

1. Вспомните разобранный на семинаре пример. Теперь рассмотрите интеграл $I_n(\alpha) = \int_0^1 \frac{x^n}{x+\alpha} dx$ и получите i) рекуррентное соотношение, связывающее I_n с I_{n-1} и ii) явное выражение для $I_0(\alpha)$. Вычислите (прямой и обратной) рекурсией значения $I_{25}(0.1)$ и $I_{25}(10)$. Обсудите результат.
2. Реализуйте функцию, возвращающую пару решений квадратного уравнения (следуйте инструкциям по ссылке).
3. Рассмотрите следующую функцию:

```
def recur(n):
    if n == 0:
        return 1
    if n == 1:
        return -3
    return -recur(n-1) + 6*recur(n-2)
```

Чему будет равен результат вызова 'recur(2018)'? Диапазон определения целых чисел считать неограниченным (т.е., целые числа не переполняются), размер стека также считать неограниченным (т.е. максимальное число рекурсивных вызовов не ограничено).

4. Рассмотрите (считая $\delta > 0$) матрицу $A = \begin{pmatrix} 1 & 10 \\ \delta & 1 \end{pmatrix}$. Пусть $\epsilon(\delta)$ – наибольшее собственное значение A . Найдите число обусловленности этого собственного значения $\kappa(\delta) = \frac{d\epsilon(\delta)}{d\delta}$ для $\delta = 10$ и $\delta = 0.1$.
5. Убедитесь, что функция

```
import math
def round_to_n(x, n):
    if x == 0:
        return x
    else:
        return round(x, -int(math.floor(math.log10(abs(x))))) + (n - 1))
```

округляет x до n значащих цифр. Программа, вычисляющая $\sum_{k=1}^{3000} k^{-2} \approx 1.6446$ последовательным суммированием членов ряда с округлением промежуточных результатов до 4х знаков выглядит следующим образом:

```
res = 0
for k in range(1, 3001):
    res = round_to_n(res+1/k**2, 4)
```

Несмотря на отсутствие вычитаний (и связанных с ними сокращений), такой код позволяет получить только две значащие цифры точного ответа. Объясните, почему так происходит и предложите более удачный способ вычисления этой суммы (ограничиваясь 4мя значащими цифрами для промежуточных результатов).