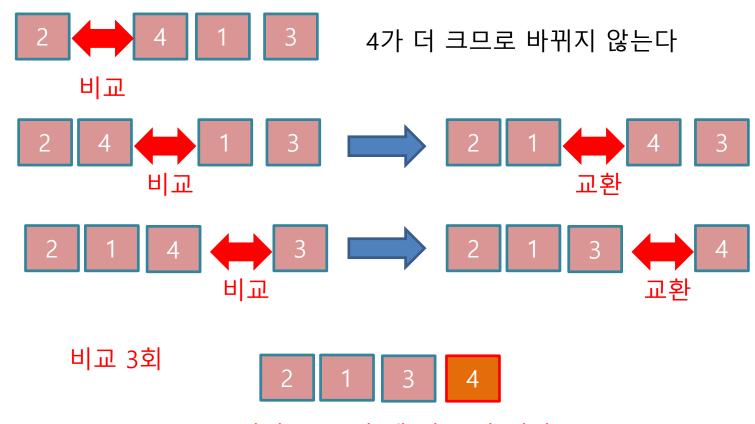
Data structure

sorting

재귀함수 : 하노이 타워

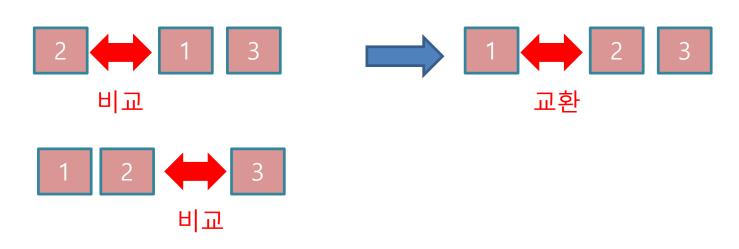
```
void HanoiTower(char from, char by, char to, int num)
{
   if (num == 1) 탈출조건
       cout << "1 번째 쟁반이 " << from << "에서 " << to <<
           "로 이동" << endl;
       return;
   }
   HanoiTower(from, to, by, num - 1);
   cout << num << " 번째 쟁반이 " << from << "에서 " << to <<
       "로 이동" << endl;
   HanoiTower(by, from, to, num - 1);
}
```

같은 이름의 함수가 함수 내에 나올 때 이를 재귀함수라 부릅니다.



가장 큰 수가 맨 뒤로 가 있다!!

이미 정렬된 4를 빼고 나머지에서 같은 알고리즘을 적용

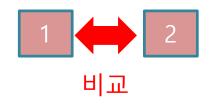


1 2 3

비교 2회

가장 큰 수가 맨 뒤로 가 있다!!

이미 정렬된 3, 4를 빼고 나머지에서 같은 알고리즘을 적용



1 2

비교 1회

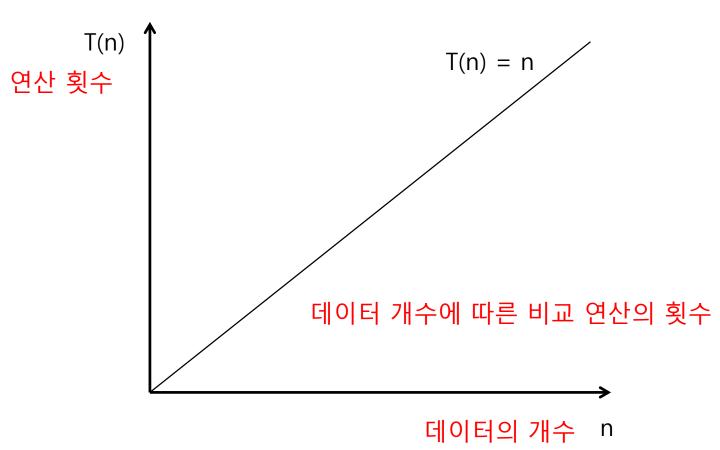
정렬이 완료됨

배열 길이가 4라면

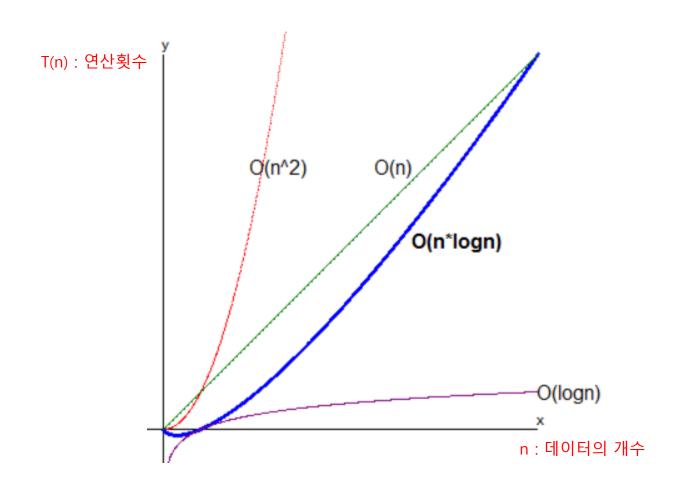
```
void SortingArray<T, n>::BubbleSort()
                  i는 0부터 2
    for (int i = 0; i < arrlen() - 1; i++)</pre>
       for (int j = 0; j < arrlen() - i - 1; j++)
            if (arr[j] > arr[j + 1])
               T temp = arr[j];
                arr[j] = arr[j + 1];
               arr[j + 1] = temp;
                    i == 0 → j== 0, 1, 2 : 3회 비교
                   i == 1 → j== 0, 1 : 2회 비교
                      i == 2 → j== 0 : 1회 비교
```

알고리즘의 성능 평가 : 시간 복잡도

시간복잡도(Time Complexity)



알고리즘의 성능 평가 : 대표 빅오 함수



정렬이 끝날 때까지 몇 번 비교하는가?

```
void SortingArray<T, n>::BubbleSort()
{
    for (int i = 0; i < arrlen() - 1; i++)</pre>
    {
        for (int j = 0; j < arrlen() - i - 1; j++)
                                       비교연산
            if (arr[j] > arr[j + 1])
                T temp = arr[j];
                arr[j] = arr[j + 1];
                arr[j + 1] = temp;
```

데이터 개수가 4개 일 때

3번 비교 → 2번 비교 → 1번 비교

$$1 + 2 + \dots + n-1$$

중학교 때 배운 등차수열을 이용합시다! a:첫째 항 l:마지막 항

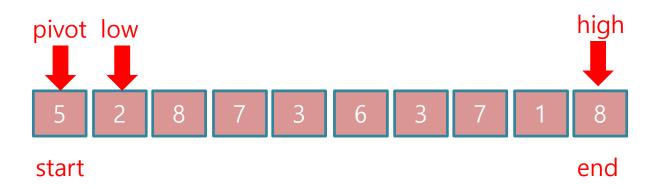
$$\frac{n(a+l)}{2} = \frac{(n-1)*(1+n-1)}{2} = \frac{n-1+1+2n+n^2}{2}$$

빅오 계산할 때는 계수 상수 다 떼고 가장 큰 수만 남긴다.

 $O(n^2)$ 데이터가 많아질수록 기하급수적!!

```
정렬 알고리즘
 : Divide and Conquer
  분할정복기법
   : 재귀함수를 이용한 정렬 방식
   void SortingArray<T, n>::quicksort(int start, int end)
   {
       if (start >= end)//탈출 조건
           return;
       int middle = QsortExchange(start, end);
       quicksort(start, middle - 1);
       quicksort(middle + 1, end);
    }
```

Pivot을 맨 왼쪽에! Low는 그 다음에!



Low의 값이 pivot 값보다 클 때까지 오른쪽으로 이동



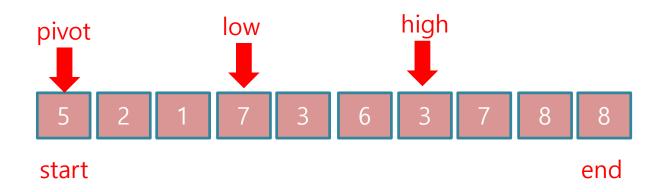
Low 값과 high 값을 교환

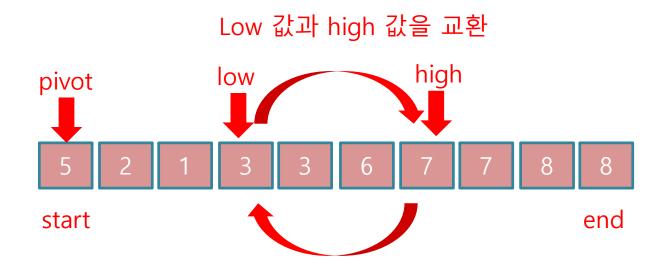
pivot
5 2 1 7 3 6 3 7 8 8

start

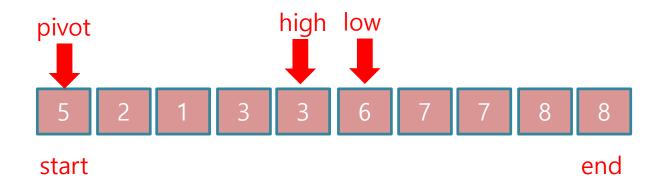
end

Low와 high가 교차할 때 까지 계속!

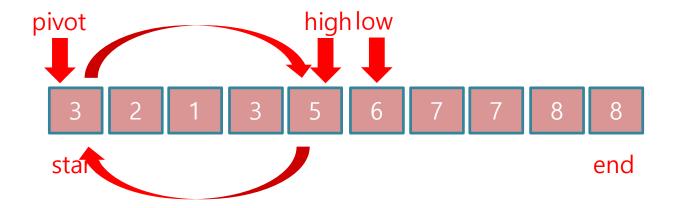




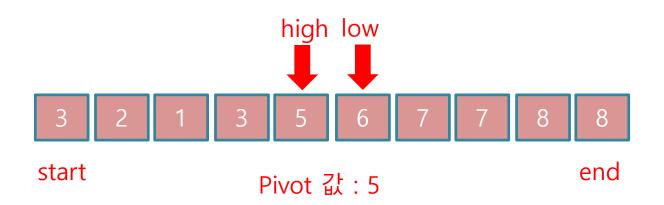
Low와 high가 교차할 때!!!!!



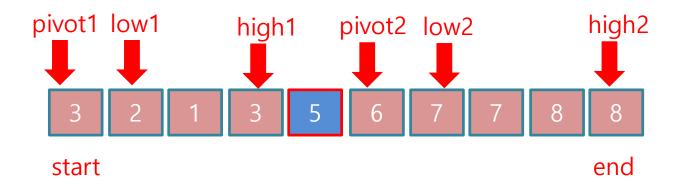
Pivot과 high를 교환



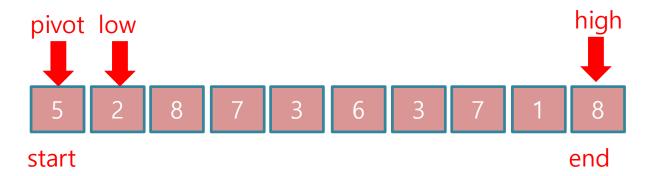
Pivot 값을 기준으로 왼쪽에는 작은 값만 오른쪽에는 큰 값만 모였다!!



Pivot 은 제외 하고 pivot의 왼쪽과 오른쪽에서 같은 알고리즘을 수행



정렬 알고리즘 :QsortExchange(int start, int end) :Quicksort



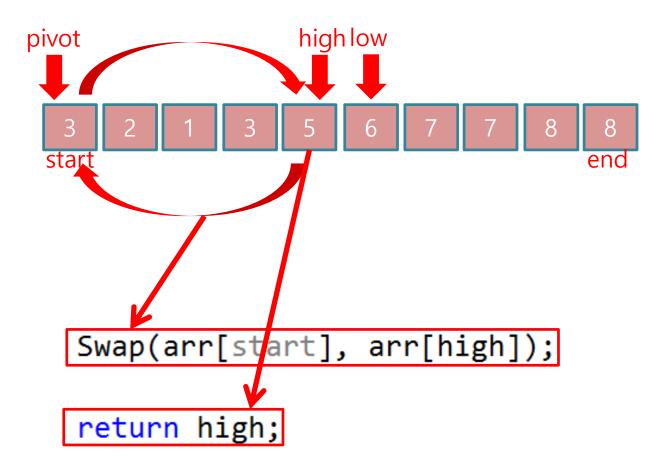
```
T pivot = arr[start];
int low = start+1;
int high = end;
```

```
정렬 알고리즘
              :QsortExchange(int start, int end)
 : Quicksort
                                               high
                  low
         pivot
         start
                                                    end
      while (low <= high)</pre>
      {
          while (arr[low] <= pivot && low <= end)</pre>
               low++;
          while (arr[high] >= pivot && high >= (start+1))
               high--;
          if (low <= high)</pre>
               Swap(arr[low], arr[high]);
```

```
정렬 알고리즘 :QsortExchange(int start, int end)
:Quicksort
```

```
high
             low
   pivot
start
while (low <= high)</pre>
{
    while (arr[low] <= provot && low <= end)</pre>
         low++;
                          = pivot && high >= (start+1))
    while (arr[high]
         high--;
     if (low <= high)</pre>
         Swap(arr[low], arr[high]);
}
```

정렬 알고리즘 :QsortExchange(int start, int end)
: Quicksort



정렬 알고리즘 : Quicksort : Quicksort

```
pivot1 low1
                         pivot2 low2
                                              high2
                  high1
    start
                                               end
void SortingArray<T, n>::quicksort(int start, int end)
    if (start > end)//탈출 조건
        return,
   int middle = QsortExchange(start, end);
    quicksort(start) middle - 1);
    quicksort(middle + 1, end);
}
```

정렬 알고리즘

: Quicksort

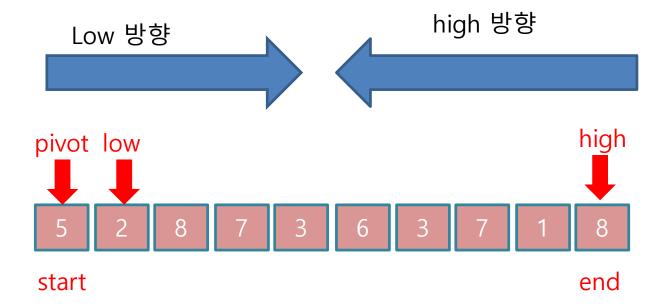
빅오를 계산해봅시다

연산 횟수를 계산하기 위해 주요 비교 연산 부분을 결정합니다.

Low와 pivot, high와 pivot과의 크기 비교 연산!!

```
while (arr[low] <= pivot && low <= end)
    low++;

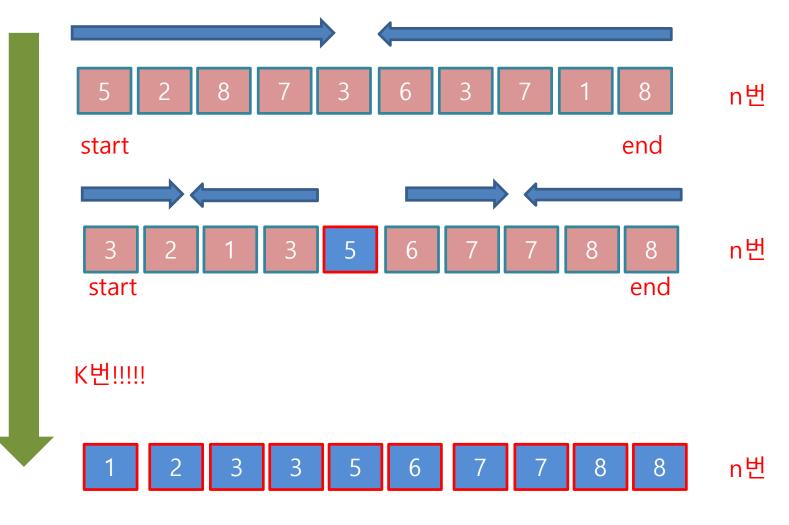
while (arr[high] >= pivot && high >= (start+1))
    high--;
```



즉 데이터 개수와 같이 n번 연산합니다

정렬 알고리즘

: Quicksort



$$T(n) = n * k$$

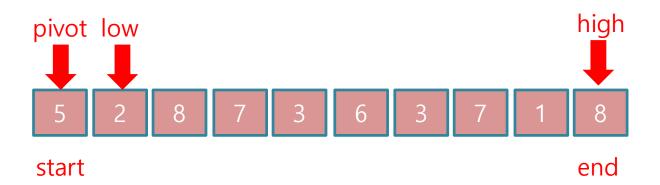
$$n * (\frac{1}{2})^k = 1$$
 $k = \log_2 n$

$$T(n) = n * \log_2 n$$

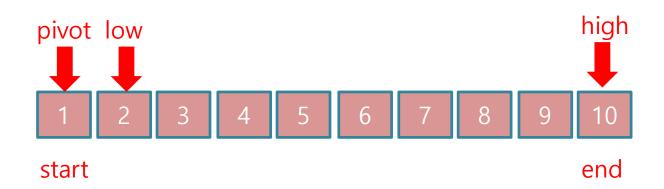
$$O(n * log n)$$

항상 pivot을 맨 왼쪽에 두면......

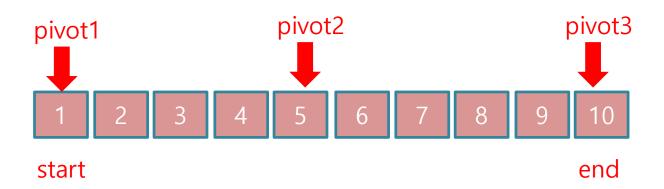
Pivot을 맨 왼쪽에! Low는 그 다음에!



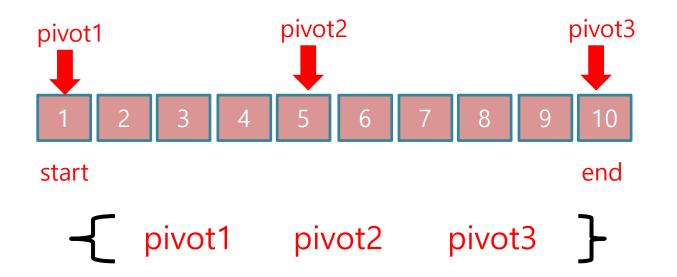
이렇게 완벽하게 정렬된 경우 배열이 두 개로 쪼개지지 않으므로 성능이 좋지 않습니다



이럴 경우에는 pivot을 결정할 때 만 왼쪽, 가운데, 맨 오른쪽 값을 비교해 중간 값을 Pivot으로 만듭니다

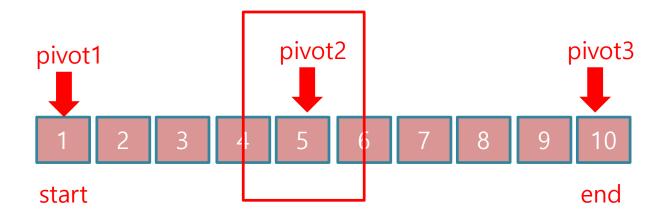


정렬 알고리즘 : GetPivot(int start, int end) : Quicksort



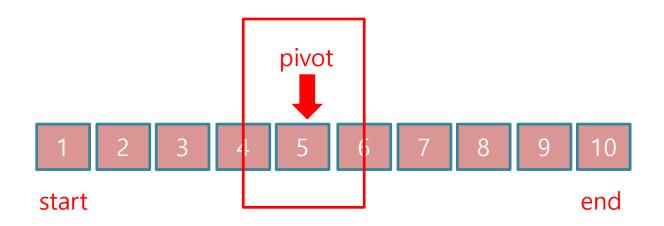
Pivot 인덱스에서의 값을 정렬하기 위해 버블 정렬을 사용

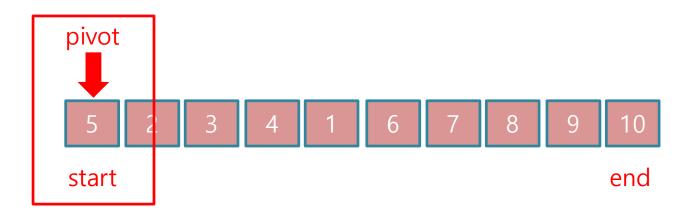
```
정렬 알고리즘
                 GetPivot(int start, int end)
 : Quicksort
                            pivot2
                                                     pivot3
       pivot1
       start
                                                       end
          int SortingArray<T, n>::GetPivot(int start, int end)
             int mid = (start + end) / 2;
             int idxArr[3] = { start, mid, end };
             if (arr[idxArr[0]] > arr[idxArr[1]])
                 SwapIdx(idxArr[0], idxArr[1]);
             if (arr[idxArr[1]] > arr[idxArr[2]])
                                                 버블정렬
                 SwapIdx(idxArr[1], idxArr[2]);
             if (arr[idxArr[0]] > arr[idxArr[1]])
                 SwapIdx(idxArr[0], idxArr[1]);
                                가운데 값인 5의 인덱스 mid를 반환할 것
             return idxArr[1];
```



그럼 중간 값 pivot을 구했으니 코드를 다시 짜야 하나요?

Pivot을 맨 왼쪽으로 옮기면 됩니다.





```
int SortingArray<T, n>::QsortExchange(int start, int end)
   callOfExchange++;
   //pivot을 start로 고정할 때와 세 가지 중 하나를 고를 때의
   int idxPivot = GetPivot(start, end); Getpivot()함수로 가운데값 pivot을 얻고
   Swap(arr[start], arr[idxPivot]); Pivot을 맨 앞쪽으로 옮긴다(바꾼다)
   //pivot은 맨 앞쪽 것으로 한다.
                              위처럼 두 줄만 넣어주면
   T pivot = arr[start];
                              평균적으로 성능이 좋아진다고
   int low = start+1;
                              합니다!!
   int high = end;
```

Quicksort는 정렬 알고리즘 중 성능이 꽤 좋다고 알려져 있고 Worst case로 빅오를 따지는 다른 경우와 다르게 average case로 계산합니다