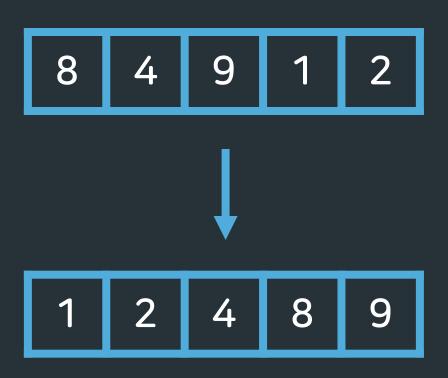
알튜비튜 정렬



배열의 원소를 정렬하는 방법에는 여러가지가 있습니다. 오늘은 그 중에서 시간 복잡도 $O(n^2)$ 의 버블 정렬과 O(nlogn)의 합병 정렬을 알아본 뒤, STL의 sort 알고리즘에 대해 배웁니다.





● 정렬: 데이터를 특정한 기준에 따라 순서대로 나열하는 것

대표적인 정렬 알고리즘



O(n²)

Insertion sort
Selection sort
Bubble sort

O(nlogn)

Quick sort Merge sort Heap sort

대표적인 정렬 알고리즘



 $O(n^2)$

Insertion sort
Selection sort
Bubble sort

O(nlogn)

Quick sort Merge sort Heap sort

오름차순 정렬이라고 가정하고 설명합니다!

버블 정렬



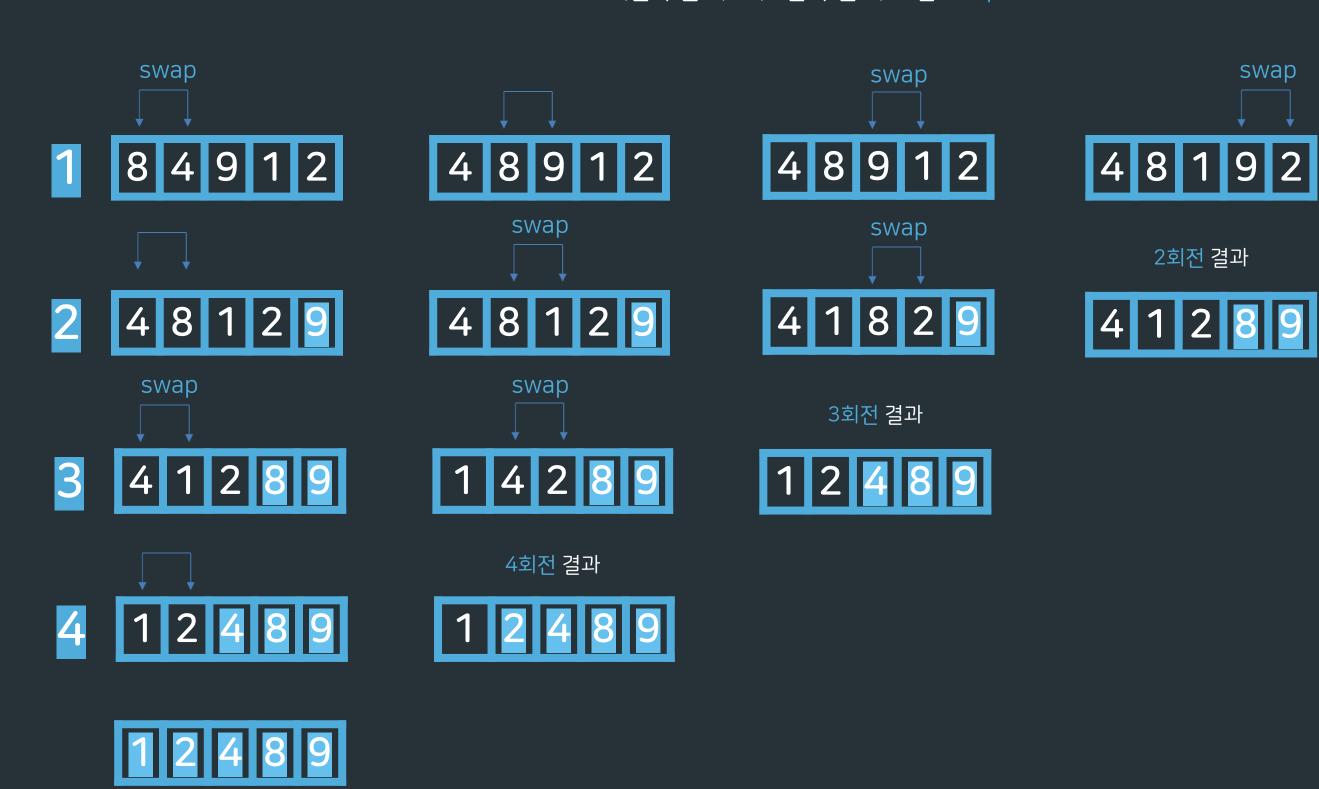
Bubble sort

- 인접한 두 원소를 비교
- (왼쪽 원소) > (오른쪽 원소) 라면 swap!
- 가장 큰 원소부터 오른쪽에 정렬됨
- 데이터가 하나씩 정렬되면서 비교에서 제외

버블 정렬



(왼쪽 원소) > (오른쪽 원소) 라면 swap!

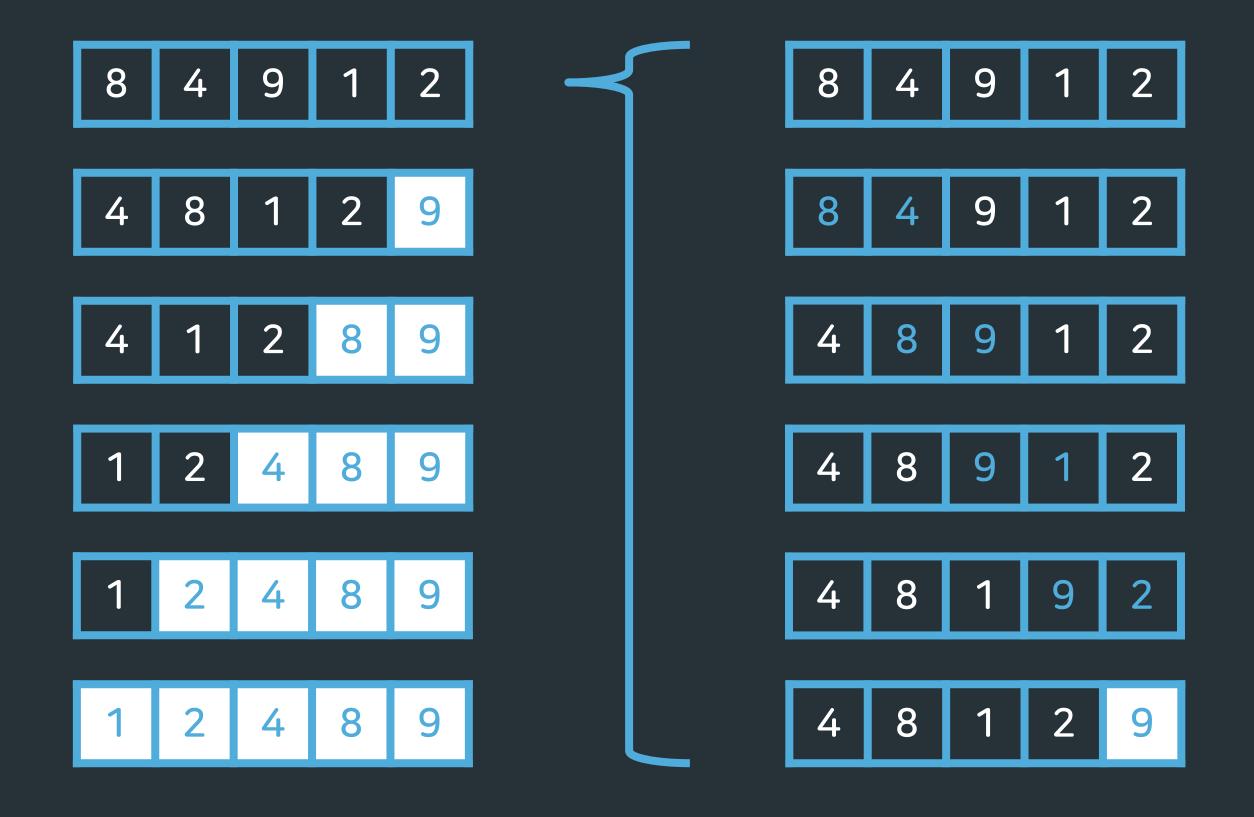


1회전 결과

48129

버블 정렬





기본 문제



/<> 2750번 : 수 정렬하기 - Bronze 1

문제

• N개의 수를 오름차순 정렬

제한 사항

- N의 범위는 1 <= N <= 1,000
- 각각의 수 k는 -1,000 <= k <= 1,000이며 중복되지 않음



예제 입력1

5 52341

예제 출력1

12345

예제 입력2

5 21345

예제 출력2

12345

버블 정렬 알고리즘의 한계



Bubble sort

- 가장 쉽지만 가장 비효율적인 알고리즘
- N개의 입력을 정렬하는 시간 복잡도 O(N^2)
- 비교 횟수 (N-1) + (N-2) + ··· 1 = N(N-1)/2
- 자료의 교환(SWAP) 은 이동(MOVE) 3번에 해당하는 Burden한 작업
- 하나의 요소가 가장 왼쪽에서 가장 오른쪽으로 이동하기 위해서는 배열에서 모든 다른 요소들과 교환 되어야함.
- 특히, 이미 배열이 이미 정렬 완료된 상태일지라도 불필요한 회전을 수행함.

향상된 버블정렬



Advanced Bubble Sort

- 앞선 버블 정렬의 단점을 보완하고자 만들어짐
- 이전 회전에서 교환(SWAP)이 한번도 일어나지 않았다면 정렬이 이루어지지 않은 원소가 없다는 점을 활용.

기본 문제



/<> 2750번 : 수 정렬하기 - Bronze 1

문제

● N개의 수를 오름차순 정렬

제한 사항

- N의 범위는 1 <= N <= 1,000
- 각각의 수 k는 -1,000 <= k <= 1,000이며 중복되지 않음
- → N의 범위가 최대 1,000이기 때문에 O(n²) 의 알고리즘이라도 시간초과가 발생하지 않음!



Merge sort

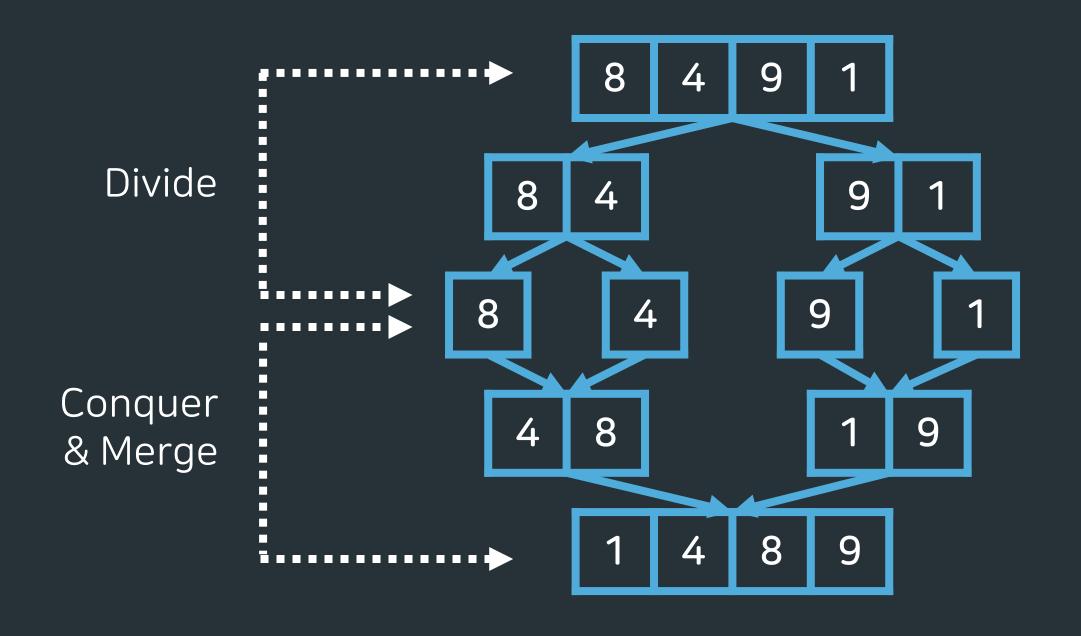
- 분할 정복(Divide and Conquer) 방식으로 설계된 알고리즘
- 하나의 배열을 정확히 반으로 나눔 (Divide)
- 나뉜 배열들을 정렬 (Conquer)
- 다시 하나의 배열로 합치기 (Merge)



분할 정복

- 한 번에 해결할 수 없는 문제를 작은 문제로 분할하여 해결하는 알고리즘
- 주로 재귀 함수로 구현
- 크게 3 단계로 이루어짐
 - 1. Divide: 문제 분할
 - 2. Conquer: 쪼개진 작은 문제 해결
 - 3. Combine: 해결된 작은 문제들을 다시 합침





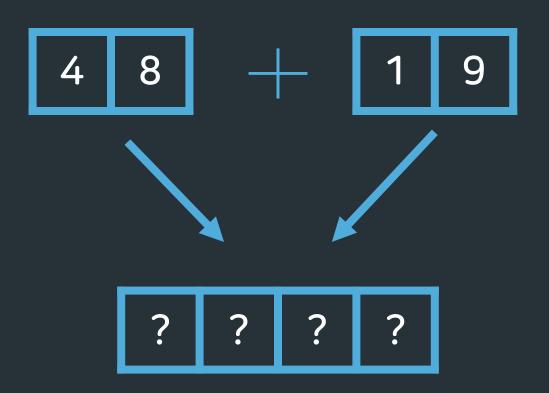
1. Divide

: 입력 배열을 비슷한 크기의 2개의 부분 배열로 분할한다.

2. Conquer & Merge

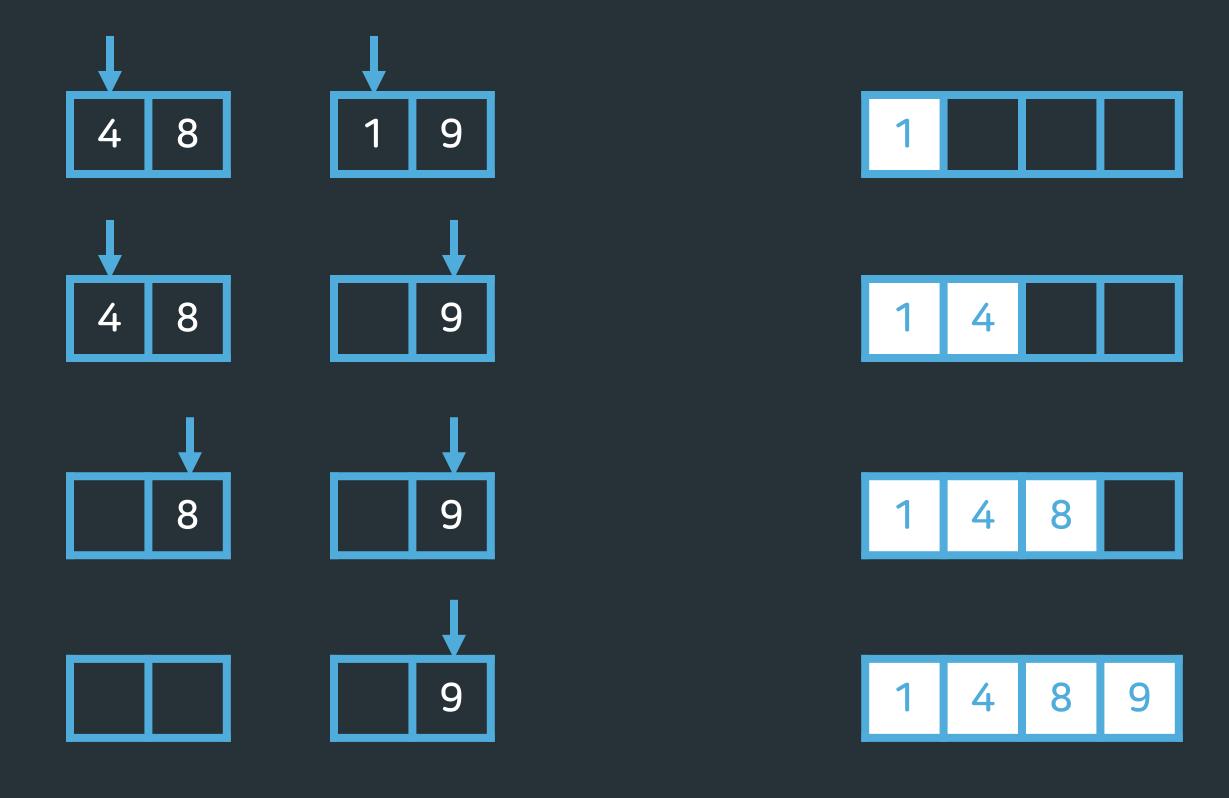
: 부분배열을 합치면서 정렬한다.





두개의 정렬된 배열을 하나의 정렬된 배열로 합치려면?





기본 문제



/<> 11728번 : 배열 합치기 - Silver 5

문제

 정렬되어 있는 두 배열 A,B가 주어질때 두 배열을 합쳐서 정렬한 결과를 출력

제한 사항

N,M의 범위는 1 <= N,M <= 1,000,000



예제 입력1

예제 입력2

2 14 71

예제 입력3

43 2359 147

예제 출력1

2359

예제 출력2

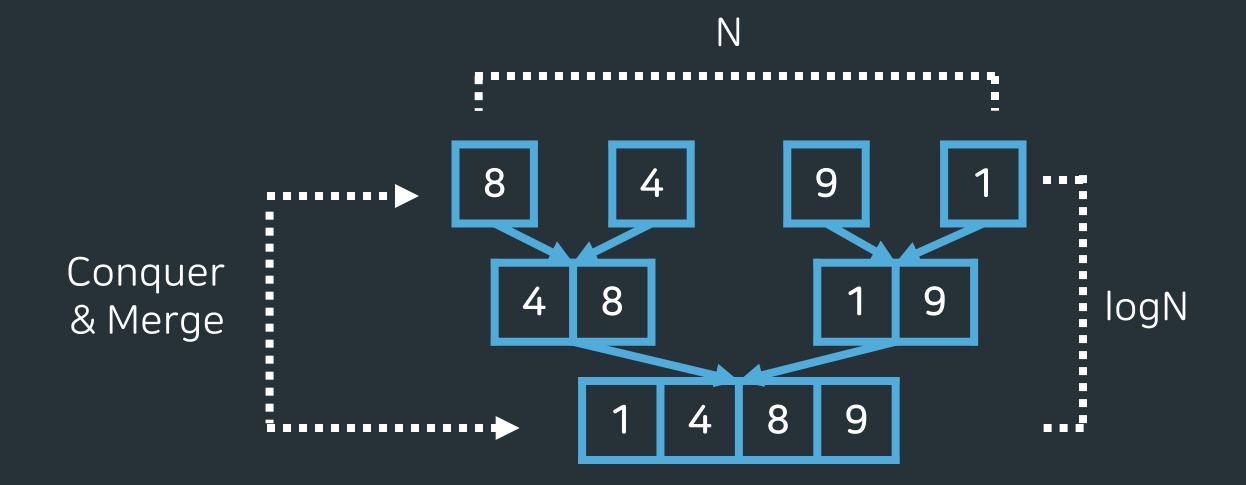
1 4 7

예제 출력3

1234579



● 시간복잡도 *O*(*nlogn*)



기본 문제



/<> 2751번 : 수 정렬하기 2 - Silver 5

문제

• N개의 수를 오름차순 정렬

제한 사항

- N의 범위는 1 <= N <= 1,000,000
- 각각의 수 k는 -1,000,000 <= k <= 1,000,000이며 중복되지 않음



예제 입력1

5 52341

예제 출력1

12345

예제 입력2

5 21345

예제 출력2

12345

기본 문제



/<> 2751번 : 수 정렬하기 2 - Silver 5

문제

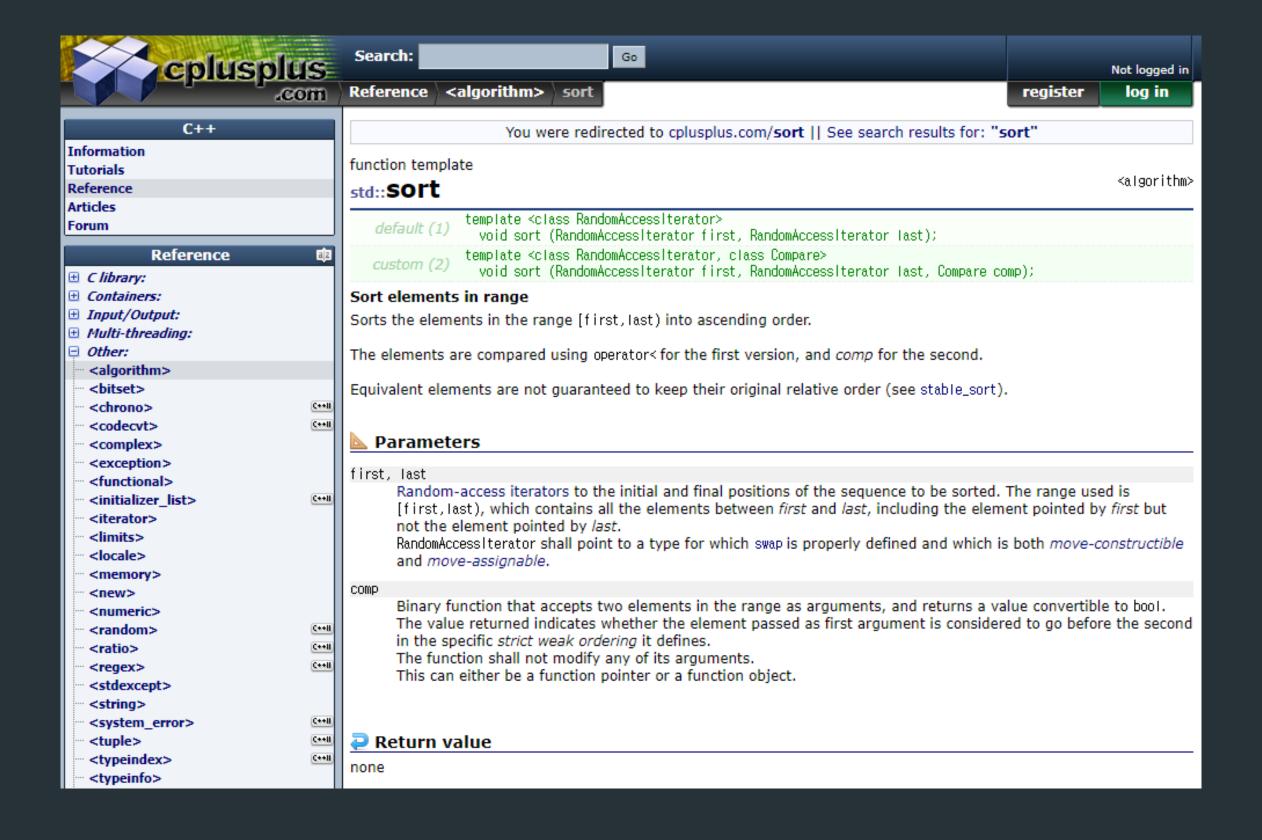
● N개의 수를 오름차순 정렬

제한 사항

- N의 범위는 1 <= N <= 1,000,000
- 각각의 수 k는 -1,000,000 <= k <= 1,000,000이며 중복되지 않음
- \rightarrow N의 범위가 최대 1,000,000이기 때문에 $O(n^2)$ 의 알고리즘이라면 시간초과!

세상에 정렬할 일이 얼마나 많은데…!





STL sort



```
#include <algorithm>
int arr[10] = { 1,4,5,2,9,8,6,10,3,7};
    sort(arr, arr + 10);

    vector<int> v = {1,4,5,2,9,8,6,10,3,7};
    sort(v.begin(), v.end()); // sort (v.begin(),v.begin()+10)
}
```

응용 문제



10825번 : 국영수 - Silver 4

문제

- 도현이네 반 학생 N명의 이름과 국어, 영어, 수학 점수가 주어진다.
- 다음의 조건으로 학생들을 정렬하자.
 - 1. 국어 점수가 감소하는 순서
 - 2. 국어 점수가 같다면 영어 점수가 증가하는 순서
 - 3. 국어 점수와 영어 점수가 같다면 수학 점수가 감소하는 순서
 - 4. 모든 점수가 같으면 이름이 사전 순으로 증가하는 순서

제한 사항

- N의 범위는 1 <= N <= 100,000
- 점수의 범위는 1<= score <= 100
- 이름은 알파벳 대소문자로 이루어진 10자리 이하의 문자열



예제 입력

예제 출력

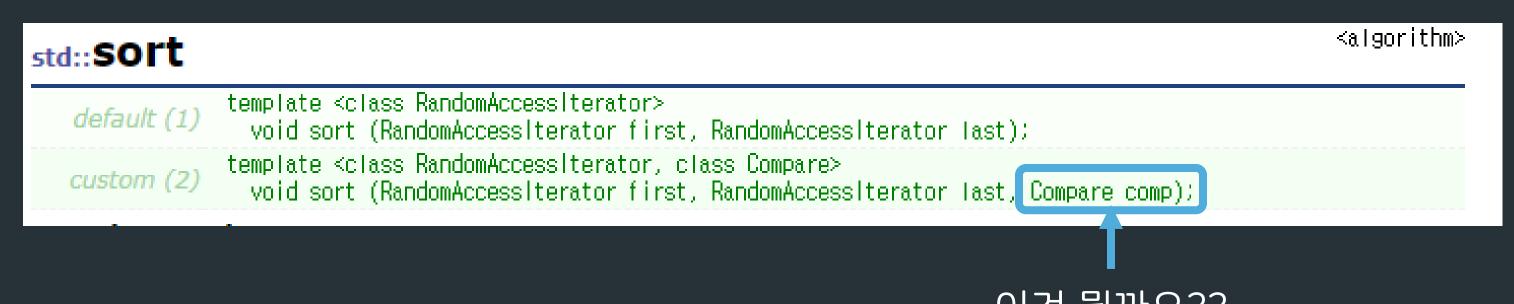
Donghyuk Sangkeun Sunyoung nsj Wonseob Sanghyun Sei Kangsoo Haebin Junkyu Soong Taewhan

몰래 보세요



Hint

- 1. 구조체… 기억나시나요?
- 2. 분명히 아까 쓴 sort 함수는 인자(parameter)가 2개였는데?



이건 뭘까요??

C++ 정렬함수



std∷sort

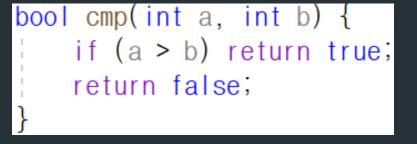
- 인자로 배열의 처음 시작 위치와, 끝 위치를 보내줌
- default 값은 오름차순 정렬
- 내림차순 정렬은 세 번째 인자에 greater<>() 을 넣어서
- 세 번째 인자에 비교함수(cmp)를 넣어서 원하는 조건대로 정렬할 수 있음!
- cmp(int a, int b)는 a가 b의 앞에 와야할 때 true를 리턴하도록 하기.
- 비교함수가 false를 리턴할 경우에는 swap하는 것임을 주의!



주의사항

ompare 함수는 두 값이 같을 때(혹은 우선순위가 같을 때) false를 반환 해야 한다.

```
bool cmp(int a, int b) {
   if (a >= b) return true;
   return false;
}
```





● 비교 함수의 인자로 STL 혹은 클래스 객체를 전달 시 reference를 사용하기

```
bool cmp(string a, string b) {

return a < b; //사전순으로

}
```

```
bool cmp(const string& a,const string& b) {

return a < b; //사전순으로
}
```

마무리



정리

- 정렬 알고리즘은 종류가 많다. (Insertion, Selection, Bubble, Merge, Quick, …)
- 근데 그냥 구현하지 말고 sort 함수 쓰자!
- default 값은 오름차순 정렬, 내림차순 정렬은 greater<>(), 그 밖의 정렬은 comp 정의하기.
- comp 정의할 때는 헷갈리지 말기! sort는 comp가 false를 반환해야 swap됨! (sort는···?)
- 정렬 알고리즘은 그리디 문제에 쓰이는 경우가 많아요!

이것도 알아보세요!

- 비교함수 작성 시 인자를 넘겨줄 때 왜 const와 &를 사용할까요?
- 정렬 알고리즘 중엔 시간 복잡도가 O(n)인 계수 정렬(Counting sort)이 있어요.
 - 1. 어떻게 겨우 O(n)만에 정렬을 할 수 있을까요?
 - 2. 우린 그럼 왜 계수 정렬을 쓰지 않고 O(nlogn)의 정렬 알고리즘을 사용하는 걸까요?
- 정렬 알고리즘은 stable sort와 unstable sort로 나눌 수 있어요. 이건 어떤 개념일까요?
- 자료형이 pair<int, int>인 배열을 comp없이 정렬하면 어떻게 될까요?



2문제 이상 선택

- /<> 11651번 : 좌표 정렬하기 2 Silver 2
- /<> 1758번 : 알바생 강호 Silver 4
- 1431번 : 시리얼 번호 Silver 3
- 1946번 : 신입 사원 Silver 1
- /<> 1026번 : 보물 Silver 4