建议配合韩京清的书食用

如无特殊说明，下文“自控“均指程鹏的自动控制原理第二版

1.4 安排过渡过程的作用

二阶系统状态方程：

解释1：为什么的时候过渡过程没超调？

转化成传递函数的形式：

此时是状态，是输入控制，是输出

对比二阶系统闭环传递函数一般形式：

在阻尼比（临界阻尼）的情况下，二阶系统对单位阶跃响应的跟踪**必定**没有超调（参考自控P67），系统上升时间完全由确定。

对比1.4.1-3和1.4.1-4，发现和可以由一个参数确定，也就是，系统的必定是大于0的。

Matlab: r\_change.m

解释2：过渡过程时间（上升时间）如何计算

对闭环传递函数进行拉普拉斯反变换，变换后时域公式必定带有指数项，输出效果到达1的时间是+∞，假设取5%误差带，也就是把输出上升到0.95所需要的时间当成过渡过程时间，就能算出结果。

PID中P的增益和D的增益是用来调整系统的和使得和，当和满足解释1的条件时，经过PD控制的系统就可以实现响应快而且无超调的效果。

解释3：讨论系统参数（和）摄动对PD控制后系统对单位阶跃相应的影响

当系统参数不改变的时候，只要PD调参调得好，控制效果肯定不错，但是如果系统参数改变，原来的PD参数就**大概率**使得控制后系统出现超调或者相应慢的情况。

系统参数改变对于我们来说有可能是飞机加东西了，比如3S电池换成了4S电池，或者加了个云台，或者飞一段时间后电池电压下来了，电机驱动力不足。

视频https://www.bilibili.com/video/BV1et41157tZ

解释4：为什么工程中往往达不到快而无超调的效果

书上P21说的是没有获取微分信号的合适办法，我觉得对于阶跃响应来说应该是零时刻倒数无穷大，实际上只能PI调节，由于，要满足解释1的关系的话，会被系统参数和定死，加大的话系统就超调了，但是不超调的情况下过渡过程时间就太长，也不符合我们控制的需求。

解释5：引起超调的原因

其实可以很明显的看出，如果目标状态和系统状态误差太大，PI控制就会发生超调，我们要做的就是减缓两者之间的差值，误差越小，我们调参的范围越大。因为系统到达目标值是需要时间的，也就是所说的过渡过程时间，只要在过渡过程时间之内，到达1（对于阶跃相应），系统的控制效果就会很好。

问题1：为什么过渡过程要用正弦曲线而不用一条一次函数的斜线？

猜测是在过渡过程早期，两者误差可以比较大，以加快系统的上升速度，到过渡过程后期，已经接近目标值了，两者误差要比较小，使得调参范围更大，而一次函数的斜线在过渡过程后期的转折点附近误差会突然增大，从而引起超调。

解释6：安排过渡过程的过渡过程时间如何确定

这个也是工程取法，因为系统到达指定状态需要一定的时间，这是由系统的极限和我们的需要决定的，假设我们要求飞机的横滚在1ns内转动90°，这是不现实的，因为很明显超出了系统的物理极限，以无人机为例，我们程序控制是10ms改变一次PWM的值，这也是近似于一个阶跃状态，因此过渡过程时间可以定为10ms。

解释7：为什么安排过渡过程时间后，会那么大

过渡过程和系统状态之间的误差始终很小，不大的话系统无法在过渡过程结尾到达指定状态。书P23所说的快速性和超调并不对立是因为误差小，可以设置得很大，同时，较小的误差也使得系统参数和的摄动对系统影响不大。

解释8：过渡过程与微分信号的关系

通过对过渡过程求微分：

现在就相当于输入可导。

我们写一下阶跃函数的微分形式：

会发现阶跃函数的微分毫无意义，我们怎么设置效果都不好。安排过渡过程之后，对于单位阶跃函数来说，实际上就是，此时修正后的单位阶跃函数就有意义了，假设系统输出的微分信号（也是系统状态的微分信号）能获取，解释2和解释3的PD控制的参数和就能合理设置且满足解释1的条件，此时的PD反馈系统如下：

公式1.4.10第三行的形式，就是标准的PD控制形式，是经过修正后的系统参数，是经过修正后的系统参数，是系统输出信号的误差，

是系统输出的微分信号的误差。

解释9：如何对系统安排过渡过程

按照原理安排过渡过程其实非常简单，但是我们需要确定我们的系统需要对几阶安排过渡过程，以无人机为例，我们需要控制的是角度和角速度，那么就需要安排两个阶次的过渡过程，

为了保证角速度的过渡过程足够平滑，我们需要再降一阶，角加速度即使不平滑，积分后的角速度过渡过程也是平滑可导的。

解释10：为什么公式1.4.7用正弦函数安排过渡过程

对于**连续**系统来说，用正弦波安排过渡过程是比较好的，第一，足够平滑，第二，过渡过程前期追踪快（仅限一阶系统，二阶及以上变成中期追踪快），第三，任意阶可导。但是也有其缺点，如果需要安排过渡过程的阶次太多，就会导致最高阶的过渡过程中期突变非常厉害，从而又引起超调。

Matlab:sin\_tp.m

解释11：为什么P28安排过渡过程变成了方波

当高阶系统所有状态都需要跟踪的时候，最低阶用正弦波安排会使得近似一个冲激函数，此时就又变成了阶跃函数，不利于系统跟踪。假设系统需要跟踪n阶状态，最低阶的过渡过程设为，最高阶过渡过程为，那么安排成方波的话，保证了分部可导，而低阶状态对系统影响并不大，所以高阶系统安排过渡过程可以用方波。

2.1 小时间常数惯性环节

解释1：P48公式如何近似的

公式2.1.6实际上就是欧拉公式，令：

由于此时较小，，便可得到2.1.6的公式。而这个环节在自动控制里面是延时环节，在时域上的表示就是一个延时的阶跃函数，而T较小的一阶惯性环节效果恰好近似。

2.2 经典微分器

解释1：小时间常数惯性环节在微分器中的应用以及对噪声的影响

经典微分环节一般如下：

在时间常数较小的情况下，按照2.1的解释1，可以认为是对信号滞后时间后的，从而得出：

在没有噪声的情况下，微分时间越短，微分信号的近似度越高。然而，加入白噪声之后情况却大为不同，假设输入信号中包含了均值为零的白噪声，公式2.2.4变成如下形式：

经过P50的积分计算（不会算），噪声的延时信号没了，公式2.2.6变成下式：

可见时间常数越小，对噪声的放大越严重。

解释2：新的微分近似公式为什么效果会好

先说回过渡过程的问题，我们的系统不可能对突变信号进行无差跟踪，只要在能接受的较短的时间内到达目标值就可以了，如果我们对阶跃信号安排一个一阶惯性环节的过渡过程，然后对这个信号进行延时（实际上用的都是一阶惯性环节），就可以得到新的微分近似公式。

将公式2.2.9转化成传递函数形式：

对公式2.2.10离散化：

求公式2.2.2的状态方程：

离散化可得：

将噪声代入2.2.12：

可以发现（也就是系统下一时刻的输出）的噪声项为：

噪声项和成反比，和积分步长成正比，因此，小时间常数所带来的噪声增益可以由较短的积分步长来抵消。

解释3：1.4解释1的快而无超调条件在跟踪微分器中的应用

如果和很接近，我们新的微分近似公式2.2.9就可以化为以下形式：

实际上这就是一个微分环节乘一个二阶震荡环节，且二阶震荡环节满足快而无超调的条件，因此跟踪微分器可以通过小时间常数的一阶惯性环节快速跟踪系统状态，同时能用另一个一阶惯性环节组合获得系统的微分信号（噪声靠比时间常数数量级更小的积分步长抑制）。