

알튜비튜 동적계획법

오늘은 '다이나믹 프로그래밍'이라고도 불리는 동적 계획법 알고리즘에 대해 배웁니다. 과거에 구한 해를 현재 해를 구할 때 활용하는 알고리즘이죠. 문제에 많이 나오는 굉장히 중요한 알고리즘 중 하나에요.

복습



동적 계획법

- 특정 범위까지의 값을 구하기 위해 이전 범위의 값을 활용하여 효율적으로 값을 얻는 기법
- 이전 범위의 값을 저장(Memoization)함으로써 시간적, 공간적 효율 얻음

도전 문제 1





* 프로그래머스: 가장 큰 정사각형 찾기 Lv.2

문제

● 0과 1로 채워진 표에서, 1로 이루어진 가장 큰 정사각형의 넓이를 구하는 문제

제한 사항

- 표는 2차원 배열
- 행과 열의 크기: 1,000 이하의 자연수

가장 큰 정사각형 찾기



0	1	1	1
1	1	1	1
1	1	1	1
0	0	0	1

가장 큰 정사각형 찾기



0	1	1	1
1	1	1	1
1	1	1	1
0	0	0	1

 \rightarrow 9



점화식

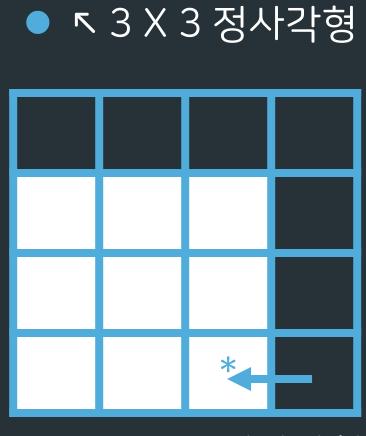
● dp[i][j] = (i, j)를 우측 하단 꼭짓점으로 하는 가장 큰 정사각형의 한 변의 길이



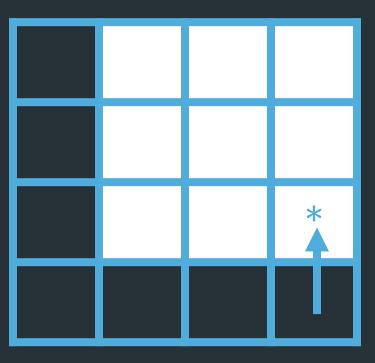




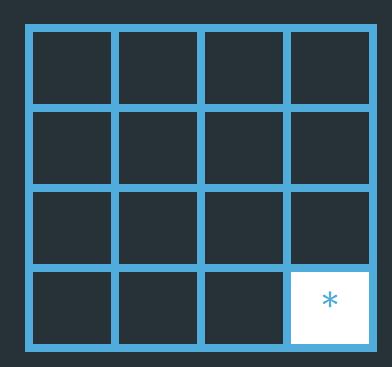








● ↑ 3 X 3 정사각형



● 꼭짓점 1 X 1 정사각형



1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0



1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0



1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0



1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	- 1
0	1	0	1	0



1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0



- dp[i-1][j] = 2
- → dp[i][j]는 3보다 커질 수 없음

1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0



- dp[i-1][j-1] = 3
- → dp[i][j]는 4보다 커질 수 없음

1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0



- dp[i][j-1] = 4
- → dp[i][j]는 5보다 커질 수 없음

1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	- 1
0	1	0	1	0



1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0

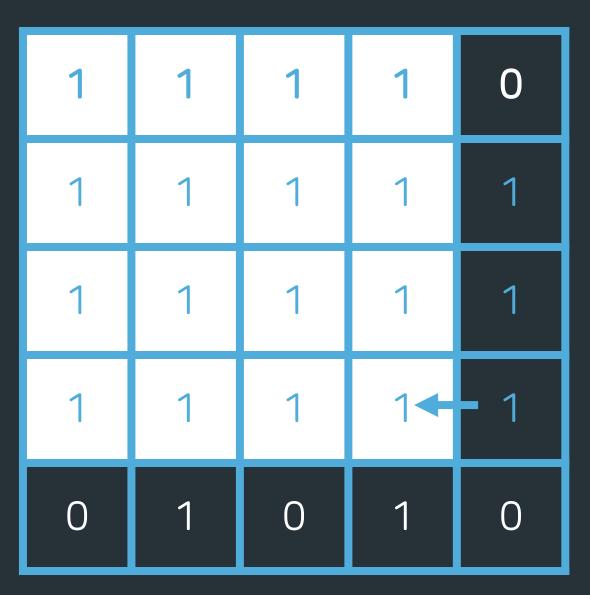
- dp[i-1][j] = 2→ dp[i][j]는 3보다 커질 수 없음
- 1
 1
 1
 1
 0

 1
 1
 1
 1
 1

 1
 1
 1
 1
 1

 1
 1
 1
 1
 1

 0
 1
 0
 1
 0
- dp[i-1][j-1] = 3
- → dp[i][j]는 4보다 커질 수 없음



- dp[i][j-1] = 4
- → dp[i][j]는 5보다 커질 수 없음

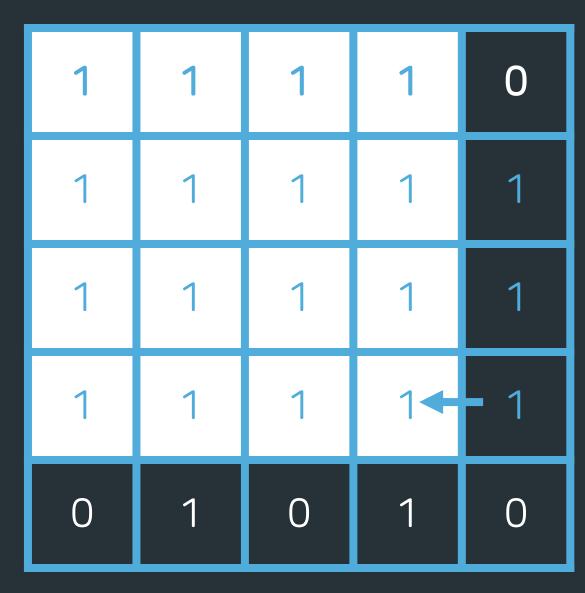


1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
O	1	0	1	0

- dp[i-1][j] = 2
- → dp[i][j]는 3보다 커질 수 없음

1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0

- dp[i-1][j-1] = 3
- → dp[i][j]는 4보다 커질 수 없음



- dp[i][j-1] = 4
- → dp[i][j]는 5보다 커질 수 없음



1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0

1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
0	1	0	1	0

1	1	1	1	0
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	- 1
0	1	0	1	O

→ 가장 작은 값이 dp[i][j]를 결정한다!



점화식

● dp[i][j] = (i, j)를 우측 하단 꼭짓점으로 하는 가장 큰 정사각형의 한 변의 길이

```
• board[i][j] = 1인 경우:
dp[i][j] = min(dp[i-1][j-1], dp[i-1][j], dp[i][j-1]) + 1
board[i][j] = 0인 경우:
dp[i][j] = 0
```

도전 문제 2



> 9084번 : 동전 - Gold 5

문제

● 동전의 종류가 주어질 때, 주어진 금액을 만드는 모든 방법을 세는 문제

제한 사항

- 테스트케이스 개수 T: 1 <= T <= 10
- 동전의 가지 수 N: 1 <= N <= 20
- 각 동전의 금액: 1원 ~ 10,000원
- 만들어야 할 금액 M: 1 <= M <= 10,000



예제 입력

예제 출력

동전



문제

동전의 종류가 주어질 때,주어진 금액을 만드는 모든 방법을 세는 문제

- i원을 만들려면, (i coin)원을 만든 다음 coin원짜리 동전을 추가하면 됨
- 가능한 모든 coin을 고려해주어야 함

2차원 DP..?



● 냅색 문제와 비슷하게 2차원 DP로도, 1차원 DP로도 풀 수 있어요!

냅색 문제 복습

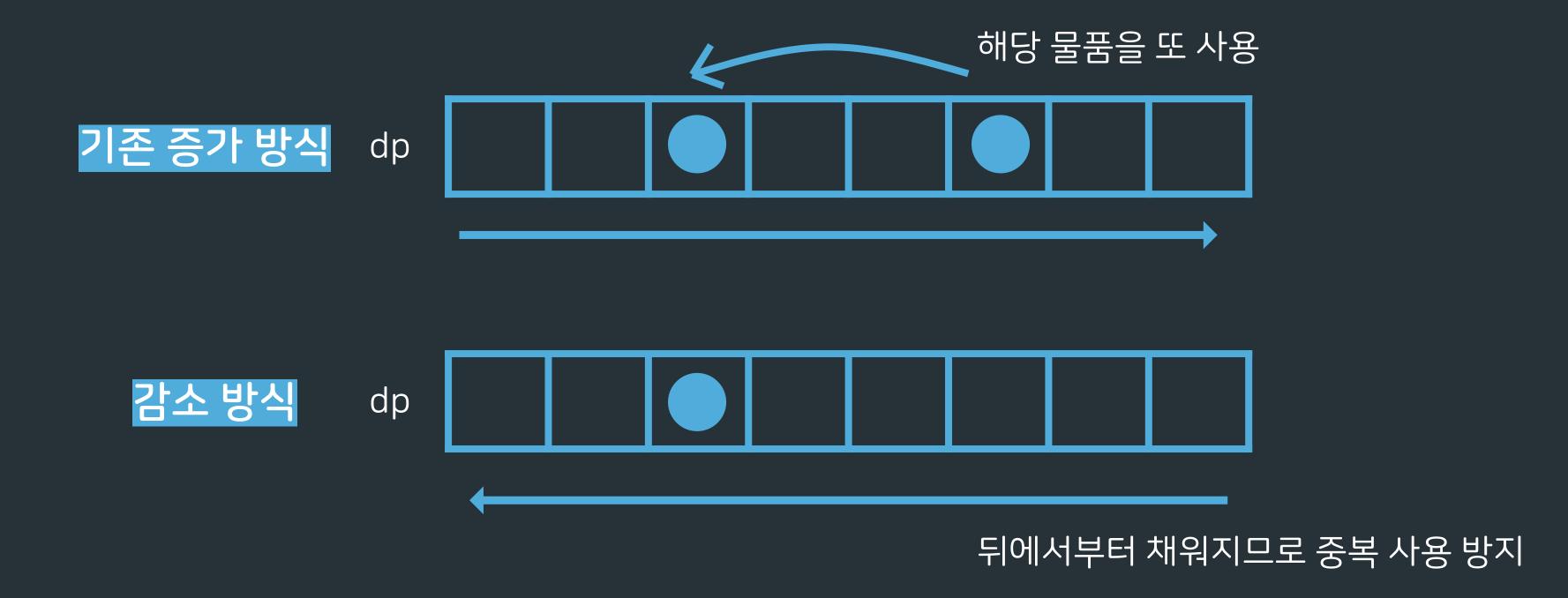


왜 2차원 DP?

- 1차원 DP로 하면 안 되는 이유는?
- → 그 전 물품까지의 정보만 사용해야 하기 때문
- 지금처럼 증가하면서 검사할 때 1차원 DP를 사용하게 되면?
- → 해당 물품을 또 사용하는 경우 생길 수 있음!
- → 따라서 2차원을 사용하며 각 물품을 행으로 구분해서 중복 방지

냅색 1차원 DP 풀이





왜1차원 DP?



왜 2차원 DP?

- 1차원 DP로 하면 안 되는 이유는?
- → 그 전 물품까지의 정보만 사용해야 하기 때문
- 지금처럼 증가하면서 검사할 때 1차원 DP를 사용하게 되면?
- → 해당 물품을 또 사용하는 경우 생길 수 있음!
- → 따라서 2차원을 사용하며 각 물품을 행으로 구분해서 중복 방지
- 각 동전의 개수는 무한
- → 중복 사용 가능 + 모든 방법의 수를 세려면 오히려 중복을 고려해야 함!

점화식을 세워보자



- 목표 금액: i원
- 현재 고려하고 있는 동전의 금액: coin원
- 두 가지 경우로 나눌 수 있음
- 1. 현재 동전을 사용하지 않는 경우 → i원을 만들어야 함
- 2. 현재 동전을 사용하는 경우 → (i coin)원을 만들어야 함
- \rightarrow DP[i] = DP[i] + DP[i coin]

구현 문제





/<> 20923번 : 숫자 할리갈리 게임 - Silver 1

문제

- 1. 게임 시작 시 도도와 수연이는 N장의 카드로 구성된 덱을 받음 (그라운드는 비어 있음)
- 2. 도도와 수연이는 차례대로 덱의 가장 위에 있는 카드를 그라운드에 내려놓음
- 3. 종을 치는 사람이 그라운드의 카드 더미를 모두 가져감
 - a. 수연: 그라운드 위의 카드의 숫자 합이 5가 될 때 종을 침
 - b. 도도: 카드의 숫자가 5가 나올 때 종을 침
- 4. 카드 더미를 가져갈 때는 상대방의 그라운드, 자신의 그라운드 순으로 가져와 자신의 덱 아래에 합침
- 5. M번 게임을 진행한 후 더 많은 카드를 가진 사람이 승리, 카드의 수가 같은 경우 비김 a. 게임 도중 덱에 있는 카드가 다 떨어지면 상대가 승리
- 6. 2~4 과정을 진행하는 것을 한 번 진행한 것으로 볼 때 M번 진행 후 승리한 사람은?

구현 문제



/<> 20923번 : 숫자 할리갈리 게임 - Silver 1

제한 사항

- 도도와 수연이가 가지는 카드의 개수의 범위는 1 <= N <= 30,000
- 게임 진행 횟수의 범위는 1 <= M <= 2,500,000
- 각각의 카드는 1이상 5이하의 자연수가 적혀 있음

예제



예제 입력1

10 12

12

2 2

1 2

23

3 1

22

25

2 1

5 1

23

예제 출력1

do

예제 입력2

예제 출력2

su

예제 입력3

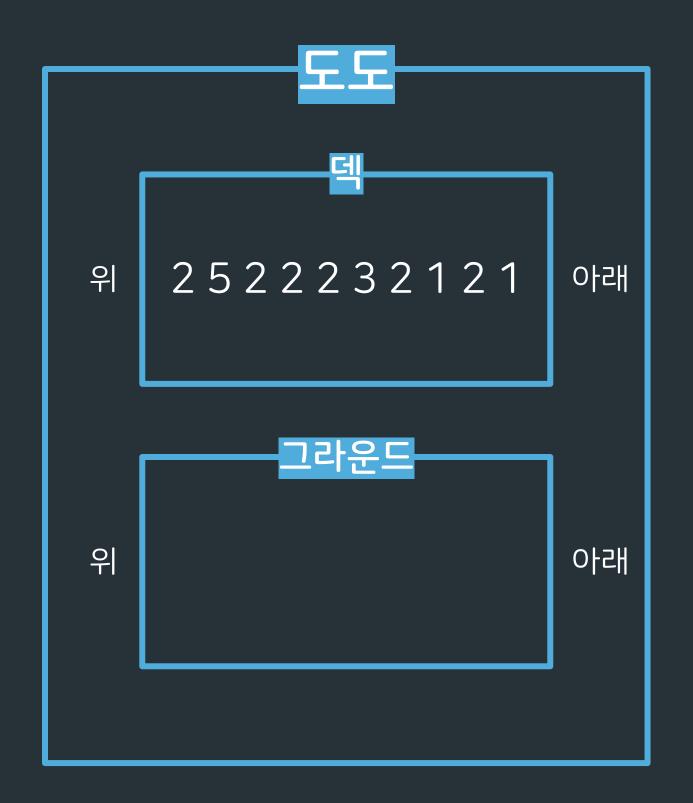
22

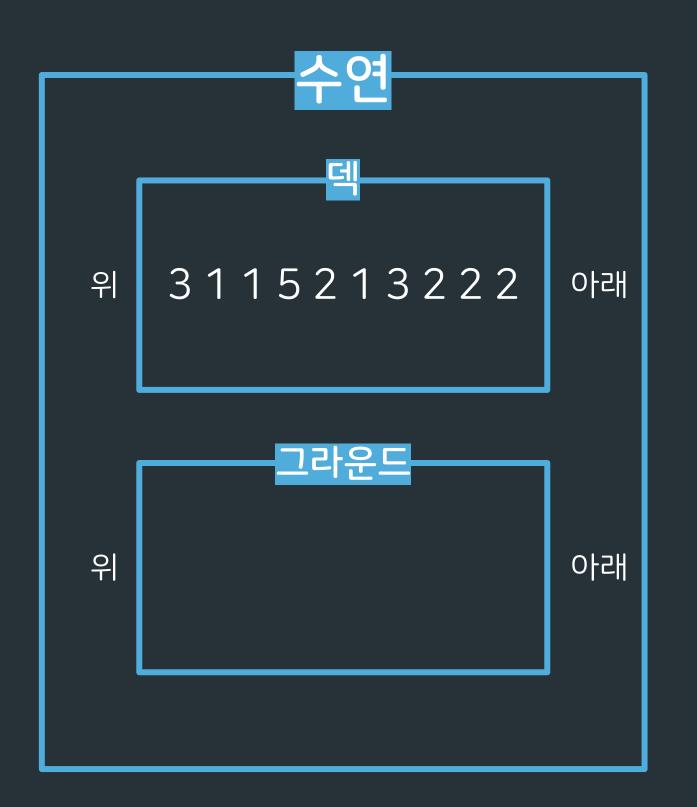
11

예제 출력3

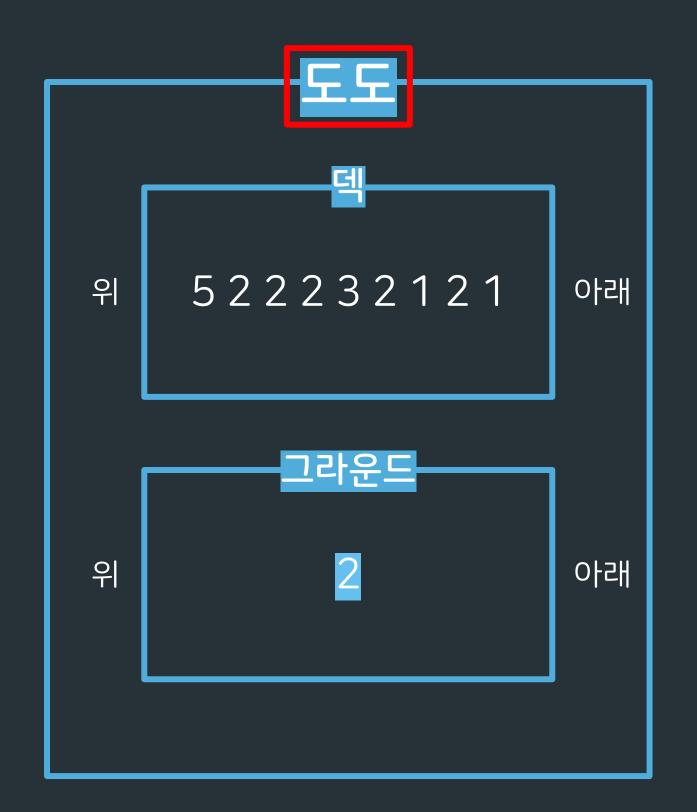
dosu

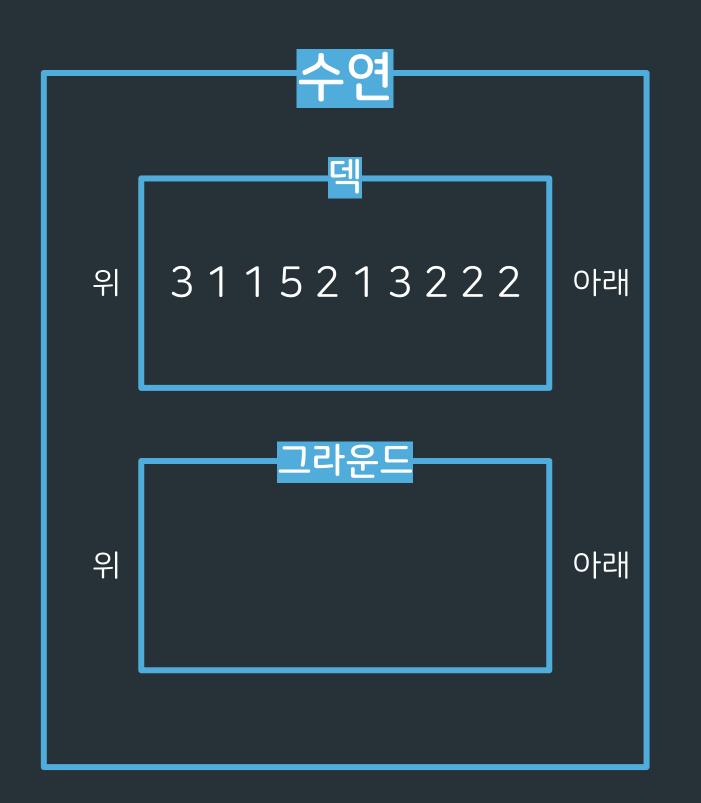




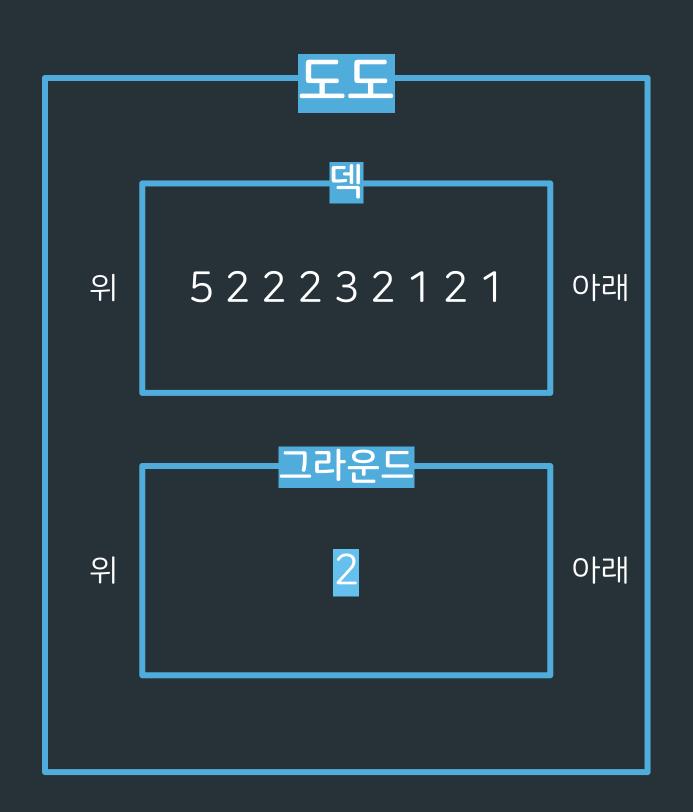


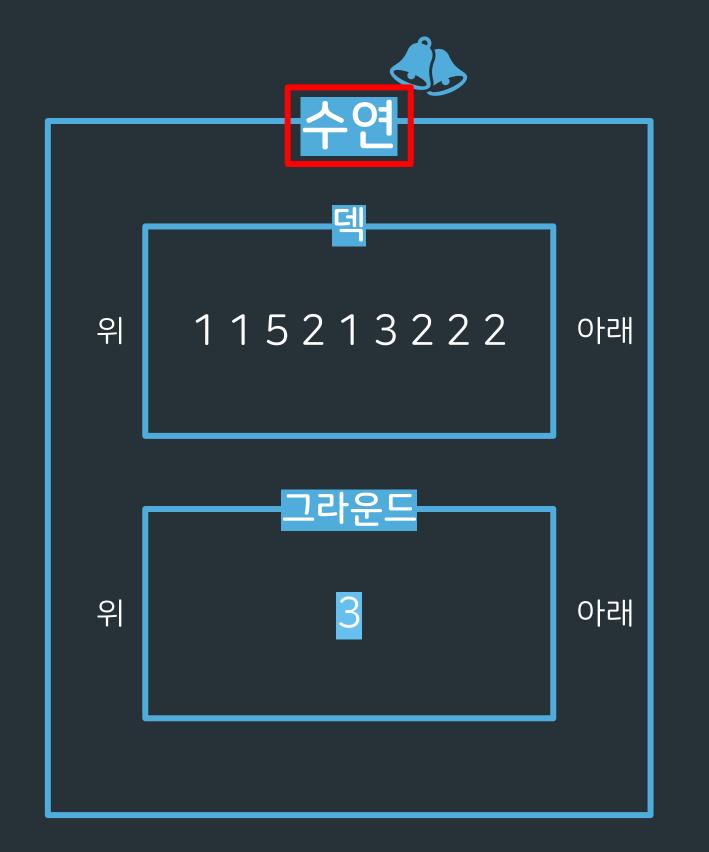




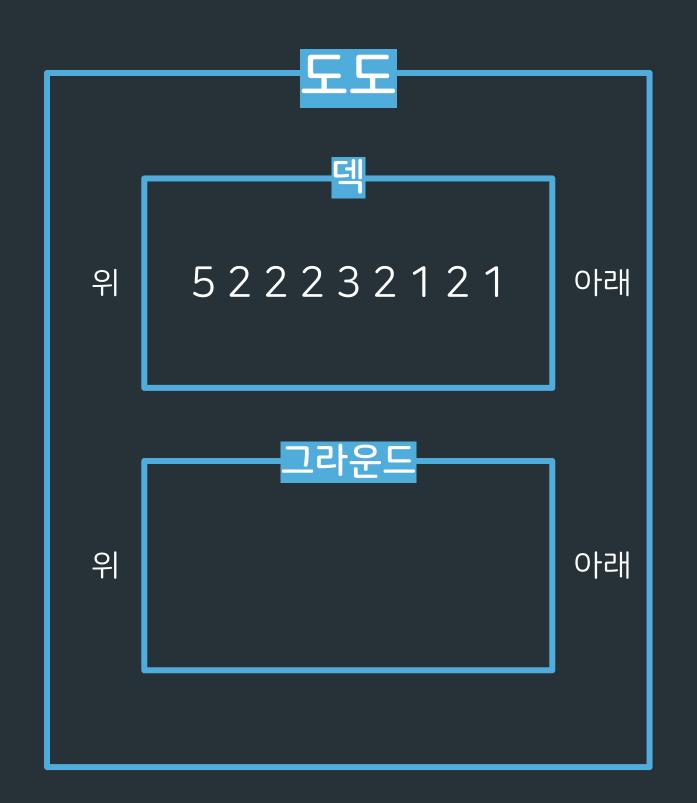


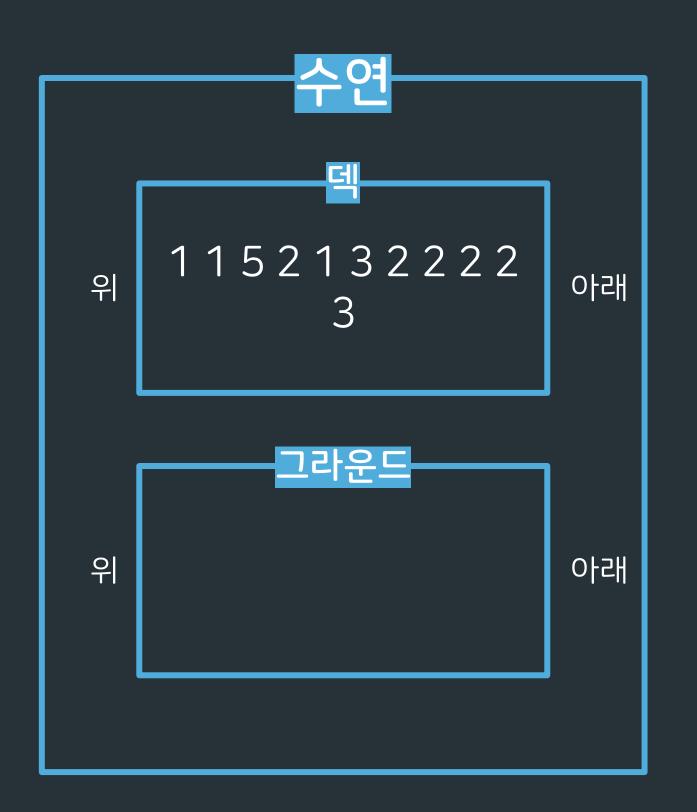






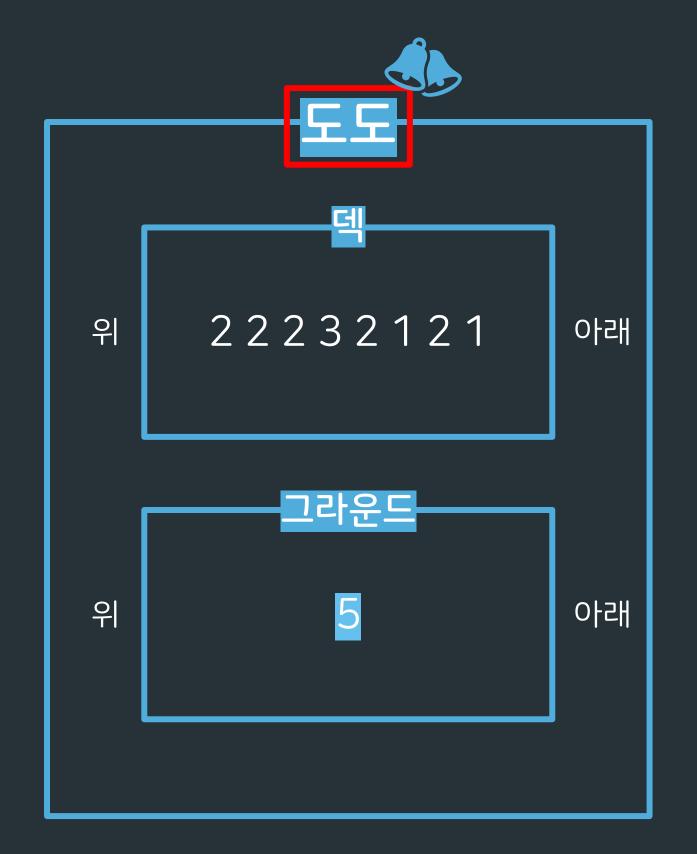


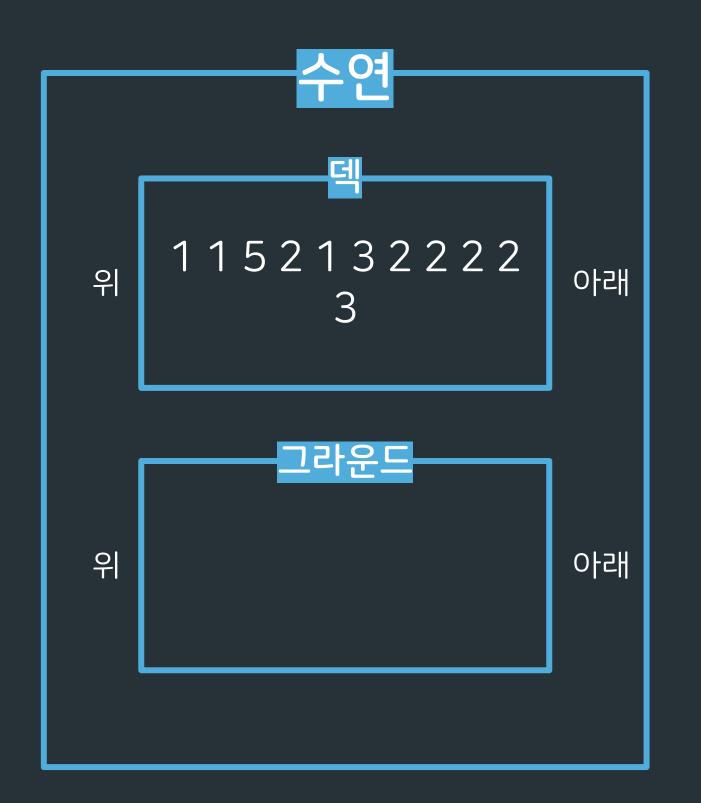




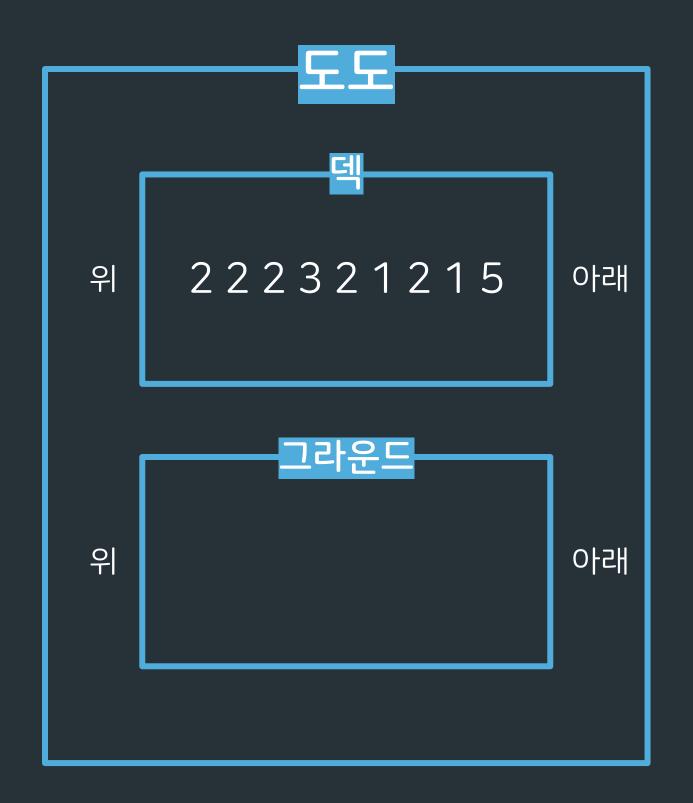


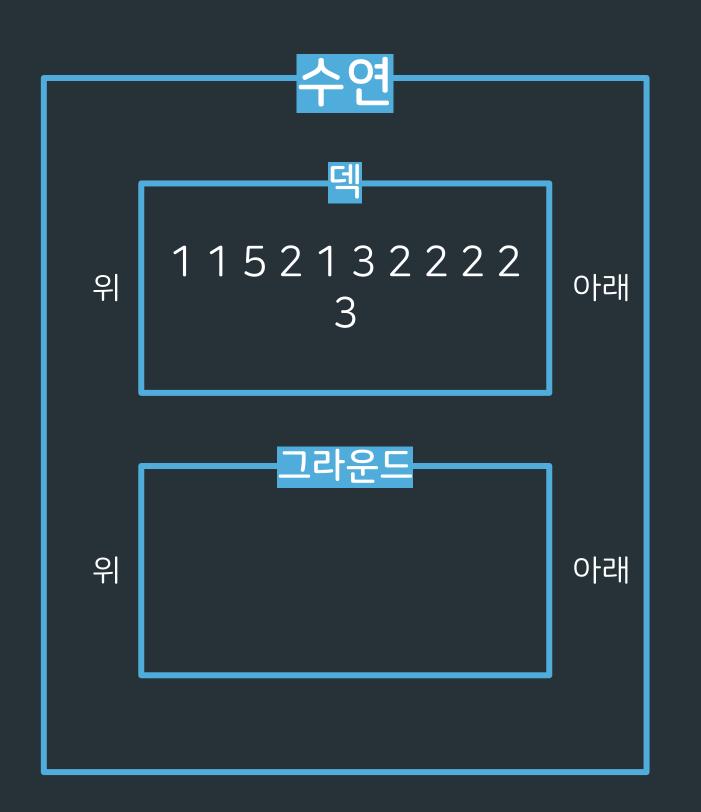




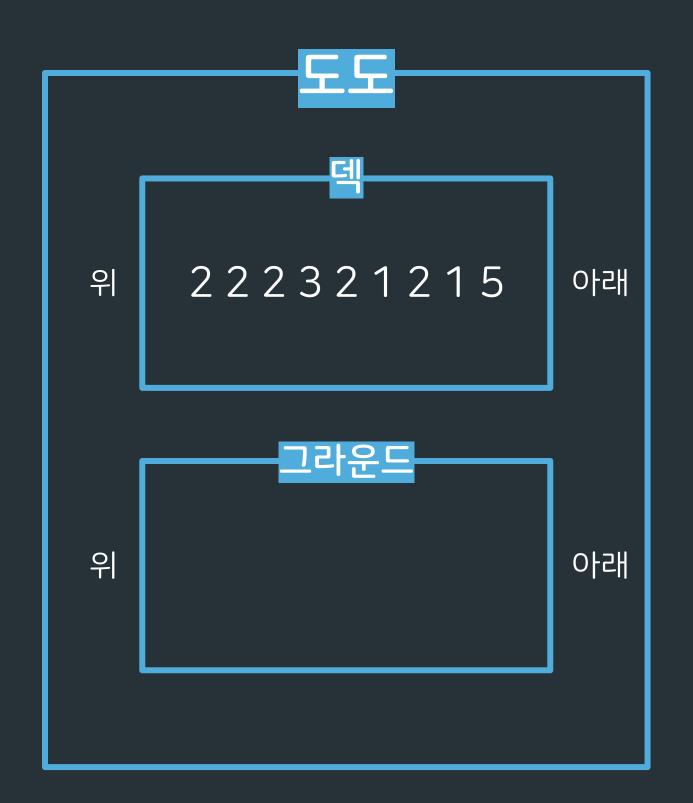


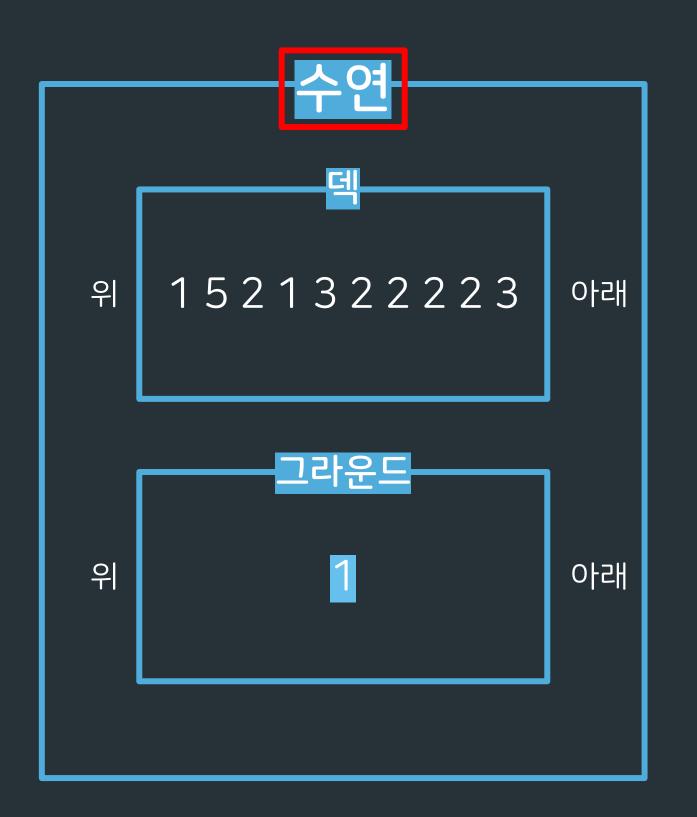




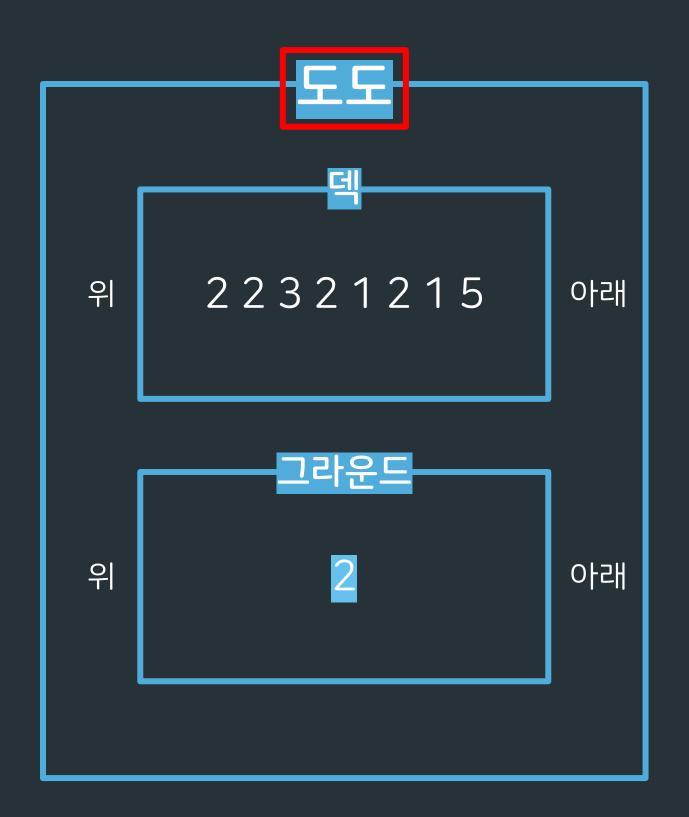


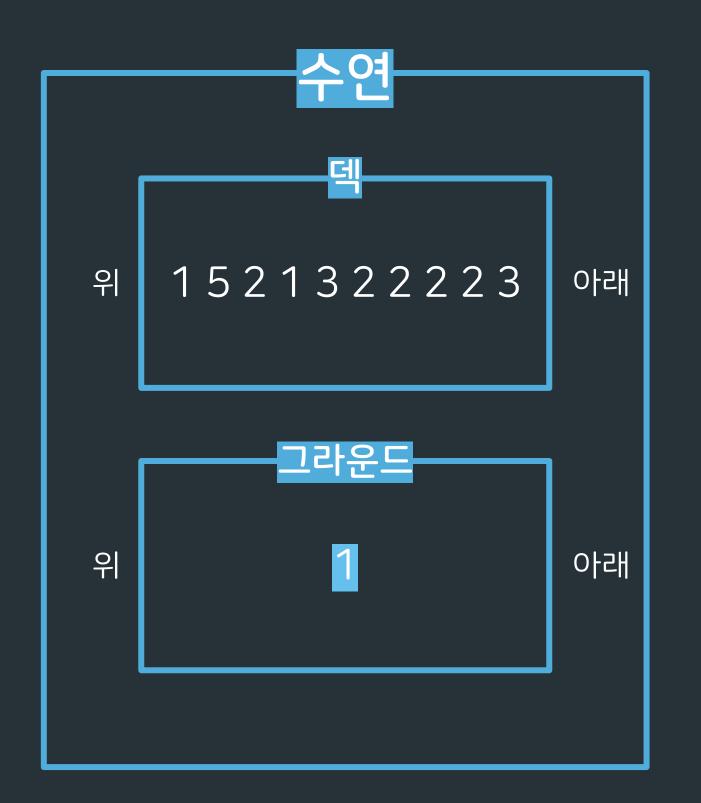




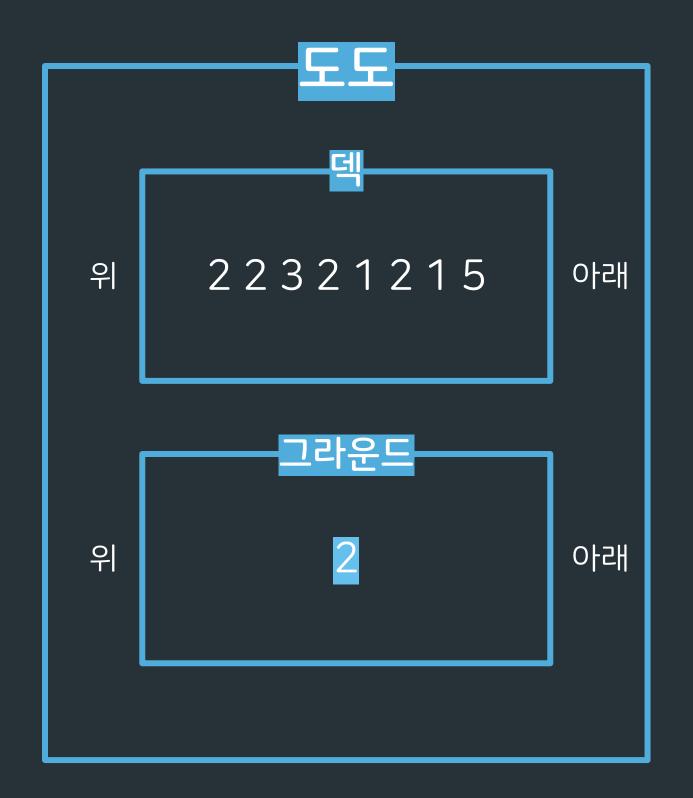


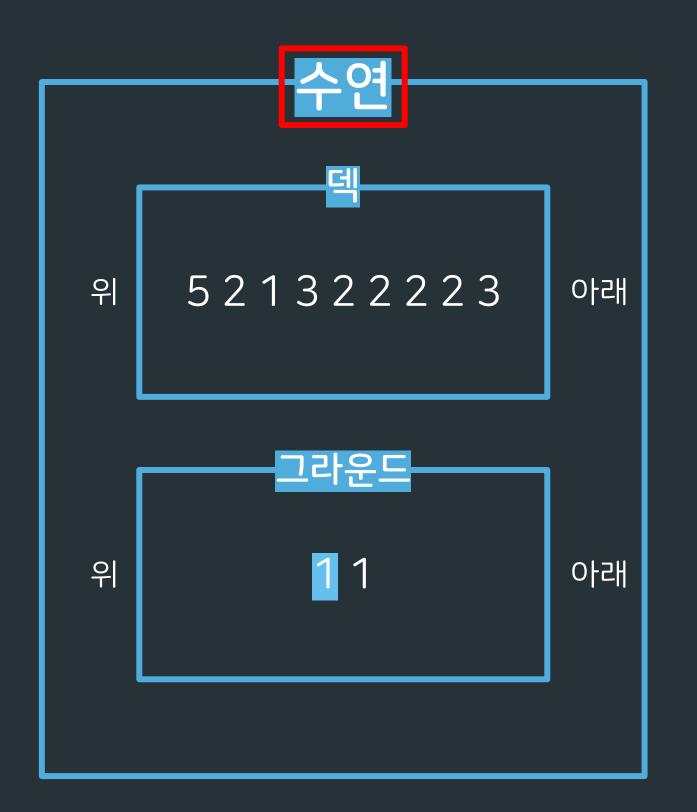




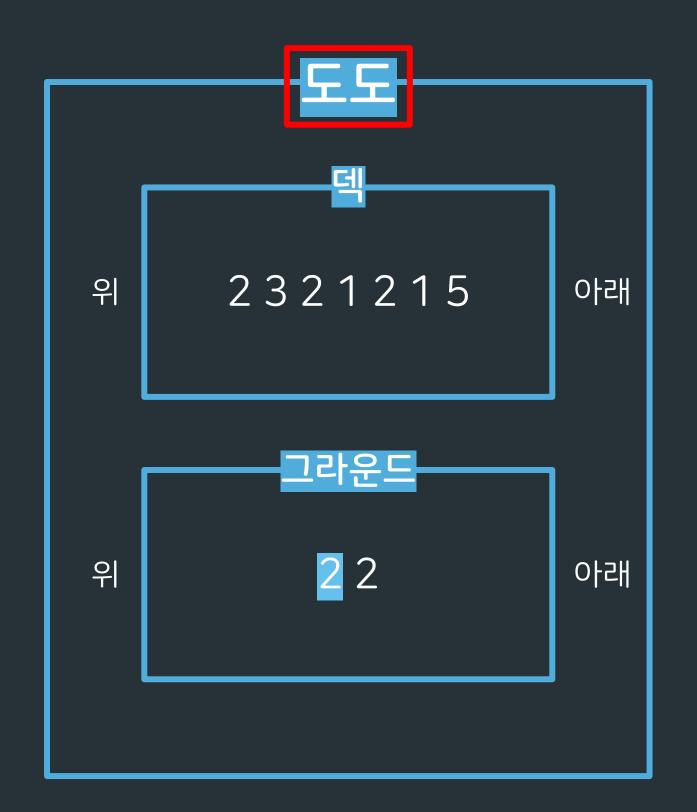


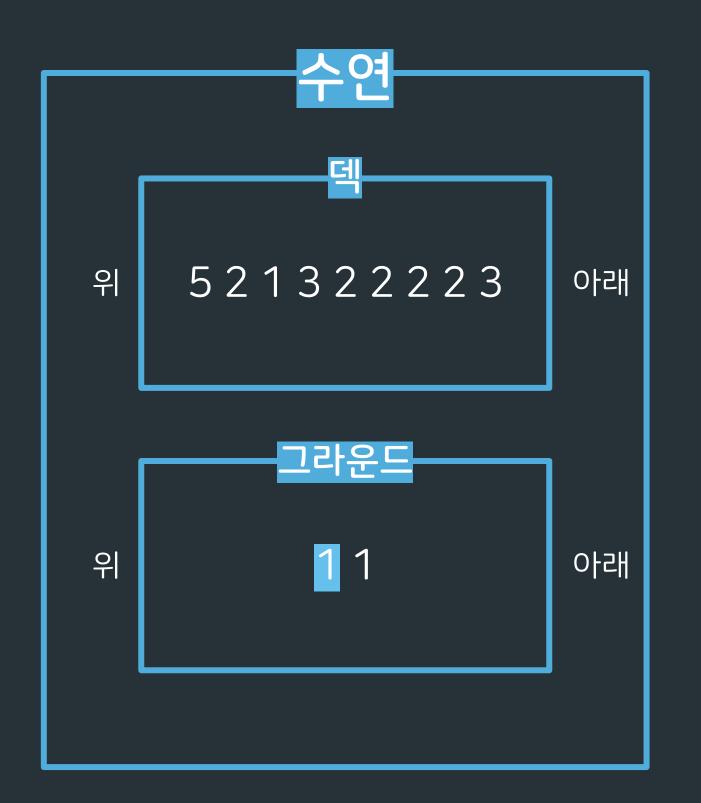






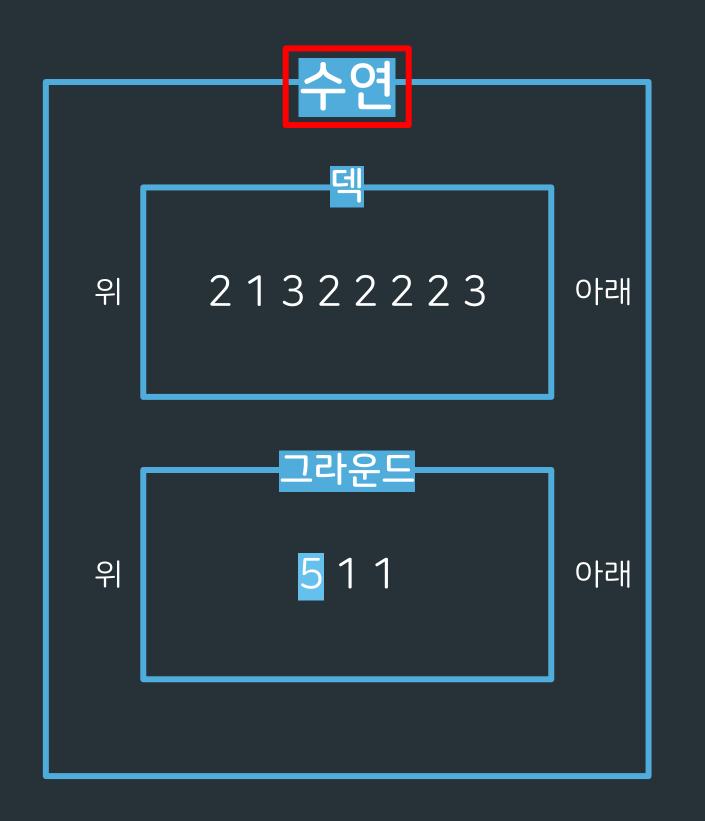






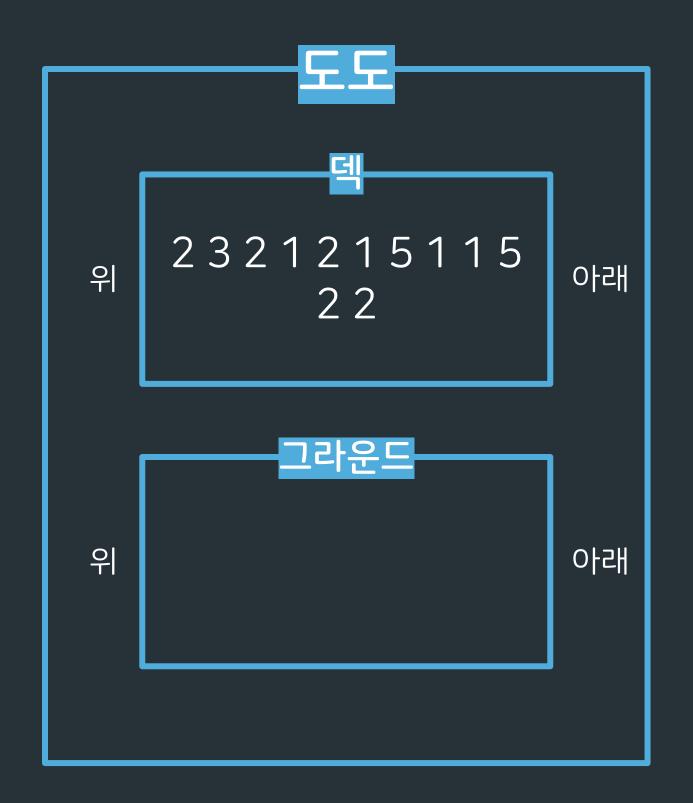


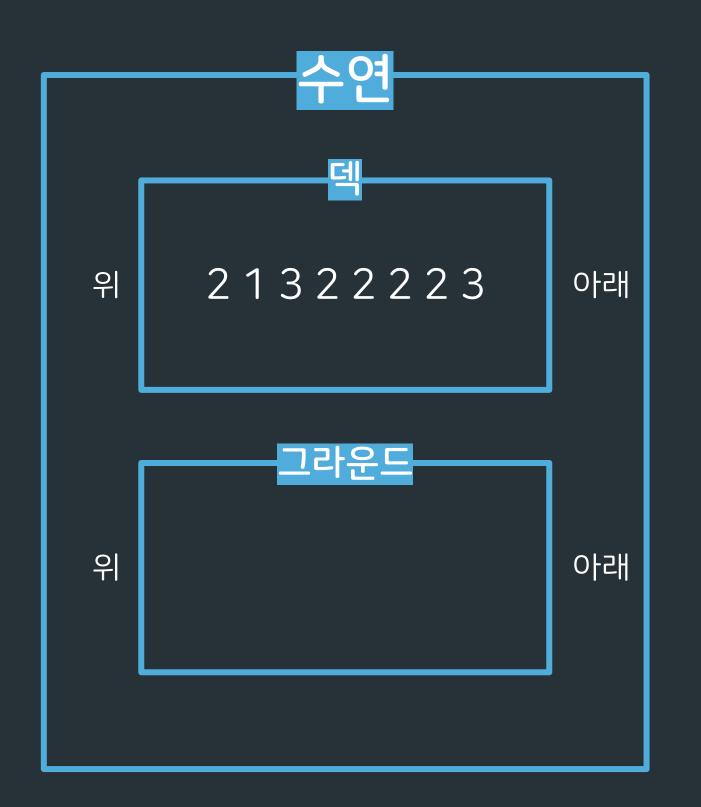
M = 82321215 아래 위 그라운드 2 2 위 아래



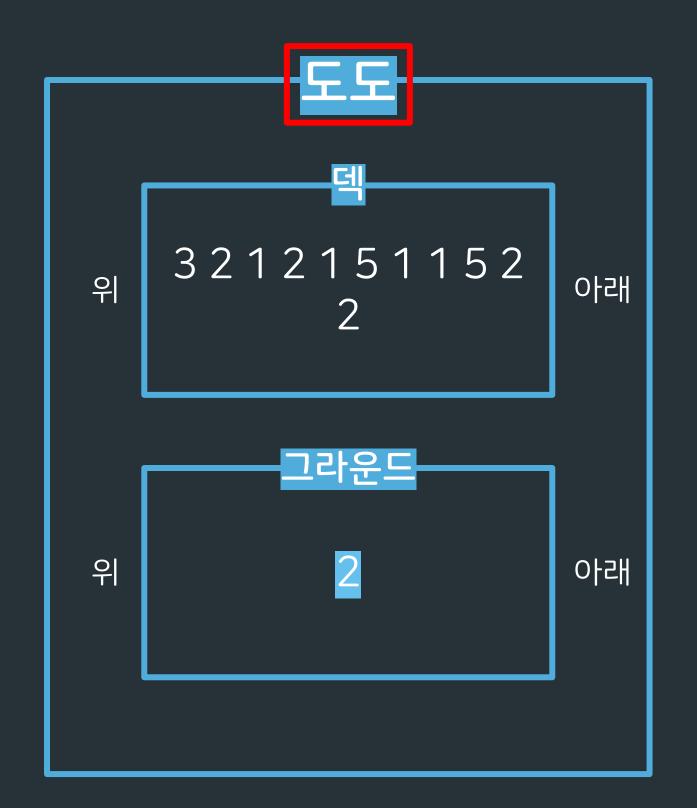


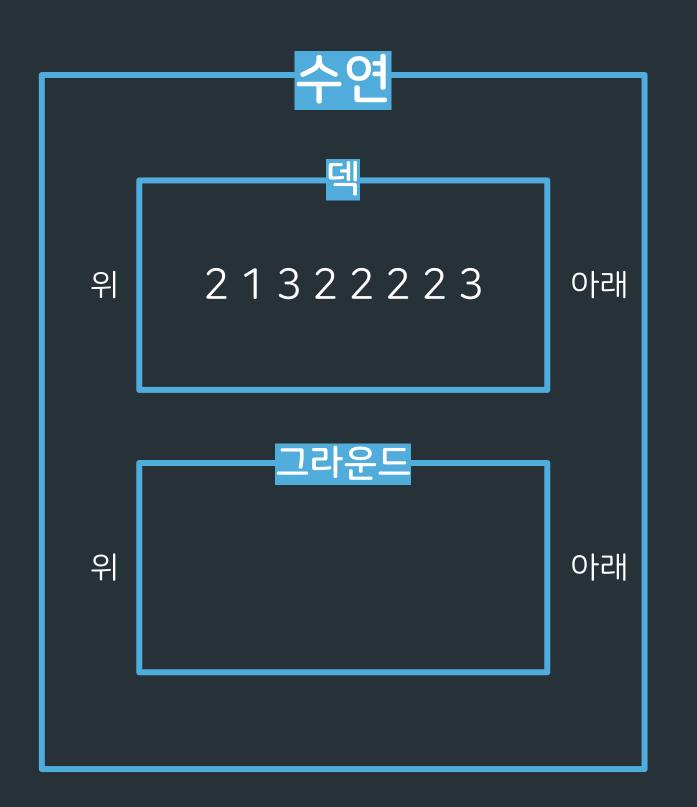
8 = M



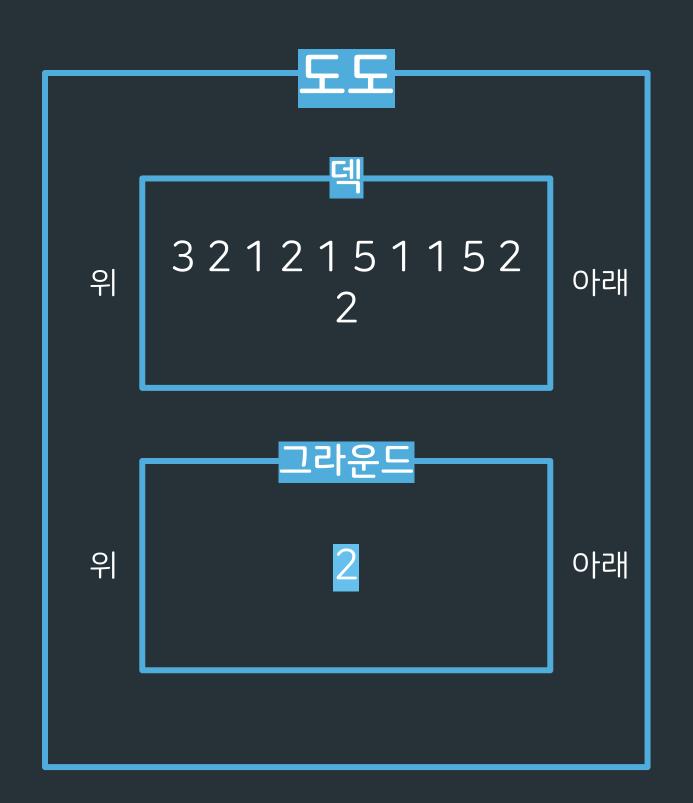


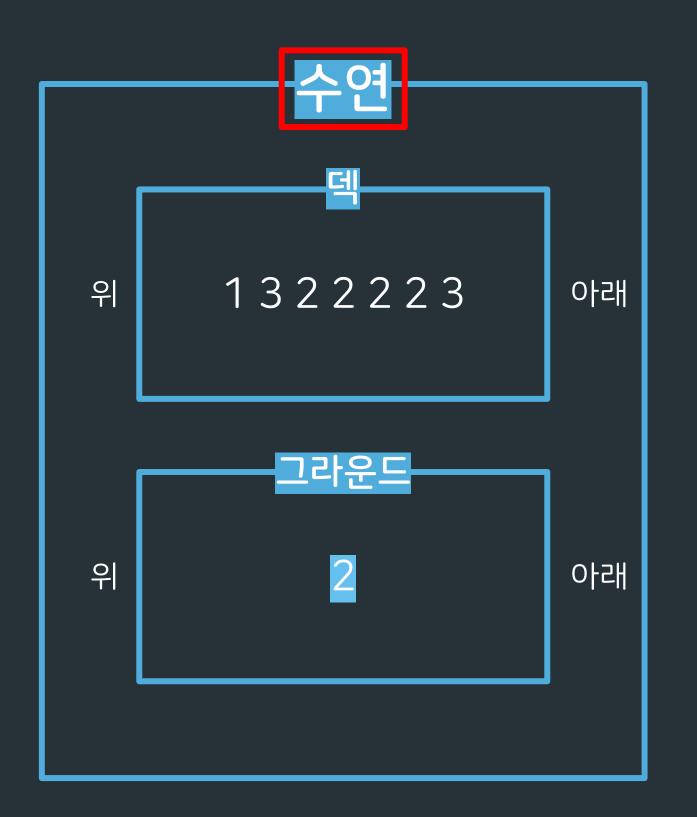




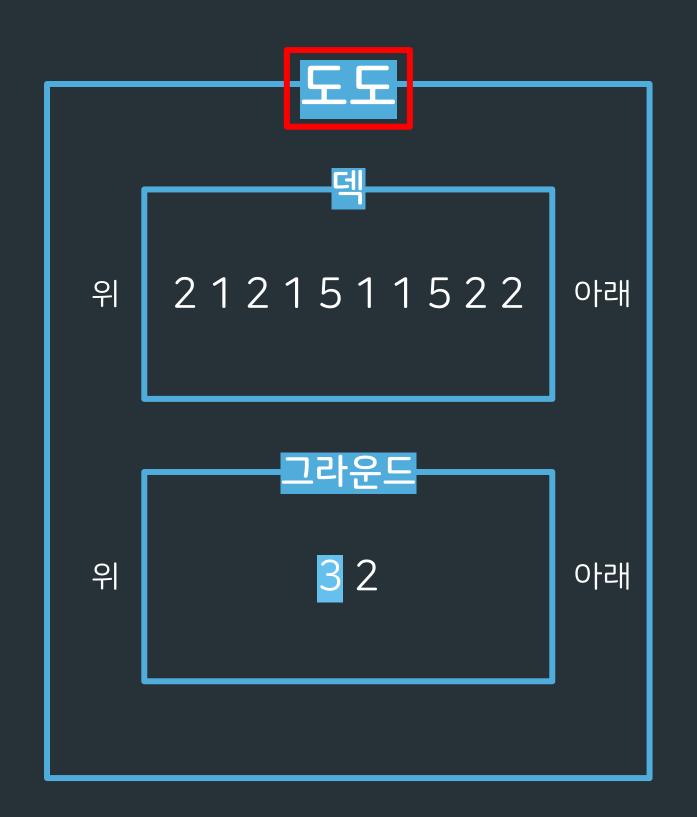


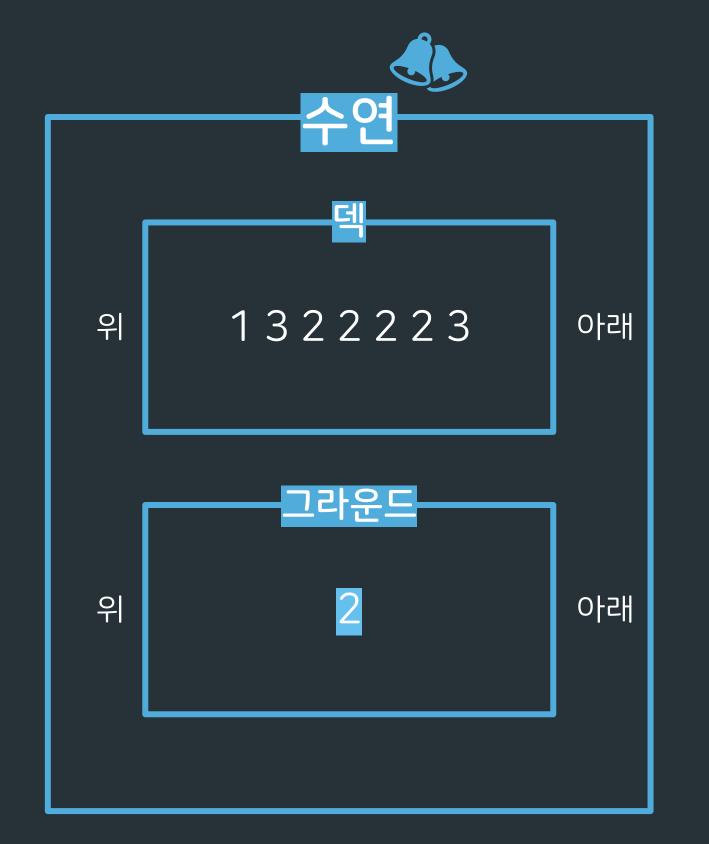




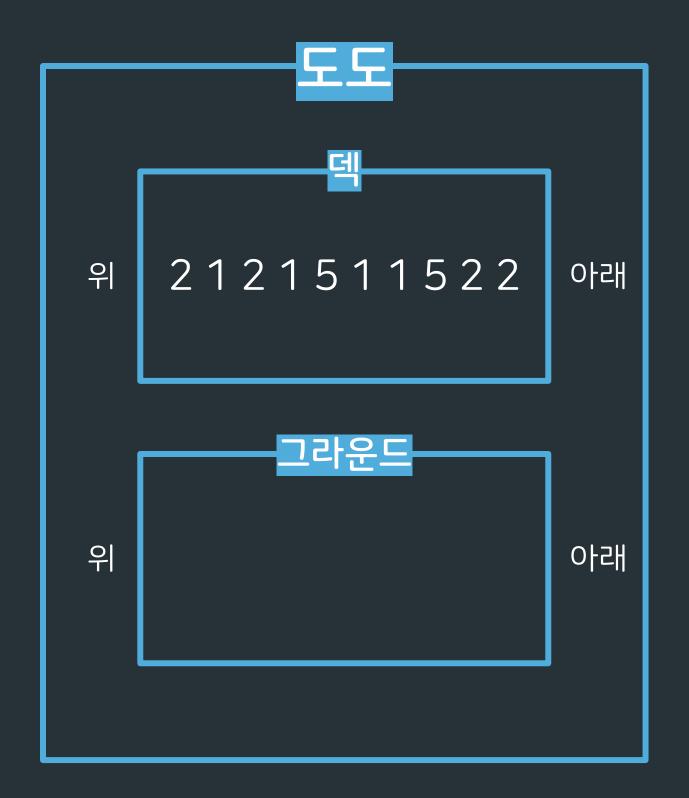


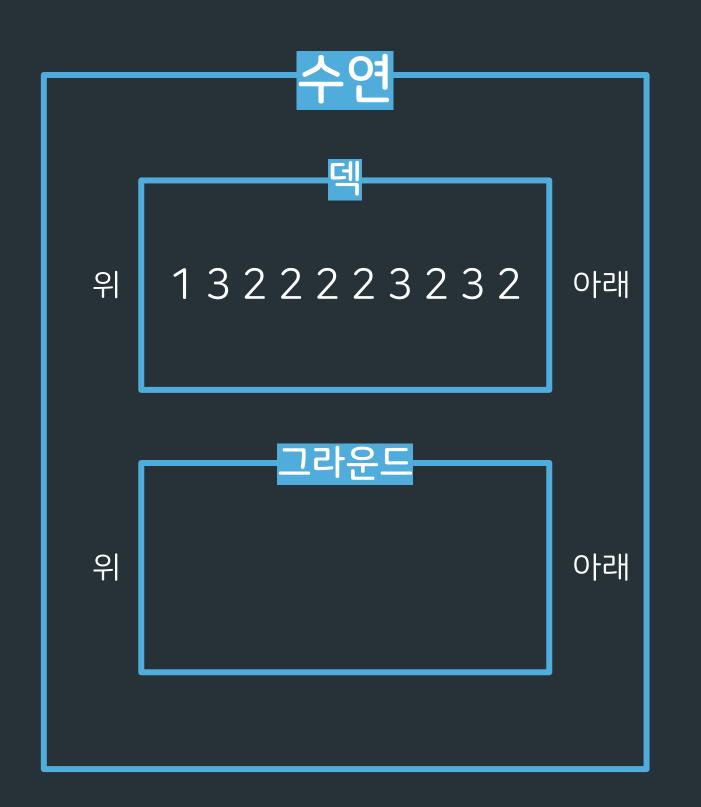




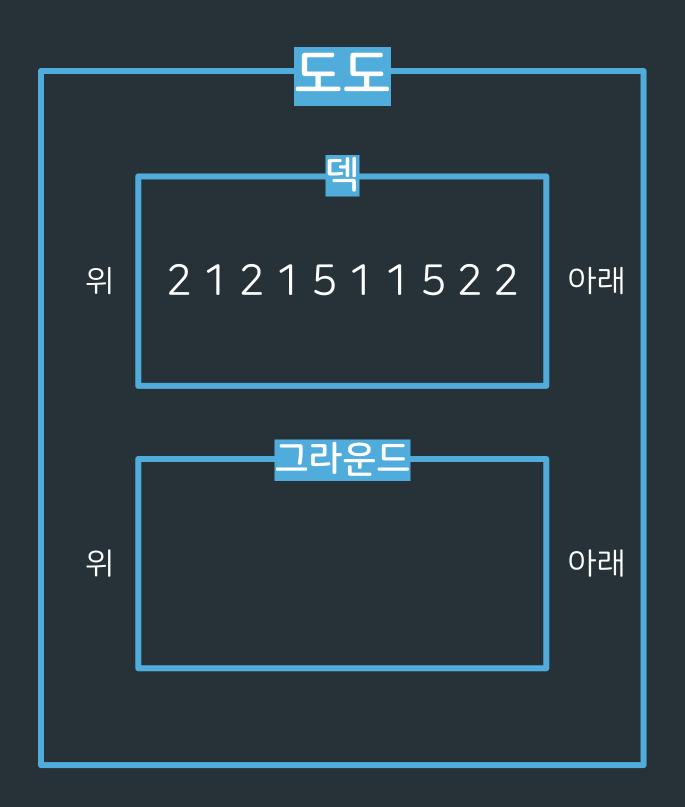






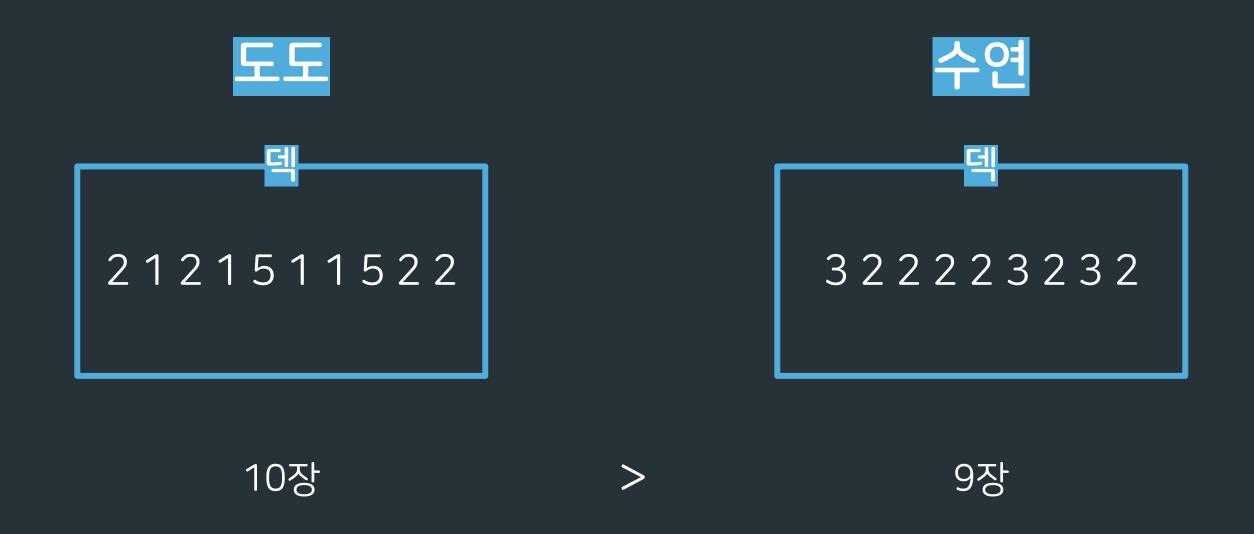












카드를 더 많이 가지고 있는 도도의 승리!



도도, 수연은 각각 덱과 그라운드를 가짐(deque)

- 1. 카드를 덱에서 한 장씩 내려 놓음 (도도 먼저)
- 2. 어떤 플레이어가 종을 칠 수 있는지 판단 (도도/수연/없음)
 - a. 종을 친 경우 그라운드의 카드를 덱으로 이동
- 3. 종료 조건 만족 시 승리한 사람 판단

마무리



추가로 풀어보면 좋은 문제!

- /<> 9655번 : 돌 게임 Silver 5
- /<> 9095번 : 1, 2, 3 더하기 Silver 3
- 2156번 : 포도주 시식 Silver 1
- /<> 9251번 : LCS Gold 5