

# 알튜비튜 우선순위 큐

오늘은 STL에서 제공하는 container adaptor인 priority queue에 대해 알아봅니다. 가장 최근의 데이터를 뽑는 스택, 제일 먼저 들어간 데이터를 뽑는 큐와 달리 우선순위가 가장 높은 데이터를 뽑는 자료구조입니다.

### 일상 속 우선순위 큐





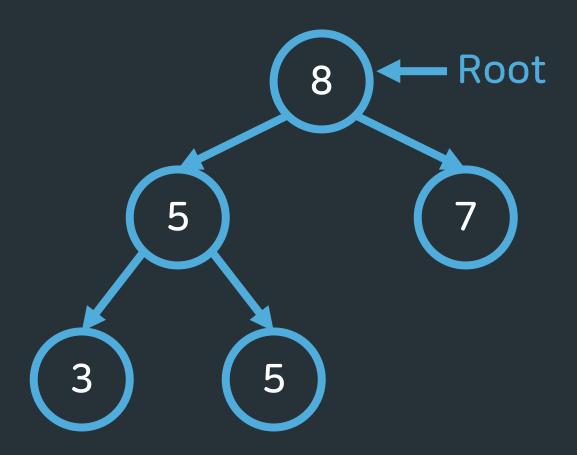


#### 우선순위 큐



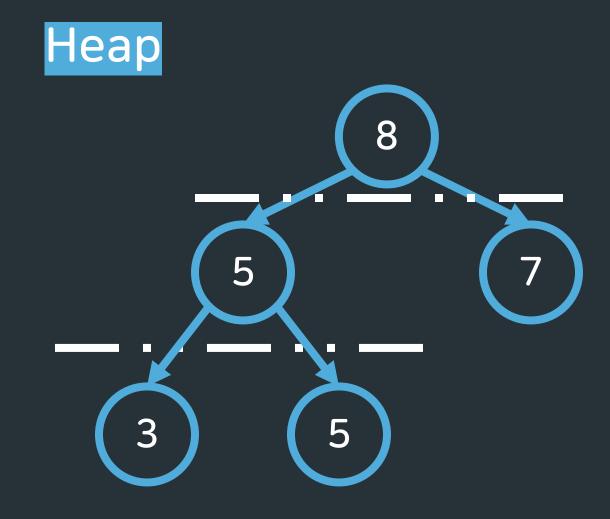
#### **Priority Queue**

- 우선순위가 높은 데이터가 먼저 나옴
- 자료의 Root 노드에서만 모든 연산이 이루어짐
- 모든 연산에 대한 시간 복잡도는 O(logn)
- Heap으로 구현
- Heap의 조건
  - 1. 완전 이진 트리
  - 2. 상위 노드의 값은 모든 하위 노드의 값보다 우선순위가 크거나 같다

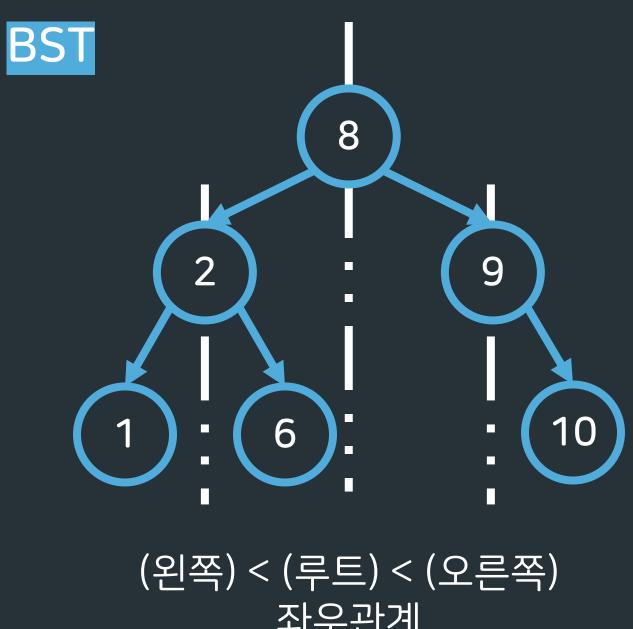


### Heap과 BST의 차이



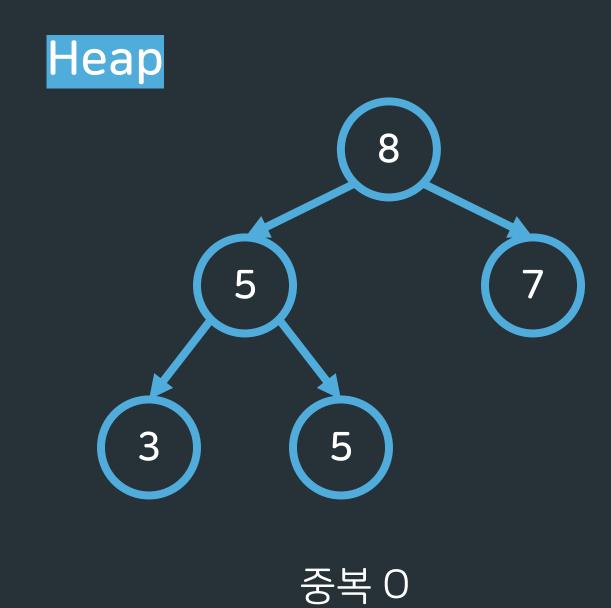


(상위) >= (하위) 상하관계



### Heap과 BST의 차이





완전 이진 트리

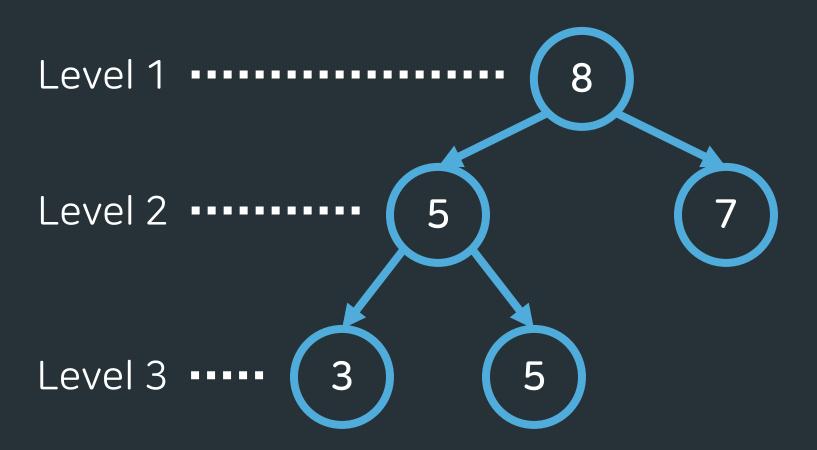
BST

8
9
10

중복 X 완전 이진 트리일 필요 없음

### 완전 이진 트리

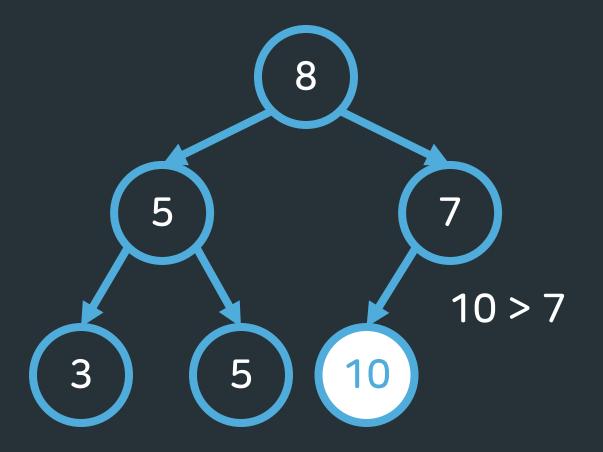




### Complete Binary Tree

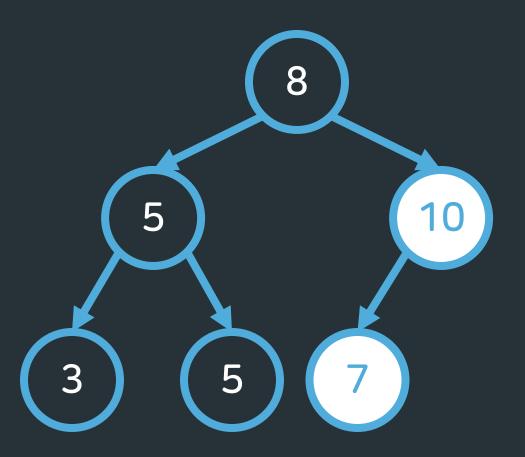
- 마지막 레벨을 제외하고 모든 레벨을 다 채움
- 마지막 레벨의 모든 노드는 왼쪽부터 빈 공간 없이 채움





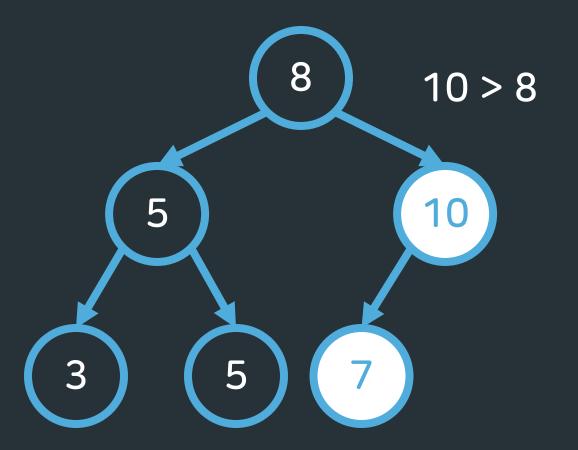
key = 10



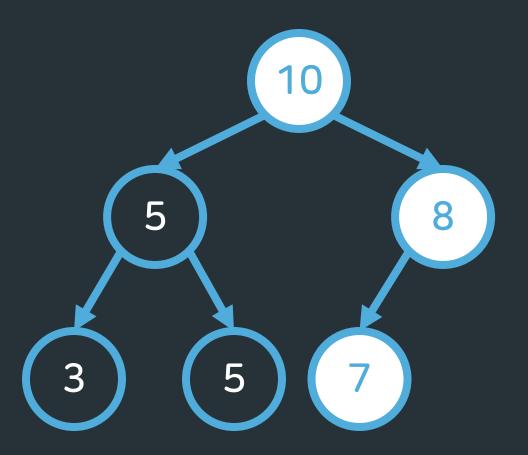


key = 10

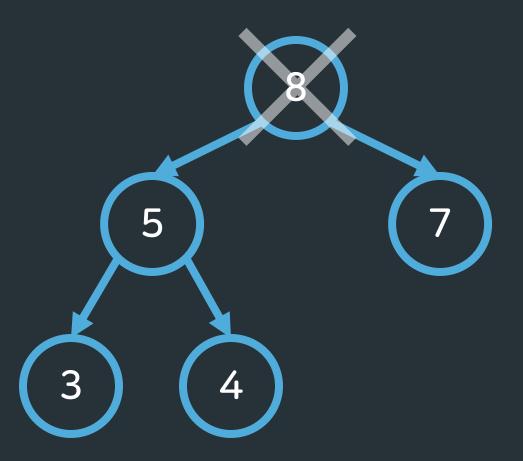




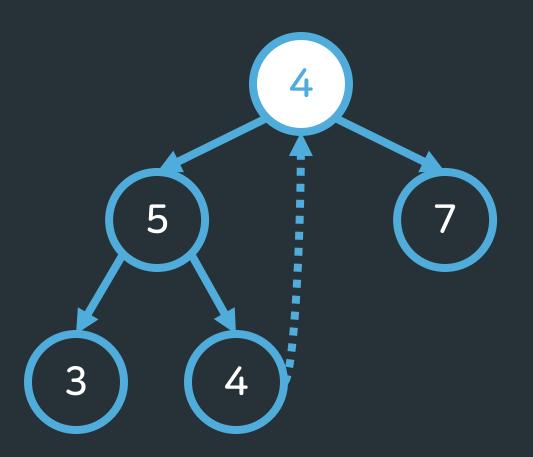




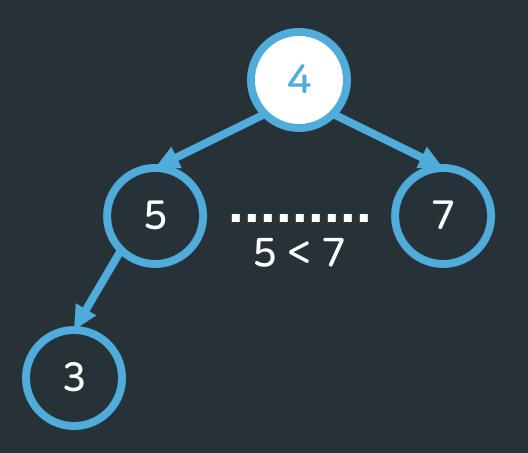




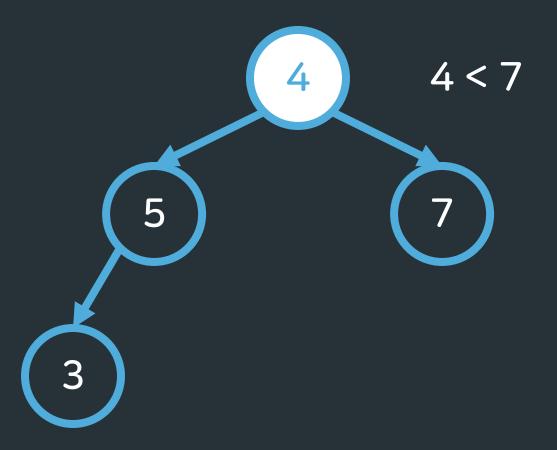




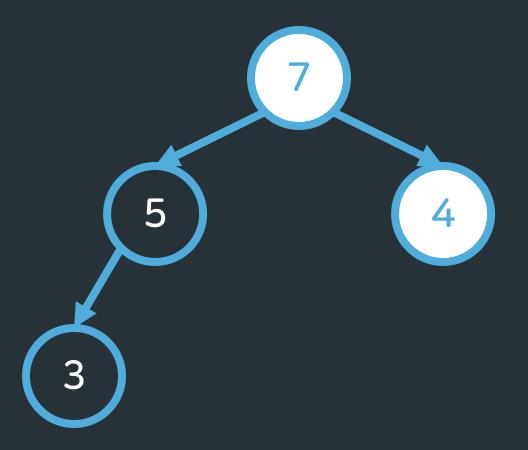






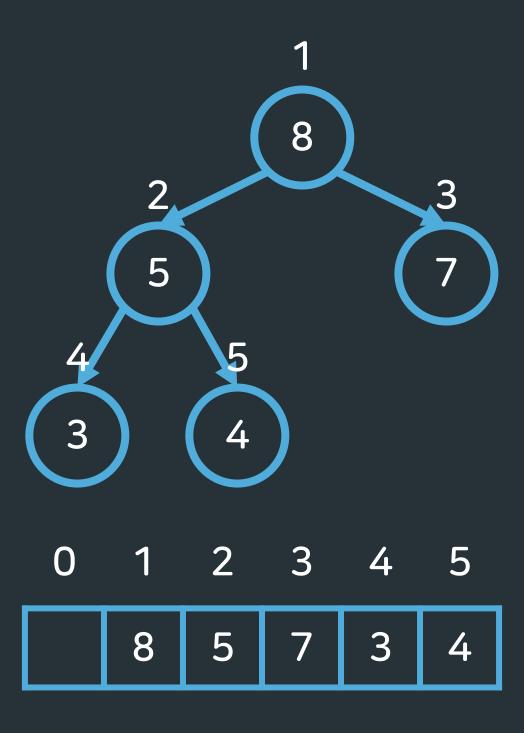






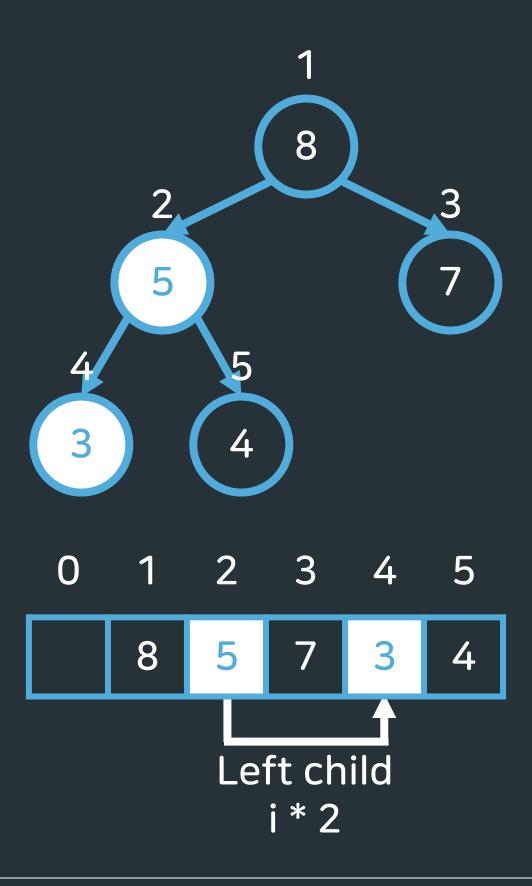
# 배열로 힙 구현하기





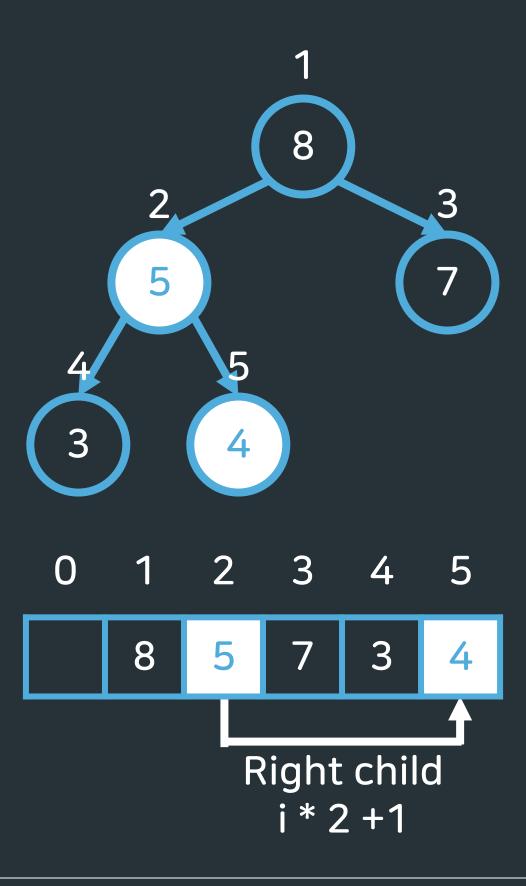
### 배열로 힙 구현하기





### 배열로 힙 구현하기





#### 기본 문제



/<> 11279번 : 최대 힙 - Silver 2

### 문제

- 다음의 명령을 처리하는 최대 힙 프로그램 만들기
  - 1. 정수 x가 주어진다.
  - 2. x가 자연수라면 최대 힙에 x 추가
  - 3. x가 0이라면 최대 힙에서 가장 큰 값을 출력하고 제거. 최대 힙이 비었다면 0 출력

#### 제한 사항

- 명령의 수 N의 범위는 1 <= N <= 100,000
- 명령과 함께 주어지는 정수 x의 범위는 0 <= x <= 2<sup>31</sup>



### 예제 입력

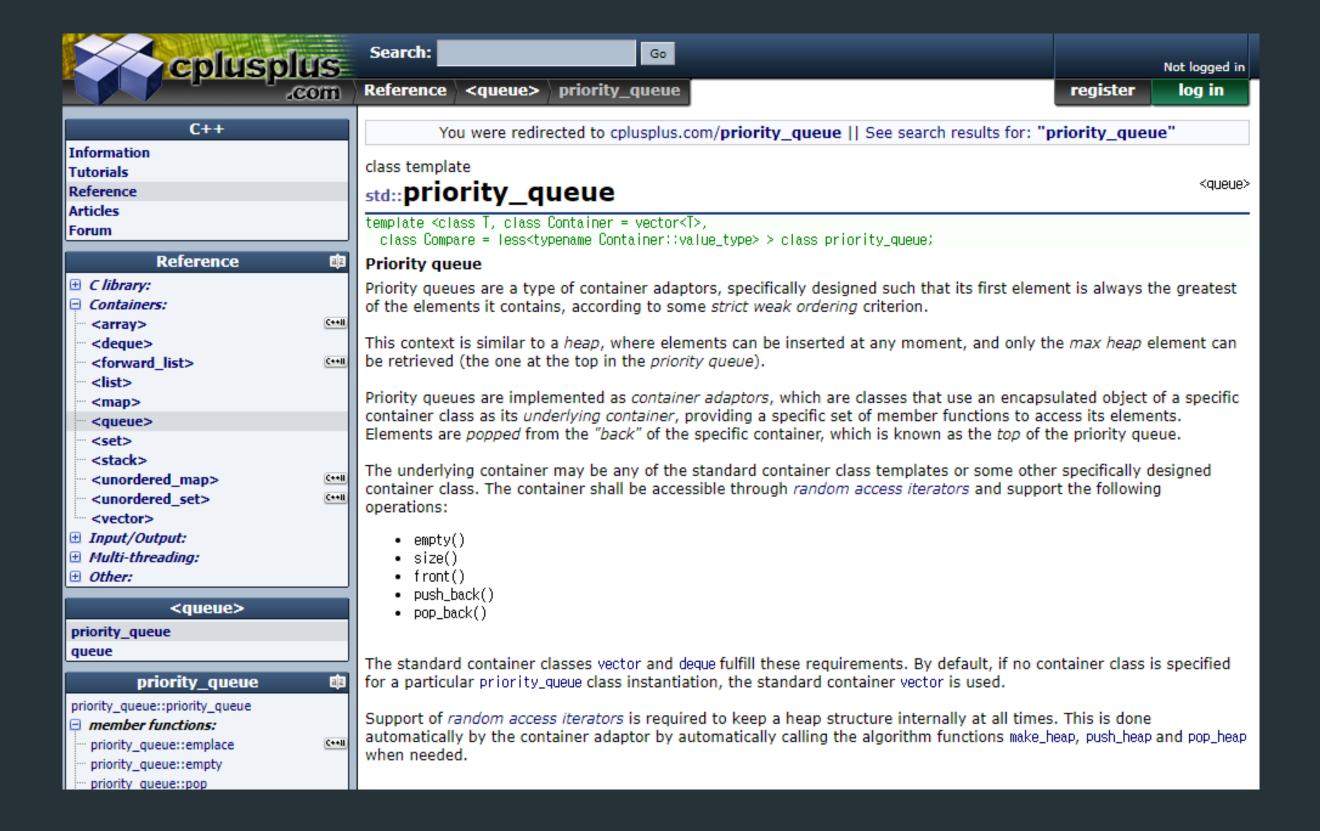
13 3 2

### 예제 출력

02132100

#### 공식 문서 - C++





#### 공식 문서 - C++



### 구문

template <class Type, class Container= vector <Type>, class Compare= less <typename Container ::value\_type>> class priority\_queue

- priority\_queue<T> ex) priority\_queue <int> pq;
- priority\_queue<T, Container, Compare> ex) priority\_queue <int, vector<int>, greater<int>> pq;

### 멤버함수

- empty(): 우선순위 큐가 비어 있으면 true를 return하고 비어 있지 않으면 false를 return
- size(): 큐의 요소 수를 return
- top(): 우선순위가 가장 큰 요소를 return
- push(const Type& val): val의 우선 순위에 따라 우선순위 큐에 삽입
- pop(): 우선순위가 가장 큰 요소를 제거한다

#### 응용 문제



11286번 : 절댓값 힙 - Silver 1

### 문제

- 절댓값 힙은 다음 두 가지 연산을 지원
  - 1. 배열에 정수 x(x ≠ 0)를 삽입
  - 2. 배열에서 절댓값이 가장 작은 값을 출력하고, 그 값을 배열에서 제거. 절댓값이 가장 작은 값이 여러 개인 경우, 가장 작은 수를 출력하고 그 값을 배열에서 제거.

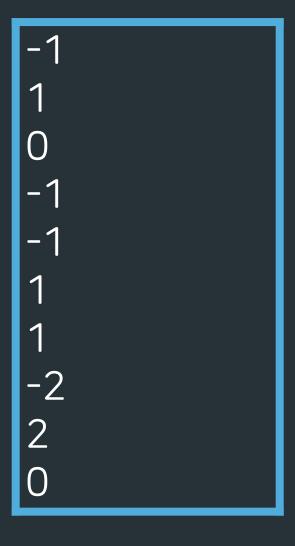
#### 제한 사항

- 연산의 개수 N의 범위 1 <= N <= 100,000
- 입력되는 정수 x의 범위  $-2^{31}$  < x <  $2^{31}$
- 시간 제한 1초 (추가 시간 없음)

### 예제 입력

```
18
2
-2
```

### 예제 출력



#### 우선 순위를 변경해야 하는데…



### C++

- 1. 왜 priority\_queue는 기본이 Max heap일까요?
- 2. 정렬의 비교함수… 기억하시나요?
  - 정렬 → 오름차순
  - 우선순위 큐 → 최대 힙

```
class template
std::priority_queue

template <class T, class Container = vector<T>,
    class Compare = less<typename Container::value_type> > class priority_queue;
```

### 비교 구조체



#### less<>

#### greater<>

		━ 조건을 만족하도록 정렬 조건을 만족할 때 Swap =	
	정렬	우선순위 큐 ●	
X	왼쪽	부모 노드	
Y	오른쪽	자식 노드	
less	오름차순	Max heap	
greater	내림차순	Min heap	

#### 비교 구조체 작성



#### 비교 구조체를 직접 작성할 때는,

복잡하게 생각하지 말고, 첫 번째 인자를 *child*, 두 번째 인자를 *parent*로 두고 조건 그대로 작성하기

```
struct cmp {
    bool operator()(const 자료형 &child, const 자료형 &parent) {
        // 예: 부모는 자식보다 나이가 많아야 함.
        return parent.age > child.age;
    }
};
```

#### 비교 구조체 작성



#### 절댓값 힙을 위한 비교 구조체는?

```
배열에서 절댓값이 가장 작은 값을 출력하고, 그 값을 배열에서 제거.
적댓값이 가장 작은 값이 여러 개인 경우 가장 작은 수를 축력하고 그 값을 배역에서 제거
struct cmp {
    bool operator()(const int &child, const int &parent) {
       // 1. 절댓값이 다른 경우 절댓값이 작은 수가 부모노드로
       if (abs(parent) != abs(child)) {
           return abs(parent) < abs(child);
       // 2. 절댓값이 같은 경우 값이 작은 수가 부모노드로
       return parent < child;</pre>
};
```

#### 마무리



### 정리

- 우선순위 큐는 힙으로 구현하고, 시간 복잡도가 O(logn)인 자료구조
- 효율성을 보는 문제에 사용되는 경우가 많음
- 그리디, 최단 경로 알고리즘 풀이에 활용되기도 함
- cmp 정의할 때는 헷갈리지 말기!(sort와 반대)
- 정렬은 cmp 정의 시 첫 번째 인자 입장으로, priority\_queue는 두 번째 인자 입장으로 생각하면 쉬움
- 무한 루프 (pop을 하지 않음), 런타임 에러 (empty 체크 안하고 조회 or 삭제 시도) 조심!!
- default는 C++의 경우 Max heap

#### 과제



### 필수

- /<> 2607번 : 비슷한 단어 Silver 3
- 19640번 : 화장실의 규칙 Glod 4
- 2075번 : n번째 큰 수 Silver 2

### 도전

- /<> 1655번 : 가운데를 말해요 Gold 2
- プ 디스크 컨트롤러 Lv.3