

1. Problem

Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cuál de ellos emplea un proceso de optimización para encontrar la estimación

- (a) Ninguno
- (b) Ambos
- (c) Depende
- (d) Maxima Verosimilitud
- (e) Momentos

Solution

El método de máxima verosimilitud plantea un proceso de optimización usando la primera derivada sobre la función logaritmo.

2. Problem

Suponga que $\hat{\theta}_1$ y $\hat{\theta}_2$ son estimadores de θ . Se sabe que $\hat{\theta}_1$ es insesgado y que $E[\hat{\theta}_2] = \theta/2$, suponiendo que $V(\hat{\theta}_1) = V(\hat{\theta}_2)$, que estimador logra un menor error cuadrático medio.

- (a) Ninguna
- (b) Falta información
- (c) $\hat{\theta}_2$
- (d) $\hat{\theta}_1$
- (e) Ambos

Solution

La definición del ECM es:

$$ECM(\hat{\theta}) = V(\hat{\theta}) + E[(\theta - E[\hat{\theta}])^2]$$

Así:

$$ECM(\hat{\theta}_1) = V(\hat{\theta}_1)$$

$$ECM(\hat{\theta}_2) = V(\hat{\theta}_1) + \frac{\theta^2}{4}$$

Por lo que $\hat{\theta}_1$ es mas pequeño

3. Problem

Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cuál de ellos emplea un proceso basada en comparar las esperanzas con sus equivalentes de la muestra según sus potencias, para encontrar la estimación

- (a) Ambos
- (b) Depende
- (c) Momentos
- (d) Ninguno
- (e) Maxima Verosimilitud

Solution

El método de momentos

4. Problem

La media muestral de una muestra tomada de una población normal con desviación estándar de 29, siempre es: (Seleccione una o más de una)

- (a) Un estimador insesgado de la media poblacional
- (b) Un estimador sesgado de la media muestral
- (c) Todas
- (d) Un estimador sesgado de la media poblacional
- (e) Un estimador insesgado de la media muestral

Solution

La respuesta correcta: Un estimador insesgado de la media poblacional

5. Problem

una muestra aleatoria de tamaño 35 de una población normal tiene media $\bar{X} = 559.72$ y una varianza muestral de $\hat{S}^2 = 50.18$. Encuentre un intervalo de confianza al 99% de confiabilidad.

- (a) Ninguna
- (b) 556.6307645, 562.8092355
- (c) 557.7562999, 561.6837001
- (d) Falta información
- (e) 557.3731389, 562.0668611

Solution

En R, sean n el tamaño de la muestra, xbar la media y s2 la varianza muestra.

```
s2xbar<-s2/n  
xbar+c(-1,1)*2.58*sqrt(s2xbar)
```

```
## [1] 556.6308 562.8092
```

6. Problem

Se extraen muestras aleatorias de tamaños $n_1 = n_2 = 21$ de dos poblaciones normales independientes. Las varianzas muestrales son $\hat{S}_1^2 = 11.69$ y $\hat{S}_2^2 = 46.87$. Construye un intervalo de confianza de dos lados del 95% respecto al cociente de las varianzas de las poblaciones σ_1^2/σ_2^2

- (a) Falta información
- (b) 0.301203, 0.8146751
- (c) 0.0202406, 0.122935
- (d) Ninguna
- (e) 0.101203, 0.6146751

Solution

En R, sean n1 y n2 los tamaños de muestra por población y s21 y s22 las varianzas muestrales por población

```
li<-s21/s22*qf(1-0.05/2,n2-1,n1-1,lower.tail = F)  
ls<-s21/s22*qf(0.05/2,n2-1,n1-1,lower.tail = F)  
c(li,ls)
```

```
## [1] 0.1012030 0.6146751
```

7. Problem

Se extraen muestras aleatorias de tamaños $n_1 = n_2 = 56$ de dos poblaciones normales independientes. Las varianzas muestrales son $\hat{S}_1^2 = 17.86$ y $\hat{S}_2^2 = 59.3$. Construye un intervalo de confianza de dos lados del 99% respecto al cociente de las varianzas de las poblaciones σ_1^2/σ_2^2

- (a) Falta información
- (b) 0.1488336, 0.6094703
- (c) 0.3488336, 0.8094703
- (d) Ninguna
- (e) 0.0297667, 0.1218941

Solution

En R, sean n1 y n2 los tamaños de muestra por población y s21 y s22 las varianzas muestrales por población

```
li<-s21/s22*qt(1-0.01/2,n2-1,n1-1,lower.tail = F)
ls<-s21/s22*qt(0.01/2,n2-1,n1-1,lower.tail = F)
c(li,ls)
```

```
## [1] 0.1488336 0.6094703
```

8. Problem

Los intervalos de confianza para la proporción usa los siguientes supuestos:

- (a) Falta información
- (b) Ninguna
- (c) Se usa el parámetro P para el error estándar del intervalo
- (d) n es grande
- (e) Los datos son normales

Solution

Los datos son normales y n debe ser grande (> 30)

9. Problem

Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos seis días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):

```
## [1] 90.76 86.32 90.56 88.76
## [5] 95.41 89.49
```

¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 90%? (asuma un error de tipo I del 1%)

- (a) Se rechaza H_0
- (b) Ninguna
- (c) Falta información
- (d) Ejercicio mal planteado
- (e) No se rechaza H_0

Solution

Sea $H_0 : \mu = 90$ y $H_1 : \mu < 90$. El estadístico de prueba es $Z_0 = 0.2373464$. Se rechaza H_0 si:

$$Z_0 < -2.58$$

por lo que:

```
ifelse(z0< (-2.58),"Se rechaza H0","No se rechaza H0")
```

```
## [1] "No se rechaza H0"
```

10. Problem

Se están investigando dos métodos para producir gasolina a partir de petróleo crudo. Se supone que el rendimiento de ambos procesos se distribuye normalmente, los siguientes datos se han obtenido de la planta piloto:

Table 1: Rendimientos

x1	x2
26	23
24	24
23	22
23	25
25	22
26	22
27	22

Suponer igualdad de varianzas, encontrar el valor de t_0

- (a) 3.6616419
- (b) Ninguna
- (c) 2.3954777
- (d) 2.6616419
- (e) Falta información

Solution

Con $H_0 : \mu_1 = \mu_2$ y varianzas iguales, el estadístico de prueba es:

$$t_0 = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\hat{S}_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}$$

Donde:

$$\hat{S}_p^2 = \frac{(n_1 - 1)\hat{S}_1^2 + (n_2 - 1)\hat{S}_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

En R:

```
s2p<-((n1-1)*var(x1)+(n2-1)*var(x2))/(n1+n2-2)
t0<-(mean(x1)-mean(x2))/sqrt(s2p/n1+s2p/n2)
t0
```

```
## [1] 2.661642
```

11. Problem

Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos diez días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):

```
## [1] 87.50 89.13 89.44 87.57
## [5] 89.73 81.85 91.99 89.73
## [9] 89.38 86.41
```

¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 89%? (asuma un error de tipo I del 1%)

- (a) Ejercicio mal planteado
- (b) No se rechaza H_0
- (c) Ninguna
- (d) Se rechaza H_0
- (e) Falta información

Solution

Sea $H_0 : \mu = 89$ y $H_1 : \mu < 89$. El estadístico de prueba es $Z_0 = -1.0281333$. Se rechaza H_0 si:

$$Z_0 < -2.58$$

por lo que:

```
ifelse(z0< (-2.58),"Se rechaza H0","No se rechaza H0")
```

```
## [1] "No se rechaza H0"
```

12. Problem

Seleccione los supuestos correctos para la prueba de hipótesis de igualdad de dos varianzas

- (a) El tamaño de muestra de ambas poblaciones son iguales
- (b) La estadística de prueba se distribuye como una F de Fisher
- (c) Las variables de las dos poblaciones se distribuyen como chi cuadrado
- (d) Las variables de las dos poblaciones se distribuyen como normal
- (e) Las variables de las dos poblaciones se distribuyen como t student

Solution

Las únicas respuestas correctas son:

- Las variables de las dos poblaciones se distribuyen como normal
- La estadística de prueba se distribuye como una F de Fisher