, -3.5 }),
        Matrix<double>.Build.DenseOfArray(new[, ] { { 2.6, 2.1 },
{ 0.9, 4.1 } })
    )
};
```

Проверка корректности подобранной матрицы В осуществляется в методе `ValidateMatrix`. Это нужно, чтобы проверить, что матрица является положительно определенной и соответственно дальнейшее разложение будет успешным.

Листинг 2 – Проверка матрицы В

```
private static void ValidateMatrix(Matrix<double> B)
{
    var eigen = B.Evd();
    var eigenValues = eigen.EigenValues;

    // Проверка собственных значений матрицы В на
    положительность
    if (eigenValues.Real().Any(v => v <= 0))
    {
        throw new Exception("Error: Matrix B is not positive
        definite.");
    }
}
```

Далее определяются параметры линейного преобразования и матрица линейного преобразования.

Листинг 3 – Матрица линейного преобразования

```
private static Matrix<double> CalculateA(Matrix<double> B){
    double R00 = B[0, 0];
    double R01 = B[0, 1];
    double R11 = B[1, 1];

    double A00 = Math.Sqrt(R00);
    double A01 = 0;
    double A10 = R01 / A00;
    double A11 = Math.Sqrt(R11 - A10 * A10);

    if (double.IsNaN(A00) || double.IsNaN(A10) ||
    double.IsNaN(A11))
    {
        throw new Exception("Error: Invalid values in matrix
        A.");
    }

    var A = Matrix<double>.Build.DenseOfArray(new[, ]
    {
        { A00, A01 },
        { A10, A11 }
    });

    return A;
}
```

Далее производится генерация  $N = 200$  реализаций случайного вектора, компоненты которого – суть независимые и нормально распределенные  $N(1,0)$  случайные величины.

Листинг 4 – Генерация  $N$  реализаций случайного вектора

```
private static Matrix<double> CalculateY(int N, Random random)
{
    return Matrix<double>.Build.Dense(2, N, (i, j) =>
Normal.Sample(random, 0, 1));
}
```

Далее выполняется генерация  $N = 200$  реализаций случайного вектора с требуемым нормальным законом распределения  $N(\bar{M}, B)$ .

Листинг 5 – Генерация  $N$  реализаций случайного вектора с требуемым нормальным законом распределения

```
private static Matrix<double> CalculateX(Matrix<double> A,
Matrix<double> Y, int N, Vector<double> M)
{
    var X = A * Y;

    // Из-за разницы типов данных, +M выполняется так
    for (var i = 0; i < N; i++)
    {
        X.SetColumn(i, X.Column(i) + M);
    }

    return X;
}
```

Далее выводятся графически полученные наборы данных объема  $N=200$  (рисунки 1-3).

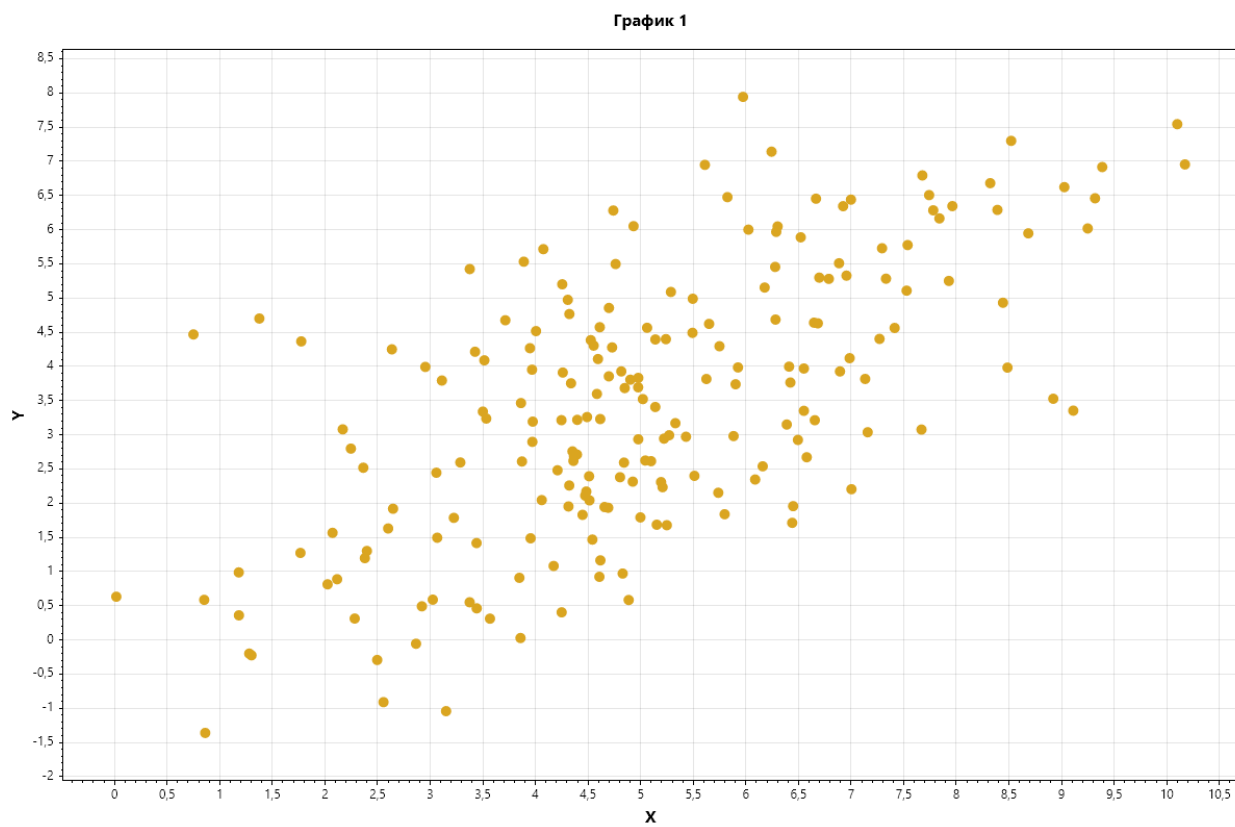


Рисунок 1 – Первая выборка

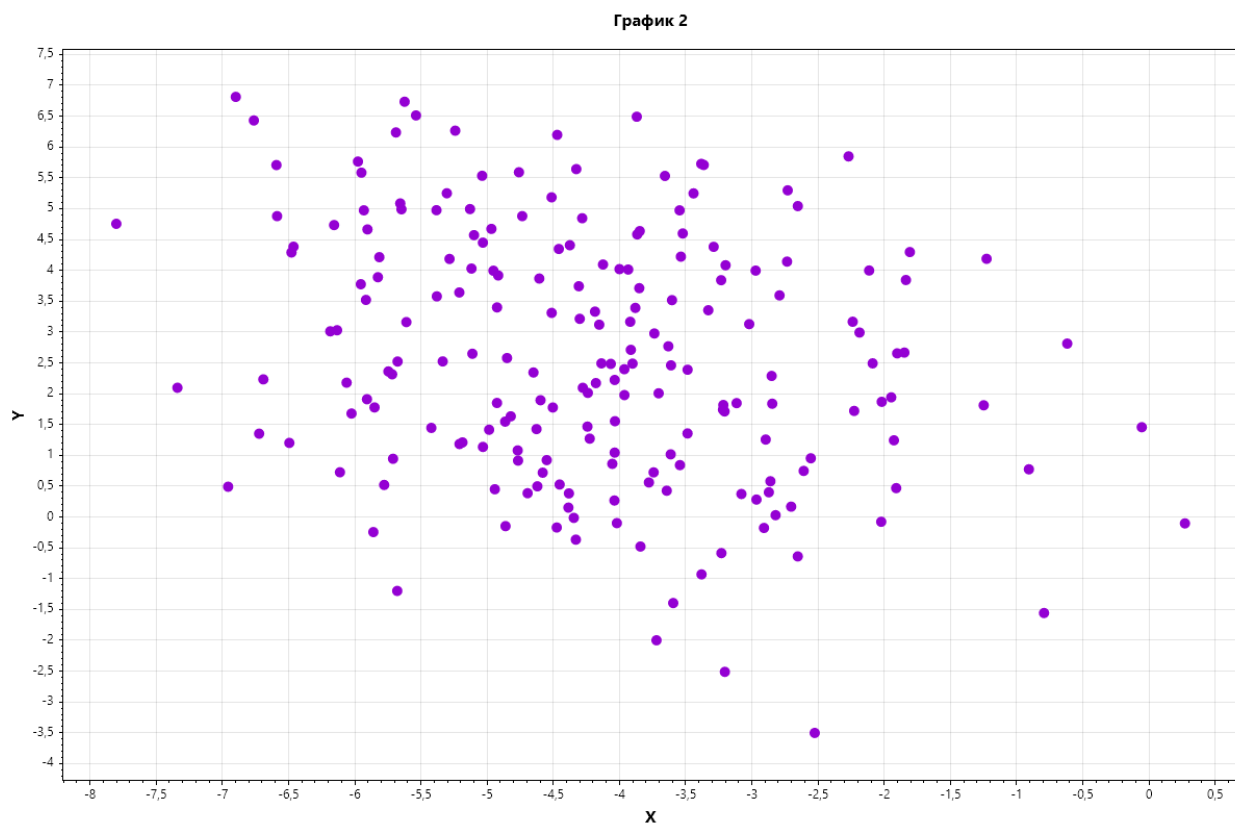


Рисунок 2 – Вторая выборка

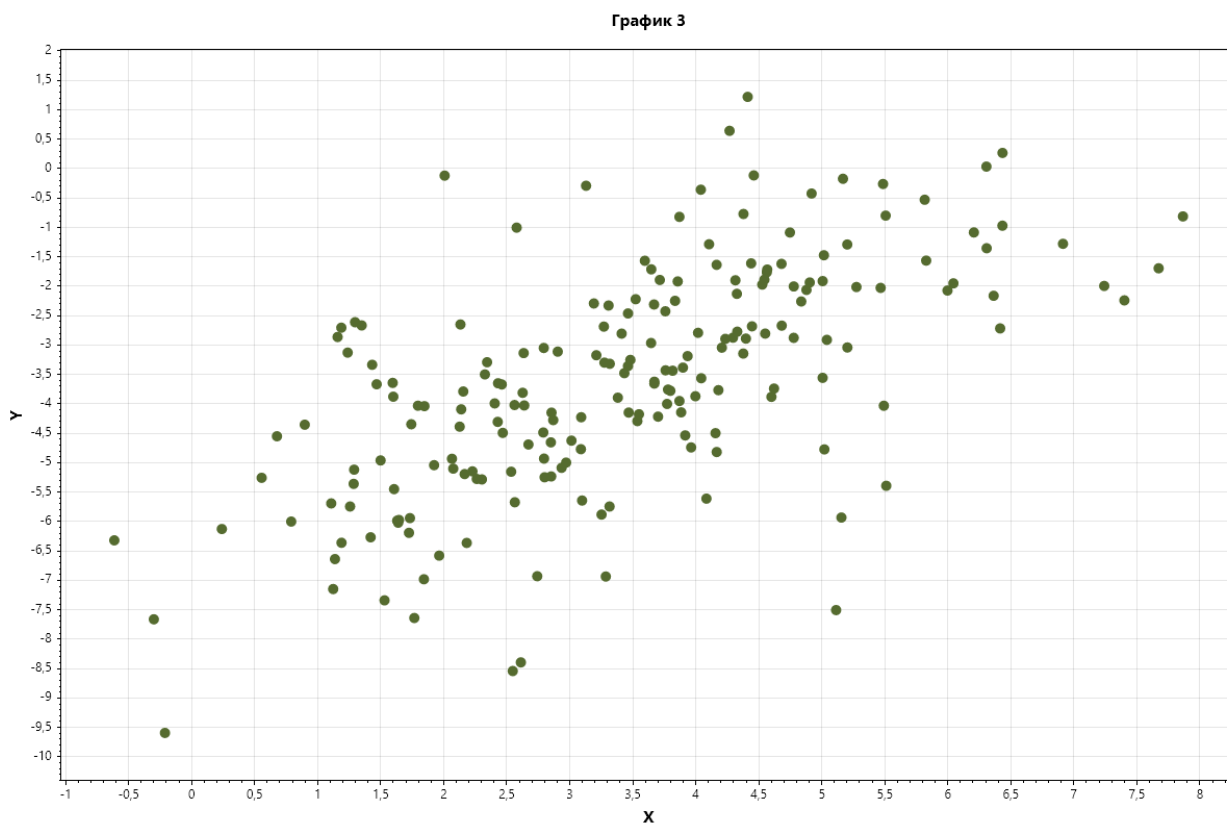


Рисунок 3 – Третья выборка

Все выборки на одном графике, представлены на рисунке 4.

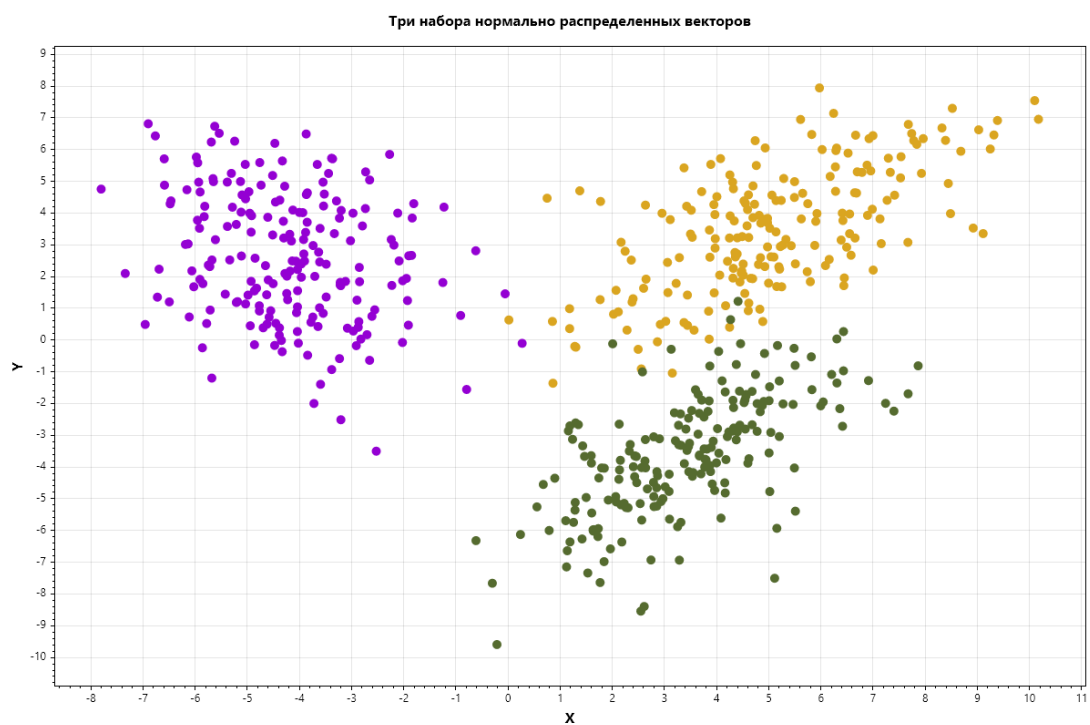


Рисунок 4 – Общий график

**Вывод:** в ходе выполнения лабораторной работы был подготовлен экспериментальный материал для решения задач распознавания образов.