



$$H_2 = H_1 \times W_2$$

$$\Delta W_2 = \frac{\partial \text{Loss}}{\partial W_2} = \frac{\partial \text{Loss}}{\partial out} \cdot \frac{\partial out}{\partial H_2} \cdot \frac{\partial H_2}{\partial W_2} = \frac{\partial \text{Loss}}{\partial out} \cdot \frac{\partial out}{\partial H_2} \cdot H_1$$

梯度消失: $H_1 \rightarrow 0 \quad \Delta W_2 \rightarrow 0$

梯度爆炸: $H_1 \rightarrow \infty \quad \Delta W_2 \rightarrow \infty$

无激活函数时

$D(W) = \frac{1}{n} \Rightarrow \text{std}(W) = \sqrt{\frac{1}{n}}$ 时能保证梯度始终为1

Xavier 初始化 (sigmoid, tanh)

$$D(W) = \frac{2}{n_i + n_{i+1}} = \frac{1}{3} \quad [-a, a]$$

$$\Rightarrow W \sim U\left[-\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{n_i + n_{i+1}}}, \frac{\sqrt{6}}{\sqrt{n_i + n_{i+1}}}\right]$$

※ 需要优化激活函数的增益 (gain)

Kaiming 初始化 (ReLU及变种)

$$D(W) = \frac{2}{n_i} = \frac{2}{(1+\alpha^4) \cdot n_i}$$

$$\text{std}(W) = \sqrt{\frac{2}{(1+\alpha^4) \cdot n_i}} = \sqrt{\frac{2}{n_i}}$$

Pytorch 十种初始化方法:

Xavier 均匀分布

Xavier 正态分布

Kaiming 均匀分布

Kaiming 正态分布

均匀分布

正态分布

常数分布

正交矩阵初始化

单位矩阵初始化

稀疏矩阵初始化

函数名

参数

nn.init.calculate_gain (nonlinearity, param?)

计算激活函数方差尺度变化

$\frac{\text{std}_{in}}{\text{std}_{out}}$