l 알튜비튜 투 포인터



두 개의 포인터로 배열을 빠르게 탐색하는 알고리즘입니다. 코딩 테스트에선 주로 효율성을 보는 문제에 활용됩니다.

이와 더불어 투 포인터와 함께 자주 활용되는 누적 합, 슬라이딩 윈도우에 대해서도 알아봅니다.

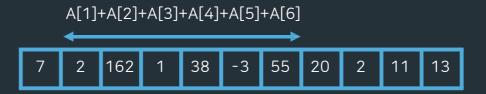
이런 문제가 있다고 해봅시다.





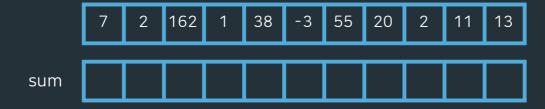
그냥 더해도 되지만…



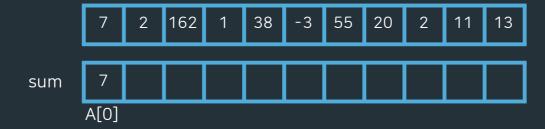


각 연산의 시간 복잡도 O(n) 만약 배열의 크기가 10,000일 때, 구하고자 하는 구간이 1,000,000개만 돼도... 총 연산 횟수 O(n x m) = 100억번

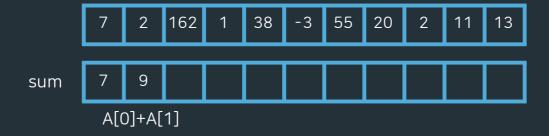








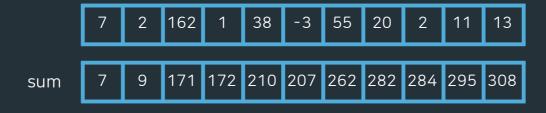






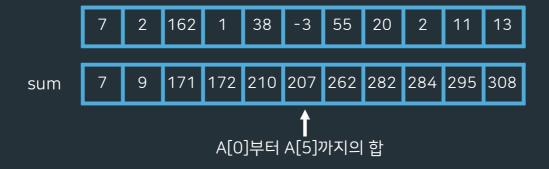




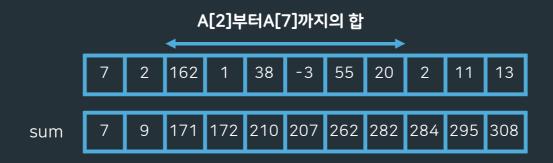


A[0]부터 A[i]까지의 합





















sum[7]-sum[1]= A[2]부터A[7]까지의 합





→ sum[j]-sum[i-1]= A[i]부터A[j]까지의 합

기본 문제





/<> 11659번 : 구간 합 구하기 4 - Silver 3

문제

● 수 N개가 주어질 때, i번째 수부터 j번째 수까지의 합은?

입력

- 첫째 줄: 수의 개수 N, 합을 구해야 하는 횟수 M
- 둘째 줄: N개의 수
- 셋째 줄 ~: 합을 구해야 하는 구간 i와 j

예제 입력

53 54321 13 24 55

예제 출력

12

기본 문제



/<> 11659번 : 구간 합 구하기 4 - Silver 3

제한 사항

- N, M은 1 <= N, M <= 100,000
- 입력되는 정수 k는 1 <= k <= 1,000

순차 탐색으로 구현하면 최대 연산 횟수 N x M = 100,000 * 100,000(=100억)으로 시간초과

예제 입력

53 54321 13 24 55

예제 출력

12



7	2	162		38						13
---	---	-----	--	----	--	--	--	--	--	----





"배열 A가 있을 때, A[i]부터 A[j]까지의 합은?" (j - i = 2) → 구간 길이 3으로 일정





"배열 A가 있을 때, A[i]부터 A[j]까지의 합은?" (j - i = 2) → 구간 길이 3으로 일정





"배열 A가 있을 때, A[i]부터 A[j]까지의 합은?" (j - i = 2) → 구간 길이 3으로 일정

누적 합은 아까 해봤으니까!



누적 합을 사용하지 않고 구간 합을 빠르게 구하는 방법은?

공통되는 부분이 보이시나요?



$$j - i = 2$$



A[0]+A[1]+A[2]

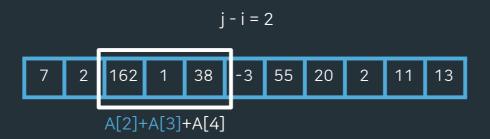
공통되는 부분이 보이시나요?





공통되는 부분이 보이시나요?

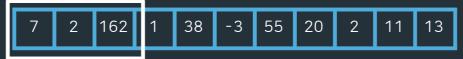




슬라이딩 윈도우



일정한 크기의 윈도우를 한 칸씩 움직여가며 계산



$$A[0]+A[1]+A[2]$$

= k0

슬라이딩 윈도우



일정한 크기의 윈도우를 한 칸씩 움직여가며 계산



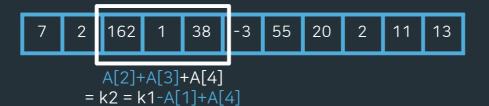
$$A[1]+A[2]+A[3]$$

= k1 = k0-A[0]+A[3]

슬라이딩 윈도우



일정한 크기의 윈도우를 한 칸씩 움직여가며 계산



기본 문제





/<> 21921번 : 블로그 - Silver 3

- N일간의 방문자 수가 주어진다.
- 연속된 X일 동안 가장 많이 들어온 방문자 수와 그 기간의 수는 몇 개인가?
- * 최대 방문자 수가 0명이라면 SAD를 출력

제한 사항

- N, X

 1 <= X <= N <= 250,000
- 방문자 수 k는 0 <= k <= 8,000



예제 입력 1

5 2 1 4 2 5 1 예제 입력 2

75 1111151 예제 입력 3

5 3 0 0 0 0 0

예제 출력 1

7 1 예제 출력 2

9 2 예제 출력 3

SAD

이제 본론에 들어가봅시다!





이제 본론에 들어가봅시다!





투 포인터



Two Pointer

- 2개의 포인터로 배열을 탐색하며 빠르게 답을 찾는 알고리즘
- 주로 반복문(while)으로 구현
- 일반적으로 시간 복잡도 O(n²)의 문제를 시간 복잡도 O(n)로 풀 수 있음
- 투 포인터 탐색 방법은 크게 2개로 나눌 수 있음
 - 1. 2개의 포인터가 다른 위치에서 시작하여 서로에게 다가가는 방향으로 탐색
 - 2. 2개의 포인터가 같은 위치에서 시작하여 같은 방향으로 이동하며 탐색
- 1번 방식은 일반적으로 배열이 정렬됐을 때에만 성립하는 경우가 많음
- 슬라이딩 윈도우는 2개의 포인터 사이의 거리를 고정하고, 2번 방식으로 탐색한 것과 같음

기본 문제



/<> 2470번 : 두 용액 - Gold 5

문제

● 두 개의 서로 다른 용액을 혼합해, 합이 0에 가까운 용액을 만들어내는 두 용액을 구해라

입력

- 첫째 줄: 전체 용액의 수 N
- 둘째 줄: 용액의 특성값을 나타내는 N개의 정수

제한 사항

- 용액의 수 N은 2 <= N <= 100,000
- 용액의 특성값 k는 -1e9 <= k <= 1e9 (-10억 ~ 10억)

예제 입력

-2 4 -99 -1 98

예제 출력

-99 98

생각해보기



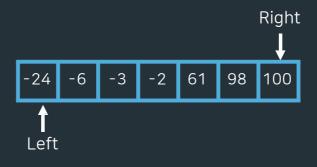
정렬이 됐다고 치면…

맨 왼쪽에는 가장 작은 값이 존재 맨 오른쪽에는 가장 큰 값이 존재

오른쪽으로 갈수록 값이 커지고 왼쪽으로 갈수록 값이 작아진다

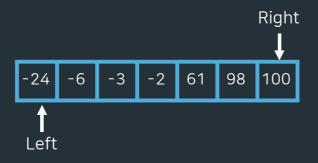
다른 위치에서 시작하는 투 포인터





다른 위치에서 시작하는 투 포인터





Left + Right =
$$76$$

Ans = 76

0보다 크니까 숫자를 줄이자!





Left + Right =
$$74$$

Ans = 74





Left + Right =
$$37$$

Ans = 37





Left + Right =
$$-26$$

Ans = -26



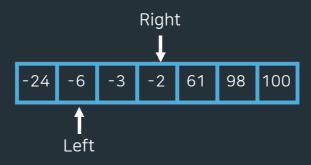


Left + Right =
$$-26$$

Ans = -26

0보다 작으니까 숫자를 키우자!

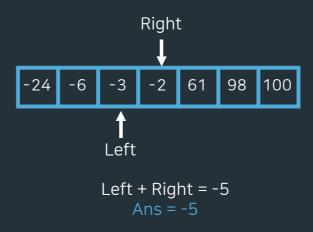




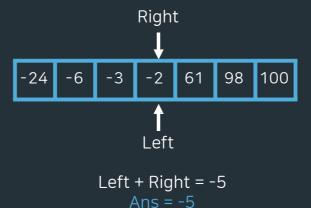
Left + Right =
$$-8$$

Ans = -8



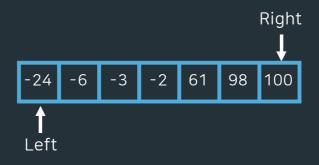






서로 다른 두 용액이어야 하므로 break

















76보다 큰 값임이 보장되기 때문에 Left 포인터를 옮길 필요 없음

마무리



정리

- 다양한 경우에서 배열의 탐색 효율을 높이기 위해 사용되는 투 포인터 알고리즘!
- 두개의 포인터 사이의 거리가 고정된다면 슬라이딩 윈도우!
- 포인터가 가까워지는 방법(left < right)과 멀어지는 방법(left <= right)이 있음
- 가까워지는 방법은 보통 중복이 없고, 정렬된 배열에만 사용 가능함.
 두 개의 포인터가 가리키는 값만 고려
- 멀어지는 방법은 <u>두 개의 포인터가 가리키는 값 사이의 모든 값을 고려</u>
- 효율성 테스트 문제로 아주 많이 출제됨

과제



필수

/<> 2531번: 회전 초밥 - Silver 1

/<> 20922번: 겹치는 건 싫어 - Silver 1

/<> 14503번 : 로봇 청소기 - Gold 5

도전

/<> 20437번: 문자열 게임 2 - Gold 5

/<> 2473번: 세 용액 - Gold 3

과제 마감일



과제제출 마감

~ 11월 12일 화요일 18:59

추가제출 마감

~ 11월 14일 목요일 23:59