알튜비튜 백트래킹



오늘은 코딩테스트에 많이 나오는 알고리즘 중 하나인 백트래킹에 대해 배웁니다. 전번에 배운 완전탐색(브루트포스)에서 조금 더 발전해서, 더 이상 가망 없는 후보를 제외하고 탐색하는 알고리즘이죠.



백트래킹

- 완전탐색처럼 모든 경우를 탐색하나, 중간 과정에서 조건에 맞지 않는 케이스를 가지치기 하여
 탐색 시간을 줄이는 기법
- 모든 경우의 수를 탐색하지 않기 때문에 완전탐색보다 시간적으로 효율적임
- 탐색 중 조건에 맞지 않는 경우 이전 과정으로 돌아가야 하기 때문에, 재귀를 사용하는 경우 많음
- 조건을 어떻게 설정하고, 틀렸을 시 어떤 시점으로 돌아가야 할지 설계를 잘 하는 것이 중요

백트래킹



과정

- 어떤 노드의 유망성(promising)을 점검
 - → 조건에 맞는지 안맞는지
 - → 답이 될 수 있는지 없는지
- 유망하지 않다면(non-promising) 배제함 (가지치기)

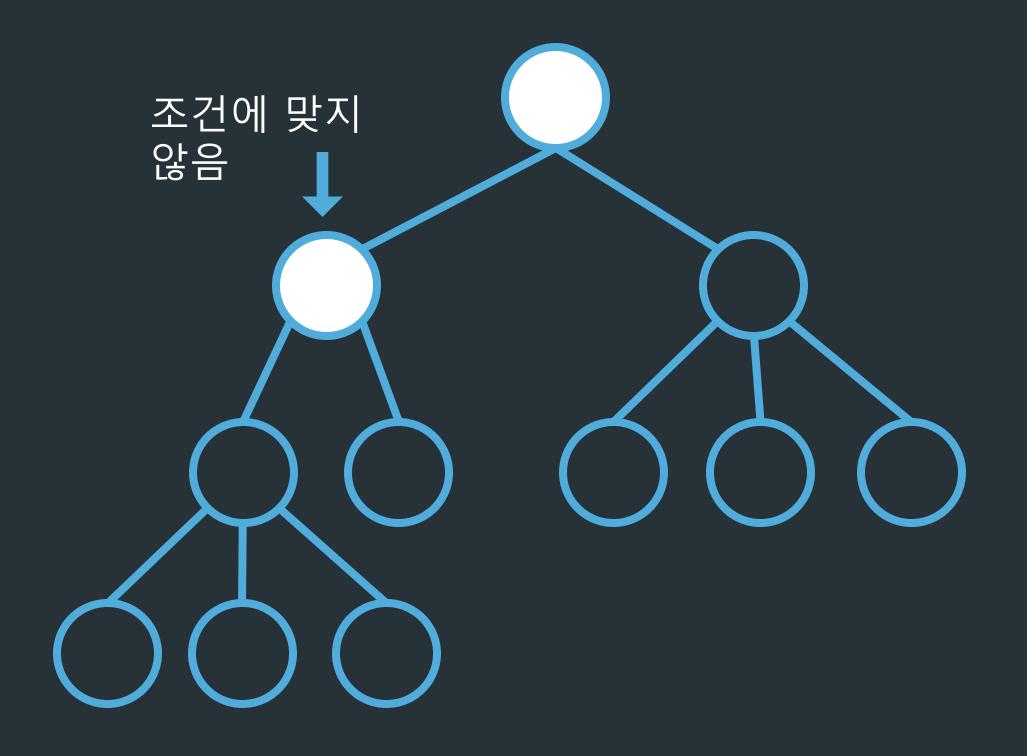
가지치기란?



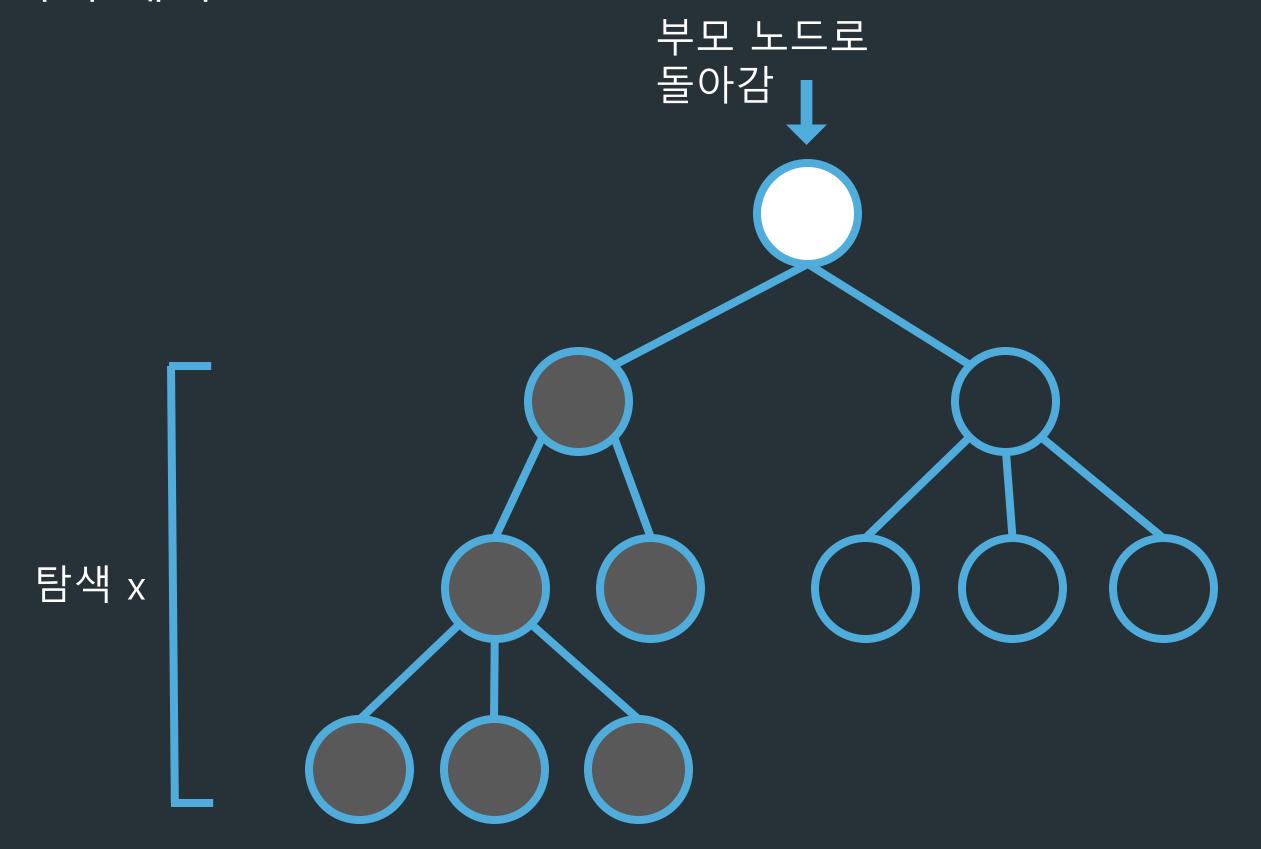
가지치기

- 지금의 경로가 해가 될 것 같지 않으면(non-promising)
 그 전으로 되돌아 가는 것(back)
- 즉, 불필요한 부분을 쳐내는 것
- 되돌아간 후 다시 다른 경로 검사
- 가지치기를 얼마나 잘하느냐에 따라 효율성이 결정됨

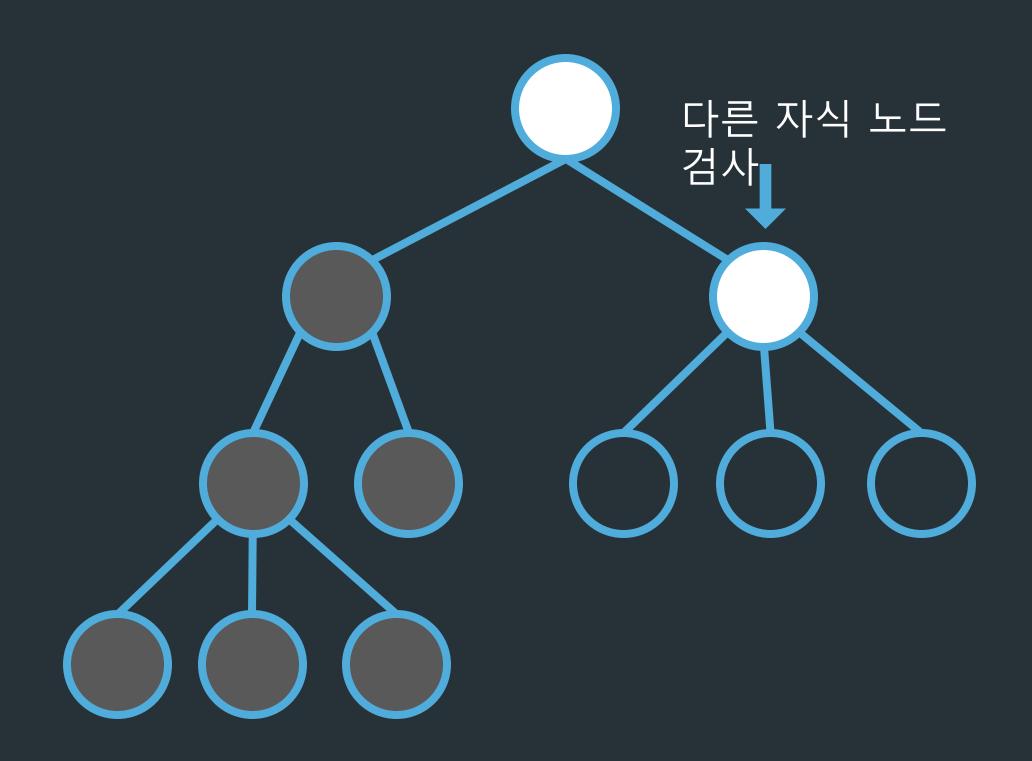














"즉, 답이 될 만한지(promising) 판단하고, 그렇지 않다면 탐색하지 않고 다시 전으로 넘어가서(back) 탐색을 계속 하는 것 "

재귀함수란?



```
void f(int mine){
    f(mine + 1);
} 문제점은?
```

• 자기 자신을 호출하는 함수

재귀함수란?



```
void f(int mine){
    if (mine == 5)              기저 조건
        return;
    f(mine + 1);
    cout << mine << '\n';
}
```

- 자기 자신을 호출하는 함수
- 가장 중요한 점은 기저 조건(탈출 조건)을 잘 세우는 것!

어떨 때 백트래킹을 적용하지?



백트래킹

- N의 크기가 작을 때 (주로 재귀함수로 구현하기 때문)
 → 보통 20 이하
- 그전 과정으로 돌아가면서 하는 탐색이 필요한 경우

기본 문제



/<> 15649번 : N과 M(1) - Silver 3

문제

- 자연수 n, m이 주어짐
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제

제한 사항

● 입력 범위는 1 <= m <= n <= 8



예제 입력

4 2

예제 출력

기본 문제



/<> 15649번 : N과 M(1) – Silver 3

문제

- 자연수 n, m이 주어짐
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제

제한 사항

● 입력 범위는 1 <= m <= n <= 8

접근

- 제약 조건을 살펴보자
 - → 중복 x, 수열 길이가 m
- 재귀함수를 설계해보자
 - → 각 수를 넣을 때, 이미 수열 내에 있으면 넘어감 (체크해줄 무언가가 필요)
 - → 기저조건은 길이가 m일 때!

체크해줄 무언가?

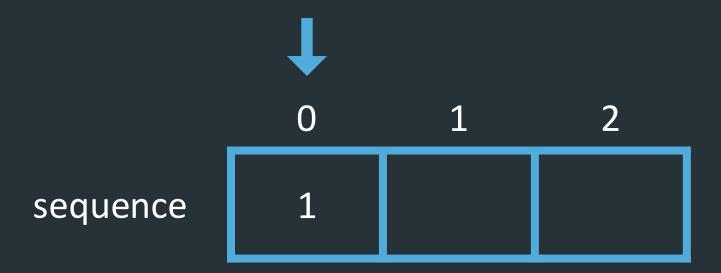


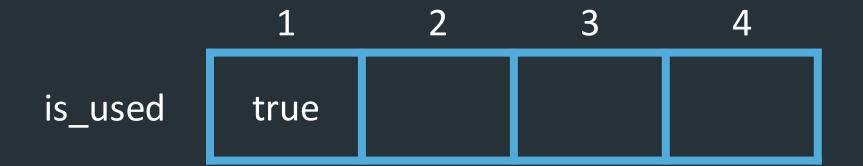
접근

- 해당 수가 현재 수열에서 사용이 되었는지 안되었는지 체크하는 배열을 만들자!
- 즉, 수를 인덱스로 가지는 체크배열
- 가지치기의 판단 기준이 됨



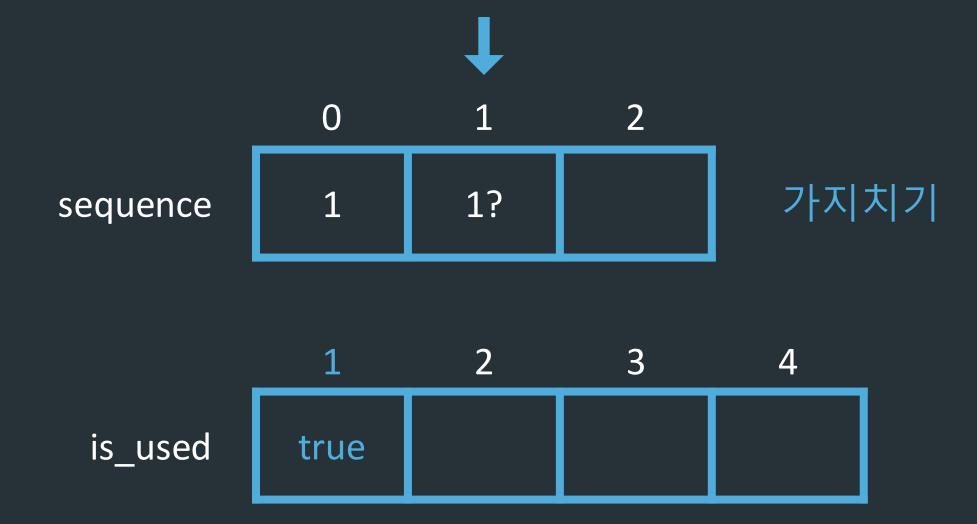
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





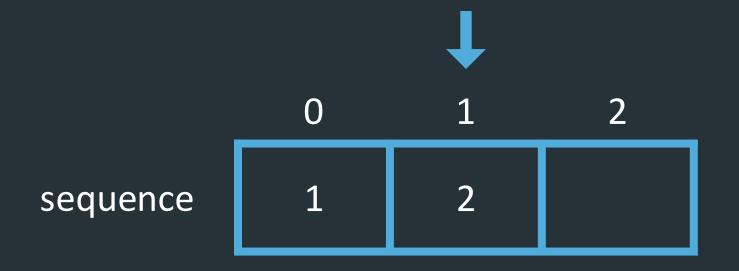


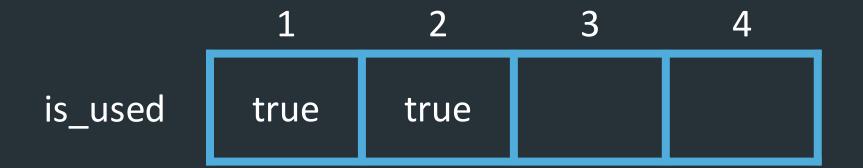
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





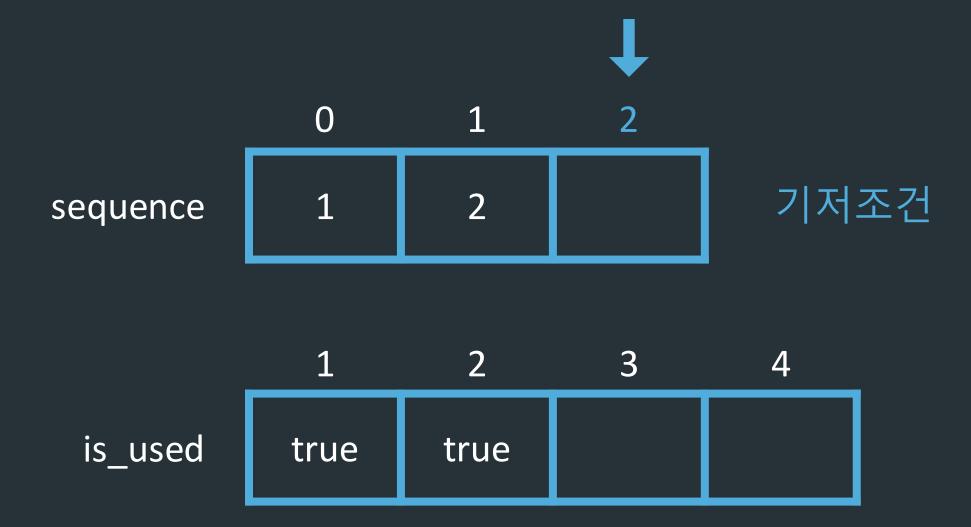
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





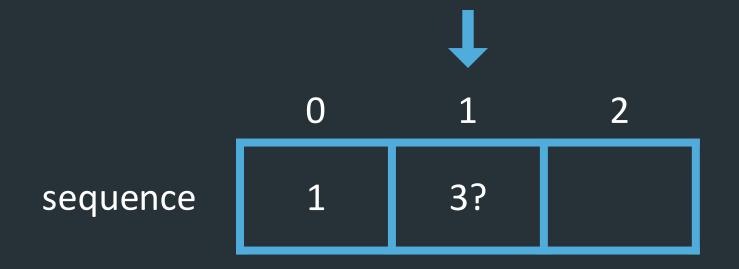


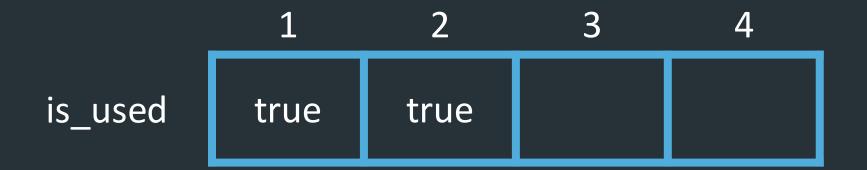
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2





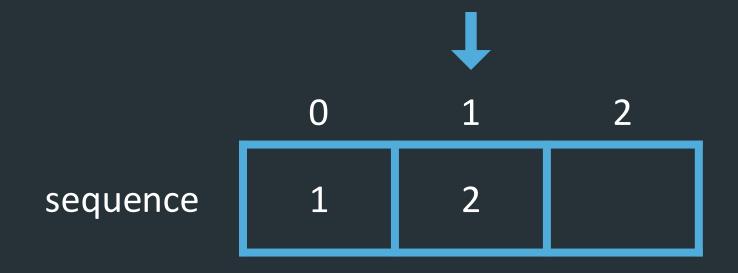
- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2

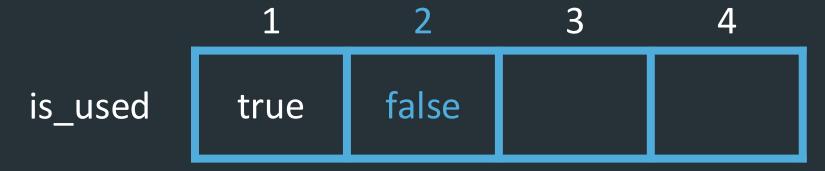






- 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제
- n = 4, m = 2



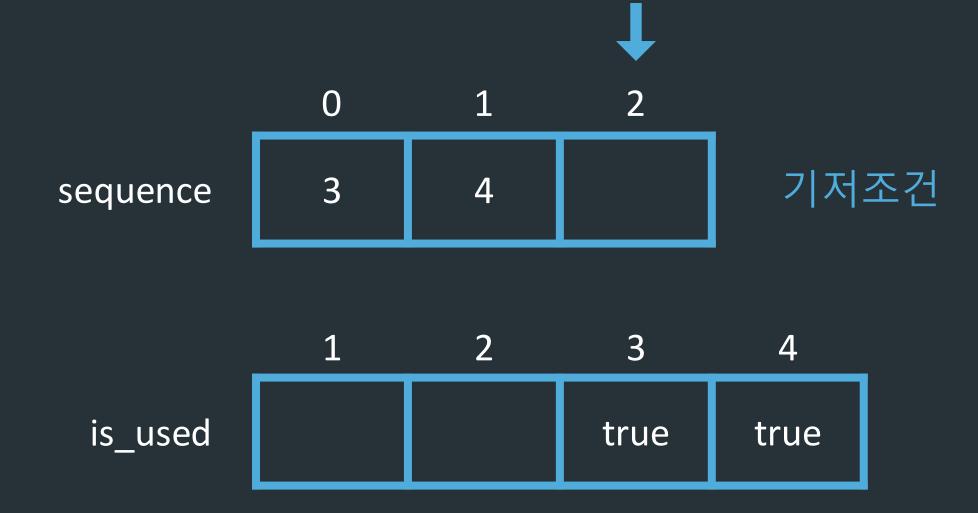


바로 탐색 이어서하지 않고, 꼭 원래 상태로 돌려놓아야함 함 그래야 나중에 해당 요소 재탐색 가능



• 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제

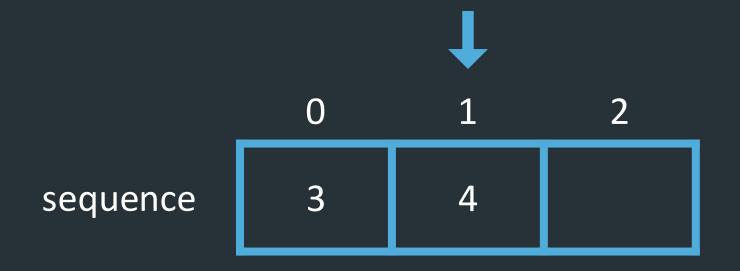


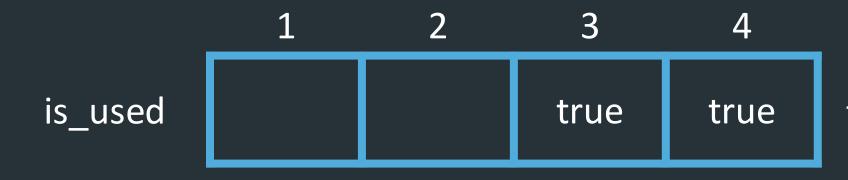




• 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제





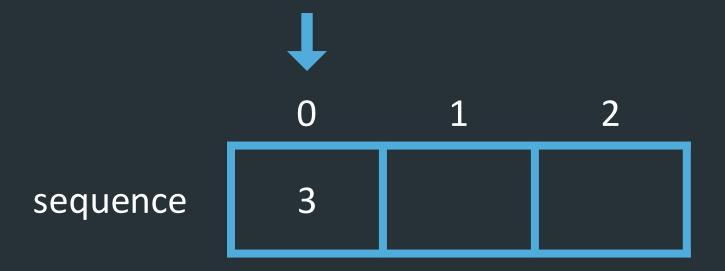


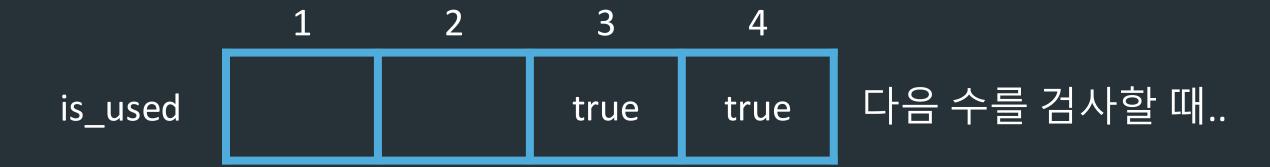
돌아왔을 때, 만약 원래 상태로 되돌려 놓지 않는다면?



• 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제

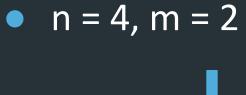


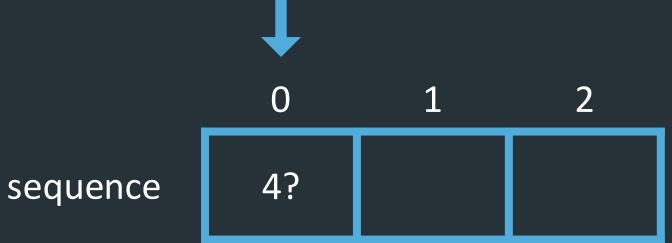


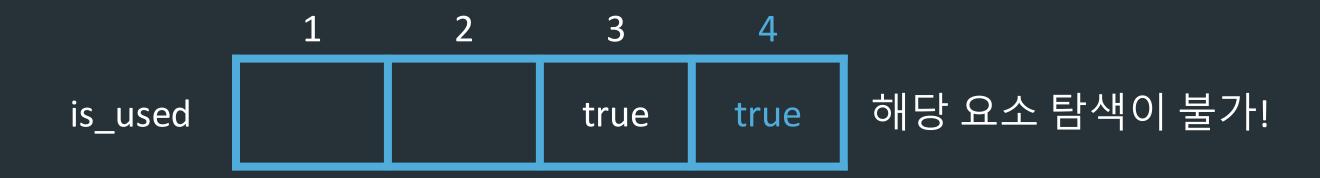




• 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제



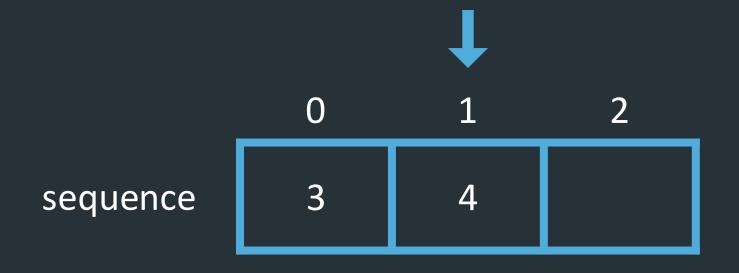


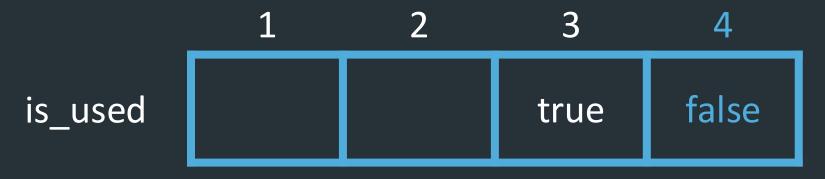




• 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제



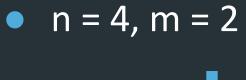


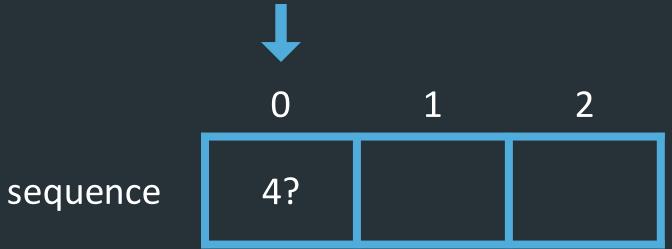


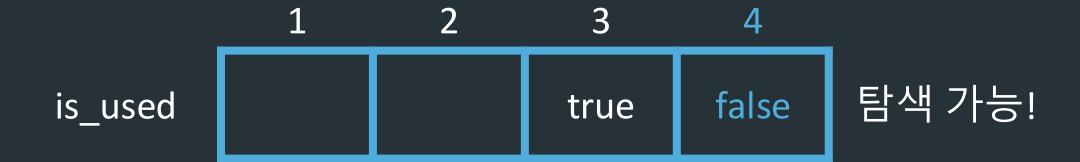
따라서 탐색을 하기 전, 꼭 원래 상태로 돌려놓는 것이 중요



• 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제



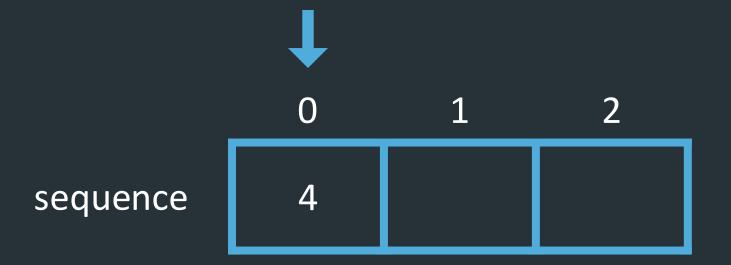


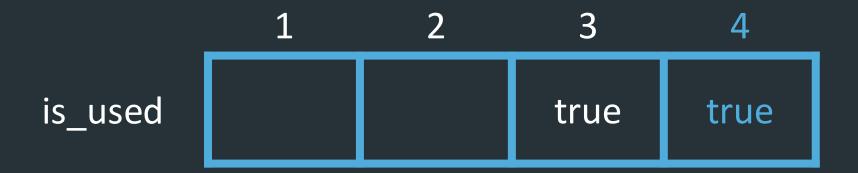




• 1부터 n까지의 자연수 중 중복없이 m개를 고른 수열을 모두 구하는 문제







기본 문제





2529번 : 부등호 – Silver 1

문제

- 부등호 기호 `<`, `>`가 k개 나열된 순서열 A가 주어짐 (ex: $A \Rightarrow <<<>>>$)
- 부등호 기호 사이에 서로 다른 한 자릿수 숫자(0~9)를 넣어 모든 부등호 관계를 만족시키 려고 함

(ex: 3 < 4 < 5 < 6 > 1 < 2 < 8 > 7 < 9 > 0)

- 부등호 기호를 제거한 뒤, 숫자를 모두 붙여 하나의 수를 만듦 (ex: 3456128790)
- 부등호 순서를 만족하는 (k+1)자리의 정수 중에서 최댓값과 최솟값을 찾아야 함
- 단, 선택된 숫자는 모두 달라야 함

예제



예제 입력

2 <>

9 ><<<>>>

예제 출력

897 021

9567843012 1023765489

부등호



접근

- 제약 조건을 살펴보자
 - k개의 부등호 기호 사이에 서로 다른 한 자릿수 숫자를 넣음 → k+1개 숫자 필요
 - 단, 선택된 숫자는 모두 달라야 함 → 중복 X
- → 중복을 허용하지 않는 k+1 길이의 수열 뽑기

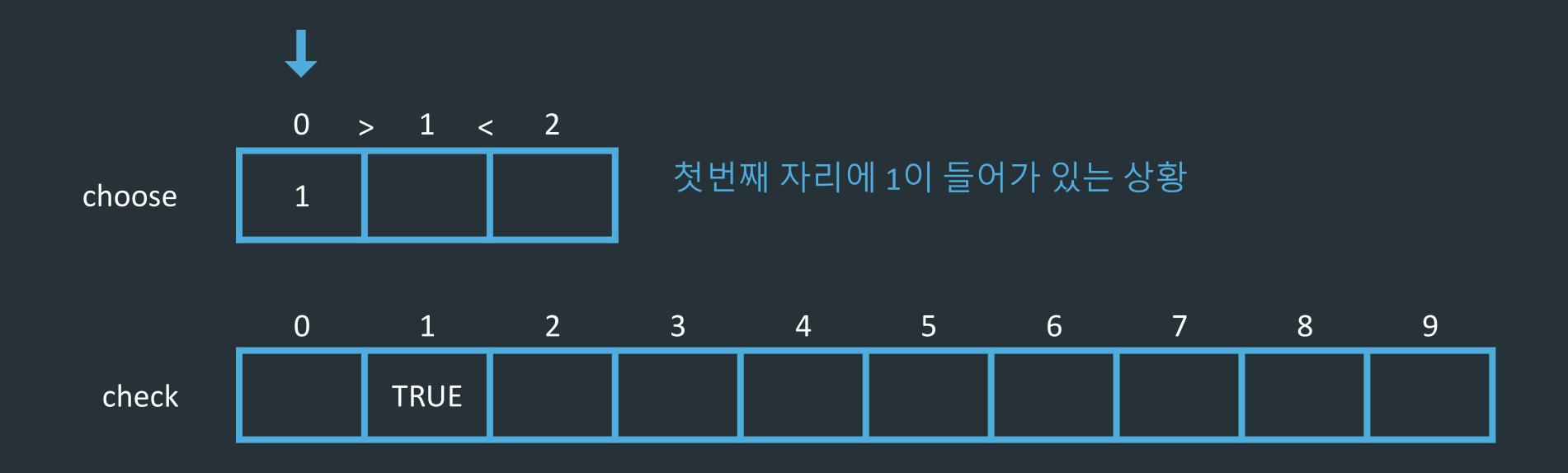
부등호



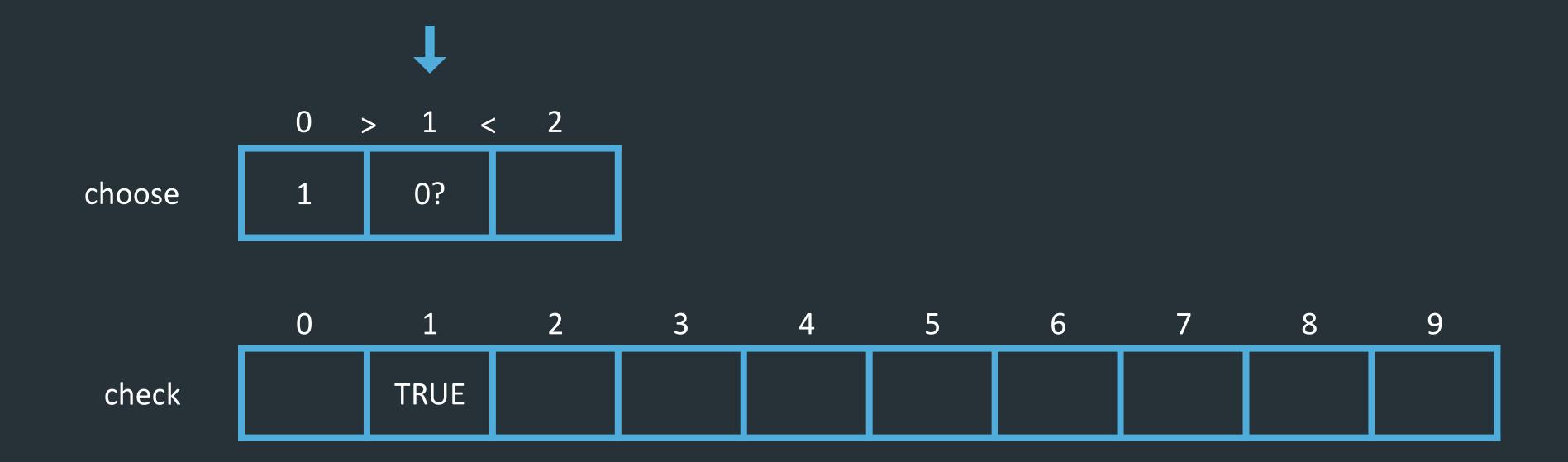
접근

- 부등호 관계를 만족시켜야 함
 - <: 이전 숫자보다 큰 숫자를 뽑아야 함
 - >: 이전 숫자보다 작은 숫자를 뽑아야 함
- 수열을 다 뽑았으면 최댓값 & 최솟값 갱신

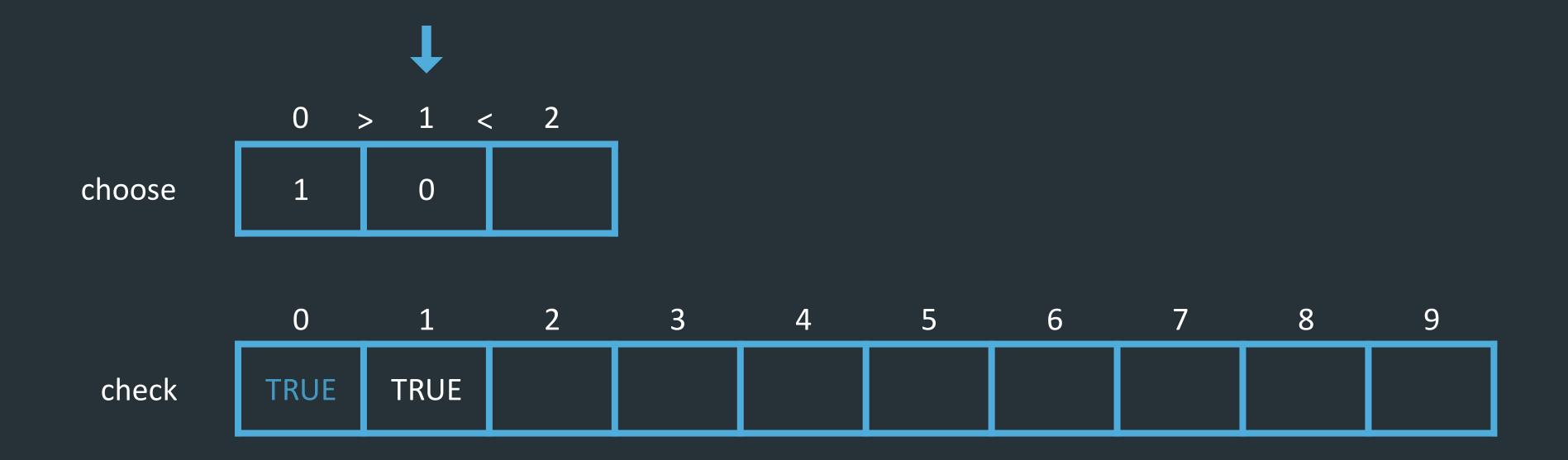




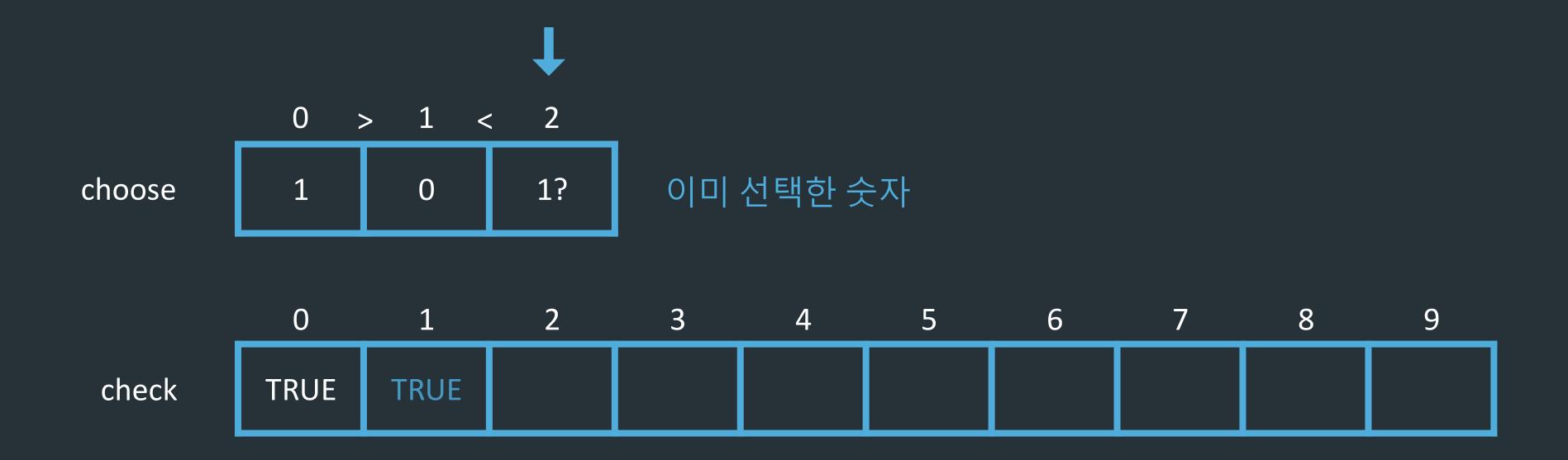




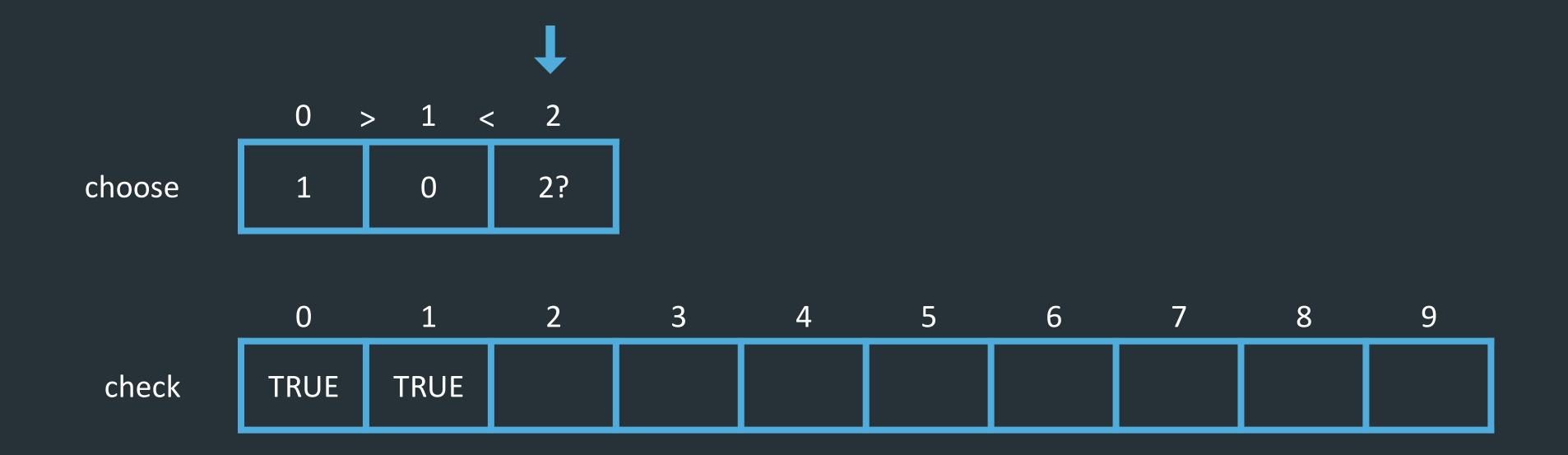




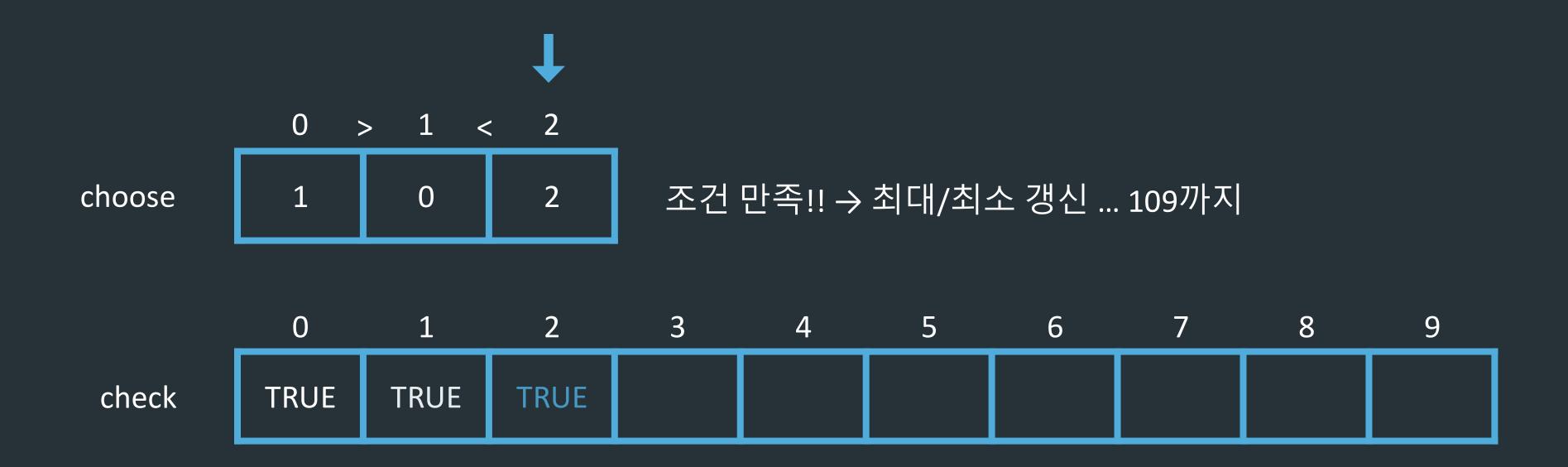




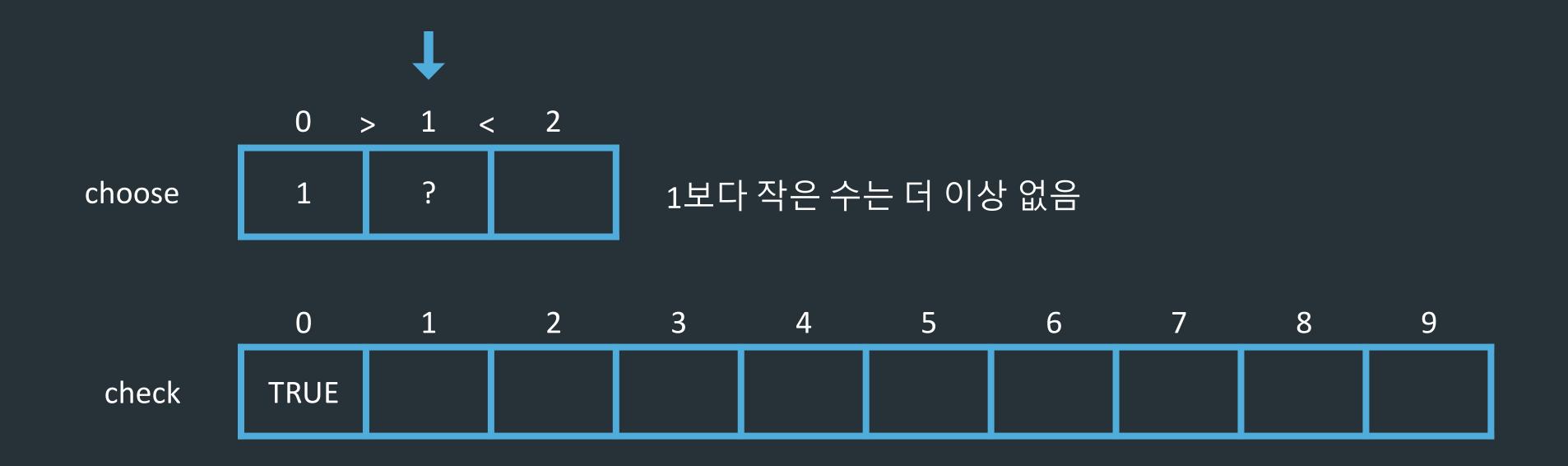




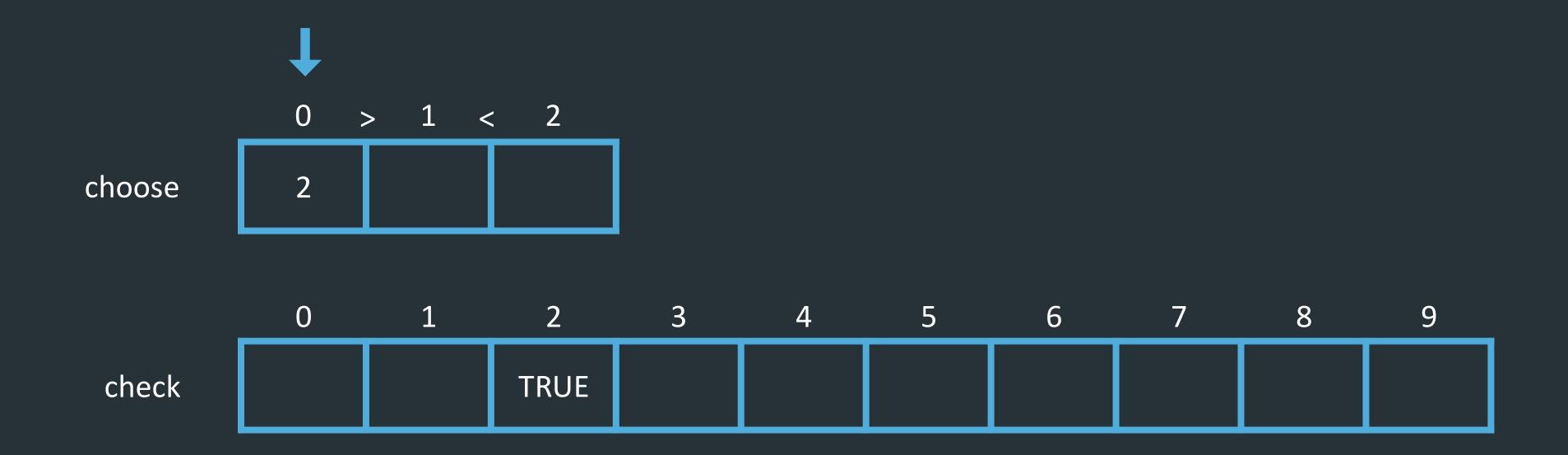




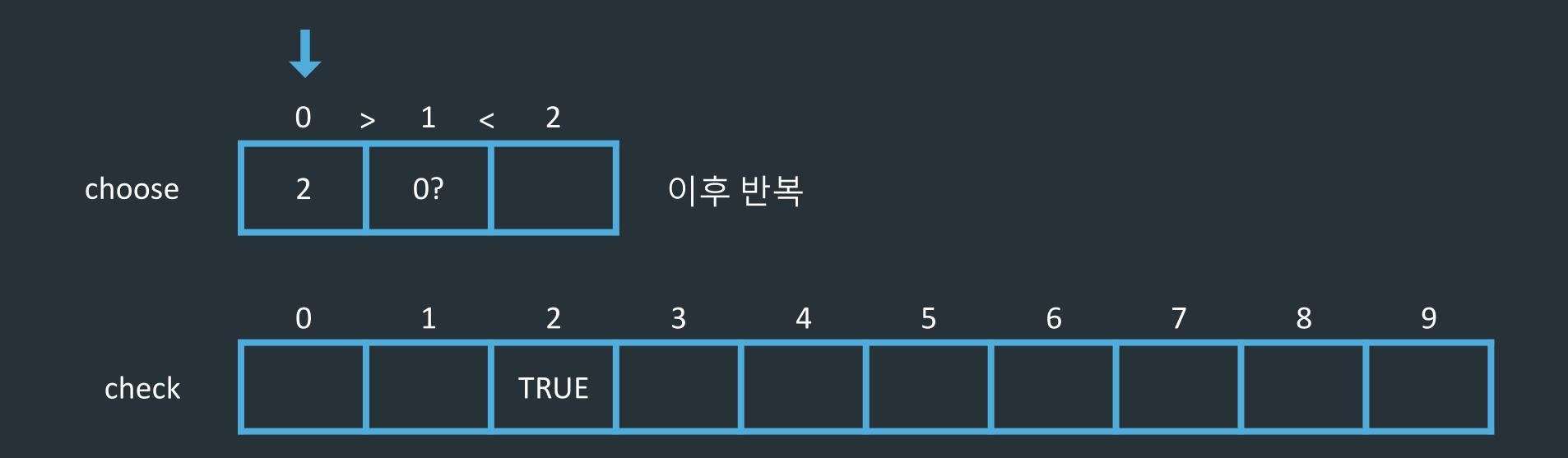












응용 문제



/<> 9663 번 : N-Queen – Gold 4

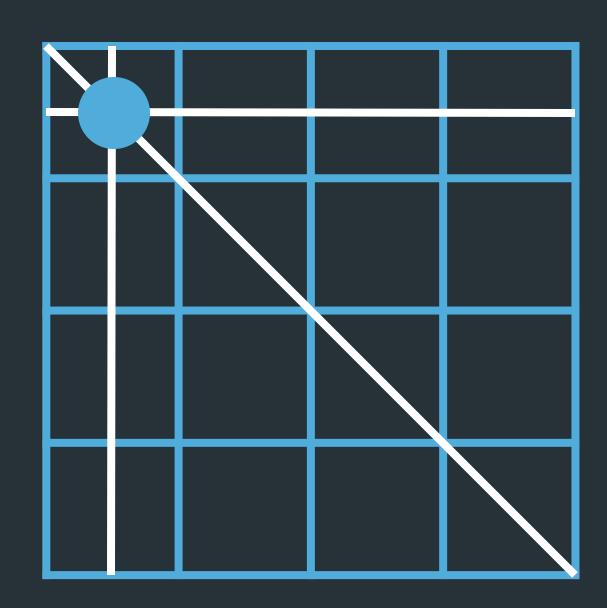
문제

• NXN인 체스판 위에 퀸 N개를 서로 공격할 수 없게 놓는 경우의 수 구하는 문제

제한 사항

● 입력 범위는 1 <= N < 15





• 퀸이 놓이면, 가로, 세로, 대각선에 위치한 곳엔 다른 퀸을 둘 수 없다.

제한 사항

● 입력 범위는 1 <= N < 15

접근

- 완전탐색?
- → C(255, 15) > 10³⁰, 절대 불가능!
- 가지치기를 할 수 없을까?
- → 우선 세로의 중복을 피하려면 각 열마다 1개
- → 가로의 중복을 피하려면 각 행마다 1개
- → 즉, 가로와 세로에는 각각 1개만 들어감!

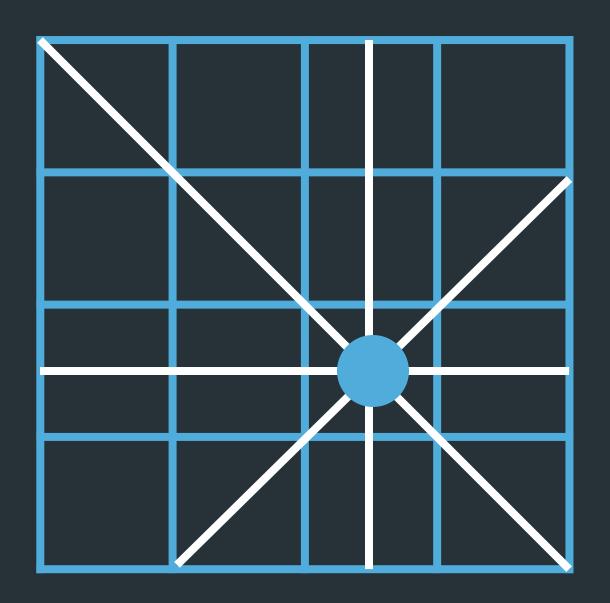
몰래 보세요



Hint

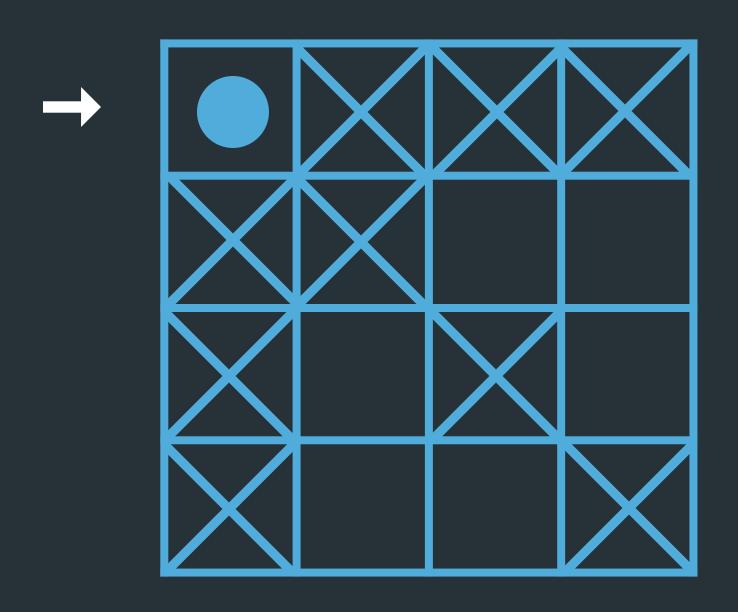
- 1. N과 M문제에서 가지치기를 위해 무엇을 사용했었죠?
- 2. 그런데 가지치기할 곳이 1 군데는 아닌 것 같아요. 대각선도 방향이 하나가 아니죠.



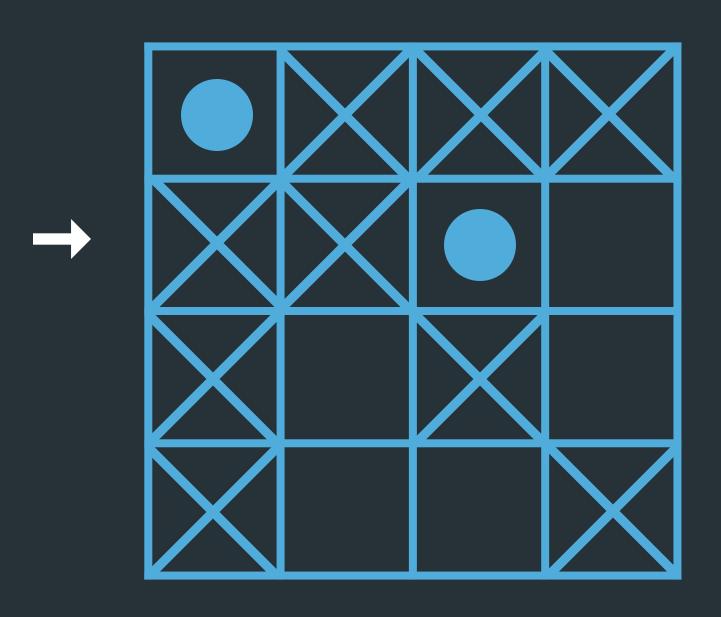


- 퀸이 놓이면, 가로, 세로, 대각선에 위치한 곳엔 다른 퀸을 둘 수 없다.
- 가로와 세로엔 각각 1개 배치 → 각 가로(행)에 대해, 퀸이 놓일 세로(열) 위치 결정

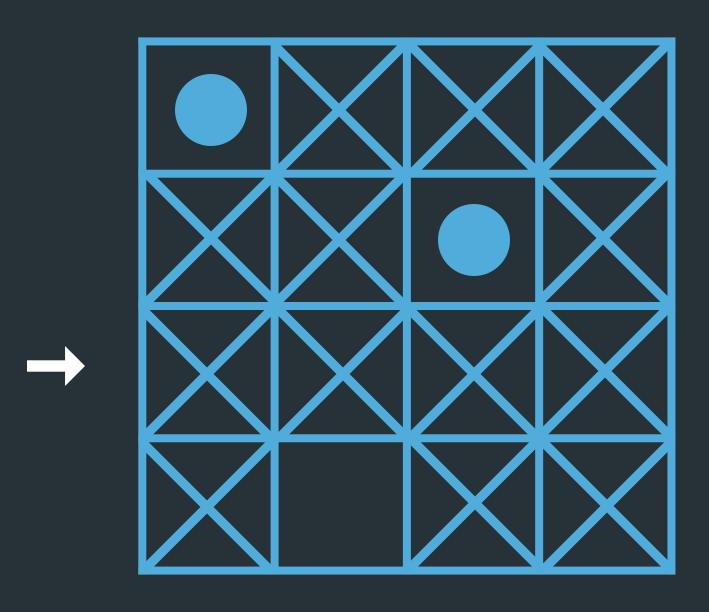












- 더 이상 탐색 불가! → 다시 전으로 돌아감

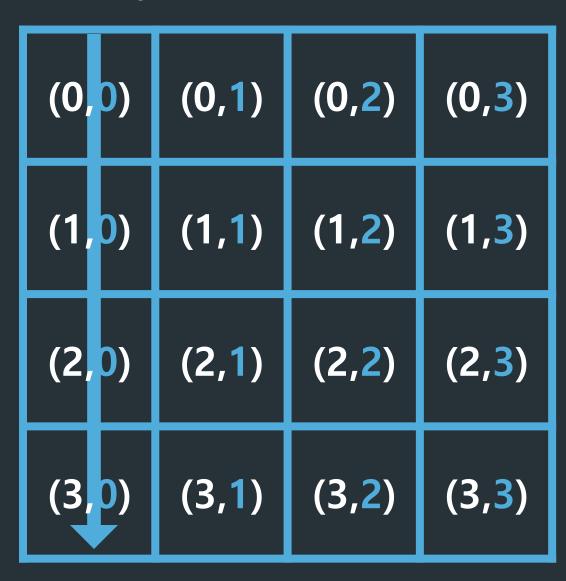


- 배치 가능 여부를 확인하는 방법?
 - 1. 이미 놓은 모든 퀸들에 대해 공격할 수 있는지 확인하는 방법
 - → 확인할 때 반복문을 돌기 때문에 비효율적
 - 2. 퀸을 놓을 수 없는 자리를 2차원 배열로 기록하여 O(1)로 접근하는 방법
 - → 체크를 할 때 반복문을 돌기 때문에 비효율적
- 한 번에 체크할 수 있는 배열이 필요
 - → 각 열을 인덱스로!



- N = 4
- 행: i, 열: j

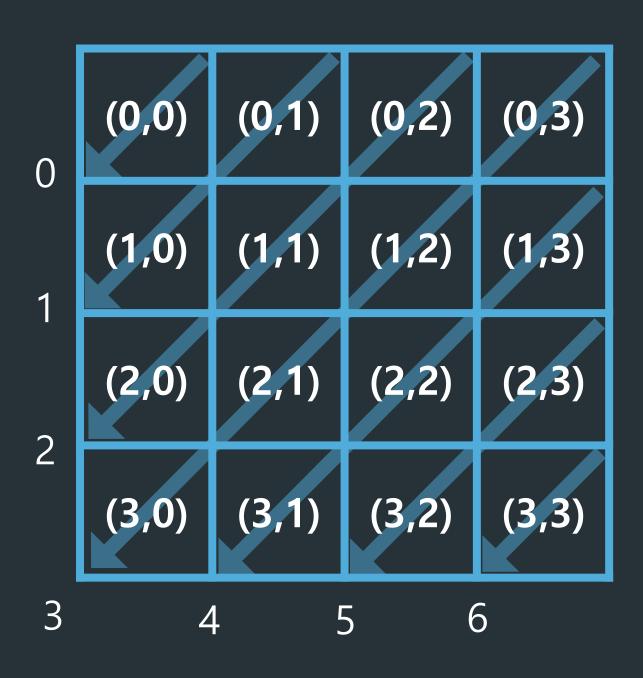
Check[j]



- → 세로 배치 가능 여부를 체크배열로 구현!
 - 그렇다면 대각선은?



- N = 4
- 행: i, 열: j



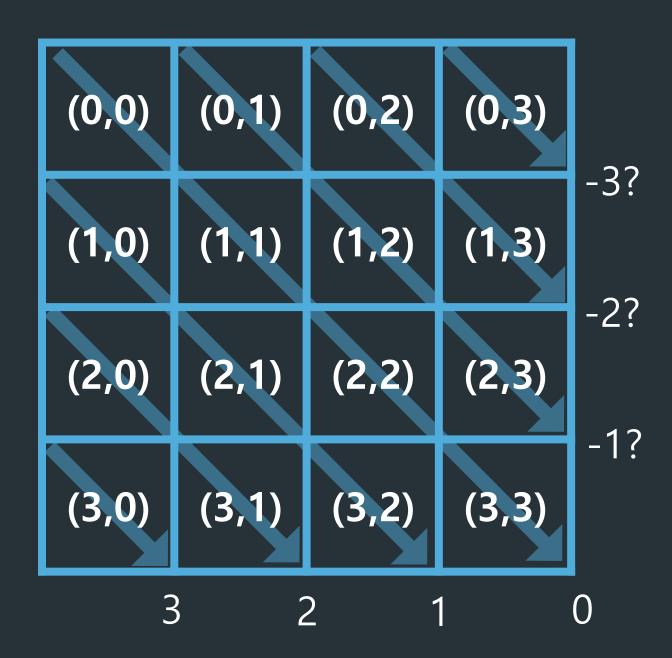
Check[i + j]

→ 좌하향 대각선, 우하향 대각선의 배치 가능 여부를 체크배열로 구현!



- N = 4
- 행: i, 열: j

Check[i – j]

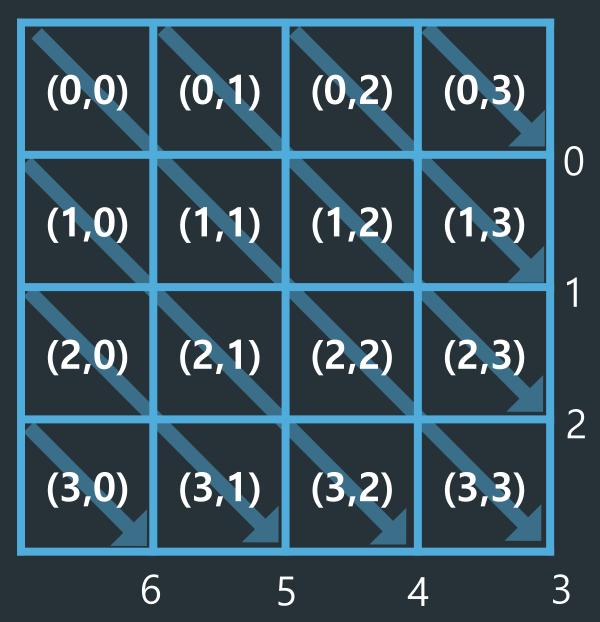


→ 좌하향 대각선, 우하향 대각선의 배치 가능 여부를 체크배열로 구현!



- N = 4행: i, 열: j

Check[i - j + n - 1]

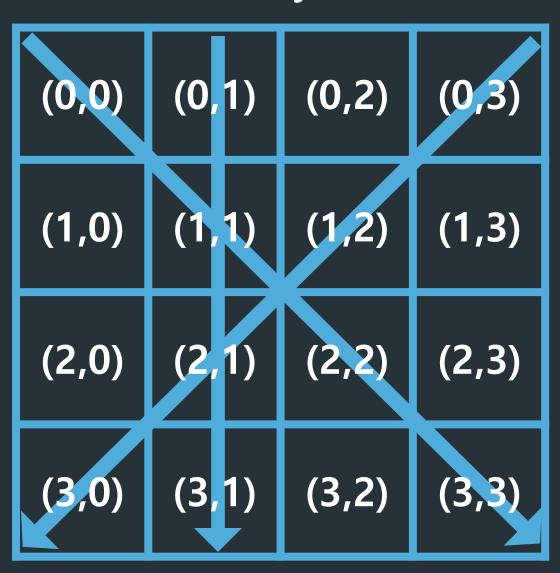


→ 좌하향 대각선, 우하향 대각선의 배치 가능 여부를 체크배열로 구현!



- N = 4
- 행: i, 열: j

Check_col[j]



Check_right[i - j + n - 1]

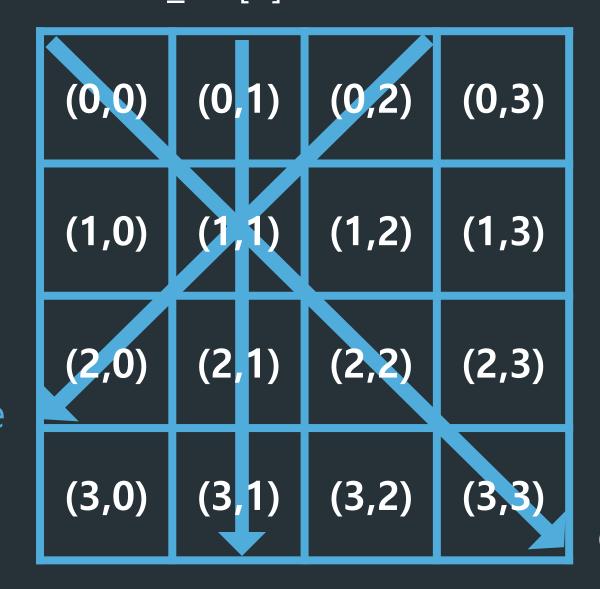
→ 세로, 좌하향 대각선, 우하향 대각선의 배치 가능 여부를 체크배열로 구현!

Check_left[i + j]



- N = 4
- 행: i, 열: j
- (ex) (1, 1)에 퀸을 놓는다면

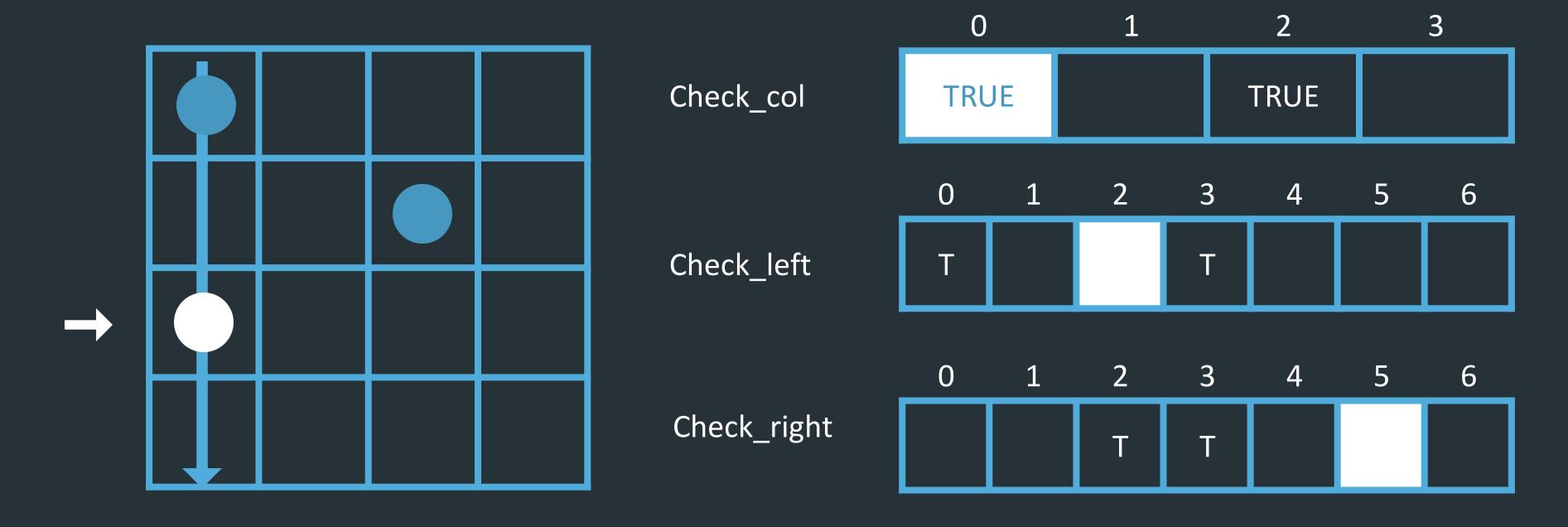
Check_col[1] = true



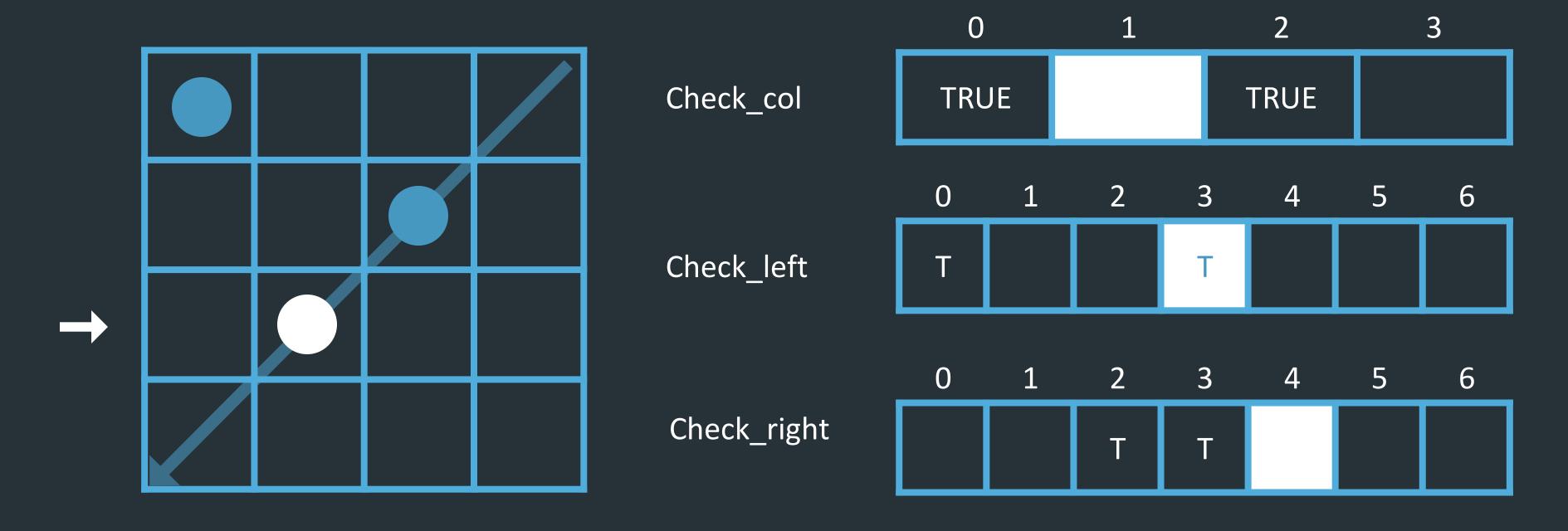
Check_left[2] = true

Check_right[3] = true

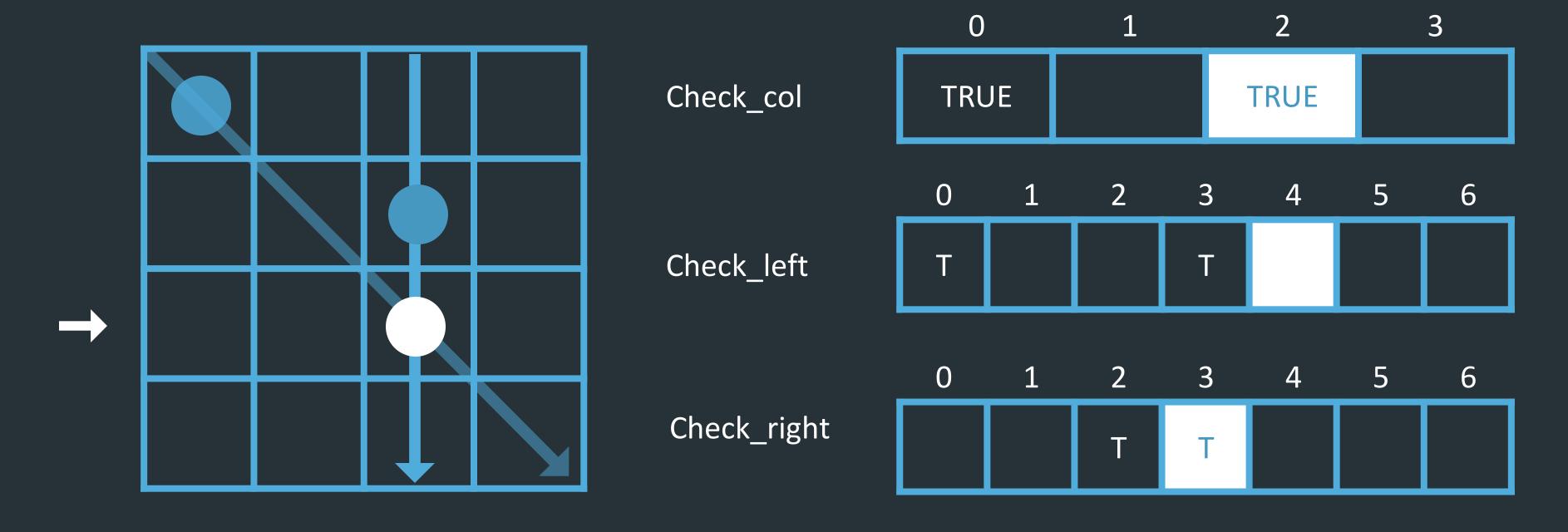




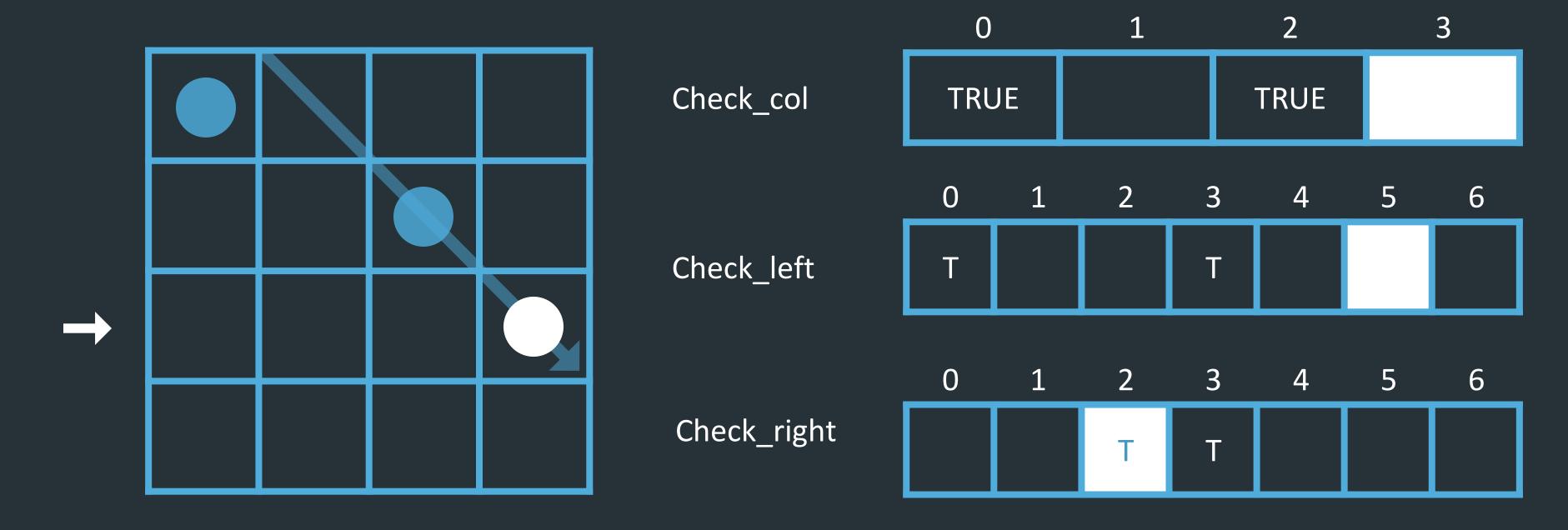




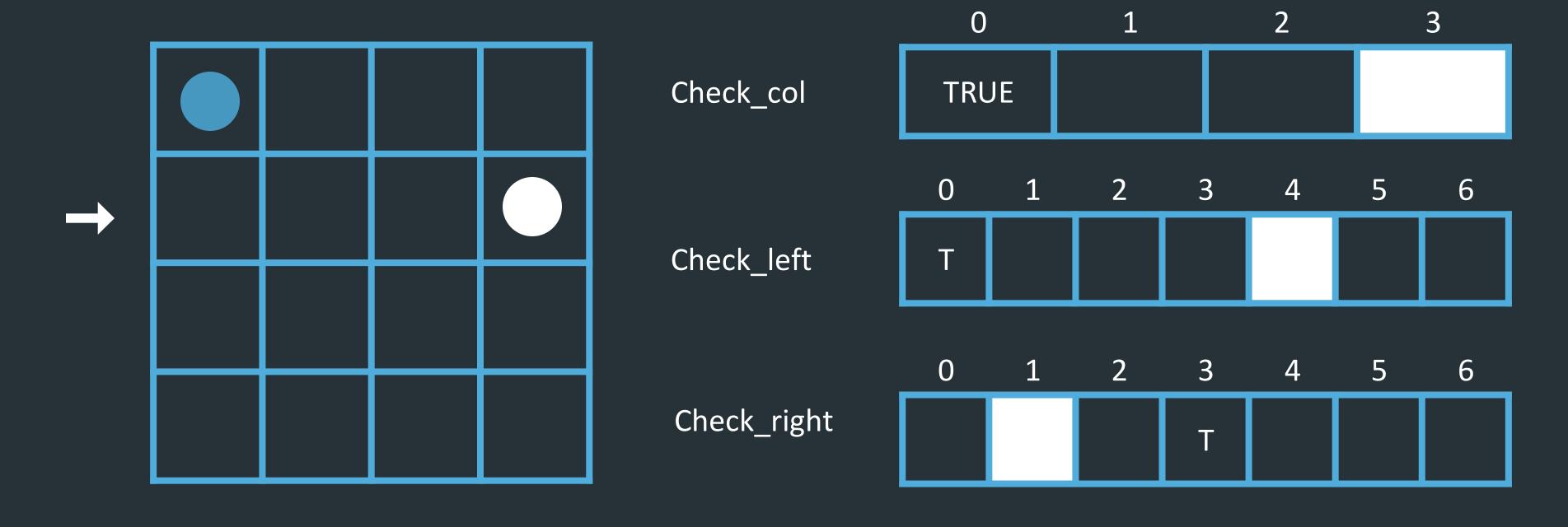






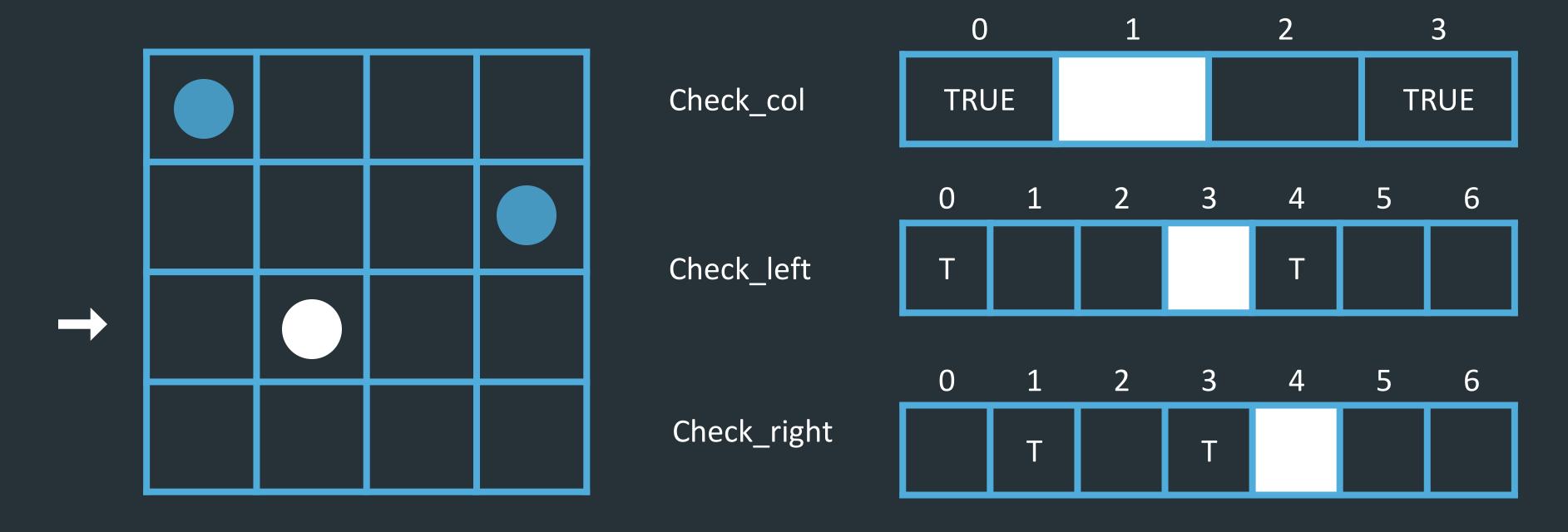








• N = 4



→ 계속 진행...

백트래킹 문제는 다른 풀이(완전 탐색)이 가능한 경우가 많아요



비트마스킹

- 비트(0 / 1)의 연산을 활용한 알고리즘
- 배열의 원소 상태가 2가지로 나뉠 수 있는 백트래킹 문제에서 활용 가능

permutation

- 다음 순열(next_permutation) 혹은 이전 순열(prev_permutation)을 구하는 알고리즘
- 원소의 순서를 정해야 하는 백트래킹 문제에서 활용 가능
- 그러나! 백트래킹이 아닌 완전탐색이므로 속도는 백트래킹보다 느림

마무리



정리

- 완전탐색에서 나아가 특정한 조건을 만족하는 경우만 탐색하는 백트래킹
- □ 입력 범위가 작고(보통 20을 넘지 않는다), 재귀함수로 주로 구현!
- 백트래킹을 쉽게 구현하다보니, 전역변수와 void 함수를 사용하지만 다른 알고리즘에선 가능한 쓰지 않는게 좋다
- 가지치기를 어디서 해야 하는지와 어떻게 할지 파악하는게 중요
- 가지치기를 얼마나 잘하냐에 따라 시간의 효율도 높아짐

이것도 알아보세요!

- 문제를 풀고 제출한 후, 다른 사람들의 풀이와 내 풀이의 시간을 비교해보아요. (가지치기 효율)
- next_permutation과 비트마스킹으로 백트래킹 문제를 풀어보고 시간을 비교해보아요.

과제



필수

- 20055번: 컨베이어 벨트 위의 로봇 Gold 5
- /<> 10971번 : 외판원 순회 2 Silver 2
- /<> 14888번 : 연산자 끼워넣기 Silver 1

도전



/<> 2580번 : 스도쿠 – Gold 4

과제 마감일



<u>과제제출 마감</u> ~ 5월 2일 금요일 18:59

추가제출 마감 ~ 5월 4일 일요일 23:59