Computação Gráfica

Agostinho Brito

Departamento de Engenharia da Computação e Automação Universidade Federal do Rio Grande do Norte

22 de março de 2005



O que é computação gráfica

| | Entrada | | | |
|--------|-----------------------------|------|-------------------------|--|
| Saída | IMAGEM | | MODELO | |
| IMAGEM | Processamento digital de | lma- | Computação gráfica | |
| MODELO | gens Visão computacional | | Geometria Computacional | |

É aplicada em:

- Interfaces de usuário;
- Traçado de gráficos (interativos);
- Automação de escritório;
- CAD;
- Simulação de sistemas;
- Animação;
- Arte e comércio; etc.



O que será estudado

- OpenGL;
- Dispositivos de exibição;
- Algoritmos de rastreamento;
- Algoritmos de preenchimento;
- Recortes;
- Transformações geométricas 2D e 3D;
- Projeções em perspectiva;
- Modelagem geométrica;

- Representação de curvas no plano e no espaço;
- Tratamento de linhas e superfícies escondidas;
- Rendering;
- Modelos de iluminação;
- Modelos de cor;
- Tratamento de sombras;
- Ray Tracing/Radiância;
- Textura;

Dispositivos Vetoriais

Foram os primeiros dispositivos gráficos de exibição. Tais dispositivos apresentavam as seguintes características:

- Uma tela de fósforo era sensibilidada por um feixe de luz;
- Linhas podiam ser traçadas de qualquer ponto para qualquer ponto na tela;
- O tempo de traçado dos desenhos dependia velocidade de comunicação entre o computador e o dispositivo gráfico e do número de objetos a serem desenhados;
- Ausência de cor;
- Traçado de objetos tridimensionais era muito custoso.

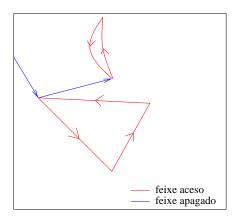


Figura: Dispositivo de exibição vetorial



Dispositivos de rastreamento

- Dispositivos raster são como matriz de células discretas que podem ser acesas ou apagadas. As linhas desenhadas aparecem serrilhadas, semelhantes a escadas.
 A este efeito é dado o nome de aliasing.
- O uso de dispositivos de rastreamento (raster graphics) permite que o tempo de desenho da imagem na tela seja independente do número de objetos desenhados.

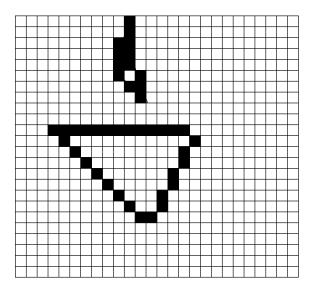


Figura: Dispositivo de exibição por rastreamento

A implementação de um dispositivo raster em um tubo de raios catódicos - CRT - pode ser feito com o uso de *frame buffers*, obedecendo às seguintes etapas:

- Armazenar numa matriz os pontos a serem desenhados;
- Ler a informação digital em cada elemento da matriz e converter para uma voltagem elétrica com um DAC (conversor digital-analógico).
- Sensibilizar a tela gráfica nas coordenadas correspondentes às da matriz;



Funciomanento de um CRT

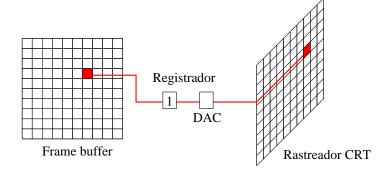
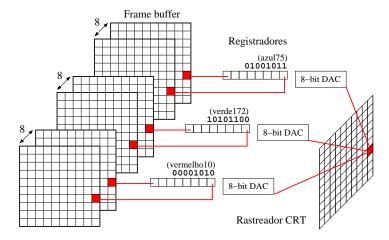


Figura: CRT monocromático (preto e branco).



Dispositivos lógicos

Locator: provê informações de coordenadas em 2 ou 3 dimensões.

Valuator: provê um valor simples, geralmente apresentado como um número real.

Button: utilizado para selecionar e ativar eventos ou procedimentos.

Pick: identifica ou seleciona objetos na tela.

Keyboard: coleção de botões.



Dispositivos físicos

Tablet: consiste em superfície plana e uma caneta, usada para apontar uma

posição na superfície do tablet. Também chamado mesa digitalizadora.

Touch panel: semelhante ao tablet, atua como um locator, onde o dispositivo

apontador pode ser, por exemplo, um dedo.

Mouse: é dotado de uma bola interna que atua sobre dois valuators, indicando

posição. Botões adicionais servem para realizar choice ou pick de

entidades na tela.

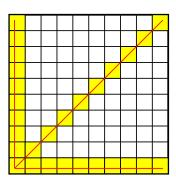
Joystick: semelhante ao mouse, mas com uma origem fixa.

Trackball: semelhante ao mouse. Utilizados quando o espaço físico é reduzido

para a aplicação.

Outros: Spaceball, data glove, caneta ótica.

- Sendo a tela gráfica uma matriz de pontos, é impossível traçar uma linha direta de um ponto a outro. Sendo assim, alguns pontos da tela deverão ser selecionados para representar o objeto que se deseja desenhar.
- O processo utilizado na determinação dos pixels que melhor aproximam um determiado objeto é denominado rasterização (rastering).



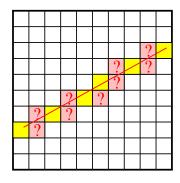


Figura: Rasterização de linhas retas.

<ロ > ← □

DDA - Analizador diferencial digital

• A equação da linha direta entre dois pontos (x_1, y_1) e (x_2, y_2) é dada pela equação

$$y_{i+1} = y_i + \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \Delta x, \tag{1}$$

onde: $\Delta x = x_2 - x_1$ e $\Delta y = y_2 - y_1$.

• Para implementar um DDA simples, o maior dos valores de Δx ou Δy é escolhido como unidade de rasterização. O algoritmo DDA funciona nos quatro quadrantes.

if
$$abs(x_2-x_1) \geq abs(y_2-y_1)$$
 then Tamanho = $abs(x_2-x_1)$ else Tamanho = $abs(y_2-y_1)$ end if {seleciona o maior dos valores entre Δx e Δy como unidade rasterização} $\Delta x = (x_2-x_1)/Tamanho$ $\Delta y = (y_2-y_1)/Tamanho$ $i=1$ while $i \leq Tamanho$ do desenhaPonto(Floor(x), Floor(y)) {Floor: valor arredondado de um dado número real. Inteiro(-8.6) = -9; Inteiro(-8.4) = -8} $x = x + \Delta x$ $y = y + \Delta y$ $i = i + 1$ end while



Exemplo de uso do algoritmo DDA

• Exemplo de uso do DDA para traçar uma linha do ponto (0,0) ao ponto (-5,-2). Os valores iniciais das variáveis do algoritmo são: $x_1 = 0$, $y_1 = 0$, $x_2 = -5$, $y_2 = -2$, Tamanho = 5, $\Delta x = -1$ e $\Delta y = -0$, 4.

| i | desenhaPonto | Х | У |
|----|--------------|------|------|
| | | 0.0 | 0.0 |
| 1 | (0.0,0.0) | | |
| | | -1.0 | -0.4 |
| 2 | (-1.0,-0.0) | | |
| | | -2.0 | -0.8 |
| 3 | (-2.0,-1.0) | | |
| | | -3.0 | -1.2 |
| 4 | (-3.0,-1.0) | | |
| | | -4.0 | -1.6 |
| _5 | (-4.0,-2.0) | | |

Tabela: Funcionamento do DDA

Limitações práticas

- Utiliza aritmética de ponto flutuante;
- Se a função Floor for substituída por uma função inteira verdadeira, os resultados serão diferentes;

Algoritmo de Bresenham para traçado de linhas

 Para cada ponto a ser traçado, o algoritmo verifica sua a distância entre a posição do ponto e a localização do grid. Apenas o sinal do erro é analisado. A base do algoritmo é mostrada na figura abaixo.

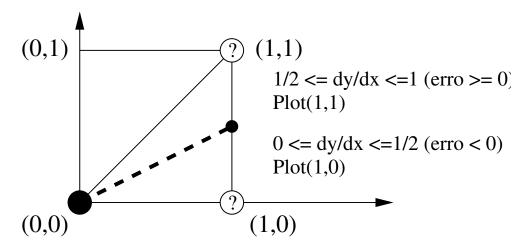


Figura: Base do algoritmo de Bresenham para linhas



Algoritmo real de Bresenham para retas

• O erro é iniciado com valor igual a -1/2. A cada iteração, $e=e+\Delta y/\Delta x$. Quando o erro assume um valor positivo, é necessário reinicializá-lo, subtraindo "1" do seu valor.

```
x = x_1

y = y_1

\Delta x = x_2 - x_1

\Delta y = y_2 - y_1

m = \Delta y/\Delta x

e = m - 1/2

for i = 1 to \Delta x do

desenhaPonto(x,y)

while e \ge 0 do

y = y + 1

e = e - 1

end while

x = x + 1

e = e + m

end for
```



Algoritmo inteiro de Bresenham para retas

• O algoritmo de bresenham pode ser melhorado se a divisão por Δx for eliminada, passando a utilizar somente aritmética inteira. O novo erro será agora:

$$\overline{e} = 2e\Delta x$$

As modifições são apresentadas no algoritmo inteiro de Bresenham para retas.

```
\overline{e}=2\Delta y-\Delta x

for i=1 to \Delta x do
   desenhaPonto(x,y)

while \overline{e}\geq 0 do
   y=y+1
\overline{e}=\overline{e}-2\Delta x

end while

x=x+\Delta x
\overline{e}=\overline{e}+2\Delta y
end for
```



Algoritmo generalizado de Bresenham para retas

```
X = X_1
y = y_1
\Delta x = abs(x_2 - x_1)
\Delta y = abs(y_2 - y_1)
s1 = Sinal(x_2 - x_1)
s2 = Sinal(y_2 - y_1)
if \Delta y > \Delta x then
   Temp = \Delta x
   \Delta x = \Delta y
   \Delta y = \text{Temp}
   Troca = 1
else
   Troca = 0
end if
\overline{e} = 2\Delta y - \Delta x
for i = 1 to \Delta x do
```

```
desenhaPonto(x,y)
  while \overline{e} > 0 do
      if Troca = 1 then
        x = x + s1
     else
        y = y + s2
     end if
      \overline{e} = \overline{e} - 2\Delta x
  end while
  if Troca = 1 then
      y = y + s2
  else
      x = x + s1
  end if
   \overline{e} = \overline{e} + 2\Delta y
end for
```

Algoritmo de Bresenham para traçado de circunferências

- A geração dos pontos é feita apenas para o segundo octante da circunferência e replicados para os demais octantes.
- O pixel selecionado na figura foi previamente escolhido como o mais adequado. O próximo ponto a ser selecionado para o traçado será o que mais se aproximar da circunferência.

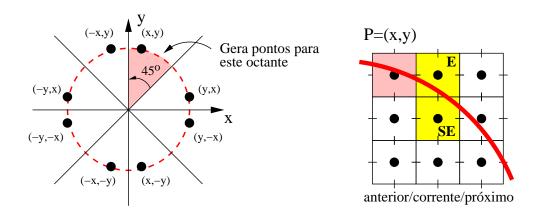


Figura: Base do algoritmo de Bresenham para circunferências



Determinação do ponto seguinte no traçado da circunferência

- Seja $F(x, y) = x^2 + y^2 R^2$. F(x, y) vale zero, positivo ou negativo, caso o ponto (x, y) esteja sobre, fora ou dentro da circunferência.
- Seja d a variável de decisão, o valor da função F(x, y) no ponto central entre os dois pixels.

$$d_{velho} = F(x_p + 1, y_p - 1/2) = (x_p + 1)^2 + (y_p - 1/2)^2 - R^2$$

• Se $d_{velho} < 0$, E é escolhido. Logo:

$$d_{novo} = F(x_p + 2, y_p - 1/2) = (x_p + 2)^2 + (y_p - 1/2)^2 - R^2$$

 $d_{novo} = d_{velho} + (2x_p + 3)$

Se d_{velho} ≥ 0, SE é escolhido e o novo valor de d será:

$$d_{novo} = F(x_p + 2, y_p - 3/2) = (x_p + 2)^2 + (y_p - 3/2)^2 - R^2$$

 $d_{novo} = d_{velho} + (2x_p - 2y_p + 5)$

Algoritmo de Bresenham para circunferências

- O primeiro ponto da circunferência é (0, R).
- O próximo ponto central cai em (1, R 1/2), logo d = 5/4 R.
- Como d é incrementado com valores inteiros, a mudança d → d = 1 - R não afetará no processo de desenho.
- pontosDaCircunferência(): replica os pontos no segundo octante para os octantes restantes.

```
x = 0

y = raio

d = 1 - raio

PontosDaCircunferencia(x,y)

while y > x do

if d < 0 then

d = d + 2 * x + 3

x = x + 1

else

d = d + 2 * (x - y) + 5

x = x + 1

y = y - 1

end if

PontosDaCircunferencia(x,y)

end while
```



Algoritmos de preenchimento

- Servem para definir o conjunto de pixels que será desenhando dentro de um determinado contorno fechado. Este contorno geralmente pode ser representado na forma poligonal.
- A triagem dos pixels normalmente é feita dentro de uma região limitante, denominada *bounding box*, como mostra a figura.

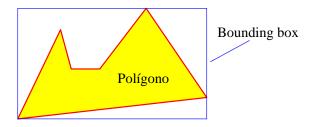


Figura: bounding box de um polígono

Conversão de varredura

- Exceto nas bordas, pixels adjacentes em um polígono possuem as mesmas características. Esta propriedade é chamada coerência espacial. Assim, os pixels de uma dada linha (scan line) variam somente nas bordas do polígono.
- O processo de determinar quais pixels serão desenhados no preenchimento é chamado conversão de varredura (scan conversion), mostrado na figura 9.

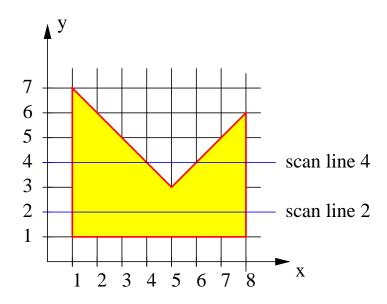


Figura: conversão de varredura para um polígono fechado



Conversão de varredura

A scan line 4, por exemplo, pode ser dividida nas seguintes regiões:

| Intervalo | Situação |
|-----------------|--------------------|
| <i>x</i> < 1 | fora do polígono |
| $1 \le x \le 4$ | dentro do polígono |
| 4 < x < 6 | fora do polígono |
| $6 \le x \le 8$ | dentro do polígono |
| <i>x</i> > 8 | fora do polígono |

- A determinação dos pontos de intersecção não é feita necessariamente da esquerda para a direita. Caso o polígono seja definido pela lista de vértices P₁P₂P₃P₄P₅, a seqüência das intersecções será 8, 6, 4, 1. É necessário então ordenar a lista obtida, ou seja, 1, 4, 6, 8.
- As intersecções podem ser consideradas em pares. Pixels contidos no intervalo formado por estes pares são desenhados na cor do polígono.

Exemplo de conversão de varredura

Considere o traçado do retângulo definido pelas coordenadas (1,1), (5,1), (5,4), (1,4). O resultado do preenchimento utilizando este algoritmo é mostrado na figura.

Ativação de pixels

Problema: a área do retângulo

 $A = (5-1) \times (4-1) = 12,$

mas 20 pixels são ativados!

Solução: realizar o teste na scanline

y + 0,5. O resultado é mostrado na figura de

baixo.

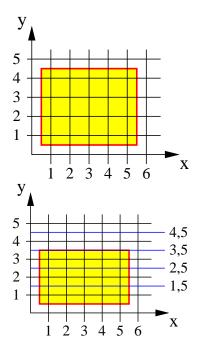


Figura: scanlines y = y + 1/2



Algoritmo da lista ordenada de arestas

Técnicas alternativas para preenchimento de polígonos utilizam a ordenação das intersecções entre as arestas do polígonos e as *scanlines* (*ordered edge list algorithm*).

Determine para cada aresta as intersecções com as (y + 1/2) scanlines, via Bresenham.

Armazene as intersecções (x, y + 1/2) em uma lista.

Ordene a lista obtida da seguinte forma: (x_1, y_1) precede (x_2, y_2) se $y_1 > y_2$ ou $y_1 = y_2$ e $x_1 \le x_2$.

Extraia os pares de elementos da lista, (x_1, y_1) e (x_2, y_2) .

Ative os pixels da scanline y para valores inteiros de x tais que $x_1 \le x + 1/2 \le x_2$.

Para o polígono da última figura, de vértices $P_1(1,1)$, $P_2(8,1)$, $P_3(8,6)$, $P_4(5,3)$, $P_5(1,7)$, os dados obtidos para cada scanline são mostrados na tabela 2.

| scanline | intersecções encontradas |
|----------|--|
| 1.5 | (8, 1.5), (1, 1.5) |
| 2.5 | (8,2.5), (1,2.5) |
| 3.5 | (8,3.5), (5.5,3.5), (4.5,3.5), (1,3.5) |
| 4.5 | (8, 4.5), (6.5, 4.5), (3.5, 4.5), (1, 4.5) |
| 5.5 | (8, 5.5), (7.5, 5.5), (2.5, 5.5), (1, 5.5) |
| 6.5 | (1.5, 6.5), (1, 6.5) |
| 7.5 | nenhuma |

Tabela: determinação de de intesecções para o algoritmo ordered edge list



Exemplo de algoritmo

 Quando ordenadas pelo algoritmo, as intersecções com as y + 1/2 scanlines formarão a seguinte lista:

$$(1,6.5), (1.5,6.5), (1,5.5), (2.5,5.5), \dots, (1,1.5), (8,1.5)$$

 Extraindo os pares de intersecções desta lista e aplicando o processo de seleção de pontos descritos no algoritmo, será gerada a seguinte lista de pontos para ativação:

$$(1,6), (1,5), (2,5), \dots, (1,1), (2,1),$$

 $(3,1), (4,1), (5,1), (6,1), (7,1)$

 O resultado do processo de preenchimento é mostrado na figura.

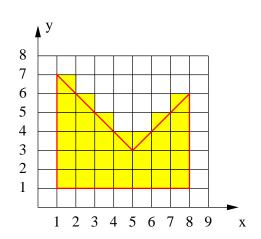


Figura: preenchimento de um polígono pelo algoritmo *ordered edge list*

Melhorando o algoritmo

O algoritmo anterior pode ser melhorado se o processo de ordenação for mais eficiente. Ao invés de ordenar toda a lista de uma só vez, para cada scanline, as coordenadas x da intersecção são armazenadas em uma célula (y bucket) correspondente à scanline, como mostrado na figura. Assim, a ordenação é feita apenas dentro de cada scanline.

| 8 | Х | Х | Х | Х | Х | Х |
|-----|-----|-----|-----|---|---|---|
| 7 | Х | Х | Х | Х | Х | Х |
| 6 | 1.5 | 1 | Х | Х | Х | Х |
| 5 | 8 | 7.5 | 2.5 | 1 | Х | Х |
| 4 | 8 | 6.5 | 3.5 | 1 | Х | Х |
| 3 | 8 | 5.5 | 4.5 | 1 | Х | Х |
| 2 | 8 | 1 | Х | Х | Х | Х |
| 1 | 8 | 1 | Х | Х | Х | Х |
| 0 | Х | Х | Х | Х | Х | Х |
| (a) | | | | | | |

| 8 | Х | Х | Х | Х | Х | Х |
|---|---|-----|-----|---|---|---|
| 7 | Х | Х | Х | Х | Х | Х |
| 6 | 1 | 1.5 | Х | Х | Х | Х |
| 5 | 1 | 2.5 | 7.5 | 8 | Х | Х |
| 4 | 1 | 3.5 | 6.5 | 8 | Х | Х |
| 3 | 1 | 4.5 | 5.5 | 8 | Х | Х |
| 2 | 1 | 8 | Х | Х | Х | Х |
| 1 | 1 | 8 | X | Х | Х | Х |
| 0 | Х | Х | Х | Х | Х | Х |
| | | | (b) | | | |

Figura: ybuckets para as scanlines do polígono da figura 9.



Lista ordenada de arestas usando lista de arestas ativas

O novo algoritmo ainda necessita de muita memória alocada para armazenar as listas de intersecções. Utilizar uma lista encadeada! Uma lista de fronteiras ativas indica para o algoritmo as arestas presentes (ativas) em cada *scanline*.

{Preparação dos dados}

Determine para cada aresta as intersecções com as (y + 1/2) scanlines, via Bresenham, as maiores scanlines interceptadas pela aresta.

Armazene a aresta do polígono no y bucket da scanline correspondente.

Armazene a intersecção inicial x, o número de *scanlines* interceptadas pela aresta, Δy , e o incremento de x, Δx , de *scanline* para *scanline* em uma lista encadeada. {Conversão dos dados}

Para cada *scanline*, verifique o aparecimento de novas arestas nos *y buckets* correspondentes, e adicione a aresta à lista de arestas ativas.

Ordene as intersecções da lista de arestas ativas na ordem crescente, ou seja, x_1 precede x_2 se $x_1 \le x_2$.

Extraia os pares de elementos da lista, (x_1, y_1) e (x_2, y_2) .

Ative os pixels da *scanline* y para valores inteiros de x tais que $x_1 \le x + 1/2 \le x_2$.

Para cada aresta na lista de arestas ativas, decremente Δy por 1. Se $\Delta y < 0$, remova aresta dessa lista.

Calcule a nova intersecção x para cada elemento da lista de arestas ativas, $x_n ovo = x_v elho + \Delta x$.



Exemplo do algoritmo

O resultado da aplicação deste algoritmo no preenchimento do polígono usado anteriormente é mostrado na figura abaixo.

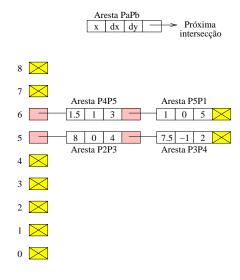


Figura: Preparação dos dados

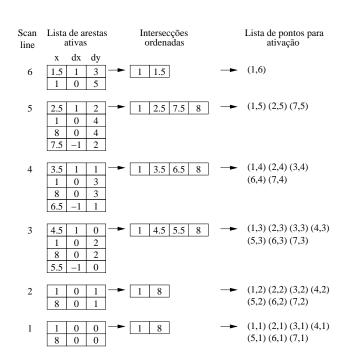


Figura: Conversão dos dados



Preenchimento baseado em semente

- Algoritmos de preenchimento baseado em semente, ou seed fill algorithms, assumem que pelo menos um ponto no interior do polígono é conhecido. O algoritmo tenta encontrar o restante dos pontos no interior e preenchê-los com uma determinada cor.
- Neste caso, uma informação adicional é requerida: o tipo de conectividade da região. As regiões podem ser 4-conectadas ou 8-conectadas.
- Para uma região 4-conectada, todos os pixels no seu interior podem ser alcançados com combinações dos movimentos leste, oeste, norte e sul. Para uma região 8-conectada, os pontos no interior podem ser alcançadas com combinações dos movimentos leste, oeste, norte, sul, nordeste, noroeste, sudoeste e sudeste, como mostrado na figura.
- As regiões 4-conectadas são delimitadas por fronteiras 8-conectadas. As regiões 8-conectadas são delimitadas por fronteiras 4-conectadas.

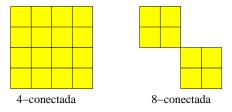


Figura: Tipos de conectividade em uma região

Algoritmo seed fill para regiões 4-conectadas

```
{Seed(x,y) é o pixel semente}
{Push/Pop: coloca/retira o pixel em uma pilha}
Pixel(x,y) = Seed(x,y)
Push Pixel(x,y)
while pilha não vazia do
  Pop Pixel(x,y)
  if Pixel(x,y) \neq New value then
    Pixel(x,y) = New value
  end if
  if Pixel(x+1,y) \neq New value and Pixel(x+1,y) \neq Boundary value then
    Push Pixel(x+1,y)
  end if
  if Pixel(x,y+1) \neq New value and Pixel(x,y+1) \neq Boundary value then
    Push Pixel(x,y+1)
  end if
  if Pixel(x-1,y) \neq New value and Pixel(x-1,y) \neq Boundary value then
    Push Pixel(x-1,y)
  end if
  if Pixel(x,y-1) \neq New value and Pixel(x,y-1) \neq Boundary value then
    Push Pixel(x,y-1)
  end if
                                                       end while
```

Algoritmo scanline seed fill

Embora simples, o algoritmo anterior consome muita memória com o uso de pilhas. Além disso, a pilha pode conter freqüentemente informação duplicada. O algoritmo scanline seed fill contorna este problema semeando apenas um pixel nos trechos de uma scanline a ser preenchida. Algoritmo seed fill para regiões 4-conectadas:

while pilha não vazia do

Retire um pixel semente de um trecho de uma pilha contendo a semente. Preencha os trechos à esquerda e à direita da semente, até que uma fronteira seja encontrada.

Grave as coordenadas da extrema esquerda (*Xleft*) e da extrema direita(*Xright*) do trecho preenchido.

Na faixa $Xleft \le x \le Xright$, para as scanlines imediatamente superior e imediatamente inferior, verifique se existem apenas pixels de fronteiras ou previamente preenchidos. Se estas scanlines não contém apenas pixels de fronteiras ou previamente preenchidos, marque com uma semente o pixel da extrema direita de cada um dos trechos encontrados na faixa $Xleft \le x \le Xright$.

end while

Funcionamento do algoritmo scanline seed fill

Os números mostrados dentro dos pixels representam a posição da semente na pilha de sementes.

