## 1 Was ist Analysis?

Mathematik Streng logisches Herleiten neuer Aussagen (aus möglichst wenigen Grundannahmen, sogenannten Axiomen).

**Analysis** Aus dem altgriechischen "Auflösen". Analysis hat ihre Grundlage in der "Infinitesimalrechnung" von Leibnitz und Newton.

Zentrale Begriffe Grenzwerte von Folgen und Reihen, Funktionen, Stetigkeit, Differenzierbarkeit, Integrierbarkeit, Differential- und Integralrechnung, Differentialgleichungen (Newton, Maxwell, Schrödinger), unendlich dimensionale Räume.

Beispiele.

(a)

$$S = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{2^n} + \dots$$

$$\implies 2S = 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{2^{n-1}} + \dots$$

$$\implies 2S = 1 + S$$

$$\implies S = 1$$

S entspricht der Wahrscheinlichkeit, dass bei wiederholtem Werfen einer Münze irgendwann Kopf vorkommt.

(b) Vorsicht!

$$S = 1 + 2 + 4 + \cdots$$

$$\implies 2S = 2 + 4 + 8 + \cdots = S - 1$$

$$\implies S = -1$$

Natürlich Quatsch! Formales Rechnen kann gefährlich sein!

## Fragestellungen in dieser Vorlesung

- Was sind mathematische Aussagen?
- Wie macht man Beweise, wie findet man sie? (learning by doing)
- logische Zusammenhänge
- Was sind Zahlen?