# ANNO ACCADEMICO 2024/2025

# Intelligenza Artificiale e Laboratorio

# Teoria

# Altair's Notes



DIPARTIMENTO DI INFORMATICA

1.1	Il Corso in Breve Motivazioni — 5	5	
CAPITOLO 2	IL PROLOG	PAGINA 8	_
2.1	Le Basi Liste — 10	8	
2.2	Interprete PROLOG Breve Ripasso di Logica — 11 • Risoluzione SLD — 13 • Il Cut — 14	10	
2.3	Strategie di Ricerca in PROLOG Ricerca nello Spazio degli Stati — 16 • Cammini (Labirinto) — 16 • Strategie di Rice	15 erca — 18	
CAPITOLO 3	Answer Set Programming	Pagina 21	_
3.1	Introduzione Negazione — 22	21	
3.2	Semantica	22	
CAPITOLO 4	Darring and Danning and Albarra	D	
APITULU 4	Domande per Prepararsi per l'Esame	Pagina 25	
4.1	Parte 1 (PROLOG e CLINGO) PROLOG — $25 \bullet ASP - 26$	25	
4.2	Parte 2	28	

CAPITOLO 1 INTRODUZIONE PAGINA 5

# Premessa

# Licenza

Questi appunti sono rilasciati sotto licenza Creative Commons Attribuzione 4.0 Internazionale (per maggiori informazioni consultare il link: https://creativecommons.org/version4/).



# Formato utilizzato

Box di "Concetto sbagliato":

Concetto sbagliato 0.1: Testo del concetto sbagliato

Testo contente il concetto giusto.

#### Box di "Corollario":

Corollario 0.0.1 Nome del corollario

Testo del corollario. Per corollario si intende una definizione minore, legata a un'altra definizione.

#### Box di "Definizione":

Definizione 0.0.1: Nome delle definizione

Testo della definizione.

#### Box di "Domanda":

#### Domanda 0.1

Testo della domanda. Le domande sono spesso utilizzate per far riflettere sulle definizioni o sui concetti.

# Box di "Esempio":

Esempio 0.0.1 (Nome dell'esempio)

Testo dell'esempio. Gli esempi sono tratti dalle slides del corso.

# Box di "Note":

Note:-

Testo della nota. Le note sono spesso utilizzate per chiarire concetti o per dare informazioni aggiuntive.

# Box di "Osservazioni":

# Osservazioni 0.0.1

Testo delle osservazioni. Le osservazioni sono spesso utilizzate per chiarire concetti o per dare informazioni aggiuntive. A differenza delle note le osservazioni sono più specifiche.

# Introduzione

# 1.1 Il Corso in Breve...

#### 1.1.1 Motivazioni

#### Definizione 1.1.1: Intelligenza Artificiale

L'intelligenza artficiale (o IA, dalle iniziali delle due parole, in italiano) è una disciplina appartenente all'informatica che studia i fondamenti teorici, le metodologie e le tecniche che consentono la progettazione di sistemi hardware e sistemi di programmi software capaci di fornire all'elaboratore elettronico prestazioni che, a un osservatore comune, sembrerebbero essere di pertinenza esclusiva dell'intelligenza umana.

#### Note:-

Meh, in realtà l'IA è una disciplina di confine. Però le tematiche sono prettamente informatiche.

#### IA In breve:

- Area di ricerca dell'informatica.
- Si occupa di tutto ciò che serve per rendere un computer intelligente come un essere umano.
- Interessata a problemi *intelligenti*: problemi per cui non esiste/non è noto un algoritmo di risoluzione<sup>1</sup>.

#### Note:-

Il cubo di Rubik non è un gioco intelligente >:(

#### Ci sono tante sotto-aree di ricerca:

- Rappresentazione della conoscenza e ragionamento.
- Interpretazione/sintesi del linguaggio naturale.
- Apprendimento automatico.
- Pianificazione.
- Robotica.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Tris, il labirinto, etc.

#### Si collega a tante discipline, oltre all'informatica:

- Filosofia.
- Fisica.
- Psicologia.

Questo insegnamento ha l'obiettivo di approfondire le conoscenze di Intelligenza Artificiale con particolare riguardo alle capacità di un agente intelligente di fare *inferenze* sulla base di una *rappresentazione esplicita della conoscenza* sul dominio. In questo corso si faranno anche sperimentazione di metodi di ragionamento basati sul paradigma della *programmazione logica*, sull'uso di *formalismi a regole* (CLIPS) e su *reti bayesiane* (ragionamento probabilistico<sup>2</sup>).

#### Programma:

- Dal punto di vista metodologico saranno a rontate problematiche relative a:
  - Meccanismi di ragionamento per calcolo dei predicati del primo ordine.
  - Programmazione logica.
  - Ragionamento non monotono.
  - Answer set programming.
- Queste metodologie verranno a rontate dal punto di vista sperimentale con l'introduzione dei principali costrutti del *Prolog*, lo sviluppo di strategie di ricerca in Prolog e l'utilizzo dell'ambiente *CLINGO* nella risoluzione di problemi in cui sia necessaria l'applicazione di meccanismi di ragionamento non monotono e del paradigma dell'Answer Set Programming.

#### Domanda 1.1

E le novità dell'AI che vanno di moda?

Risposta: vengono trattate in altri corsi (TLN, RNDL, AAUT, ELIVA, AGINT).

 $<sup>^2{\</sup>rm Odio}$ la probabilità con tutto il mio cuore  ${<}3$ 



#### Definizione 2.0.1: PROLOG

PROLOG (Programming Logic) è un linguaggio dichiarativo basato sul paradigma logico:

- Non si descrive cosa fare per risolvere un problema.
- Si descrive la situazione reale con *fatti* e *regole* e si chiede all'interprete di verificare se un *goal* segue oppure no secondo una logica classica.

#### Note:-

Il PROLOG è equivalente alla logica dei predicati del primordine.

# 2.1 Le Basi

# Definizione 2.1.1: Fatti

Si rappresenta con dei fatti un dominio di interesse.

# Esempio 2.1.1 (Fatto)

Fatto per descrivere che un alimento contiene più calorie di un altro:

- piuCalorico(wurstel, banana).
- Rappresenta il fatto che il würstel è un alimento maggiormente calorico rispetto alla banana.

# Definizione 2.1.2: Regole

Si rappresentano le possibili inferenze con delle regole:

head := subgoal1, subgoal2, ..., subgoaln

#### Esempio 2.1.2 (Regola)

felino(X) := gatto(X)

Rappresenta la regola che permette di concludere che i gatti sono felini.

#### Idee di base del PROLOG:

- Regole ricorsive.
- L'interprete analizza i fatti e le regole nell'ordine in cui si trovano nel programma.
- Meccanismo di pattern matching per uni care variabili e termini.
- L'interprete, dato un programma, cerca di dimostrare un goal considerando fatti e applicando regole, nel secondo caso generando sotto-goal.

#### Definizione 2.1.3: Clausole

Le clausole sono i fatti o le regole. Contengono:

- Atomi:
  - Costanti.
  - Numeri.
- Variabili.
- Termini Composti, ottenuti applicando funtori a termini.

#### Note:-

Un programma PROLOG è un insieme di clausole.

#### Osservazioni 2.1.1

- L'estensione dei file PROLOG è 'pl'.
- In PROLOG le variabili hanno l'iniziale maiuscola.
- L'unica struttura dati nativa è la lista.
- Per eseguire swi: swipl.
- Per compilare: ['nomefile.pl'].
- Il comando ';' indica possibili alternative.
- Il comando 'trace.' consente un esecuzione passo per passo.
- '\+' rappresenta la negazione per fallimento.
- L'ordine è importante perché PROLOG "legge" dall'alto verso il basso.

#### Qualche predicato built-in:

- var(X): indica se X è una variabile.
- ground(X): indica se X è istanziata.
- atom(X): indica se X è atomica.

#### 2.1.1 Liste

#### Definizione 2.1.4: Lista

La lista è la struttura dati principale in PROLOG. Una lista è caratterizzata da una testa e da una coda:

- Testa: primo termine (a sinistra) della lista.
- Coda: la lista dei termini dal secondo (incluso) in poi.

#### Note:-

Rappresentata come [Head | Tail].

```
?- [1,2,3,4,5] = [Head | Tail].
Head = 1
Tail = [2,3,4,5] = [Head | Tail]
Yes

?- [a, ciao, [], 2, [1, saluti]] = [Head | Tail].
Head = a
Tail = [ciao, [], 2, [1, saluti]]
Yes
```

Figure 2.1: Le liste in PROLOG.

#### Predicati built-in:

- length(Lista, N): ha successo se la Lista contiene N elementi.
- member (Elemento, Lista): ha successo se la Lista contiene il termine Elemento.
- select(Elemento, Lista, Rimanenti): rimuove Elemento da Lista e restituisce Rimanenti.

# 2.2 Interprete PROLOG

#### Domanda 2.1

Come avviene l'esecuzione di programmi PROLOG?

- Esecuzione mediante backward chaining in profondità.
- Si parte dal *goal* che si vuole derivare:
  - Goal = congiunzione di formule atomiche  $G_1, G_2, \ldots, G_n$ .
  - Si vuole dimostrare, mediante risoluzione, che il goal segua logicamente dal programma.
- Una regola  $A: -B_1, B_2, \ldots, B_m$  è applicabile a  $G_i$  se:
  - Le variabili vengono rinominate.
  - $-A \in G_i$  unificano.

Figure 2.2: Una formulazione non deterministica di come funziona l'interprete PROLOG.

### Note:-

MGU è il Most General Unifier: minimo sforzo per rendere uguali due variabili (il fatto e il goal).

- La computazione ha successo se esiste una computazione che termina con successo.
- Non determinismo: non è specificata la regola scelta in R.
- Ma l'interprete PROLOG si comporta in modo deterministico:
  - Le clausole vengono considerate nell'ordine in cui sono scritte nel programma.
  - Viene fatto backtracking all'ultimo punto di scelta ogni volta che la computazione fallisce.
- In caso di successo, l'interprete restituisce una sostituzione per le variabili che compaiono nel goal.

# 2.2.1 Breve Ripasso di Logica

#### Definizione 2.2.1: Logica Classica

Conseguenza logica definita semanticamente: dato una teoria e una formula, diciamo che la formula segue dalla teoria se essa è vera in tutti i modelli della teoria.

#### Esempio 2.2.1 (Gatti)

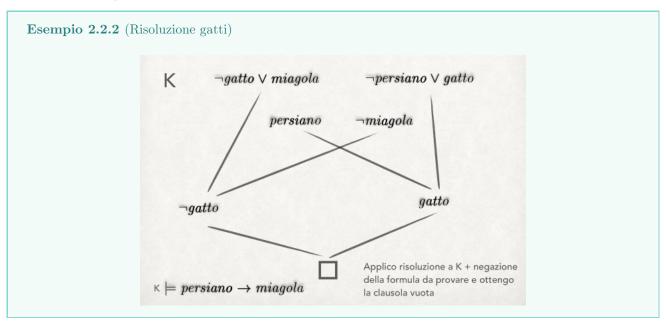
- I gatti miagolano: gatto  $\rightarrow$  miagola.
- I persiani sono gatti: persiano  $\rightarrow$  gatto.
- Si vuole dimostrare che i persiani miagolano:  $k \models persiano \rightarrow miagola$ .



- Tuttavia il processo è molto laborioso già con poche formule e basi di conoscenza piccole.
- Metodo di prova: procedura/algoritmo che calcola/dimostra se una formula è conseguenza logica della teoria.
  - Corretto: se l'algoritmo dimostra F da K, allora F è conseguenza logica di K.
  - Completo: se F è conseguenza logica di K, allora l'algoritmo dimostra F da K.

#### Risoluzione:

- Si applica a formule in forma di *clausole* (disgiunzioni di letterali<sup>1</sup>).
- Si basa su un'unica regola di inferenza:
  - Date due clausole  $C_1 = A_1 \vee \cdots \vee A_n$  e  $C_2 = B_1 \vee \cdots \vee B_m$ .
  - Se ci sono due letterali  $A_i$  e  $B_j$  tali che  $A_i = \neg B_j$ , allora posso derivare la clausola *risolvente*  $A_1 \lor \ldots A_{i-1} \lor A_{i+1} \lor \cdots \lor A_n \lor B_1 \lor \ldots B_{j-1} \lor B_{j+1} \lor \cdots \lor B_m$ .
  - Il risolvente è conseguenza logica di  $C_1 \cup C_2$
- Data una teoria (insieme di formule) K e una formula F, dimostro che F è conseguenza logica di K per refutazione (dimostrare che  $K \cup \neg F$  è inconsistente).
- Si parte dalle clausole  $K \cup \neg F$ , risolvendo a ogni passo due clausole e aggiungendo il risolvente all'insieme di clausole.
- Si conclude quando si ottiene la clausola vuota.



#### Inoltre:

- Se le due clausole  $C_1 = A_1 \vee \cdots \vee A_n$  e  $C_2 = B_1 \vee \cdots \vee B_m$  contengono variabili, i due letterali  $A_i$  e  $B_j$  devono essere tali che si possa fare l'*unificazione* tra i due:
  - Unificazione: sostituzione  $\alpha$  di variabili con termini o uguaglianza di variabili affinché  $A_i = \neg B_i$ .
  - Clausola risolvente  $[A_1 \vee \ldots A_{i-1} \vee A_{i+1} \vee \cdots \vee A_n \vee B_1 \vee \ldots B_{j-1} \vee B_{j+1} \vee \cdots \vee B_m]\alpha$ .
  - Le sostituzioni di  $\alpha$  sono applicate a  $A_1 \vee \ldots A_{i-1} \vee A_{i+1} \vee \cdots \vee A_n \vee B_1 \vee \ldots B_{i-1} \vee B_{i+1} \vee \cdots \vee B_m$ .

 $<sup>^{1}\</sup>mathrm{Formule}$  atomiche o negazione di formule atomiche.

	costante	variabile	composto
	c <sub>2</sub>	X <sub>2</sub>	\$2
costante C <sub>1</sub>	unificano se $c_1 = c_2$	unificano con x <sub>2</sub> /c <sub>1</sub>	non unificano
variabile x <sub>1</sub>	unificano con x <sub>1</sub> /c <sub>2</sub>	unificano con x <sub>1</sub> /x <sub>2</sub>	unificano con x <sub>1</sub> /s <sub>2</sub>
composto s <sub>1</sub>	non unificano	unificano con x <sub>2</sub> /s <sub>1</sub>	unificano se il funtore in s <sub>1</sub> e s <sub>2</sub> è lo stesso e gli argomenti unificano

Figure 2.3: Unificazione di due termini.

Note:-

Per ragioni d'efficienza, PROLOG non fa occur check, ossia una variabile X unifica con f(X).

#### 2.2.2 Risoluzione SLD

Per arrivare a un linguaggio di programmazione PROLOG si vuole una strategia efficiente.

#### Definizione 2.2.2: Risoluzione SLD

Linear resolution with Selection function for Definite clauses:

- K con clausole definite:
  - Clausole di Horn: al più un letterale non negato.
  - Strategia linear input: a ogni passo di risoluzione, una variante di una clausola è sempre scelta nella K di partenza (programma) mentre l'altra è sempre il risolvente del passo precedente (goal, la negazione di F al primo passo).
  - Variante: clausola con variabili rinominate.

Note:- NON LSD.

#### Domanda 2.2

Ma perché ci si limita alle clausole di Horn?

Risposta: si rimuove la parte "intuitiva" che non può essere implementata nel PROLOG. Inoltre le clausole di Horn garantiscono la completezza.

# Derivazione SLD per un goal $G_0$ da un insieme di clausole K è:

- Una sequenza di clausole goal  $G_0, G_1, \ldots, G_n$ .
- Una sequenza di varianti di clausole di  $KC_1, C_2, \ldots, C_n$ .
- Una sequenza di MGU  $\alpha_1, \alpha_2, \ldots, \alpha_n$ , tali che  $G_{i+1}$  è derivato da  $G_i$  e da  $C_{i+1}$  attraverso la sostituzione  $\alpha_{i+1}$ ,

#### Tre possibili tipi di derivazioni:

- Successo se  $G_n$  è vuoto (true).
- Fallimento finito, se non è possibile derivare da  $G_n$  alcun risolvente e  $G_n$  non è vuoto (false).
- Fallimento infinito, se è sempre possibile derivare nuovi risolventi (loop infinito).

#### Due forme di non determinismo:

- $\bullet$  Regola di calcolo per selezionare a ogni passo l'atomo  $B_i$  del goal da unificare con una clausola.
- Scelta di quale clausola utilizzare a ogni passo di risoluzione.

# Definizione 2.2.3: Regola di calcolo

Funzione che ha come dominio l'insieme dei goal e per ogni goal seleziona un suo atomo.

#### Note:-

La regola di calcolo non influenza correttezza e completezza del metodo di prova.

#### Domanda 2.3

Come si costruisce l'albero SLD?

#### Data una regola di calcolo, è possibile rappresentare tutte le derivazioni con un albero SLD:

- Nodo: goal.
- Radice: goal iniziale  $G_0$ .
- Ogni nodo  $\leftarrow A_1, \ldots, A_m, \ldots, A_k$ , dove  $A_m$  è l'atomo selezionato dalla regola di calcolo, ha un figlio per ogni clausola  $A \leftarrow B_1, \ldots, B_k$  tale che  $A \in A_m$  sono unificabili con MGU  $\alpha$ . Il nodo figlio è etichettato con il goal  $\leftarrow [A_1, \ldots, A_{m-1}, B_1, \ldots, B_k, A_{m+1}, \ldots, A_k]\alpha$ . Il ramo dal padre al figlio è etichettato con  $\alpha$  e con la clausola selezionata.

#### Scelte per rendere la strategia deterministica:

- Regola di computazione: *leftmost* (viene sempre scelto il sottogoal più a sinistra).
- Clausole considerate nell'ordine in cui sono scritte nel programma.
- Strategia di ricerca: in profondità con backtracking.
  - Non è completa perché se una computazione che porta al successo si trova a destra di un ramo infinito l'interprete non la trova, perché entra, senza mai uscirne, nel ramo infinito.

#### Note:-

Cercare di mettere a destra le computazioni che possano produrre eventuali casini.

#### 2.2.3 Il Cut

## Definizione 2.2.4: Cut

Il cut è un predicato extra-logico che consente di modificare l'esecuzione dell'interprete PROLOG. CUT (!):

- Predicato sempre vero.
- Se eseguito blocca il backtracking.

# Note:-

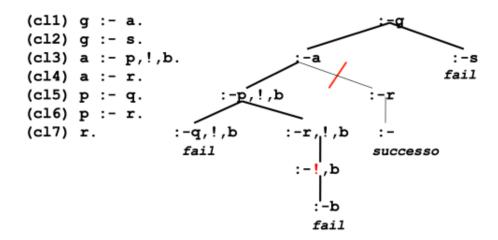
Si rischia di perdere la completezza, ma si guadagna molto in efficienza.

# Modello run-time dell'interprete PROLOG:

- Due stack:
  - Stack di esecuzione: contiene i record di attivazione (environment) dei predicati in esecuzione.
  - Stack di backtracking: contiene l'insieme dei punti di scelta (choice-point).
- In realtà c'è un solo stack, con alternanza di environment e choice-point.

#### Il cut:

- Rende definitive le scelte fatte nel corso della valutazione dall'interprete PROLOG (eliminazione di choicepoint dallo stack di backtracking).
- Altera il controllo del programma.
- Perdità di dichiaratività.



 tagliando alcuni rami dell'albero SLD (=rimuovendo alcuni punti di backtracking) si perde la completezza

Figure 2.4: Esempio di cut che provoca la perdita di completezza.

# 2.3 Strategie di Ricerca in PROLOG

# Un problema di ricerca è definito da:

- Stato iniziale.
- Insieme delle azioni (azione: fa passare da uno stato all'altro).
- Specifica degli obiettivi (goal).
- Costo di ogni azione.

#### Note:-

Non tutti i problemi hanno una naturale soluzione con la ricerca nello spazio degli stati.

# 2.3.1 Ricerca nello Spazio degli Stati

Lo spazio degli stati definito implicitamente dallo stato iniziale con un insieme delle azioni, ossia l'insieme di tutti gli stati raggiungibili a partire da quello iniziale.

#### Definizione 2.3.1: Cammino

Sequenza di stati collegati da una sequenza di azioni.

#### Corollario 2.3.1 Costo di un Cammino

Somma dei costi delle azioni che lo compongono.

#### Note:-

Se non si hanno dei costi espliciti si assume che siano tutti uguali (e. g. tutti 1).

# Definizione 2.3.2: Soluzione a un Problema

Cammino dallo stato iniziale ad uno stato goal.

#### Corollario 2.3.2 Soluzione Ottima

Soluzione che ha il costo minimo tra tutte le soluzioni.

#### Note:-

Non è detto che esista una soluzione. In generale possono esistere 0, 1 o più soluzioni.

#### Stati rappresentati come termini:

- Dipendono dal problema da rappresentare:
  - Mondo dei blocchi: on(a,b), clear(c), ecc.
  - Puzzle dell'8: lista ordinata [3, 1, v, 4, 7, 8, 5, 6, 2].

### Azioni specificate tramite:

- Precondizioni: in quali stati un'azione può essere eseguita.
- Effetti.
- applicabile(AZ, S): l'azione AZ è eseguibile nello stato S.
- trasforma(AZ, S, NUOVO\_S): se l'azione AZ è applicabile a S, lo stato NUOVO\_S è il risultato dell'applicazione di AZ allo stato S.

# 2.3.2 Cammini (Labirinto)

#### Specifiche:

- Trovare un cammino in una griglia rettangolare, con ostacoli in alcune celle.
- Predicati num\_righe e num\_colonne speci cano la dimensione della griglia.
- pos(Riga, Colonna) per rappresentare la posizione dell'agente.
- occupata(pos(Riga,Colonna)) per rappresentategli ostacoli.

#### Azioni:

- Nord.
- Sud.
- Ovest.
- Est.

#### Azione applicabile quando la sua esecuzione non porta l'agente:

- Fuori dalla griglia.
- In una cella occupata da un ostacolo.

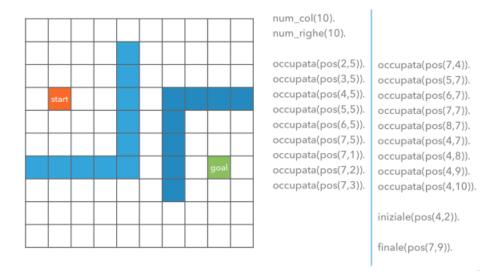


Figure 2.5: Esempio di labirinto.

```
applicabile(nord,pos(R,C)):-
                                     applicabile(sud,pos(R,C)):-
                                                                         applicabile(ovest,pos(R,C)):-
     R>1,
                                          num_righe(NR), R<NR,
                                                                              C>1,
     R1 is R-1,
                                          R1 is R+1,
                                                                              C1 is C-1,
     \+ occupata(pos(R1,C)).
                                         \+ occupata(pos(R1,C)).
                                                                              \+ occupata(pos(R,C1)).
applicabile(est,pos(R,C)):-
                                        trasforma(est,pos(R,C),pos(R,C1)) :- C1 is C+1.
     num_col(NC), C<NC,
                                        trasforma(ovest,pos(R,C),pos(R,C1)):- C1 is C-1.
     C1 is C+1,
                                        trasforma(sud,pos(R,C),pos(R1,C)):- R1 is R+1.
     \+ occupata(pos(R,C1)).
                                        trasforma(nord,pos(R,C),pos(R1,C)):- R1 is R-1.
```

Figure 2.6: Operazioni possibili.

#### Altri predicati extra-logici (asserzioni):

- assert(Fatto(X)): aggiunge fatti alla base di conoscenza.
- Può essere inserito in una regola.
- È un predicato dinamico.
- asserta(Fatto(X)): inserisce in testa (prima nell'ordine).
- assertz(Fatto(X)): inserisce in coda (dopo nell'ordine).
- retract(Fatto(X)): rimuove un fatto dalla base di conoscenza (ATTENZIONE: vale solo per i fatti inseriti dinamicamente da assert/asserta/assertz).
- retractall(Fatto(\_)): rimuove tutti i predicati relativi al fatto.

# 2.3.3 Strategie di Ricerca

#### Definizione 2.3.3: Strategie non Informate

Strategie che non fanno assunzioni particolari sul dominio.

#### Strategie non informate:

- Ricerca in profondità:
  - Espande sempre per primo il nodo più distante dalla radice dell'albero di ricerca.
  - i può realizzare facilmente in Prolog sfruttando il nondeterminismo del linguaggio.
- Ricerca a profondità limitata:
  - Come per la ricerca in profondità, ma utilizzando un parametro che vincola la profondità massima oltre la quale i nodi non vengono espansi.
- *Iterative deepening*:
  - Ripete la ricerca a profondità limitata, incrementando a ogni passo il limite.
  - Ottima nel caso di azioni dal costo unitario.
- Ricerca in ampiezza:
  - Coda di nodi.
  - A ogni passo, la procedura espande il nodo in testa alla coda (findall) generando tutti i suoi successori, che vengono aggiunti in fondo alla coda.
  - Garantita l'individuazione della soluzione ottima.
- Ricerca in ampiezza su grafi:
  - Come la ricerca in ampiezza, ma considerando la lista chiusa dei nodi già espansi.
  - Prima di espandere un nodo, si veri ca che non sia chiuso.
  - Il nodo chiuso non viene ulteriormente espanso.

#### Definizione 2.3.4: Strategie Informate

Utilizzano una funzione euristica  $h(n)^a$ . Si associa un costo a ciascuna azione e viene definita una funzione  $g(x)^b$ 

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>Costo stimato del cammino più conveniente dal nodo n a uno stato finale.

 $<sup>^</sup>b\mathrm{Costo}$  del cammino trovato dal nodo iniziale a n.

# Strategie Informate:

- Ricerca in profondità IDA\*:
  - Come iterative deepening, ma con soglia stimata a ogni passo in base all'euristica.
  - Al primo passo la soglia è h(si), dove si è lo stato iniziale.
  - A ogni iterazione, la soglia è il minimo f(n) = g(n) + h(n) per tutti i nodi n che superavano la soglia al passo precedente (backtracking).
  - si usa assert per salvare f(n) in caso di fallimento.
- Ricerca in ampiezza con stima A\*:
  - Ricerca in ampiezza su gra che tiene conto della funzione euristica.
  - A ogni passo si estrae per l'espansione dalla coda il nodo con minimo valore di f(n) = g(n) + h(n).
  - I nodi già espansi non vengono più espansi.

# Answer Set Programming

# 3.1 Introduzione

Durante la cosiddetta "War of Semantics" nasce l'esigenza di dare una semantica alla negazione per fallimento adottata dagli interpreti PROLOG.

# Definizione 3.1.1: Answer Set Programming

Paradigma di programmazione in cui le soluzioni sono i modelli (Answer Set), non più le prove

Note:-

Con PROLOG ha in comune solo la sintassi, per il resto è tutt'altra cosa.

#### L'Answer Set Programming (ASP):

- È particolarmente utile per risolvere problemi combinatori (soddisfacimento di vincoli, planning).
- ASP solvers molto efficienti sviluppati per supportare questa metodologia (DLV, smodels, *CLINGO*, Cmodels,...).

Note:-

Un ASP solvers è l'equivalente di un interprete PROLOG.

#### Codice ASP:

- Insieme finito di regole:  $a:-b_1,b_2,\ldots,b_n,notc_1,notc_2,\ldots,notc_m$ .
- $a, b_i, c_i$  sono letterali nella forma p on -p:
  - - è la negazione classica.
  - not è la negazione per fallimento.
- a è opzionale, senza si ha *integrity constrain* (regole senza testa):
  - $-:-a_1,a_2,\ldots,a_k.$
  - È inconsistente che siano tutti veri...
  - Serve per filtrare/buttare via dei modelli.
- Si applica ai soli programmi logici proposizionali.

• La maggior parte dei tool per ASP consente per comodità di usare variabili, ma le clausole devono poter essere trasformate in un numero finito di clausole ground.

#### ASP vs. PROLOG:

- In ASP l'ordine dei letterali non ha alcuna importanza.
- Prolog è goal-directed, ASP no.
- La SLD-risoluzione del Prolog può portare a loop, mentre gli ASP solver non lo consentono.
- PROLOG ha il cut(!), ASP no.

# 3.1.1 Negazione

- Classica:
  - attraversa :- treno.
  - Si attraversa solo se si può derivare che il treno non è in arrivo.
- ullet  $Per\ fallimento:$ 
  - attraversa :- not treno.
  - Si può attraversare in assenza di informazione esplicita sul treno in arrivo.
- Un letterale negato -p non ha nessuna proprietà particolare.
- Viene considerato come se fosse un nuovo atomo positivo, aggiungendo il vincolo :- p, -p.

## Osservazioni 3.1.1

CLINGO:

- Fornisce modelli e indica se sono *SATISFIABLE* (soddisfacibili) o *UNSATISFIABLE* (insoddisfacibili).
- Se si aggiunge il parametro "0" vengono mostrati tutti i modelli (ATTENZIONE: potrebbero essere migliaia, è sconsigliato metterlo di default).

# 3.2 Semantica

#### Definizione 3.2.1: Answer Set

Un Answer Set è un modello minimale (stabile).

#### Note:-

Un programma ASP privo di letterali  $not p_i$  ha un unico modello minimale che è il suo answer set. Potrebberò esserci più answer set, ma interessa solo quello minimale.

# Domanda 3.1

Che succede se è presente la negazione per fallimento?

# Definizione 3.2.2: Ridotto

Il  $ridotto\ P^S$  rispetto a un insieme di atomi S:

- Rimuove ogni regola il cui corpo contiene not L, per  $L \in S$ .
- $\bullet\,$ Rimuove tutti inotLdai corpi delle restanti regole.

 ${\cal P}^{S}$  non contiene atomi con negazione per fallimento:

- Ha un unico answer set.
- Se tale answer ser coincide con S, allora S è un answer set per P.

# Domande per Prepararsi per l'Esame

# 4.1 Parte 1 (PROLOG e CLINGO)

# 4.1.1 PROLOG

# Domanda 4.1

Scrivere un semplice programma PROLOG che va in loop.

# Domanda 4.2

Fare l'esempio del pinguino.

# Domanda 4.3

Perché in PROLOG non è presente la negazione forte (negazione classica)?

# Domanda 4.4

Come funziona la negazione per fallimento?

# Domanda 4.5

Fare un esempio di negazione per fallimento.

# Domanda 4.6

Tipi di fallimenti in PROLOG.

# Domanda 4.7

Che cos'è la logica monotòna?

# Domanda 4.8

Come funziona la ricerca SLD?

# Domanda 4.9

Perché si usa la risoluzione SLD se è completa solo con le clausole di Horn?

# Domanda 4.10

Spiegare il cut(!) e qual è il suo vantaggio.

#### Domanda 4.11

Scrivere un programmino con il cut(!).

#### Domanda 4.12

Cut(!) danneggia la correttezza o la completezza? Perché?

#### Domanda 4.13

Scrivere lo stack dell'interprete PROLOG di un codice in cui è presente il cut(!).

#### 4.1.2 ASP

#### Domanda 4.14

Dire se un dato programma è PROLOG o ASP.

#### Note:-

Suggerimento: guardare se il programma ha cut (PROLOG) o no (ASP)

# Domanda 4.15

Differenze tra PROLOG e CLINGO.

## Risposta:

- ASP (CLINGO) ha integrity constrain, PROLOG no.
- ASP è proposizionale, PROLOG è logica del primordine.
- In ASP l'ordine dei letterali non ha alcuna importanza.
- Prolog è goal-directed, ASP no.
- In ASP non c'è il concetto di dimostrazione.
- La SLD-risoluzione del Prolog può portare a loop, mentre gli ASP solver non lo consentono (aka. ASP non va in loop).
- PROLOG ha il cut(!), ASP no.
- ASP ha sia la negazione per fallimento che la negazione classica, PROLOG solo la negazione per fallimento.

# Domanda 4.16

Esempio di Nixon pacifista.

#### Domanda 4.17

PROLOG e ASP sono monotòni?

```
pacifist(X) :- quacker(X), not -pacifist(X).
-pacifist(X) :- republican(X), not pacifist(X).
republican(nixon).
quacker(nixon).
```

Figure 4.1: Codice di Nixon pacifista.

```
A Clingo 02-NixonPacifista.cl 0
Clingo version 5-7.1
Reading from 02-NixonPacifista.cl 5
Solving ---
Answer: 1
quacker(nixon) republican(nixon) -pacifist(nixon)
Answer: 2
quacker(nixon) republican(nixon) pacifist(nixon)
SATISFIABLE

Models : 2
Calls : 1
Time : 0.0005 (Solving: 0.005 1st Model: 0.005 Unsat: 0.005)
CPU Time : 0.0005
```

Figure 4.2: Modelli di Nixon pacifista.

#### Domanda 4.18

Perché in ASP non c'è il cut(!)?

Risposta: non esistono né una dimostrazione né backtracking, ASP si cerca i suoi modelli indipendentemente.

#### Domanda 4.19

Come funziona la negazione per fallimento in ASP?

#### Domanda 4.20

Che cos'è l'Integrity Constrain e a cosa serve?

#### Domanda 4.21

In PROLOG si può avere Integrity Constrain?

# Domanda 4.22

Fare un esempio di codice ASP che risulta insoddisfacibile.

```
uccello(X) :- pinguino(X).
-vola(X) :- pinguino(X).
vola(X) :- uccello(X), not -vola(X).
vola(tux).
pinguino(tux).
```

Figure 4.3: In questo esempio si ha che tux vola ma non vola.

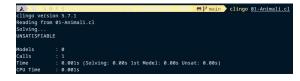


Figure 4.4: Non esistono modelli che siano vero.

# Domanda 4.23

Come modificare un semplice programma ASP per renderlo soddisfacibile.

#### Note:-

Suggerimento: rimuovere le contraddizioni.

# Domanda 4.24

Che cos'è e a che cosa serve il ridotto di un programma?

#### Definizione 4.1.1: Ridotto

Il  $ridotto P^S$  rispetto a un insieme di atomi S:

- Rimuove ogni regola il cui corpo contiene not L, per  $L \in S$ .
- $\bullet\,$ Rimuove tutti inotLdai corpi delle restanti regole.

 $P^S$  non contiene atomi con negazione per fallimento:

- Ha un unico answer set.
- Se tale answer ser coincide con S, allora S è un answer set per P.

#### Domanda 4.25

Fare il ridotto di un programma ASP rispetto a un insieme dato.

### Note:-

In questo esempio il ridotto c'è per  $S = \{b\}$  e  $S = \{a, p\}$ 

# Domanda 4.26

Dire se un programma ASP presenta un answer set.

# Domanda 4.27

Scrivere un programma che presenti due answer set diversi.

**Risposta:** banalmente si può scrivere il programma di Nixon pacifista. Ha un answer set in cui Nixon è pacifista e quacchero e un answer set in cui Nixon è repubblicano e guerrafondaio (non pacifista).

# 4.2 Parte 2