## BACHILLERATO INTERNACIONAL TEORÍA DEL CONOCIMIENTO/matemáticas

## Matemáticas

A veces se considera que las matemáticas **tienen un cierto grado de certeza sin igual** en otras áreas de conocimiento o que están fundadas en un conjunto de suposiciones básicas y definiciones aceptadas más o menos universalmente. Esto hace que las matemáticas sean una excelente fuente de material para las discusiones de TdC.

Un enfoque interesante para las discusiones puede ser el estatus de las matemáticas como área de conocimiento. Los alumnos pueden considerar por qué a las disciplinas de las ciencias humanas a menudo les interesa expresar sus conclusiones en términos matemáticos, o por qué muchas personas suelen considerar que el tratamiento matemático de un tema es una muestra de rigor intelectual. También pueden considerar por qué en muchos sistemas educativos a menudo se concede una posición privilegiada a las matemáticas.

Otra fuente valiosa de material para las discusiones de TdC puede ser **el papel de la creatividad, la imaginación, la belleza y la elegancia en las matemáticas**. A pesar de los límites estrictos de la lógica matemática, o quizá debido a ellos, las matemáticas pueden ser una materia sumamente creativa, que requiere que quienes la practican pongan en práctica su **imaginación**. Esto puede llevar a discutir si la elegancia y la belleza deberían ser pertinentes para el valor matemático, o por qué debería ser así.

Otro enfoque interesante puede ser la relación entre las matemáticas y el mundo que nos rodea, pues se utilizan a menudo para elaborar modelos de los procesos del mundo real. Sin embargo, en cierta manera, también puede parecer que las matemáticas son bastante **abstractas y están alejadas** de la realidad, centrándose sobre todo en la aplicación de la razón en lugar de basarse en la experiencia y la observación del mundo.

Además, los alumnos pueden considerar el papel y la importancia de la **demostración en las matemáticas, y cómo se relaciona esto con conceptos como el de verdad**. Pueden reflexionar sobre si el **término demostración** se usa en las matemáticas de una manera diferente a cómo se emplea en nuestra vida cotidiana y en otras áreas de conocimiento.

Ejemplos de preguntas de conocimiento relacionadas con este área en las pp. 37-39 de la *Guía*.

## ALCANCE ¿Por qué las matemáticas son tan importantes en otras áreas de conocimiento, especialmente en las ciencias naturales? ¿De qué modo las innovaciones tecnológicas —como los avances en informática— han influido en el alcance y la naturaleza de las matemáticas en tanto que área del conocimiento? ¿Es posible lograr la certeza absoluta en las matemáticas? ¿Existe una diferencia entre la verdad y la certeza en las matemáticas? ¿Deben definirse las matemáticas como un lenguaje? ¿Qué define mejor a las matemáticas, su contenido o su método? ¿Las matemáticas solo producen conocimiento sobre el mundo real cuando se combinan con otras áreas de conocimiento? ¿Hay una jerarquía de áreas de conocimiento dependiendo de su utilidad para resolver problemas? **PERSPECTIVAS** ¿Qué tienen las matemáticas que permite que los resultados matemáticos permanezcan sin cambios a lo largo del tiempo? ¿Cuál ha sido la importancia de las personalidades destacadas a la hora de conformar la naturaleza y el desarrollo de las matemáticas en tanto que área del conocimiento? ¿Oué papel desempeña la comunidad matemática a la hora de determinar la validez de una demostración matemática? ¿Está el conocimiento matemático integrado en determinadas culturas o tradiciones? ¿La experiencia personal desempeña algún papel al formular afirmaciones en el ámbito de las matemáticas? ¿Es más difícil hacer progresos en las matemáticas que en otras áreas de conocimiento? Si los seres humanos han creado las matemáticas, ¿sigue siendo posible aceptar las verdades matemáticas como hechos objetivos sobre el mundo? ¿Están todas las áreas de conocimiento del curso de TdC en sí mismas integradas en una determinada tradición o ligadas a una determinada cultura? MÉTODOS Y ¿El razonamiento matemático difiere del razonamiento científico o del tipo de **HERRAMIENTAS** razonamiento que se requiere en otras áreas de conocimiento? ¿Qué se entiende por demostración en matemáticas, y cómo difiere o se asemeia a lo que se entiende por este término en otras áreas de conocimiento? ¿Cómo explican los matemáticos el hecho de que algunas de las conclusiones alcanzadas parezcan entrar en conflicto con nuestra intuición? ¿Qué se quiere decir cuando se afirma que las matemáticas son un sistema axiomático? ¿Cuáles son las diferencias y semejanzas de un sistema de conocimiento axiomático con otros tipos sistemas de conocimiento?

¿Los símbolos matemáticos tienen significado de la misma manera que las palabras tienen significado? ¿Es la experiencia personal menos o más

importante en el área de las matemáticas que en otras áreas de conocimiento?

## ÉTICA

Si el conocimiento matemático se valora mucho, ¿supone esto responsabilidades éticas especiales para los matemáticos cuando realizan afirmaciones?

¿En función de qué criterios decidimos si a los matemáticos hay que considerarlos responsables cuando su trabajo se utilice para aplicaciones poco éticas?

¿Cómo utilizan los estadísticos las prácticas poco éticas, como el dragado de datos, para manipular e inducir a error a las personas de manera deliberada? ¿Es justificable éticamente que los matemáticos académicos dediquen tiempo a realizar investigaciones que no tienen aplicaciones útiles inmediatas? ¿Los juicios matemáticos y los juicios éticos enfrentan dificultades similares en lo que respecta a las pruebas que hay disponibles para respaldarlos? ¿Son los matemáticos las personas ideales para generar códigos de ética para los matemáticos profesionales?