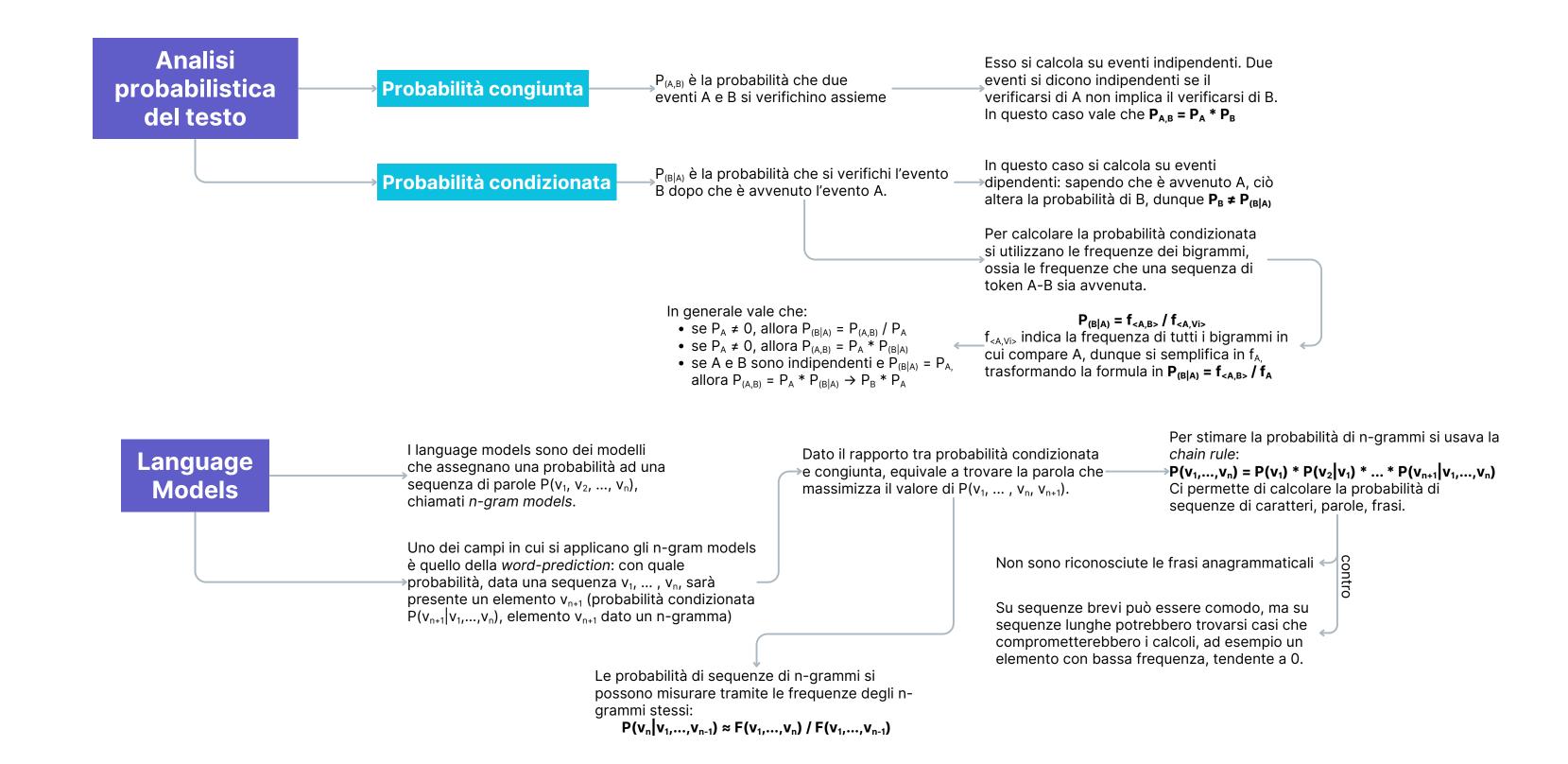


 $P(\Omega) = 1 \rightarrow certezza$

NB: la probabilità di A non è un

formato da un solo token

evento certo. Esso è un evento certo se e solo se $A == \Omega$, ossia un corpus





Modello di Markov

Questo modello probabilistico semplifica i calcoli su sequenze di caratteri, parole o frasi, limitandoli a semplici n-grammi che non invalideranno il valore finale. In breve, se vogliamo conoscere la probabiltà di E_i, basterà conoscere la "storia" che precede.

Si suddivide in ordini, in base alla dimensione degli n-grammi considerati. Generalmente si considerano i primi tre.

Modello Markov 0 Il livello 0 presuppone l'indipendenza degli elementi, si calcola come una semplice probabilità congiunta:

 $P(v_1,...,v_n) = P(v_1)*...*P(v_n)$

Le catene di Markov permettono di creare dei

le quali esistono particolari tipi di dipendenza.

modelli probabilistici di sequenze linguistiche per

Modello Markov 1 Il livello 1 presuppone la dipendenza degli elementi, si calcola come una probabilità condizionata su bi-grammi:

 $P(v_1,...,v_n) = P(v_1)*P(v_2|v_1)*...*P(v_n|v_{n-1})$

Modello Markov 2 Il livello 2 presuppone la dipendenza degli elementi, si calcola come una probabilità condizionata su tri-grammi:

$$P(v_1,...,v_n) = P(v_1)*P(v_2|v_1)*P(v_3|v_1,v_2)*...* *...*P(v_n|v_{n-1},v_{n-2})$$

di Markov su un training corpus, è possibile migliorare la generazione di un testo aumentando le dipendenze ad ogni ordine.

Utili per molte competenze del NLP come l'Automatic Speech Recognition, il Machine Transition e soprattutto la word-prediction, simile al MLE

Utilizzando un algoritmo addestrato con catene

In casi di elementi con basse frequenze, è comunque possibile applicare Laplace (Add-One Smoothing)

Per tutti i modelli superiori al livello 2, la regola si espande in base all'n-gramma considerato. Il livello massimo si espande fino a diventare una chain rule, diventando così "useless" ai fini di Markov

$$P(v_1,...,v_n) = P(v_1) * P(v_2|v_1) * ... * P(v_{n+1}|v_1,...,v_n)$$

Combinazioni

Collocazioni

Alcune parole sono legate ada Itre tramite forti lessicazioni morfologiche e semantiche. Esse possono essere sostituite con altre parole per ottenere altre frasi grammaticali.

Esistono altri tipi di combinazioni che si basano su legami non riconducibili a classi linguistiche generali. Sono difficili da sostituire perché produrrebbero strani risultati.

Combinazioni di due o più parole caratterizzate da un elevato grado di associazione, determinata dalla tendenza di co-occorrere:

- argomenti o modificatori "tipici"
- argomenti o modificatori "idiosincratici"
- costruzioni idiomatiche
- nomi propri composti
- ...

→ Distinguibiili in due categorie

Sono parole con un alto grado di associazione reciproca. Le misure di associazione lessicale:

Empirico, o senso ampio: combinazioni ricorrenti e predicibili di parole, osservate nell'uso linguistico (corpora)

Teorico, o senso stretto: espressioni polirematiche fortemente lessicalizzate, idiomatiche e idiosincratiche (*multiword expressions*)

Quantificano la forza del legame tra due o più parole sul piano sintagmatico La nozione intuitiva di associazione lessicale viene trasformata in un indice quantitativo e misurabile

Elevata convenzionalità Sono tendenzialmente espressioni di usi convenzionali, tipici di varietà linguistica

Ridotta composizionalità semnatica
Non immediatamente ricavabile dalla composizione
delle parole che lo formano, ad esempio:
{topolino grigio} == {topolino} + {grigio}
{gatta morta} != {gatta} + {morta}

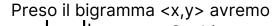
Forte rigidità strutturale Sono spesso resistenti a modificazioni aggettivali o avverbiali, oppure occorrono solo in particolari forme flesse e contesti sintattici.

Collocazioni

- Analisi linguistica del corpus: il testo deve essere tokenizzato e possibilmente annotato con PoS (Part of Speech) tagging, lemmatizzazione, ecc.
- Selezione dei bigrammi: il tipo dei bigrammi che ⇒vengono selezionati dipende dal livello di annotazione.
- Costruzione della tabella di contingenza: dal totale dei bigrammi costruisco la tabella.
- 4 Applicazione di una misura di associazione
- 5 Ordinamento delle coppie in base alla forza di associazione.

Due parole si dicono fortemente associate quando si presentano insieme più spesso rispetto alle singole frequenze.

È necessario confrontare la frequenza osservata O di <x,y> con la sua freguenza attesa E, ossia la frequenza che ci aspettiamo qualora gli elementi fossero statisticamente indipendenti.



- O₁₁: bigramma dove occorrono x e y y O_{11} O_{12} R_1 - O_{12} : occorre y, ma non x

 O_{22} R₂ - O_{21} : occorre x, ma non y

- O₂₂: non occorrono né x né y

$$N = R_1 + R_2 == C_1 + C_2$$

Partendo dalla tabella di contingenza:

Con entrambe le tabelle, è possibile calcolare la Mutual Information (MI):

$MI < x,y > = log_2 O < x,y > /E < x,y >$

Se la MI ≤ 0, c'è assenza di associazione tra le parole, altrimenti potrebbe essere una forte associazione.

Un'altra versione con cui si calcola la MI in termini di probabilità: $MI < x,y > = log_2 P_{x,y}/(P_x P_y) == log_2 (f < x,y > /N)/((f_x/N)(f_y/N)) \rightarrow$ \rightarrow (f<x,y> • N)/(f_x f_y)

Se x e y ricorrono sempre insieme: $MI < x,y > = f * N/f^2 = N/f$

Estremamente sensibile agli eventi rari. -In qualsiasi corpus i bigrammi formati 🔸 da hapax avranno valori massimi.

La Local Mutual Information (LMI) privilegia i bigrammi più frequenti ed è il termine fondamentale nel calcolo del Log Likelyhood Ratio

 $LMI < x,y > = f < x,y > \bullet MI < x,y >$

Legge di Bayes

Viene usata per decidere qual è l'ipotesi I, o →classe, più probabile all'interno di IP che spiega un certo tipo di osservazioni O argmax_{I € IP} $P_{(I|O)}$ = argmax_{I € IP} $(P_I * P_{(O|I)})/P_O$ Poiché stiamo cercando l'ipotesi più probabile (argmax), data la stessa osservazione O, possiamo ignorare P_O : argmax_{I € IP} $P_{(I|O)}$ = argmax_{I € IP} $P_I * P_{(O|I)}$

Chiamato *teorema della probabilità delle cause*, viene impiegato per calcolare la probabilità di una causa che ha provocato l'evento verificato.

Molti fenomeni linguistici possono essere modellati come processo di inferenza bayesiana, come:

Riconoscimento del parlato come l'Automatic Speech Ricognition (ASR)

Problema di decidere a quale classe appartiene una certa osservazione linguistica

Ci permette di tradurre P_(I|O) in un prodotto di probabilità più facile da stimare.

Noisy Channel Mode

probabilità condizionata

 $P_{(A|B)} = P_{<A,B>}/P_B = P_{(B|A)}P_A / P_B$ dove:

- P_A → probabilità a priori
- $P_{(B|A)} \rightarrow likelyhood$

 $P_{(A|B)} = P_{\langle A,B\rangle}/P_B \rightarrow P_{\langle A,B\rangle} = P_B * P_{(B|A)}$

• $P_{(A|B)} \rightarrow probabilità a posteriori$

Un sistema dove si introduce un input in un canale "rumoro", alternandone l'output. Il canale rumoroso contiene gli elementi dell'inferenza bayesiana, che produce in output un'ipotesi con una certa probabilità.

Mentre le probabilità misurano fenomeni e sistemi il cui esito è incerto, l'entropia è una misura dell'incertezza di un fenomeno e misura la difficoltà nel predire l'esito.

Entropia

→L'incertezza dipende da:

→numero di esiti alternativi possibili.

distribuzione delle probabilità per ciascun esito; in caso di esiti con probabilità uniforme è più difficile prevedere quello esatto.

L'informazione è la diminuzione dell'incertezza: se un evento aleatorio si verifica, avremo informazioni sia sugli eventi positivi che negativi. Più un evento è raro, più è informativo, maggiore è l'informazione che otteniamo col verificarsi.

L'entropia è la misura della quantità dell'informazione portata dagli eventi prodotti da eventi aleatori, formalizzato come una variabile casuale.

→L'unità di misura è il bit.

L'entropia aumenta con l'aumentare degli stati possibili di un sistema. A parità di stati possibili, l'entropia diminuisce se aumenta la "struttura" e l'organizzazione del sistema, e aumenta la predicibilità delle dinamiche del sistema.

Una Random Variable rappresenta un processo aleatorio, il quale è descritto dall'insieme di stati che esso può assumere e da una distribuzione di probabilità associata.

Il codice Shannon-Fano dice che: gli stati più probabili e frequenti sono descritti usando messaggi più corti, gli stati meno probabili usano messaggi più lunghi. L'entropia puntuale, o informazione di una parola, corrisponde al numero di bit necessari per trasmettere che è stata estratta quella parola. Si calcola come:

$$h_V = -\log_2 P_V$$

Se un sistema W ha m stati equiprobabili, il numero di bit necessari per codificare ogni stato è $log_2 m$. Se gli stati sono equiprobabili vale che $P_v = 1/m$, di conseguenza $m = 1/P_v$. Per le proprietà logaritmiche avremo che:

$$h_V = \log_2 m \rightarrow h_V = \log_2 1/P_V = \log_2 1 - \log_2 P_V \rightarrow h_V = -\log_2 P_V$$

Nel caso di stati *non* equiprobabili, l'entropia di →un sistema W è definita come:

$$H_W = -\sum P_{Vi} \log_2 P_{Vi}$$

Date le distribuzioni in due stati:

$$H_W = -\sum P < w, t_i > \log_2 < w, t_i >$$

La distribuzione minore è quella più caratterizzante.

L'entropia per sequenze di parole si misura come:

$$H(w_i) = -\sum P(w_i) \log_2 P(w_i)$$

L'entropia *per parola*, o *entropy rate*, si misura come:

$$H_{rate}(w_i) = 1/n H(w_i)$$

Entropia

Shannon-McMillan-Breiman: se un linguaggio L è generato da un processo stocastico ergodico e stazionario, allora vale che:

 $H_{\text{rate}} L = \lim_{n \to \infty} -1/n * \log_2 P(w_1, ..., w_n)$

Cross Entropy: $H(w_1, m) = -\sum P(w_1) \log_2 P(w_1)$

- → w₁ è una variabile casuale con distribuzione reale P
- m è un modello stocastico di w₁ che cerca di appossimare la sua distribuzione reale.

La cross entropy ci consente di misurare quanto bene un modello probabilistico approssima un →certo processo stocastico **H(w) ≤ H(w,m)** È il costo in bits per usare m come modello descrittivo di un processo con distribuzione P.

Per Shannon-McMillan-Breiman è possibile approssimare la cross entropy prendendo un → campione sufficientemente grande di testi del linguaggio come unica sequenza di parole

 $H(p,m) = \lim_{n\to\infty} -1/n * \log_2 m(w_1,...,w_n)$

Il modello più accurato sarà quello con la cross entropy minore.

Un linguaggio è *stazionario* se la probabilità che assegna a sequenze di parole sono invarianti rispetto al tempo.

Un linguaggio è *ergodico* se, aumentando la lunghezza della sequenza di parole generate, possiamo ottenere un campione perfettamente rappresentativo del processo.

In realtà, però, il linguaggio non è né stazionario né ergodico.

Natural Language Processing

Il *Natural Language Processing* è un sistema in grado di accedere al contenuto di informazioni attraverso l'elaborazione del linguaggio.

Vengono effettuti delle task tipiche della preparazione per l'analisi statistica.

Esistono diversi problemi che possono presentarsi •nell'addestramento degli algoritmi per via delle ambiguità fonologiche, morfologiche, sintattiche, semantiche, etc. Il *Machine Learning* comprende gli algoritmi che permettono alla macchina di imparare a svolgere un compito X, partendo da degli esempi su come svolgere quel determinato compito.

Machine Learning

Usa modelli statistici dei dati nel corpus al fine di costruire un modello per svolgere il lavoro. I componenti sono:

- training corpus
- metodologia
- testing corpus

Se si aggiunge il ML al NLP, viene migliorato drasticamente il suo funzionamento, ma rimane legato ai dati di partenza. Per l'addestramento esistono due tipi di algoritmi:

Non supervisionato: vengono utilizzati dei corpus non annotati per creare modelli. Usati per compiti come il ranking dei dati in base a qualche funzione o il clustering in base a similitudini (raw corpora)

Supervisionato: si basa su un training "annotato a mano" tramite linguaggi di mark-up (XML, ...). Sono adatti per le classificazioni come, per esempio, trovare le corrette classi di appartenenza (machine readable)

L'annotazione *BIO2* viene utilizzata per espressioni polirematiche, espressioni che sono composte da più entità, ma valgono come un'unica ("carta di credito", "scala mobile").

L'acronimo BIO sta per: Begin, In (parte interna), Other

L'annotazione può essere fatta:

- manualmente, ma è molto lenta e costosa, a volte incoerente
- semi-automatica, tramite *parsers* (corretti al 96%) o taggers (corretti al 98%)

L'annotazione segue un processo di sviluppo di annotazione denominato *M.A.T.T.E.R.*:

- Model, descrizione del fenomeno linguistico
- Annotate, annotazione in base alle features
- Training, addestramento di un algoritmo su un corpus
- Testing, viene testato l'algoritmo su un altro corpus
- Evaluate, viene valutato l'esito del testing
- Revise, viene eventualmente revisionato l'algoritmo

I testi possono essere annotati morfo-sintatticamente tramite il *PoS (Part of Speech) tagging.* Il procedimento del PoS tagging genera delle coppie di valori dove vengono associate le parole e le parti del discorso corrispondenti, ad esempio: *<cane, Nome> <mangia, Verbo>*

Le annotazioni sintattiche vengono svolte tramite i *TreeBanks*, i quali danno:

- bracketing, strutture a costituenti
 - relazioni grammaticali
 - struttura predicativa

Gli schemi di annotazione possono essere:

- labelled bracketing (es: [S[NP Gianni][V legge] ...]
- dependency structure

Le annotazioni semantiche vengono svolte tramite la *Named Entity Recognition*, basata sulle categorie semantiche, la quale assegna ai nomi propri le "entità" della loro categoria.

Ad esempio: ("Luigi", "Person") ("Università di Pisa", "Organization")

Annotazione

I dati annotati "a mano" devono sempre essere valutati per determinare il grado di affidabilità. Per essere tale, l'annotazione deve essere replicata in maniera coerente da più annotatori, anche in momenti differenti.

Il grado di accordo si basa sui dati di *almeno* due annotatori e viene chiamato *interannotator agreement*. Esistono diverse misure di accordo, il più comune è chiamato *k di Cohen*, che si basa su soli due annotatori. Per 3+ annotatori avremo il *multi-k*, etc.

il *PoS tagging* è usato per la disambiguazione morfosintattica. Il compito è quello di assegnare, ad ogni token, la categoria grammaticale adatta. Esso si complica nella specifica dei tratti morfologici

Può utilizzare la regola *Pattern-Action*:

- <action>: seleziona e/o rimuove i tag
- *IF*: blocca <action> fino alla conferma
- <pattern>: se verificato, esegue <action>

Nella fase di addestramento troviamo:

- training set, un corpus di testi annotati
- feature, le caratteristiche estratte dall'input
- language model: <feature, peso>

Negli algoritmi supervisionati, il numero di classi y di un certo input x (<x;y>, coppia del training set)
→deve essere finito, mentre gli input non sono quasi mai finiti. L'algoritmo deve quindi imparare le generalizzazioni di eventi mai osservati.

Le features sono le caratteristiche che devono essere analizzate e sono indicate come coppia <attr., valore>, dove il valore è un numero binario 0 (assente) o 1 (presente).

L'estrazione delle features è uno dei compiti più complessi, poiché potrebbe falsificare il modello che viene generato.

Le features si distinguono in:

- locali, estratte dal token stesso (forma, lemma, ecc)
- contestuali, estratte dal contesto in cui si trova il token (analisi della sua "storia")
- globali, più ampie di quelle contestuali ma meno usate (dominio del documento)

Tabella di confusione, esempio:

A1 A2	Х	Υ	
Χ	<u>50</u>	20	_ R1
Υ	10	<u>20</u>	R2
	C 1	00	

Il *k di Cohen* misura l'accordo al netto dell'accordo che si verificherebbe casualmente. Per poterlo calcolare si crea la cosiddetta *tabella di confusione* e, sulla diagonale alto-sx basso-dx, troveremo le volte che A₁ e A₂ sono concordi.

Si calcola come: $k = (P_A - P_E) / (1 - P_E)$

- P_A è il totale delle volte che A_1 e A_2 concordano, diviso il numero dei casi totali (P_A = (O_{11} + O_{22}) / N
- P_E è il totale delle volte che vengono fatte le scelte per caso (P_E = P_X + P_Y dove P_X = P_{R1} * P_{C1} e P_Y = P_{R2} * P_{C2})

Per un buon accordo, si dovrebbe ottenere $k \ge 0.80$. Per valori inferiori, il sistema potrebbe necessistare una revisione.

Gold Standard

Il Gold Standard (GS) è una porzione del test corpus annotato manualmente, che rappresenta l'output di riferimento.

La *N-fold crossvalidation* è la metodologia di valutaione ideale per quando i dati annotati sono limitati:

- 1. Si divide il corpus in N parti
- 2. Si compiono N cicli di *training-evaluation* usando a ciclo una parte come test e le n-1 come training
- 3. Si effettua la media delle prestazioni

La baseline è il limite inferiore che ci si attende dal sistema. L'accuracy è invece data dal rapporto degli output corretti e la lunghezza del corpus.

Information Retrieval: ci dà delle misure riguardanti:

- precisione, la correttezza delle risposte sel sistema
- richiamo, la copertura del sistema

Basandoci sugli output attestati nel GS, abbiamo:

- True Positive (TP), sono gli output confermati con il GS
- False Positive (FP), sono gli output errati nel GS
- False Negative (FN), sono gli output mancati ed errati (FN = |N| - TP)

Dai valori ottenuti con il GS possiamo calcolare tre parametri:

- Precision (P) = TP / (TP+FP)
- Recall (R) = TP / (TP+FN)
- F-Measure = 2PR/(P+R)

Precision e Recall sono due valori che si penalizzano a vicenda: crescendo uno, diminuisce l'altro

Natural Language Processing

È il processo di analisi di una frase per →determinare la sua struttura sintattica. Possono essere a costituenti o a dipendenze. Vengono individuate le relazioni sintattiche tra i token della frase. Producono alberi a dipendenze, dove i *nodi* sono i token e la *radice*, mentre gli *archi* sono le relazioni tra le parole.

Si usano classificatori addestrati su delle *TreeBanks* allo scopo di predire l'azione in base alle features.

Le azioni effettuate per costruire:

- shift: non c'è relazione tra i due token, va avanti
- right: c'è relazione, il nodo sx dipende dal nodo dx
- left: c'è relazione, il nodo dx dipende dal nodo sx

L'algoritmo termina dopo aver analizzato tutto e comincia l'analisi in base alle features estratte.

Semantic Network

E una memoria semantica, organizzata come una rete di nodi (concetti) e archi (relazioni). Si basano su una struttura tassonomica.

Un concetto viene rappresentato come l'insieme delle parole sinonimeche lo esprimono. Viene chiamato synset.

Esistono due tipologie principali di Semantic Networks:

Sviluppato a Princeton come modello relazionale riguardo nomi, aggettivi o verbi.

WordNet è un SN di tipo relazionale. Può essere usato come dizionario, accedendo per lemma, o tesauro, accedendo tramite l'ID univoco del synset interessato.

Rappresenta il lessico computazionale di maggior successo, con validaizione su ampia scala di pregi e difetti delle reti semantiche. La similarità semantica si basa sulla distanza tra concetti, in base al numero di nodi o archi.

Esistono dei cloni di WordNet come: MultiWordNet e ItalWordNet

Il funzionamento avviene con il principio bayesiano su un vettore f formato da al più 3 parole a sinistra e al più 3 parole a destra del token interessato. Applicando Bayes, si sceglie l'elemento con valore maggiore ottenuto (argmax)

FrameNet è un SN di tipo frame. Il significato di un'entrata lessicale viene descritto tramite un semantic frame.

Un semantic frame è una rappresentazione schematica di un evento in termini dei possibili pratecipanti, detti frame elements:

- ognuno associato alle sue possibili realizzazioni sintattiche
- per ogni realizzazione è associata una frase del corpus annotata

Un synset a cui appartiene un concetto X, può contenere una o più parole che lo esprimono. Una parola che può esprimere più concetti, genera ambiguità lessicale. Quest'ultima apparterrà ad n synset diversi, come il lemma "cane" (animale, parte di pistola, ecc)

I lemmi ambigui sono associati a più frame

Gli elementi del frame element sono:

- Lexical Unit (LU), coppia <parola, significato>
- Significato, frame evocato dalla parola
- Frame, schema concettuale che descrive una scena con i suoi frame elements, che possono essere definiti come core (primari) e peripheral (periferici) FE

Word Sense Disambiguation

Ha l'obiettivo di assegnare a ogni token il significato più appropriato in un contesto (es: BORSA: borsa oggetto, contenitore - borsa organizzazione)