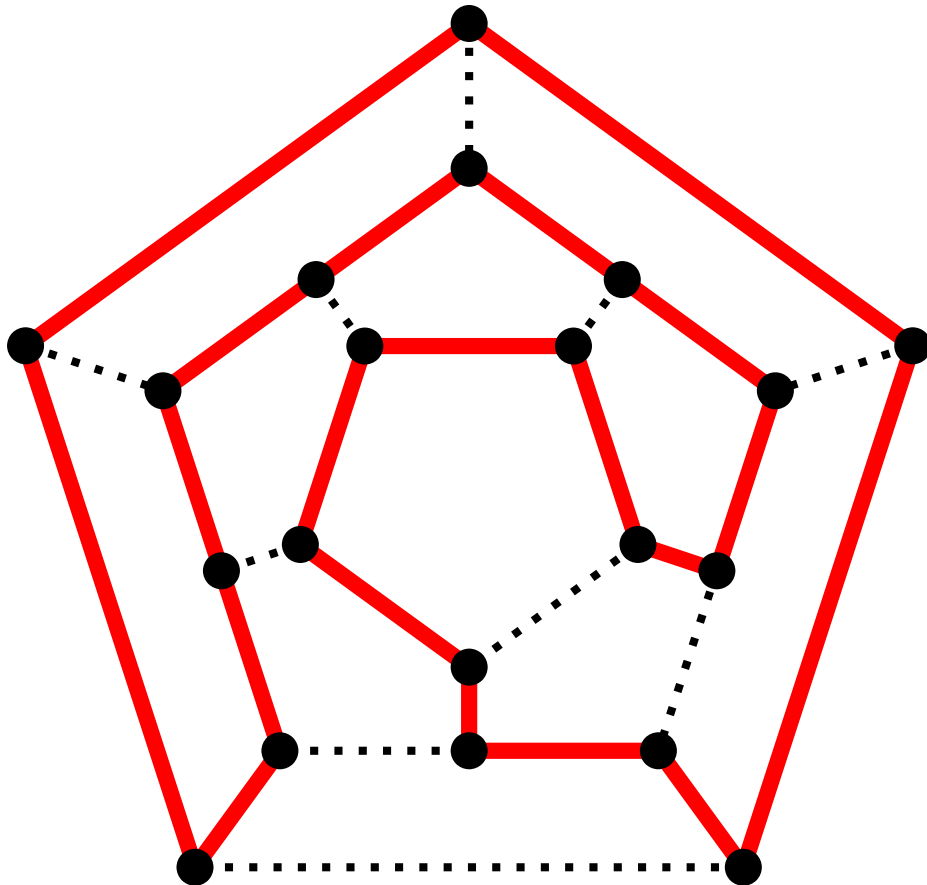


Les algorithmes



CS IRL

Computer Science In Real Life

À propos de ce document

- ▶ © 2011-2012 membres du projet CS IRL. Tous droits réservés.
- ▶ CS IRL est un **projet libre et ouvert** : vous pouvez copier et modifier librement les ressources de ce projet sous les conditions données par la CC-BY-SA (en bref, vous pouvez diffuser et modifier ces ressources à condition que vous donniez les mêmes droits aux utilisateurs de vos copies).
- ▶ La page web du projet est ici : <http://www.loria.fr/~quinson/Mediation/CSIRL/>
- ▶ Les sources des ressources du projet sont entre autres ici : <http://github.com/jcb/CSIRL>
- ▶ Si vous le souhaitez, vous pouvez nous joindre ici : discussions@listes.nybi.cc

Crédits image

P?? : Chemin hamiltonien par Ch. Sommer (licence GFDL/CC-BY-SA)

http://en.wikipedia.org/wiki/File:Hamiltonian_path.svg

P?? : Computer Science Major (licence CC-BY-NC) <http://abstrusegoose.com/206>

P?? : exemple de TSP adapté de Wikipedia (licence GFDL/CC-BY-SA) http://en.wikipedia.org/wiki/File:Aco_TSP.svg

P?? : Travelling Salesman Problem par XKCD (licence CC BY-NC 2.5) <http://xkcd.com/399/>

Computer Science IRL – Informatique sans ordinateur

Présentation du projet

CS IRL ? Qu'est ce que c'est ?

- ▶ Des activités présentant les bases de l'informatique, mais sans ordinateur
- ▶ Pour chaque activité, un support matériel est proposé pour permettre d'*apprendre avec les mains*
- ▶ Les activités sont rangées en séances cohérentes et progressives

🔍 Computer Science In Real Life : Computer Science est la science informatique en anglais, tandis que IRL est l'abréviation utilisée sur internet pour décrire la vraie vie, ce qui n'est pas sur internet.

Les séances existantes dans la série

- ▶ **Les algorithmes** : Qu'est ce qu'un algorithme ? Et une heuristique ? À quoi ça sert ?
- ▶ **Codes et représentations** : Comment les ordinateurs codent et manipulent les données (*à venir*)
- ▶ **Turzzle** : puzzle de programmation sans ordinateur (*à venir*)

Objectif de la séance algorithmique

- ▶ Expliquer ce qu'est un algorithme et à quoi ça sert quand on veut utiliser un ordinateur
- ▶ Montrer un aspect du travail d'un informaticien, et de celui d'un chercheur en informatique
- ▶ La durée envisagée est d'une heure et demi ou deux heures.
- ▶ Ce n'est donc pas un cours complet sur l'algorithmique, qui nécessite 25 à 50h au minimum.
Cours pour aller plus loin (en 48h) : <http://www.loria.fr/~quinson/Teaching/TOP/>

🔍 Si vous êtes l'animateur, vous trouverez des conseils et des astuces dans le coin de l'animateur en page ??.

Matériel nécessaire pour cette séance

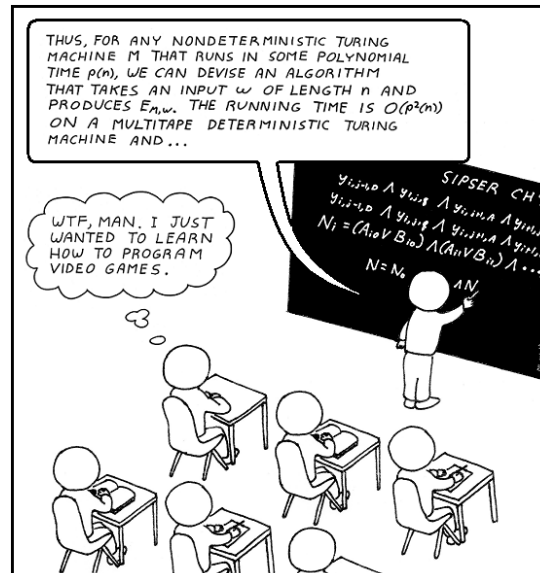
- ▶ Des clous, dont un coloré
- ▶ Des petites planches de tailles différentes
- ▶ Des legos : cinq couleurs, avec à chaque fois deux pièces 2×2 et une pièce 4×2
- ▶ Une planche avec des clous plantés (mais qui dépassent) ; Une cordelette et un marqueur

Introduction : les principales caractéristiques d'un ordinateur

- ▶ Il est très **rapide** : il peut calculer de 1 à 1 million en moins d'une seconde
- ▶ Il est parfaitement **obéissant** : il fait tout le temps exactement ce qu'on lui demande
- ▶ Il est absolument **stupide** : il exécute les ordres qu'on lui donne, sans la moindre capacité d'initiative.
 - ▶ Par exemple, si on demande à un ordinateur de s'arrêter, il le fait. . .
 - ▶ Autre exemple, quand j'indique à des amis comment venir chez moi, je leur donne des indications comme "troisième à droite" ou "à gauche au 2ième feu". Si je me trompe dans mes indications ("à gauche" au lieu de "à droite") et que cela les ferait prendre l'autoroute à contre-sens, mes amis vont faire preuve de sens commun et ne pas appliquer la consigne. Les ordinateurs n'ont **aucun** sens commun.
 - ▶ Bug (n.m.) : consigne erronée donnée par un humain et appliquée bêtement par une machine.

Le travail d'un informaticien

- ▶ Se faire obéir d'un serviteur aussi stupide qu'un tas de fil demande un peu d'organisation
- ▶ Pour décomposer suffisamment les tâches à réaliser, il réfléchit à **comment** faire
(un peu comme un cycliste qui descendrait du vélo pour se regarder pédaler afin d'expliquer ensuite comment faire)
- ▶ Pour chaque problème, il faut d'abord définir :
 - ▶ la **situation initiale** : le point de départ du problème
 - ▶ les **opérations possibles** : ce que j'ai le droit de faire pour faire évoluer la situation
 - ▶ la **situation finale** : ce vers quoi je veux tendre, l'état du problème quand je l'ai résolu



Activité : le jeu de Nim

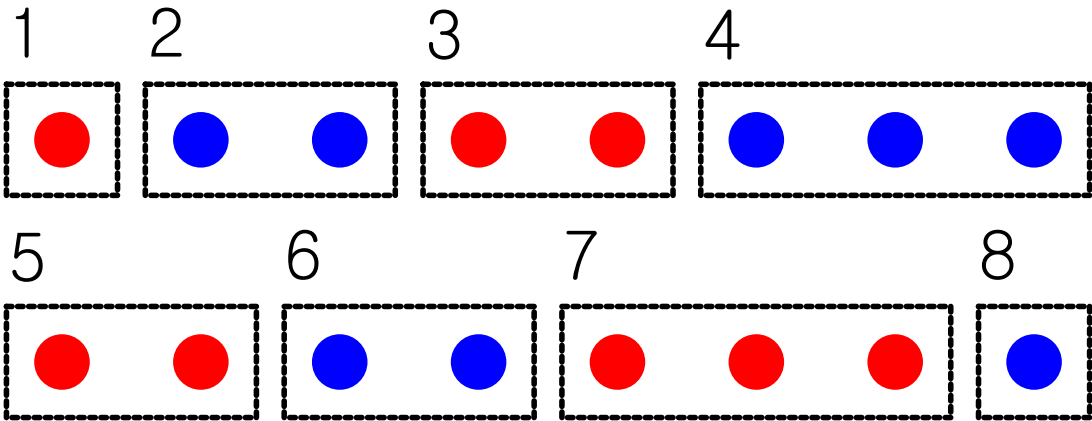
Voici un premier petit jeu simple, pour rentrer dans le sujet.

Matériel

- ▶ 16 petits objets (clous, allumettes, boulettes de papier ... peu importe !)

Règle du jeu

- ▶ Disposer les 16 objets sur une table
- ▶ Les deux joueurs prennent tour à tour 1, 2 ou 3 objets
- ▶ Le joueur qui prend le dernier objet à gagné



bleu gagne

Ce qu'il faut retenir du jeu de Nim

L'intérêt majeur de ce jeu est qu'il est sans suspense (voire, sans intérêt ;)

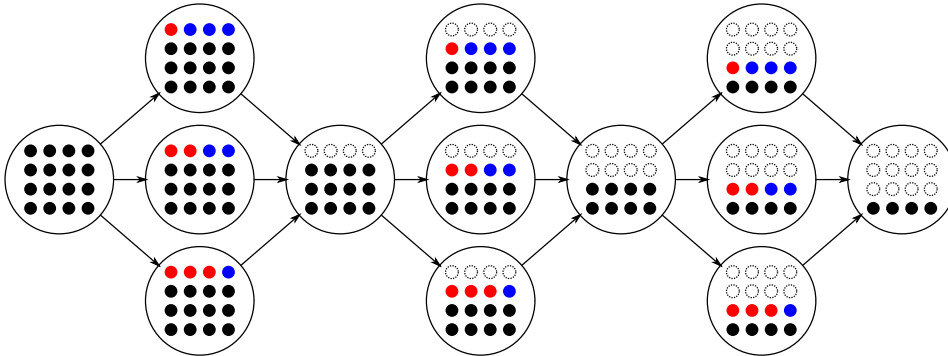
- ▶ Celui qui commence (J1) perd, car il existe un truc pour que J2 gagne à tous les coups
- ▶ **Stratégie gagnante** : Laisser 4, 8, 12 ou 16 objets à l'adversaire (un multiple de 4)

Se convaincre de l'efficacité de la stratégie gagnante

Prenons le dernier tour comme exemple. Il reste 4 objets, et J1 joue.

- ▶ Si J1 prend 1 objet, J2 en prend 3 (dont le dernier)
- ▶ Si J1 prend 2 objets, J2 en prend 2 (dont le dernier)
- ▶ Si J1 prend 3 objets, J2 en prend 1 (le dernier)

Dans ce cas, si J2 sait jouer, J1 perd à tous les coups. En appliquant la même méthode, J2 peut guider le jeu de manière à passer de 16 objets à 12, puis 8 et enfin 4. Donc, si J2 sait jouer, J1 a perdu la partie avant même de commencer.



Le rapport avec l'informatique

- ▶ Passer de la situation initiale à la situation finale à coup sûr demande d'avoir une *stratégie gagnante*
- ▶ C'est un **algorithme** en informatique, une recette de cuisine ou un manuel de montage de meubles
- ▶ Pour se faire obéir du tas de fils, l'informaticien cherche l'algorithme pour résoudre le problème, puis il écrit le **programme** (traduction de l'algorithme dans un langage informatique)

Pour aller plus loin

On pourrait imaginer un cas plus général du jeu de Nim :

- ▶ Il y a **N** objets sur la table au début du jeu (pour notre version, **N = 16**)
- ▶ Un joueur peut prendre jusqu'à **X** objets à la fois (pour notre version, **X = 3**)

Quelles modifications doit-on apporter à notre stratégie gagnante pour qu'elle marche dans le cas général ?

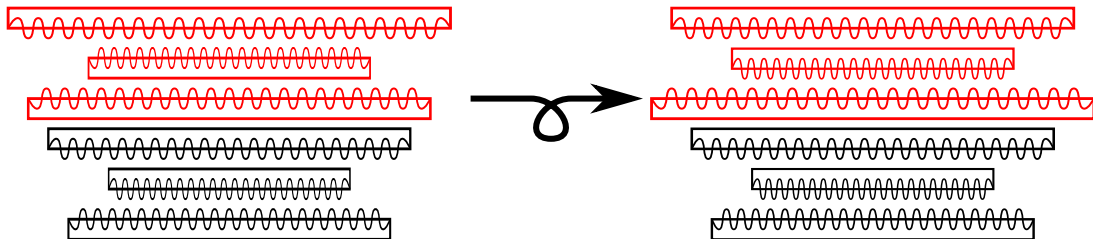
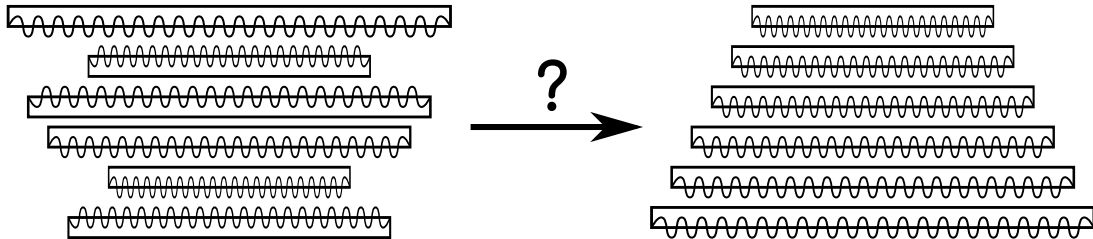
Activité : Le crêpier psycho-rigide

Matériel

- ▶ des planchettes en bois de tailles et de couleurs différentes (faces reconnaissables)
- ▶ éventuellement une pelle à tarte pour retourner les planchettes

Règle du jeu

- ▶ **Installation** : Faire une pile désordonnée de crêpes.
- ▶ **Objectif** : ranger les crêpes de la plus grande (en bas) à la plus petite (au haut), face colorée vers le haut.
- ▶ **Coup autorisé** : prendre une ou plusieurs crêpes sur le haut de la pile, et de les reposer à l'envers.



Ce qu'il faut retenir du crêpier psycho-rigide

Un algorithme

- ▶ n'a d'intérêt que si on peut l'expliquer
- ▶ doit être suffisamment simple pour pouvoir l'expliquer à une machine
- ▶ «**Diviser pour mieux régner**» : on essaie toujours de décomposer un algorithme en tâches simples

L'algorithme que doit suivre le crêpier est :

- ▶ ramener la plus grande crêpe en haut de la pile
- ▶ retourner pour que la face brûlée soit vers le haut
- ▶ retourner la pile de sorte à mettre la plus grande crêpe en bas
- ▶ répéter avec la crêpe de taille inférieure

Le rapport avec l'informatique

- ▶ l'informaticien passe son temps à trouver des algorithmes et à les expliquer à la machine
- ▶ le principe «**Diviser pour mieux régner**» est fondamental en informatique

Pour aller plus loin

Selon l'état initial de la pile de crêpes, le nombre minimum de coups nécessaires pour la ranger varie.

- ▶ Quel est le meilleur état initial possible (qui demandera le moins de coups pour ranger) ?
- ▶ Quel est le pire état initial possible ?
- ▶ Combien faut-il de coups pour ranger une pile de **N** crêpes dans le pire des cas ?

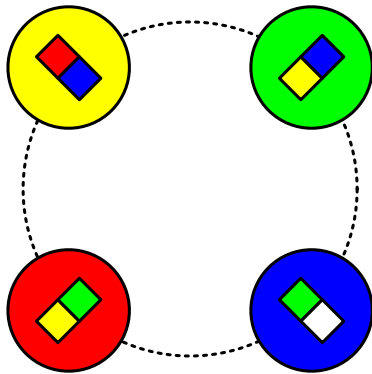
Activité : Base-ball multicolore

Matériel nécessaire

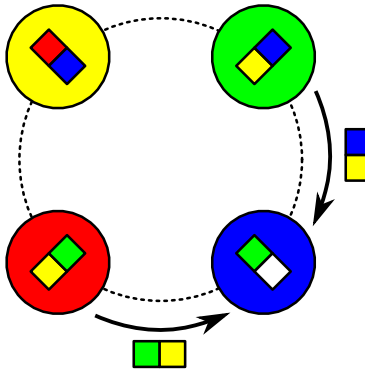
- ▶ Plusieurs équipes bien différenciables, chacune composée d'une maison et de deux bonshommes (des legos, des bouts de bois, des cailloux, du fil électrique de différentes couleurs, ou autres)
- ▶ 4 équipes au minimum. On peut mettre des équipes supplémentaires pour augmenter la difficulté.

Règles du jeu (exemple à quatre équipes)

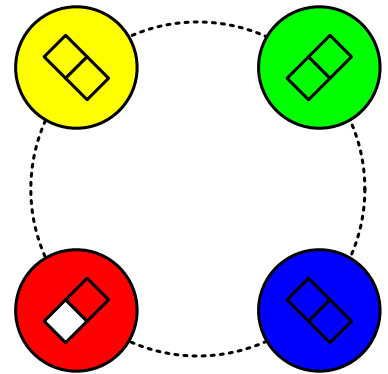
- ▶ **Installation** : disposer 4 maisons autour du terrain et répartir 7 bonshommes au hasard sur les maisons (le bonhomme restant n'est pas utilisé).
- ▶ **Coup autorisé** : déplacer un seul bonhomme à la fois, vers la maison contenant un seul bonhomme, depuis une des deux maisons voisines (interdit de traverser le terrain).
- ▶ **Objectif** : Ramener tous les bonshommes dans la maison de leur couleur.



État initial



Coup autorisé



État final

Objectif de l'activité

Le plus important dans cet exercice n'est pas tant de résoudre le problème que d'**expliquer clairement** comment on fait. On cherche donc l'**algorithme** permettant de résoudre le problème.

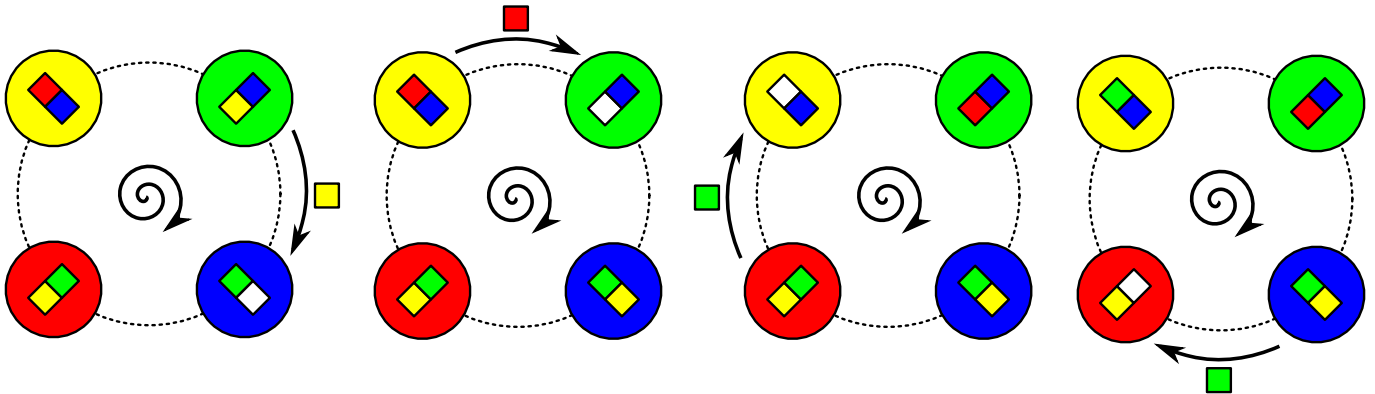
Un premier algorithme pour le base-ball multicolore

En suivant les règles du jeu, on observe que quelque soit la disposition des bonshommes, il existe toujours 4 coups possibles : déplacer vers la case vide un des 4 bonshommes présents dans les deux maisons voisines. Notre algorithme sera donc une méthode permettant de choisir à chaque étape quel coup jouer parmi les 4 possibles.

L'algorithme

- ▶ On ne s'autorise à tourner que dans un seul sens. Ainsi, le nombre de coups possibles descend de 4 à 2 (car 2 bonshommes tourneraient à l'envers).
- ▶ Parmi les 2 coups restants, on déplace le bonhomme qui a la plus grande distance à parcourir avant d'arriver à sa maison (Si la distance est la même, c'est que les deux bonshommes ont la même couleur - les deux coups sont donc équivalents).

Exemple d'exécution



Ici, nous n'avons représenté que les 4 premières étapes. mais l'algorithme arrive à la solution en 15 étapes.

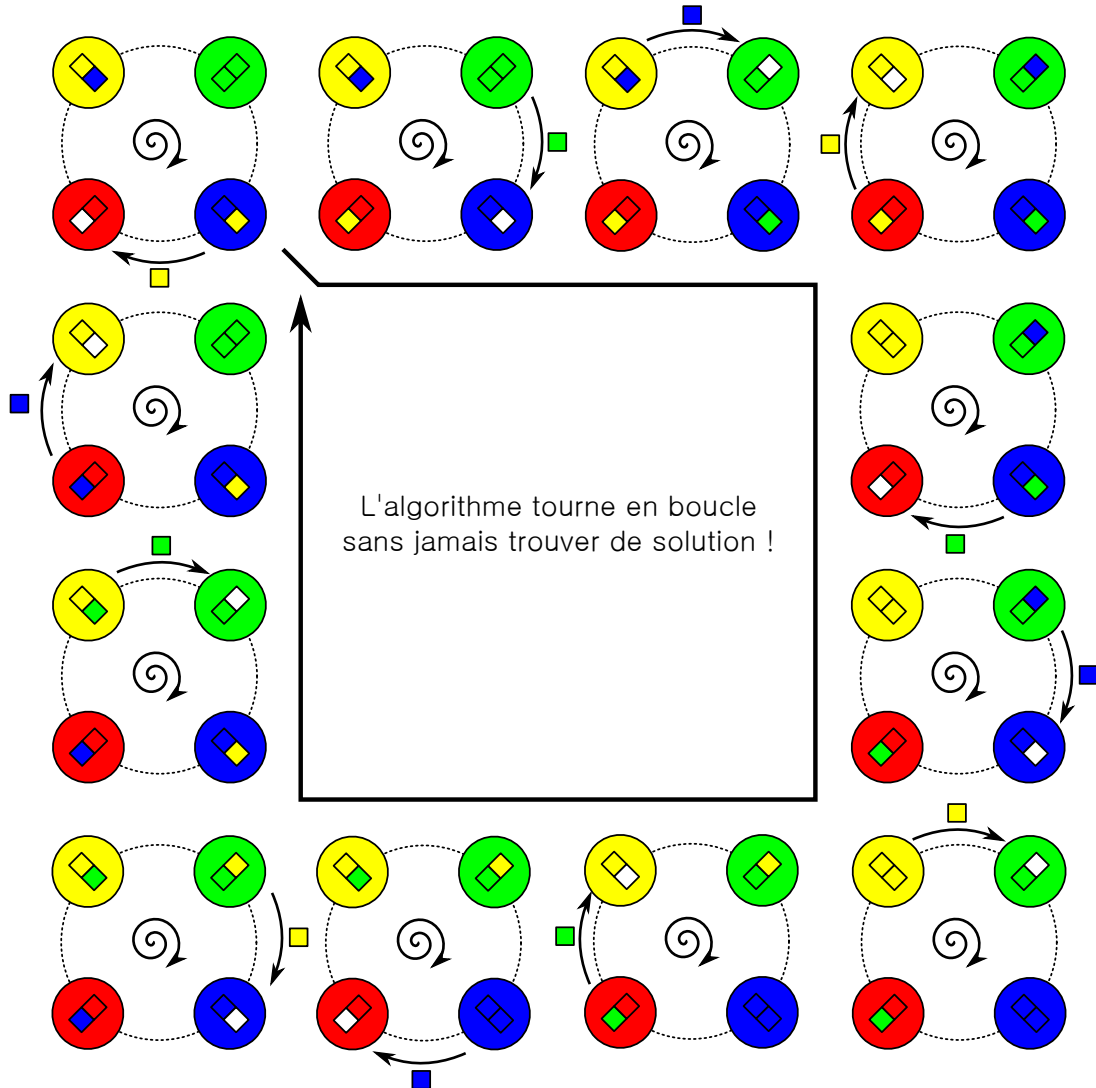
Étude du premier algorithme pour le base-ball multicolore

Cet algorithme semble attirant

- ▶ Il est très simple : on pourrait l'expliquer à un ordinateur
- ▶ Il est relativement rapide : 15 coups pour 7 bonshommes, ce n'est pas si mal
- ▶ Seul problème : cet algorithme est faux : dans certains cas, il ne termine jamais. . .

Exemple d'exécution incorrecte

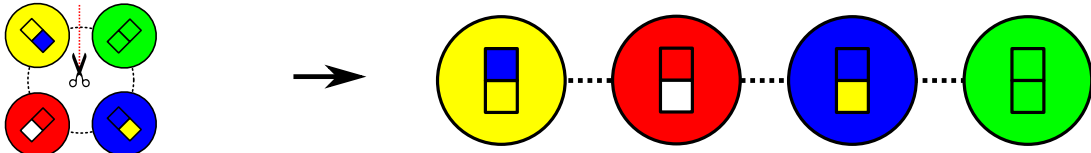
Il suffit de partir d'une situation gagnée et d'inverser deux bonshommes pour mettre notre algorithme en échec.



Un autre algorithme pour le base-ball multicolore

Apprendre de ses échecs : notre algorithme boucle parfois à l'infini

- Pour réparer cela, le plus simple est de s'interdire de boucler, en coupant le cercle.
- Pour ne pas se tromper, le plus simple est de placer les maisons en ligne.

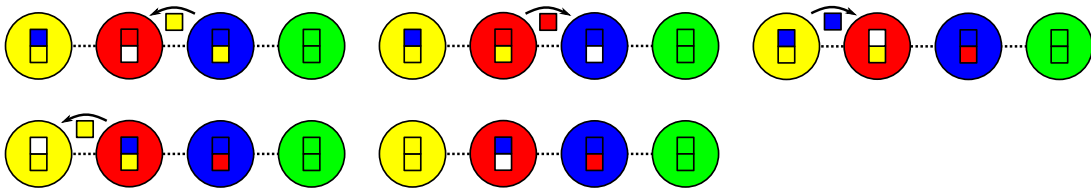


Apprendre de ses réussites : le crépier

- On a cherché à réduire la taille du problème à peu à peu (il y a 7 crêpes à trier. La plus grande va définitivement à sa place ; il reste 6 crêpes à trier)
- On s'est fixé des objectifs intermédiaires, qui décomposent le problème en étapes que je sais faire (mettre la plus grande en haut pour parvenir à la mettre en bas)

Nouvel algorithme

- On s'occupe d'abord des bonshommes de la première maison, et on n'y touche plus ensuite.
- On répète pour la deuxième maison, et ainsi de suite pour toutes les autres.
- Pour amener les bonshommes dans leur maison, on déplace tous ceux qui gênent.
- Pour déplacer ceux qui gênent, on déplace le trou pour leur faire de la place.



- On peut maintenant oublier les bonshommes de la première maison, qui sont à leur place définitive.
- On recommence de la même manière avec la deuxième maison, et ainsi de suite ...

Ce qu'il faut retenir du base-ball multicolore : corrections d'algorithmes

Cet algorithme n'est pas tellement plus complexe ou plus long que le précédent, mais il est correct, lui.

Comment être sûr de la **correction** de cet algorithme ?

- ▶ **Tester tous les cas.** Ici, il n'y a pas de limite au nombre de maisons ou de bonshommes par maison - il est donc impossible de vérifier tous les cas, tout comme il est impossible de compter jusqu'à l'infini. Cependant, on peut se contenter d'une preuve partielle en se limitant aux cas susceptibles d'être rencontrés - par exemple jusqu'à 20 ou 50 maisons.
- ▶ **On pourrait écrire une preuve mathématique.** Ce n'est pas trivial, mais les chercheurs en informatique en ont écrite des plus difficiles.
- ▶ **Cela ressemble vraiment à un algorithme classique** (même si cela ne prouve rien, au fond).

Qu'est ce qu'un **algorithme classique** ?

- ▶ Les informaticiens apprennent par cœur des algorithmes (abstraits) à l'école.
- ▶ Face à un problème nouveau, on cherche à se raccrocher à des problèmes connus.
 - ▶ On se raccroche en trouvant des analogies ou en décomposant en plusieurs problèmes connus.
 - ▶ Par exemple, quand des collègues informaticiens jouent au crêpier, ils demandent avant tout si c'est "une tour de Hanoi".
- ▶ Ici, notre algorithme est proche d'un "tri à bulle", autre algorithme bien connu. Mais cette ressemblance ne suffit pas à prouver la correction de notre algorithme. Pour la prouver, on pourrait démontrer que notre algorithme est un cas particulier du tri à bulle.

Les algorithmes de tri sont ultra classiques en informatique

- ▶ Ils sont assez simple pour expliquer les grandes lignes aux élèves (comme «diviser pour régner» et autres grandes idées similaires – récursivité, algorithmes gloutons, ...)
- ▶ Les ordinateurs trient très souvent des données, car beaucoup de problèmes sont plus simples après (trouver un livre donné est plus simple dans une bibliothèque rangée, par exemple)
- ▶ **Les musiciens font leurs gammes, les informaticiens débutants apprennent leurs algorithmes**

Que font les chercheurs en informatique ?

- ▶ Certains d'entre eux améliorent les algorithmes connus, ou en inventent de nouveaux
- ▶ Il faut également démontrer la correction de ces algorithmes
- ▶ Quand plusieurs algorithmes existent, on étudie leurs **performances** respectives
- ▶ (d'autres chercheurs améliorent matériel et logiciel, établissent des modèles, etc)

Ce qu'il faut retenir du base-ball multicolore : performance d'algorithmes

Comment comparer la performance des algorithmes ?

- ▶ Simplement en comptant les étapes. Par exemple sur le crêpier, placer la grande crêpe prend au pire 3 coups - et c'est pareil pour les crêpes suivantes. Donc, dans le pire des cas notre algorithme prendra $3 \times n$ coups pour trier la pile.
- ▶ La performance de mon algo dépend beaucoup de la situation initiale :
 - ▶ Si c'est déjà trié, c'est de la chance, je n'ai rien à faire (**meilleur cas**).
 - ▶ Si j'ai vraiment pas de bol, je dois faire les 3 étapes pour chaque crêpe (**pire cas**).
 - ▶ En pratique, j'ai souvent une situation initiale intermédiaire (**cas moyen**).

Il faut bien comprendre que ceci ne dépend pas vraiment de l'algorithme, mais plutôt de la situation initiale. Le pire cas n'est pas un bug de l'algorithme, mais une situation initiale qui n'aide pas vraiment notre façon de faire (pour estimer la performance d'un cas moyen, il faut utiliser des probabilités).

- ▶ En pratique, une estimation de la performance est suffisante. Savoir qu'un algorithme nécessite environ n^2 étapes suffit, inutile de préciser que c'est $n^2 + 4$ ou $n^2 - 2$, ou même $5 \times n^2$ - pour des grandes valeurs de n c'est sensiblement la même chose. . . On note cette estimation de la complexité $O(n^2)$.

À la recherche du meilleur algorithme possible

- ▶ On arrive parfois à montrer qu'on a le meilleur algorithme possible. Par exemple on ne peut pas trier les éléments en moins de n étapes, car on doit forcément tous les considérer.
- ▶ On peut aussi prouver qu'un tri comparatif ne peut pas se faire en moins de $n \times \log(n)$ étapes, car il n'accumule pas assez d'information pour choisir la bonne permutation en moins d'étapes.
- ▶ Mais la plupart du temps, on ne sait pas prouver que l'algorithme connu est le meilleur possible. C'est alors le meilleur *connu*, sans être forcément le meilleur *possible*.

À la recherche de problèmes difficiles

- ▶ On peut classer les problèmes en fonction de la performance des algorithmes les résolvant. (cela permet de se forger un sens commun de ce qui est faisable avec un ordinateur et éviter les problèmes si difficiles qu'ils sont quasi impossibles)
- ▶ Il existe énormément de problèmes relativement simples pour lesquels personne ne connaît de bon algorithme, sans que personne n'arrive non plus à démontrer qu'un tel algorithme n'existe pas.
- ▶ L'activité suivante sera l'occasion d'explorer un peu cette classification des problèmes très durs.

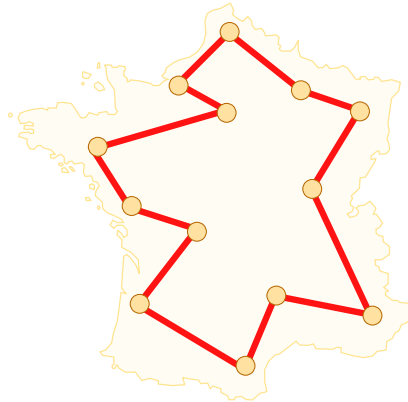
Activité : le plus court chemin

Matériel nécessaire

- ▶ Une planche avec des trous au hasard,
- ▶ autant de longs clous que de trous,
- ▶ une ficelle suffisamment longue et **qui ne soit pas élastique**,
- ▶ un marqueur.

Règles du jeu

- ▶ **Situation initiale** : les clous sont mis dans les trous, leurs têtes dépassent de la planche, et la ficelle est attachée à un clou par une extrémité.
- ▶ **Comment jouer** : faire passer la ficelle **une fois et une seule** par **tous les clous** de la planche, puis revenir au point de départ. Le but est d'obtenir le chemin le plus court possible. À chaque fois qu'un record est battu, on fait une marque sur la ficelle pour le mémoriser.



Objectif de l'activité

- ▶ On peut construire un très grand nombre de chemins différents (pour **10** clous, $10! = 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot \dots \cdot 2 = 3628800$), et il est très difficile de trouver le meilleur chemin à coup sûr.
- ▶ A la place, on va chercher des méthodes (algorithmes) pour construire des chemins courts, et comparer leurs résultats.

Ce qu'il faut retenir du plus court chemin : recherche de la solution optimale

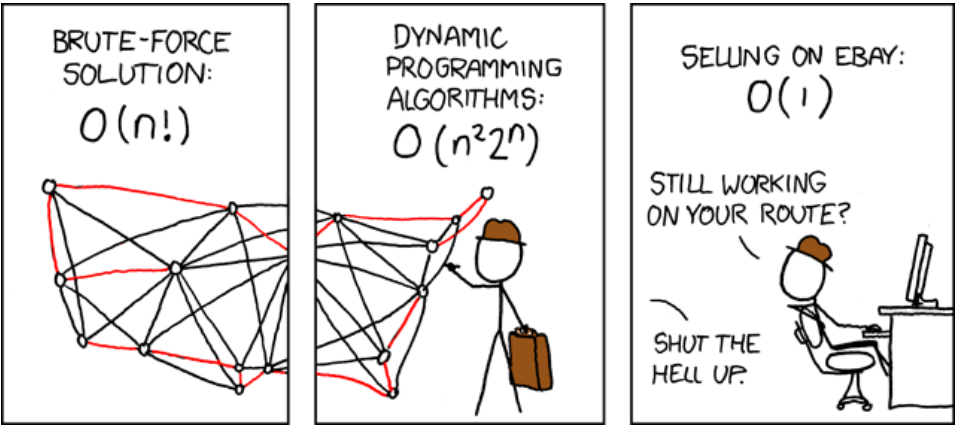
- ▶ Le problème du chemin le plus court paraît simple, mais est en réalité très compliqué et a de très nombreuses applications dans la vie de tous les jours : comment minimiser la tournée du facteur, la longueur des pistes d'un circuit imprimé, les déplacements d'un bras robotique ... C'est un problème très étudié, plus connu sous le nom de **"problème du voyageur de commerce"**.
- ▶ Le problème du voyageur de commerce a fait l'objet de nombreux travaux, proposant des algorithmes pour le résoudre le plus rapidement possible.

Trouver la solution optimale

- ▶ Dans le cas du voyageur de commerce, l'approche naïve consiste à calculer la longueur de tous les chemins et comparer les résultats pour trouver le plus court. La complexité d'une telle approche s'écrit **$O(n!)$** . Il existe cependant des algorithmes plus efficaces - par exemple, l'algorithme de Held-Karp a une complexité de **$O(n^2 2^n)$** . Voici une petite comparaison de l'augmentation de la quantité de calculs nécessaires à mesure que **n** augmente :

nombre de sommets	5	10	15	20
méthode naïve $O(n!)$	120	3628800	1307674368000	2432902008176640000
Held-Karp $O(n^2 2^n)$	800	102400	7372800	419430400

- ▶ Ce tableau nous montre qu'avec la méthode naïve, en testant un milliard de chemins par seconde, il faudrait plus de **77 ans** pour trouver le chemin le plus court entre 20 sommets ! Dans les mêmes conditions, l'algorithme Held-Karp met moins d'**une demi seconde** pour trouver le même résultat !



Ce qu'il faut retenir du plus court chemin : recherche d'une solution approchée

- ▶ Pour de tels problèmes, on préfère souvent trouver une solution raisonnablement bonne (solution approchée) très rapidement, plutôt que de chercher très longtemps la solution optimale.
- ▶ Une **heuristique** est une méthode pour fouiller intelligemment l'espace des solutions possibles à la recherche des bonnes solutions.
- ▶ La recherche d'heuristiques efficaces fait parti du travail des chercheurs en informatique.

Les heuristiques et métaheuristiques

- ▶ Une heuristique est spécifique au problème qu'elle traite : elle exploite certaines propriétés du problème pour orienter la recherche vers des "régions" susceptibles de contenir des bonnes solutions.
- ▶ Certaines heuristiques sont assez génériques et peuvent s'appliquer à de nombreux problèmes, moyennant quelques adaptations. On parle alors de **métaheuristiques**. Les métaheuristiques sont souvent inspirées de la nature. En voici quelques exemples :
 - ▶ Le **recuit-simulé** s'inspire d'un processus utilisé en métallurgie pour minimiser l'énergie d'un matériau.
 - ▶ Les **algorithmes génétiques** reproduisent les mécanismes de l'évolution dans le vivant : une population de solutions aléatoire est soumise à une sélection naturelle (les solutions les meilleures sont les plus adaptées) et de nouvelles solutions sont générées par croisement entre les solutions existantes et introduction de mutations aléatoires.
 - ▶ Les **colonies de fourmis** s'inspirent du comportement des insectes sociaux : avez vous remarqué que les fourmis finissent toujours par trouver le chemin le plus court entre la fourmilière et la source de nourriture ?

Le coin de l'animateur : trucs et astuces pour s'assurer que le message passe bien

Pour que le déroulement des activités se passent bien, voici quelques conseils.

Remarques générales

- ▶ Appropriiez vous les activités. Pratiquez les à l'avance et n'hésitez pas à ne pas suivre les consignes à la lettre.
- ▶ Ces activités sont des bases de discussion avec les participants, il n'y a pas d'évaluation à la fin.
- ▶ Evitez les introductions théoriques ; commencez par les activités, elles serviront de support pour discuter de la théorie.

À propos du jeu de Nim

L'objectif de cette activité est simplement d'introduire la notion d'algorithme comme stratégie gagnante pour un problème donné.

- ▶ Commencez par jouer avec les participants, sans dire qu'il y a un truc. Si vous jouez bien, vous gagnerez à tous les coups.
- ▶ Bien sûr, pour gagner, vous devez laisser votre adversaire commencer. S'il insiste pour ne pas commencer, vous pouvez toujours gagner en rattrapant la stratégie gagnante à la première erreur.
- ▶ Si un participant connaît déjà la stratégie gagnante du jeu, il pourra vous remplacer pour jouer avec les autres participants.
- ▶ Si vous n'êtes pas sûr d'appliquer correctement la stratégie gagnante, proposez un match en 3 (ou en 5 en cas de coup dur ;)
- ▶ Pour amener les participants à découvrir la stratégie gagnante, vous pouvez grouper les clous par 4, rendant ainsi l'astuce plus visible.

Le coin de l'animateur : trucs et astuces pour s'assurer que le message passe bien

À propos du jeu du crêpier psycho-rigide

L'objectif de cette activité est de trouver un algorithme et de le faire verbaliser par les participants.

- ▶ Expliquez les règles et demandez au participant de tenter de résoudre le problème ;
- ▶ si il bloque, conseillez-le. Par exemple :
 - ▶ "essaye d'abord de mettre la grande crêpe en bas"
 - ▶ "où doit se trouver la grande crêpe pour pouvoir l'amener en bas ?"
- ▶ Quand le participant a trouvé l'algorithme, demandez lui de l'expliquer.

À propos du base-ball multicolore

L'objectif de cette activité est d'introduire les notions de correction et performance des algorithmes.

- ▶ Il faut laisser les participants chercher un peu en les faisant verbaliser
- ▶ S'ils sont sur le point de trouver l'algo juste, on introduit très vite l'algo faux pour préserver un enchaînement logique : "oui, ok, mais je vais vous montrer une façon de faire rigolote"
- ▶ Quand l'algo juste est établi, et avant de parler de performance, on peut appliquer sur une variante :
 - ▶ Chaque participant prend une couleur (une maison placée au sol entre ses pieds)
 - ▶ Chaque participant (sauf 1) prend un bonhomme dans chaque main
 - ▶ À chaque étape, celui qui a une main libre prend un bonhomme dans la main d'un voisin
 - ▶ (attention, c'est fastidieux à 8 ou 9 couleurs, il vaut mieux faire deux rondes car l'algo semble $O(n^2)$)
- ▶ Expérimentalement, l'algo qui tourne converge très souvent vers la solution à 5 maisons, mais converge souvent vers la boucle infinie quand il y a plus de couleurs. Ne tentez pas le diable ;)
- ▶ Dans la disposition linéaire, il est plus simple de mettre la couleur avec un seul bonhomme à une extrémité, et commencer par remplir la maison de l'autre extrémité. Sinon, on se retrouve avec une maison remplie de un seul au milieu, et il faut comprendre que la solution passe par le stockage temporaire d'un pion de la maison d'à côté sur le trou.
- ▶ Le discours sur le $O(n)$ est volontairement approximatif. On veut faire sentir les choses ; faire un vrai cours prend une douzaine d'heures (cf. <http://www.loria.fr/~quinson/Teaching/TOP/>).
- ▶ Il serait intéressant de prouver effectivement la correction de l'algorithme linéaire, ainsi que de quantifier la probabilité de fonctionner de l'algo qui tourne en fonction du nombre de maisons
- ▶ Au passage, le crêpier ne ressemble pas du tout aux tours de Hanoï : l'histoire ressemble un peu, mais la résolution est très différente (il y a $2^n - 1$ étapes à Hanoï et $3 \times n$ au crêpier. . .)