

## Pertemuan 3

- Limit sisi kiri dan limit sisi kanan
- Limit sisi kiri dari suatu fungsi adalah nilai pendekatan suatu fungsi apabila perubahannya mendekati limitnya melalui nilai yang menaik (dari sebelah kiri).
- $\lim_{x \to a^{-1}} f(x) = A^{-1}$  atau  $f(x) = A^{-1}$  apabila  $x \to a^{-1}$



- Limit sisi kanan dari suatu fungsi adalah nilai pendekatan suatu fungsi apabila perubahannya mendekati limitnya melalui nilai yang menurun (dari sebelah kanan)
- $\lim_{X \to a} f(x) = A^{+1}$  atau  $f(x) = A^{+1}$  apabila  $x \to a^{+1}$
- Limit sebuah fungsi ada jika & hanya jikalimit sisi kiri sama dengan limit sisi kanan
- $\lim_{X \to a} f(x) = \lim_{x \to a} f(x) = \lim_{x \to a} f(x)$



#### • Sifat-sifat limit

• Jika Lim 
$$f(x) = b$$
; Lim  $f(x) = c$  dan

$$\bullet$$
  $X \longrightarrow a$   $X \longrightarrow a$ 

k = konstanta.

1. 
$$\underset{X \longrightarrow a}{\text{Lim}} k = k$$

2. 
$$\lim_{x \to a} [f(x) \pm g(x)] = \lim_{x \to a} f(x) \pm \lim_{x \to a} g(x) = b \pm c$$



3. 
$$\underset{X\longrightarrow a}{\text{Lim}}[f(x). g(x)] = [\underset{x\longrightarrow a}{\text{Lim}}(x)][\underset{x\longrightarrow a}{\text{Lim}}g(x)] = b \pm c$$

$$\frac{f(x)}{4} = \lim_{x \to a} f(x)$$

$$\frac{f(x)}{4} = \frac{x \to a}{x} = \frac{b}{c}$$

$$x \to a \quad g(x) \quad \lim_{x \to a} g(x)$$

$$x \to a \quad g(x)$$

5. Lim 
$$[f(x)]^n = [Lim f(x)]^n = b^n$$
 $X \longrightarrow a$ 

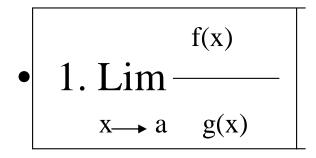
6. 
$$\lim_{x \to a} \int_{x \to a} \int_{x \to a} \lim_{x \to a} \int_{x \to a} \int$$



# Pertemuan 4

• Limit tak Hingga

#### • Bentuk



- cara penyelesaian
  - a. bagi variabel dari fungsi dengan pangkat paling tinggi.
  - b. masukan harga batas dari variabel.



2. 
$$\underset{X \longrightarrow a}{\text{Lim}} [f(x) - g(x)]$$

- cara penyelesaian
  - a. Dengan mengalikan dengan bilangan sekawannya.
  - b. bagi dari variabel fungsi dengan pangkat paling tinggi
  - c. masukan harga batas dari variabel.



#### • Contoh:

$$\begin{array}{r}
3x + 7x - 10 \\
1. \text{ Lim} \xrightarrow{\infty} 6x - x - 1
\end{array}$$

$$2. \underset{x \to \infty}{\text{Lim}} \sqrt{x+1} - \sqrt{2x+19} =$$



### • Limit fungsi

- Lim f (x) dibaca limit fungsi f(x) untuk x x→a

mendekati a.

-  $\underset{X\longrightarrow a}{\text{Lim }} f(x) = L$  artinya niali f(x) akan men

dekati L jika x mendekati a.



- Cara penyelesaiannya
  - 1. Subtitusikan nilai x dengan nilai batas
  - 2. Apabila hasilnya 0/0 atau / maka
    - a. faktorkan fungsinya atau
    - b. sederhanakan dengan dikalikan sekawan pembilang atau penyebut.



### • Contoh:

1. 
$$\lim_{X \to 2} 3x + 5 =$$

$$x^2 - 2x - 3$$

2. Lim 
$$= x \rightarrow 3 \qquad x - 3$$



# Pertemuan 5

• Limit fungsi trigonometri

1. 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{x} = \lim_{x \to 0} \frac{x}{\sin x} = 1$$

$$2. \lim_{x \to 0} \frac{\operatorname{tg} x}{x} = \lim_{x \to 0} \frac{x}{\operatorname{tg} x} = 1$$

3. 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin nx}{nx} = \lim_{x \to 0} \frac{-nx}{\sin nx} = n/n = 1$$

4. 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\operatorname{tg} nx}{nx} = \lim_{x \to 0} \frac{x}{\operatorname{tg} nx} = n/n = 1$$



• Catatan:

1.  $1 - \cos 2x = 2 \sin^2 x$ 

2.  $1 - \cos nx = 2 \sin^2 \frac{1}{2} nx$ 



### • Contoh:

1. 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin 5x}{x}$$

2. 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\operatorname{tg} 2x}{\sin 3x}$$

3. 
$$\lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos 2x}{x^2}$$



#### • Kontinuitas (Kesinambungan)

Secara visual sebuah fungsi dikatakan kontinu (sinambung) apabila gambarnya berupa kurva yang tidak terputus. Sebuah f(x) dikatakan sinambung pada x = a jika :

- 1. f(x) terdefinisi
- 2.  $\lim_{x \to a} f(x)$  terdefinisi
- 3. Lim f(x) = f(x) $x \rightarrow a$



• f(x) kontinu (sinambung) dalam suatu interval  $b \le x \le c$  (atau b < x < c) jika sinambung (kontinu) pada setiap titik di dalam interval tersebut.

• F(x) tidak sinambung (diskontinu) pada suatu titik dimana x = a dikatakan tidak sinambung (diskontinu) pada x = a



- Contoh:
- 1. Diketahui f(x) = |x 1|, buktikan bahwa f(x) kontinu pada x = 1

2. Buktikan  $f(x) = (x^2 - 4)/(x - 2)$ , buktikan bahwa f(x) kontinu pada x = 2