Facultad de Ciencias Puras - UMSA



Datos personales	Número de matrícula
Apellidos:	
Nombre:	
Firma:	2
	3
Controlado	4
	5
Este campo no se debe modificar.	6
Tipo Identificación del examen(EST-145)	
110 21032900018	
Marque de una forma clara. Ejemplo: No marcado:	
Este examen será corregido por un sistema automatizado	
la hoja. Para marquear, por favor use un bolígrafo azul o	negro.
Solo las marcas legibles y bien posicionadas serán ev	<i>r</i> aluadas.
Respuestas 1 - 10	
a b c d e 1	
3	
5 [] [] []	
6 🔲 🔲 🔲 🔲	
7 🔲 🔲 🔲 🔲	
8	
9	
10	
a b c d e	

- 1
- 1. *(3 puntos)* Debe responder de forma correcta todas las sentencias para que la pregunta sea considerada correcta. Determine la veracidad de las siguientes sentencias:
 - a) f(x,y) = f(x) * f(y) siempre
 - b) Para el caso discreto si la variable X toma 9 valores y la variable Y toma 6 valores, entonces su distribución conjunta tiene 55 combinaciones
 - c) Si dos variables aleatorias X, Y son independientes, entonces cov(x, y) = 0
 - d) Para el caso continuo $\int_{Rx} f(x,y) dx = f(x)$
 - e) Para el caso continuo $\int_{Rx} f(x,y) dx = f(y)$
- 2. *(3 puntos)* Sea (X,Y) va continuas definidas ambas para los reales positivos, con función de densidad:

$$f(x,y) = \frac{1}{4}(x+y)xye^{-x-y}$$

La marginal f(x) es:

- a) Ninguna
- b) $f_X(x) = \frac{x^2 + 2x}{4}e^{-x}$
- c) $f_X(x) = \frac{x^2 + 2x}{4}e^x$
- d) $f_X(x) = \frac{x^2 + x}{4}e^{-x}$
- e) Falta información
- 3. *(3 puntos)* Sean dos variables aleatorias X, Y independientes, con E[X] = 3, E[Y] = 8, E[X,Y] = 29, la covarianza es:
 - a) 53
 - b) -5
 - c) Ninguna o la información dada es incorrecta
 - d) Falta información
 - e) 24
- 4. (3 puntos) Para la siguiente tabla de probabilidad conjunta, calcule la esperanza de X

- a) 1.65
- b) 1
- c) Ninguna o la información dada es incorrecta
- d) Falta información
- e) 1.97
- 5. (3 puntos) Dada la función de distribución conjunta:

$$f(x,y) = \frac{x(1+3y^2)}{4}, \quad 0 < x < 2, \quad 0 < y < 1$$

Calcule

$$P(1/4 < X < 1/2|Y = 1/3)$$

- **a**) 1/3
- **b**) 0.17
- c) 3/64
- d) La función no es una función de probabilidad
- e) (
- 6. *(3 puntos)* Sea X una va tal que $X \sim \chi^2(v=$ 18). Calcular la probabilidad que X se encuentren entre 10 y 17
 - a) Falta información
 - b) Ninguna
 - c) 0.0680936
 - d) 0.476895
 - e) 0.4088013
- 7. *(3 puntos)* Sea X una va tal que $X \sim t(v=$ 10). Calcular la probabilidad que X sea mayor a -1.48
 - a) Ninguna
 - b) 0.9151629
 - c) 0.0848371
 - d) 0.0071441
 - e) Falta información
- 8. *(3 puntos)* Sea X una va tal que $X \sim F(v_1 = 19, v_2 = 26)$. Calcular la probabilidad que X sea 3.06
 - a) Ninguna
 - b) 0.0043658
 - c) Falta información
 - d) 0.9926806
 - e) 0.9956342
- 9. *(3 puntos)* Si $\hat{S_1}^2$ y $\hat{S_2}^2$ representan las varianzas de muestras aleatorias independientes de tamaños $n_1=$ 14 y $n_2=$ 25, tomadas de poblaciones normales con varianzas iguales, calcule: $P(\hat{S_1}^2/\hat{S_2}^2<3.26)$
 - a) 0.0059268
 - b) 0.9940732
 - c) 0.9968962
 - d) Falta información
 - e) Ninguna
- 10. *(3 puntos)* La cantidad de tiempo que le toma al cajero de un banco con servicio en el automóvil atender a un cliente es una variable aleatoria con una media $\mu=7.82$ minutos y una desviación estándar $\sigma=11.49$ minutos. Si se observa una muestra aleatoria de 43 clientes, calcule la probabilidad de que el tiempo medio que el cliente pasa en la ventanilla del cajero sea más de 8.73 minutos;
 - a) 0.3017602
 - *b*) 0
 - c) Ninguna
 - d) Información insuficiente
 - e) 0.6982398