## **Facultad de Ciencias Puras - UMSA**



| Datos personales  | Número de matrícula  |
|---|--|
| Apellidos:  |  |
| Nombre:   |  |
| Firma:  |  |
|   | 3 🗌 🗎 🗎 🗎 🗎 3  |
| Controlado  | 4 🗌 🗎 🗎 🖂 4  |
|   | 5  |
| Este campo no se debe modificar.  | 6  |
| Tipo Identificación del examen(EST-145)   | 7 🗆 🗆 🗆 🗆 🗆 🗆 7  |
| 110 21032900010   | 8  |
|   | 9  |
| Marque de una forma clara. Ejemplo: No marcado: Este examen será corregido por un sistema automatizado la hoja. Para marquear, por favor use un <b>bolígrafo azul o</b> Solo las marcas legibles y bien posicionadas serán ev | o, por lo que no se ha de arrugar, doblar ni ensuciar <b>negro</b> . |
| Respuestas 1 - 10   |  |
| a b c d e   |  |
|   |  |
| 3   |  |
| 4   |  |
| 5 🔲 🗎 🗎   |  |
| 6   |  |
| 7 🔲 🔲 🔲 🔲   |  |
| 8 🗌 🗎 🗎 🗎   |  |
| 9 🔲 🗎 🗎   |  |
| 10  a b c d e   |  |

- 1
- 1. *(3 puntos)* Debe responder de forma correcta todas las sentencias para que la pregunta sea considerada correcta. Determine la veracidad de las siguientes sentencias:
  - a) Si dos variables aleatorias X, Y son independientes, entonces cov(x,y)=0
  - b) f(x,y) = f(x) \* f(y) siempre
  - c) Para el caso continuo  $\int_{Rx} f(x,y)dx = f(x)$
  - d) Para el caso continuo  $\int_{Rx} f(x,y) dx = f(y)$
  - e) Para el caso discreto si la variable X toma 3 valores y la variable Y toma 9 valores, entonces su distribución conjunta tiene 28 combinaciones
- 2. *(3 puntos)* Sea (X,Y) va continuas definidas ambas para los reales positivos, con función de densidad:

$$f(x,y) = \frac{1}{4}(x+y)xye^{-x-y}$$

La marginal f(x) es:

- a)  $f_X(x) = \frac{x^2 + x}{4}e^{-x}$
- b) Ninguna
- c)  $f_X(x) = \frac{x^2 + 2x}{4}e^{-x}$
- d) Falta información
- e)  $f_X(x) = \frac{x^2 + 2x}{4}e^x$
- 3. *(3 puntos)* Sean dos variables aleatorias X, Y independientes, con  $E[X] = \mathbf{2}$ ,  $E[Y] = \mathbf{4}$ ,  $E[X,Y] = \mathbf{13}$ , la covarianza es:
  - a) 21
  - b) -5
  - c) 8
  - d) Falta información
  - e) Ninguna o la información dada es incorrecta
- 4. (3 puntos) Para la siguiente tabla de probabilidad conjunta, calcule la esperanza de X

- a) Ninguna o la información dada es incorrecta
- b) Falta información
- c) 1
- d) 1.79
- e) 2.08
- 5. (3 puntos) Dada la función de distribución conjunta:

$$f(x,y) = \frac{x(1+3y^2)}{4}, \quad 0 < x < 2, \quad 0 < y < 1$$

Calcule

$$P(1/4 < X < 1/2|Y = 1/3)$$

- a) 1/3
- b) La función no es una función de probabilidad
- c) 0.17
- **d**) 0
- $e) \ 3/64$
- 6. *(3 puntos)* Sea X una va tal que  $X \sim \chi^2(v=$  16). Calcular la probabilidad que X se encuentren entre 3 y 19
  - a) 0.7313368
  - b) 0.7311673
  - c) Falta información
  - d) Ninguna
  - e) 1.6956573 × 10-4
- 7. *(3 puntos)* Sea X una va tal que  $X \sim t(v=$  22). Calcular la probabilidad que X sea mayor a 0.68
  - a) Ninguna
  - b) 0.7482011
  - c) 0.9061976
  - d) 0.2517989
  - e) Falta información
- 8. *(3 puntos)* Sea X una va tal que  $X \sim F(v_1 = 7, v_2 = 17)$ . Calcular la probabilidad que X sea 1.36
  - a) 0.7163441
  - b) 0.6456313
  - c) 0.2836559
  - d) Ninguna
  - e) Falta información
- 9. *(3 puntos)* Si  $\hat{S_1}^2$  y  $\hat{S_2}^2$  representan las varianzas de muestras aleatorias independientes de tamaños  $n_1=$  24 y  $n_2=$  28, tomadas de poblaciones normales con varianzas iguales, calcule:  $P(\hat{S_1}^2/\hat{S_2}^2<$  1.81)
  - a) 0.0700351
  - b) 0.9583086
  - c) 0.9299649
  - d) Ninguna
  - e) Falta información
- 10. (3 puntos) La distribución de alturas de cierta raza de perros terrier tiene una media de 71.29 centímetros y una desviación estándar de 9.26 centímetros; en tanto que la distribución de alturas de cierta raza de poodles tiene una media de 28.7 centímetros con una desviación estándar de 5.13 centímetros. Calcule la probabilidad de que la media muestral de una muestra aleatoria de alturas de 69 terriers exceda la media muestral para una muestra aleatoria de alturas de 70 poodles a lo sumo 44.39 centímetros.
  - a) 1.8428706
  - b) 0.9214353
  - c) 0.0785647
  - d) Información insuficiente
  - e) Ninguna