

Zusammenfassung Einführung in die Physik Teil

2

4. Mai 2025

Inhaltsverzeichnis

1	Elektrostatik	2
1.1	Ladungserhaltung	2
1.2	Coulomb Kraft	3
1.3	Das Elektrische Feld	4
1.4	Elektrische Leiter in einem elektrischen Feld	5
1.5	Das Superpositionsprinzip	6
1.6	Spannung	6
1.7	Plattenkondensator	7
1.7.1	Beweis für die homogenität des elektrischen Feldes des Plattenkondensators	8
1.8	Kapazität	9
1.9	Schaltzeichen eines Plattenkondensators	10
1.10	Der elektrische Dipol	10
1.10.1	Homogenes elektrisches Feld	11
1.10.2	Inhomogenes elektrisches Feld	12
1.11	Dielektrikum	13
1.12	Der elektrische Strom	13
1.12.1	Bewegte Ladungen in Feldern	13
1.13	Das Ohmsche Gesetz:	15
1.14	Ohmsche Widerstände	16
1.15	Parallelschaltung zweier Widerstände	16
1.16	Serienschaltung von Widerständen	17
1.17	Netzwerke und Kirchhoff'sche Regeln	18
1.17.1	Kirchhoffsche Regeln	18

1 Elektrostatik

Ladungen sind immer an Teilchen mit einer Masse gebunden. Ein Ladungstransport stellt einen elektrischen Strom dar und Ladungstransport ist immer mit Massentransport verbunden.

- negative Ladungen: Elektronen, negative Ionen
- positive Ladungen: Protonen, positive Ionen

Gleichartige Ladungen stoßen sich ab, entgegengesetzte Ladungen ziehen sich an. Alle Kräfte zwischen Atomen und Molekülen, Festkörpern haben ihren Ursprung in Ladungen.

Die elektrische Ladung q hat die Einheit Coulomb (SI-Einheit):

$$[q] = 1 \text{ C} = 1 \text{ A s} \quad (1)$$

Die Elementarladung e hat den Wert:

$$e = 1,6021892(46) \times 10^{-19} \text{ C} \quad (2)$$

Das Verhältnis der Elementarladung zur Masse eines Elektrons beträgt:

$$\frac{e}{m_e} = 1,7588047(49) \times 10^{11} \frac{\text{C}}{\text{Kg}} \quad (3)$$

Daraus folgt, dass die Masse eines Elektrons deutlich kleiner ist als der Wert der Elementarladung. Die Ladung der Quarks ist ein Vielfaches der Ladung eines Protons/Elektrons und somit der Elementarladung.

$$q_{\text{up Quarks}} = \frac{2}{3} q_{\text{Proton}} = \frac{2}{3} e \quad (4)$$

$$q_{\text{down Quarks}} = \frac{1}{3} q_{\text{Elektron}} = -\frac{1}{3} e \quad (5)$$

Die Ladung eines Protons ist gleich der Elementarladung und die Ladung eines Elektrons gleich der negativen Elementarladung.

$$q_{\text{Proton}} = -q_{\text{Elektron}} \quad (6)$$

1.1 Ladungserhaltung

In einem abgeschlossenen System bleibt die Gesamtladung zeitlich konstant, das heißt Ladungen können weder erzeugt noch vernichtet werden. Es gilt der Satz von der Erhaltung der Gesamtladung:

$$\sum_{i=1}^N q_i = \text{const.} \quad (7)$$

Beispiele für die Ladungserhaltung ist der Neutronenzerfall. Hier zerfällt ein Neutron mit der Ladung $q_n = 0$ in ein Proton mit der Ladung $q_p = +e$ und einem Elektron $q_e = -e$ und in ein Elektron-Antineutrino $q_{\bar{\nu}_e} = 0$.

$$n \longrightarrow p + e^- + \bar{\nu}_e \quad (8)$$

Die Gesamtladung vor dem Zerfall betrug die des Neutrons, also gleich null. Nach dem Zerfall liegt die Ladung des Protons, des Elektrons und des Elektron-Antineutrinos vor.

$$q_{\text{nach}} = e + (-e) + 0 = 0 \quad (9)$$

Somit ist die Gesamtladung vor dem Zerfall identisch mit der Ladung nach dem Zerfall.

1.2 Coulomb Kraft

Zwischen Ladungen wirken Kräfte, die von der Größe der Ladung und ihrem Abstand abhängen. Die Elektrische Kraft zwischen zwei geladenen Teilchen wird durch das Coulomb Gesetz beschrieben:

$$\vec{F} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \hat{r} \quad (10)$$

Die Kraft kann anziehend oder Abstoßend sein, je nach Art der Ladung. Wenn

- $q_1 \cdot q_2 < 0$ dann ist die Kraft anziehend
- $q_1 \cdot q_2 > 0$ dann ist die Kraft abstoßend

k ist definiert als

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 8,988 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2} \quad (11)$$

ϵ_0 beschreibt die Dielektrizitätskonstante des Vakuums mit

$$\epsilon_0 = 5,854188 \times 10^{-12} \frac{\text{C}}{\text{Vm}} \quad (12)$$

Innerhalb von Materie muss die Dielektrizitätskonstante ϵ des Mediums berücksichtigt werden. Somit wird k zu:

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon(\omega)\epsilon_0} \quad (13)$$

Für Wasser gilt zum Beispiel: $\epsilon(0) = 81$

Die Coulomb-Kraft ist eine Wechselwirkung. Die Quantenelektrodynamik beschreibt sie folgendermaßen:

”Die elektromagnetische Wechselwirkung zwischen geladenen Teilchen (z.B. Elektronen) findet durch den Austausch von virtuellen Photonen statt.”

Virtuelle Photonen sind keine "klassischen Lichtteilchen", sie existieren nur kurzzeitig während einer Wechselwirkung, und können weder beobachtet noch nachgewiesen werden - sie sind ein mathematisches Modell, das die Wechselwirkung beschreibt.

Die Gravitationskraft hat dieselbe Form wie das Coulombsche Gesetz. Die Gravitationskraft ist jedoch immer anziehend. Sie wird beschrieben über:

$$\vec{F}_{m_1 \rightarrow m_2} = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2} \hat{r} \quad (14)$$

Mit der Gravitationskonstante $\gamma = 6.67430(15) \times 10^{-11} \frac{\text{m}^3}{\text{Kg s}^2}$. Für ein Elektron mit der Ladung $-e$, welches sich um ein Proton mit der Ladung e bewegt gilt:

$$\frac{F_C}{F_G} \quad (15)$$

Also ist die Coulomb Kraft viel größer als die Gravitationskraft ($F_C \gg F_G$).

1.3 Das Elektrische Feld

Das Elektrische Feld $\vec{E}(\vec{r})$ ist durch die Kraft auf eine Probeladung q definiert.

$$\vec{F}(\vec{r}) = q\vec{E}(\vec{r}) \quad (16)$$

Über die Coulomb Kraft ergibt sich für das Elektrische Feld einer Punktladung Q

$$\vec{E}(\vec{r}) = k \frac{Q}{r^2} \hat{r} \quad (17)$$

Für positive Ladungen zeigt der Feldvektor nach außen, für negative Ladungen nach innen.

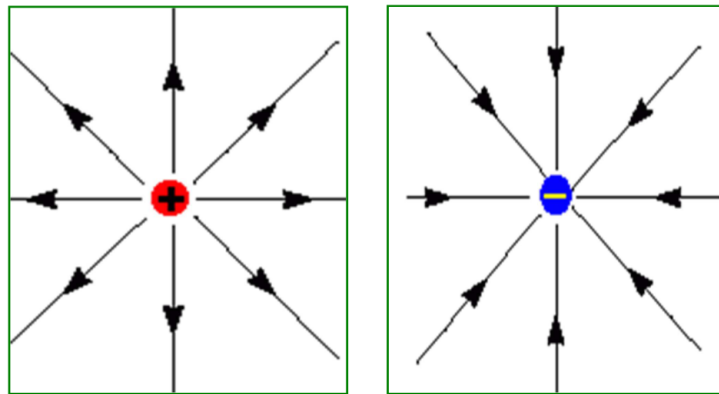


Abbildung 1: Links nach außen gerichteter Feldvektor, rechts nach innen gerichteter Feldvektor.

Elektrische Feldlinien starten an positiven und enden an negativen Ladungen. Bei gleichen Ladungen stoßen sich die Feldlinien ab, bei entgegengesetzten Ladungen enden sie in der negativen Ladung. Feldlinien können niemals bei der Ladung enden von der sie herkommen (keine geschlossenen Feldlinien).

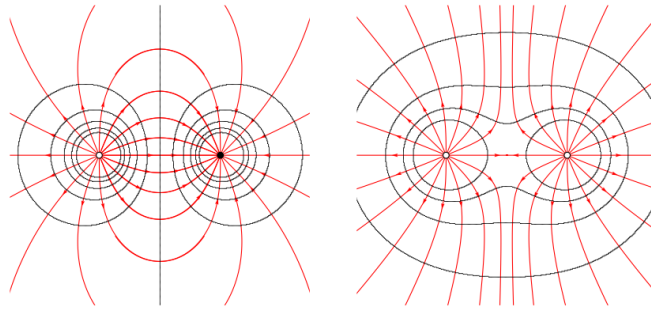


Abbildung 2: Links zwei entgegengesetzte Ladungen, Rechts zwei identische Ladungen

1.4 Elektrische Leiter in einem elektrischen Feld

Das Elektrische Feld im inneren eines geschlossenen Leiters ist immer null. An der Oberfläche eines Leiters steht das elektrische Feld immer senkrecht zur Oberfläche. Ein Beispiel für diese Eigenschaften ist der Faraday-Käfig.

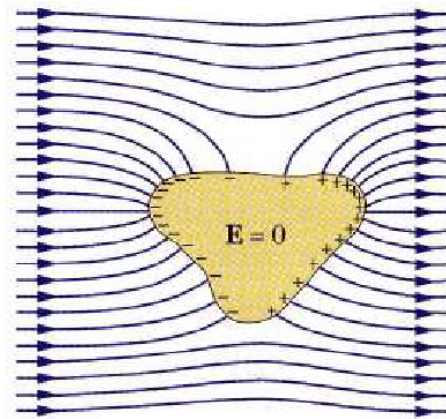


Abbildung 3: Zu sehen ist, dass im inneren des Leiters das Elektrische Feld Null ist und die Feldlinien senkrecht zur Oberfläche stehen.

1.5 Das Superpositionsprinzip

Will man ein Elektrisches Feld für mehrere Ladungen berechnen, so ergibt sich das resultierende Feld und Kraft durch die Überlagerung der einzel Felder. Für das Elektrische Feld der Ladungen q_i am Punkt P (die Probeladung) gilt:

$$E_P = k \cdot \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{|\vec{r}_i|^2} \hat{r}_i \quad (18)$$

Die Kraft auf die Probeladung q ergibt sich dann als:

$$\vec{F} = q\vec{E}_P \quad (19)$$

1.6 Spannung

Die elektrische Spannung ist Arbeit im elektrischen Feld. Ihre Einheit ist $[\vec{E}] = \frac{V}{m}$. Die Ladung q befindet sich in einem elektrischen Feld $\vec{E}(\vec{r})$ und soll von \vec{r}_1 nach \vec{r}_2 verschoben werden. Dafür ist die Arbeit:

$$W = \int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{F}(\vec{r}) d\vec{r} \quad (20)$$

$$= q \int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{E}(\vec{r}) d\vec{r} \quad (21)$$

notwendig.

Der Ausdruck des Integrals des Elektrischen Feldes wird als Potentialdifferenz ($U_2 - U_1$) bezeichnet:

$$\int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{E}(\vec{r}) d\vec{r} = U_2 - U_1 \quad (22)$$

Somit ergibt sich für die Arbeit W im elektrostatischen Feld:

$$W = q \int_{\vec{r}_1}^{\vec{r}_2} \vec{E}(\vec{r}) d\vec{r} = q(U_2 - U_1) \quad (23)$$

Die Arbeit in einem elektrostatischen Feld ist vom Weg unabhängig und hängt nur vom Anfangspotential U_1 und Endpotential U_2 ab. Ist dies gegeben, so handelt es sich um ein **konservatives Kraftfeld**.

In einem solchen Feld existiert ein Potential $U(\vec{r})$, aus dem das elektrische Feld berechnet werden kann:

$$\vec{E}(\vec{r}) = -\vec{\nabla}U(\vec{r}) \quad (24)$$

Diese Gleichung beschreibt, wie stark und in welche Richtung sich das Potential ändert. Das **Minuszeichen** zeigt an, dass das elektrische Feld in Richtung

des stärksten Abfalls des Potentials zeigt.

Das Potential einer Punktladung Q lässt sich über

$$U(\vec{r}) = k \cdot \frac{Q}{r} (+U_0) \quad (25)$$

berechnen.

Die Spannung (Potentialdifferenz) ist nur definiert zwischen zwei Punkten. Für die Potentialdifferenz zwischen Punkt A und Punkt B gilt:

$$U_{AB} = U(\vec{r}_2) - U(\vec{r}_1) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right) \quad (26)$$

Ist das Potential gleich Null, so liegt der Punkt im unendlichen.

$$\lim_{r \rightarrow \infty} U(\vec{r}) = 0 \quad (27)$$

Also: umso weiter weg man von einer Punktladung geht, desto kleiner wird das Potential.

1.7 Plattenkondensator

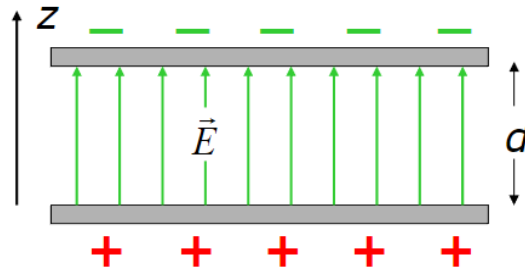


Abbildung 4: Der Aufbau eines Plattenkondensators mit der z -Achse

Bei einem Plattenkondensator gibt es zwei parallele, gegengesetzt geladene Metallplatten im Abstand d . Diese bilden einen Kondensator aus. Die Feldvektoren stehen senkrecht auf der positiv geladenen Platte und sind senkrecht auf die negative Platte gerichtet. Sie entsprechen dem Einheitsvektor in z -Richtung:

$$\vec{E} \parallel \hat{e}_z \quad (28)$$

Zudem ist das Elektrische Feld konstant, also homogen (überall gleich stark und gleiche Richtung) im inneren des Kondensators.

$$\vec{E}(\vec{r}) = \vec{E}_0 = \text{const.} \quad (29)$$

Die Potenzialdifferenz (Spannung) zwischen den Platten ist:

$$\Delta U = \int_0^d E(z) dz \quad (30)$$

$$= E_0 \int_0^d dz \quad (31)$$

$$= E_0 \cdot d \quad (32)$$

Schritt 31 geht auf Grund des homogenen Feldes innerhalb des Plattenkondensators (siehe Formel 29). Für das Feld folgt damit:

$$E_0 = \frac{\Delta U}{d} \quad (33)$$

Für die Einheit des elektrischen Feldes gilt $[E] = \frac{V}{m}$. Bei Platten endlicher Länge, ist das Feld am Rand (also Rechts und links) inhomogen.

1.7.1 Beweis für die Homogenität des elektrischen Feldes des Plattenkondensators

Man betrachte eine Probeladung q die sich im Abstand a über einer großen Fläche mit gleichmäßiger Flächenladungsdichte σ befindet.

Diese Fläche trägt eine Ladung:

$$dQ = \sigma \cdot da \quad (34)$$

Die Probeladung spürt eine Kraft durch das elektrische Feld dieser Fläche.

$$dF = k \cdot \frac{q \cdot dQ}{b^2} = k \cdot \frac{q \cdot \sigma \cdot dA}{b^2} \quad (35)$$

dabei ist b der Abstand zwischen Probeladung und einem infinitesimal kleinen Flächenelement dA .

Nun zerlegt man die Kraft in zwei Richtungen. Einmal senkrecht zur Fläche (wirksame Kraft)

$$dF_s = dF \cdot \cos \alpha \quad (36)$$

und einmal Parallel zur Fläche (Symmetrische Kraft, diese hebt sich auf.)

$$dF_p = dF \cdot \sin \alpha = 0 \quad (37)$$

Die Symmetrische Kraft hebt sich auf, da alle horizontalen Anteile der Kräfte der Kräfte von gegenüberliegenden Flächenelementen kompensiert werden.

Nun wird ein Ring mit Radius r und Breite dr betrachtet. Für die Fläche gilt:

$$dA = 2\pi r dr \quad (38)$$

Es gelten folgende Beziehungen:

$$r = a \cdot \tan \alpha \quad (39)$$

$$b = \frac{a}{\cos \alpha} \quad (40)$$

Die Ableitung von r nach α :

$$\frac{dr}{d\alpha} = \frac{a}{\cos^2 \alpha} \quad (41)$$

Eingesetzt in dF_s mit anschließendem Umformen und Integrieren gibt:

$$F = \frac{q \cdot \sigma}{2\varepsilon_0} \quad (42)$$

Somit haben wir bewiesen, dass die Kraft unabhängig von a ist und somit konstant ist. Somit ist das Feld eines idealen Plattenkondensators homogen.

Für die Kraft zweier Platten mit Ladung Q gilt:

$$E = \frac{\sigma}{\varepsilon_0} = \frac{Q}{\varepsilon_0 \cdot A} \quad (43)$$

1.8 Kapazität

Die Kapazität C ist ein Maß dafür, wieviel Ladung man in einem Kondensator bei konstanter Spannung speichern kann.

Für das elektrische Feld gilt:

$$E = \frac{U}{d} \quad (44)$$

$$= \frac{Q}{\varepsilon_0 A} \quad (45)$$

Die Kapazität C ist nun das Verhältnis zwischen der Ladung Q und der Spannung U

$$C = \frac{Q}{U} \quad (46)$$

$$= \frac{A\varepsilon_0}{d} \quad (47)$$

Diese Kapazität C hängt nur von der Geometrie ab. Ihre Einheit ist Farad $[C] = 1 \text{ F} = 1 \frac{\text{As}}{\text{V}}$

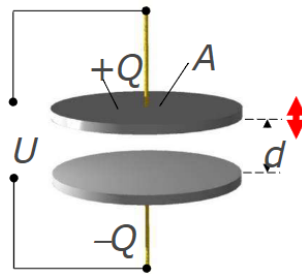
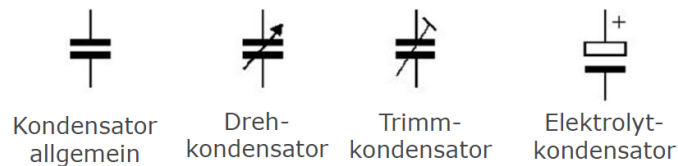


Abbildung 5: Aufbau eines Plattenkondensators mit seinen relevanten Größen.

1.9 Schaltzeichen eines Plattenkondensators

Symbole in Schaltplänen



1.10 Der elektrische Dipol

Zwei Unterschiedliche Ladungen im Abstand d nennt man elektrischer Dipol. Das Dipolmoment \vec{p} ist definiert als:

$$\vec{p} = q\vec{d} \quad (48)$$

Das Dipolmoment ist ein Vektor, entlang der Verbindungslinie der beiden Ladungen. \vec{d} ist immer der Vektor von der negativen Ladung zur positiven. q ist der Betrag einer der beiden Ladungen (Diese sind beim Dipolmoment identisch).

1. Permanentes Dipolmoment:

Im HCl-Molekül haben das H^+ und das Cl^- einen Abstand d und eine Ladung $q = e$.

Für das Dipolmoment ergibt sich somit:

$$\vec{p} = e\vec{d} \quad (49)$$

2. Induziertes Dipolmoment:

Ein äußeres Feld verschiebt positive und negative Ladungsschwerpunkte.

Ein Beispiel ist das Xenon Atom. Hier gilt:

$$\vec{d} \propto \vec{E} \quad (50)$$

$$\vec{p} \propto \vec{E} \quad (51)$$

3. Kompliziertere Ladungsverteilungen können in erster Näherung als Dipol angesehen werden. Als Beispiel ist hier das Wasser Molekül zu nennen.

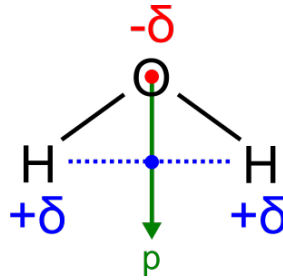


Abbildung 6: Wasser Molekül mit Dipolmoment

1.10.1 Homogenes elektrisches Feld

Ein homogenes elektrisches Feld ist ein Feld, in dem die elektrische Feldstärke überall gleich groß und gleich gerichtet ist.

Auf eine positive (q) und eine negative ($-q$) Ladung q wirkt das elektrische Feld \vec{E} . Die Kräfte die auf Ladung 1 und Ladung 2 wirken ergeben sich durch:

$$\vec{F}_1 = q\vec{E} \quad (52)$$

$$\vec{F}_2 = -q\vec{E} \quad (53)$$

Die resultierende Kraft auf den Dipol ist:

$$\vec{F}_{\text{Dipol}} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 \quad (54)$$

$$= q\vec{E} - q\vec{E} \quad (55)$$

$$= \vec{0} \quad (56)$$

Der Dipol bleibt jedoch nicht in Ruhe. Es wirkt ein Drehmoment:

$$\vec{M}_{\text{Dipol}} = \vec{r}_1 \times \vec{F}_1 + \vec{r}_2 \times \vec{F}_2 \quad (57)$$

$$= q\vec{r}_1 \times \vec{E} - q\vec{r}_2 \times \vec{E} \quad (58)$$

$$= q(\vec{r}_1 - \vec{r}_2) \times \vec{E} \quad (59)$$

$$= q\vec{d} \times \vec{E} \quad (60)$$

Mit dem Dipolmoment $\vec{p} = q\vec{d}$

$$= \vec{p} \times \vec{E} \quad (61)$$

Ein Dipol in einem homogenen elektrischen Feld erfährt ein Drehmoment, das ihn so ausrichtet, dass sein Dipolmoment parallel zum elektrischen Feld zeigt. Sobald diese Ausrichtung erreicht ist, bleibt der Dipol in dieser Stellung, weil dann kein Drehmoment mehr auf ihn wirkt.

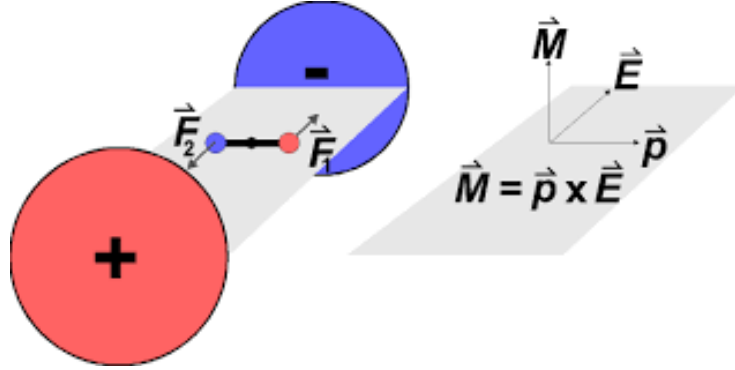


Abbildung 7: Ein Dipol mit zwei Ladungen (kleine Punkte rot/blau) im Elektrischen Feld mit den vom Elektrischen Feld auf die Ladung wirkenden Kräfte.

1.10.2 Inhomogenes elektrisches Feld

Ein inhomogenes elektrisches Feld bedeutet, $\vec{E}(\vec{r})$ ist nicht überall gleich (also homogen) sondern je nach Ort Unterschiedlich. Somit ist die Kraft die auf die Ladung wirkt nicht gleich groß, weil das elektrische Feld inhomogen ist.

$$\vec{F}_1 = q\vec{E}(\vec{r}_1) \quad (62)$$

$$\vec{F}_2 = -q\vec{E}(\vec{r}_2) \quad (63)$$

Die Gesamtkraft des Dipols ergibt sich als:

$$\vec{F}_{\text{Dipol}} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 \quad (64)$$

$$= q\vec{E}(\vec{r}_1) - q\vec{E}(\vec{r}_2) \quad (65)$$

$$\neq \vec{0} \quad (66)$$

Diese ist nicht gleich dem Nullvektor, da $E(\vec{r}_1) \neq E(\vec{r}_2)$. Es existiert im gegensatz zum homogenen elektrischen Feld eine **resultierende Kraft**, also eine Translationskraft.

Für kleine Dipole, also $d \rightarrow 0$ kann die elektrische Feldstärke entwickelt werden. Für eine Dimension (also alle Vektoren sind Parallel) gilt:

$$E_2 = E_1 - \frac{dE}{dx}d \quad (67)$$

Diese Kraft hängt von der Änderung des elektrischen Felds $\frac{dE}{dx}$ und der Größe des Dipolmoments $p = qd$ ab.

1.11 Dielektrikum

Bringt man zwischen die Platten eines Kondensators eine isolierende Platte, so sinkt die Spannung U um den Faktor ε . Da die Ladung $Q = C \cdot U = \text{const}$ ist, muss sich die Kapazität C um den Faktor ε erhöhen.

$$C_{\text{Dielektrikum}} = \varepsilon C_{\text{Vakuum}} = \varepsilon \varepsilon_0 \frac{A}{d} \quad (68)$$

mit der relativen Dielektrizitätskonstante $\varepsilon > 1$. Isolierende Stoffe heißen deshalb auch **Dielektrika**.

1.12 Der elektrische Strom

1.12.1 Bewegte Ladungen in Feldern

Ein Teilchen mit einer Ladung q erfährt im elektrischen Feld die Kraft:

$$\vec{F}_E = q \vec{E} \quad (69)$$

Hierdurch wird diese beschleunigt. Nach dem 2. Newtonschen Gesetz gilt:

$$\vec{F} = \dot{\vec{p}} = m \ddot{\vec{r}} \quad (70)$$

Die Beschleunigung erfolgt in Richtung der Feldlinien.

Die Bewegungsgleichung ergibt sich durch gleichsetzen und Umformen:

$$\ddot{\vec{r}} = \frac{q}{m} \vec{E} \quad (71)$$

Ein Beispiel für bewegte Ladungen ist die Oszillographenröhre (Auch Braunsche Röhre). Dies ist eine von Ferdinand Braun entwickelte Röhre. An der Kathode werden Elektronen durch Erhitzung erzeugt, an der Anode werden die Elektronen beschleunigt und an den Ablenkplatten wird ein elektrisches Feld erzeugt, welches zur Ablenkung des Elektronenstrahls dient. Auf einem Leuchtschirm sind die Auftreffpunkte der Elektronen sichtbar.

Physikalische Beschreibung der Brownschen Röhre

- Ladung: $q_e = -e$
- Masse: $m = m_e$

Das Elektrische Feld ist definiert als:

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E} \quad (72)$$

Mit dem 2. Newtonschen Gesetz und der Ladung $q = e$ folgt:

$$F = m_e \cdot a_e = e \cdot E_a \quad (73)$$

Umstellen nach der Beschleunigung a_e gibt:

$$a_e = \frac{e}{m_e} E_a \quad (74)$$

Mit $E_a = \frac{U_a}{d}$ folgt:

$$a_e = \frac{eU_a}{m_e d} \quad (75)$$

Für $a = \text{const}$ gilt:

$$d = \frac{1}{2} a_e t^2 \quad (76)$$

Umstellen auf d gibt:

$$t = \sqrt{\frac{2d}{a_e}} \quad (77)$$

Mit Gleichung 75 folgt:

$$t = \sqrt{\frac{2m_e d^2}{eU_a}} \quad (78)$$

Da es sich um eine eindimensionale Bewegung mit $a = \text{const}$ handelt gilt für die Geschwindigkeit:

$$v = a_e \cdot t = \frac{e}{m_e} E_a t = \sqrt{\frac{2eU_a}{m_e}} \quad (79)$$

Ablenkung durch die Platten

In den Platten wirkt die transversale Kraft.

$$F_p = ma_p = eE_p = e \frac{U_p}{h} \quad (80)$$

Daraus folgt die Transversalbeschleunigung a_p mit:

$$a_p = \frac{eU_p}{m_e h} \quad (81)$$

Die Ablenkung z ergibt sich aus der Kinematik für $a_p = \text{const}$:

$$z = \frac{1}{2} a_p t_p^2 \quad (82)$$

Die Flugzeit durch die Platten t_p ergibt sich aus der Länge der Platten l und der Geschwindigkeit v :

$$t_p = \frac{l}{v} = l \sqrt{\frac{m_e}{2eU_a}} \quad (83)$$

Damit den Termen für a_p und t_p berechnet sich die Ablenkung $z(U_p)$ als:

$$z(U_p) = \frac{eU_p}{2m_e h} l^2 \frac{m_e}{2eU_a} \quad (84)$$

$$= \frac{U_p l^2}{4U_a h} \quad (85)$$

Die Braunsche Röhre kann als Oszilloskop zur Messung schneller Signale verwendet werden.

1.13 Das Ohmsche Gesetz:

Die Spannung U erzeugt in einem Leiter ein homogenes Elektrisches Feld E . Dies führt zu einem Strom I durch die Fläche A .

Die Stromdichte j ist definiert als:

$$j = \frac{I}{A} \quad (86)$$

Die Stärke des Stromes ist proportional zum angelegten elektrischen Feld E :

$$\vec{j} = \sigma \vec{E} \quad (87)$$

Mit der Leitfähigkeit σ . Sie ist eine spezifische Materialkonstante. Ihre Einheit ist:

$$[\sigma] = \frac{A}{Vm} = \frac{1}{(V/A)m} \quad (88)$$

Das Verhältnis aus angelegter Spannung U zum Strom I nennt man den Widerstand R : Es gilt:

$$R = \frac{U}{I} \quad (89)$$

Mit $[R] = V/A = 1\Omega$ also Ohm.

Das homogene elektrische Feld führt zu einer Potentialdifferenz zwischen den Leiter-Enden.

$$\varphi_2 - \varphi_1 = U = \int_0^l E dr \quad (90)$$

$$= E \cdot l \quad (91)$$

$$= \frac{j}{\sigma} l \quad (92)$$

$$= \frac{l}{\sigma} \cdot \frac{I}{A} \quad (93)$$

A ist die Querschnittsfläche und l die Länge des Leiters. Daraus folgt:

$$U = \frac{l}{\sigma A} I \quad (94)$$

Mit dem Widerstand

$$R = \frac{l}{\sigma A} \quad (95)$$

Also ergibt sich:

$$U = R(U, I, T, \dots) \cdot I \quad (96)$$

Der Widerstand kann von Unterschiedlichen Größen abhängen. Bei vielen Leitern ist der Widerstand praktisch konstant.

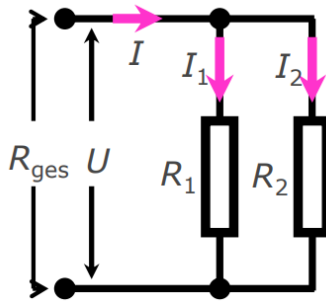
Dann gilt das Ohm'sche Gesetz:

$$\boxed{U = R \cdot I} \quad (R = \text{const}) \quad (97)$$

1.14 Ohmsche Widerstände

Widerstände sind durch 4 oder 5 Farbringe gekennzeichnet. Aus diesen Ringen können die spezifischen Eigenschaften wie der Widerstand R und die Toleranz ermittelt werden.

1.15 Parallelschaltung zweier Widerstände



Der Gesamtstrom ist:

$$I_{\text{ges}} = I_1 + I_2 \quad (98)$$

Nach dem Ohmschen Gesetz folgt:

$$I_{\text{ges}} = U \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) \quad (99)$$

Mit

$$R_{\text{ges}} = \frac{U}{I_{\text{ges}}} \quad (100)$$

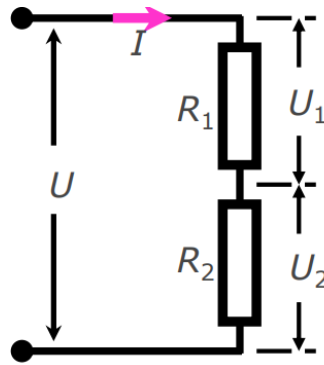
folgt:

$$R_{\text{ges}} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} \quad (101)$$

Für N Widerstände gilt:

$$\frac{1}{R_{\text{ges}}} = \sum_{i=1}^N \frac{1}{R_i} \quad (102)$$

1.16 Serienschaltung von Widerständen



Für die Spannung gilt:

$$U = U_1 + U_2 \quad (103)$$

Außerdem gilt:

$$U_i = R_i \cdot I \quad (104)$$

Somit folgt:

$$U = I(R_1 + R_2) = I \cdot R_{\text{ges}} \quad (105)$$

Somit gilt:

$$R_{\text{ges}} = R_1 + R_2 \quad (106)$$

Für N Widerstände in Serienschaltung gilt:

$$R_{\text{ges}} = \sum_{i=1}^N R_i \quad (107)$$

1.17 Netzwerke und Kirchhoff'sche Regeln

⇒ Berechnung von Spannung und Strömen in beliebigen Netzwerken.

1.17.1 Kirchhoffsche Regeln

1. Die Knotenregel:

Aufgrund von Ladungserhaltung fließt soviel Strom in einen Knoten wie auch wieder herausfließt. Im Knoten verschwindet die Summe aller Ströme:

$$\sum_{i=1}^{I_i} = 0 \quad (108)$$