## **+** Facultad de Ciencias Puras - UMSA

Segundo Parcial. ESTADISTICA - II (b). Lic. Chirino 2021-06-07

Datos personales	Número de matrícula
Apellidos:	
Nombre:	
Firma:	2
	3
Controlado	4
Este campo no se debe modificar.	
Tipo Identificación del examen(EST-145)	
110 21060700018	
Marque de una forma clara. Ejemplo: X No marcado:	J 9
Este examen será corregido por un sistema automatizado la hoja. Para marquear, por favor use un <b>bolígrafo azul o</b> Solo las marcas legibles y bien posicionadas serán ex	o, por lo que no se ha de arrugar, doblar ni ensuciar <b>negro</b> .
Respuestas 1 - 9	
a b c d e 1	
2	
3 🔲 🔲 🔲	
4 🔲 🔲 🔲 🔲	
5	
6	
7 🔲 🔲 🔲 🔲	
8	
9  a b c d e	

- 1. *(3 puntos)* Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cúal de ellos emplea un proceso de optimización para en encontrar la estimación
  - a) Ninguno
  - b) Ambos
  - c) Maxima Verosimilitud
  - d) Depende
  - e) Momentos
- 2. *(3 puntos)* Suponga que  $\hat{\theta}_1$  y  $\hat{\theta}_2$  son estimadores de  $\theta$ . Se sabe que  $\hat{\theta}_1$  es insesgado y que  $E[\hat{\theta}_2] = \theta/2$ , suponiendo que  $V(\hat{\theta}_1) = V(\hat{\theta}_2)$ , que estimador logra un menor error cuadrático medio.
  - a) Falta información
  - b) Ninguna
  - c)  $\hat{\theta}_1$
  - d) Ambos
  - e)  $\hat{\theta}_2$
- 3. (4 puntos) Supongase que la variable aleatoria X tiene la distribución de probabilidad

$$f(x) = (\gamma + 2)X^{\gamma} \quad 0 < X < 1$$

Sea  $X_1, X_2, \dots, X_n$  un muestra aleatoria de tamaño n. Obtenga el estimador de máxima verosimilitud de  $\gamma$ 

- a)  $\hat{\gamma} = -1 + \frac{n}{\sum_{i=1}^{n} lnX_i}$
- b) Ninguno
- c) No es una función de probabilidad
- d)  $\hat{\gamma} = -1 \frac{n}{\sum_{i=1}^{n} ln X_i}$
- e)  $\hat{\gamma} = \bar{X}$
- 4. (3 puntos) una muestra aleatoria de tamaño 58 de una población normal tiene media  $\bar{X}=452.06$  y una varianza muestral de  $\hat{S}^2=65.09$ . Encuentre un intervalo de confianza al 90 % de confiabilidad.
  - a) Falta información
  - b) 449.3268539, 454.7931461
  - c) Ninguna
  - d) 450.3226513, 453.7973487
  - e) 449.9836565, 454.1363435
- 5. (3 puntos) Se extraen muestras aleatorias de tamaños  $n_1=n2=23$  de dos poblaciones normales independientes. Las varianzas muestrales son  $\hat{S}^2=20.53$  y  $\hat{S}^1=54.57$ . Construye un intervalo de confianza de dos lados del 95 % respecto al cociente de las varianzas de las poblaciones  $\sigma_1^2/\sigma_2^2$ 
  - a) 0.0319112, 0.1774136
  - b) 0.159556, 0.887068
  - c) Ninguna
  - d) Falta información
  - e) 0.359556, 1.087068

- 6.  $(4 \, puntos)$  una carrera en la universidad esta a punto de elegir a sus autoridades, se busca hacer una encuesta de intención de votos en los estudiantes para el candidato "Z", se quiere un nivel de confianza del 95 %, y no errar en  $\pm$  6 %. Calcular el tamaño de muestra, suponiendo "n" máxima.
  - a) Ninguna
  - b) 1005
  - c) 804
  - d) 1085
  - e) Falta información
- 7. (3 puntos) Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos cinco días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):

```
## [1] 91.38 92.94 94.61 89.56 92.17 92.44
```

¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 90 %? (asuma un error de tipo I del 1 %)

- a) Se rechaza H0
- b) Falta información
- c) Ejercicio mal planteado
- d) Ninguna
- e) No se rechaza H0
- 8. *(3 puntos)* Un fabricante de propulsores está investigando la desviación lateral en yardas de cierto tipo de proyectil mortero. Se han observado los siguientes datos:

```
## [1] 3.509758 -6.924123 -4.122796 -12.831672 -11.682926 -14.279906
## [7] -18.628719 -2.915063 5.369278 -0.435933
```

Pruebe la hipótesis de que la desviación lateral media de estos proyectiles de mortero es cero. Suponer que los datos son normales

- a) Falta información
- b) No se rechaza H0
- c) Ninguna
- d) Se rechaza H0
- e) Ejercicio mal planteado
- 9. *(4 puntos)* Se están investigando dos métodos para producir gasolina a partir de petróleo crudo. Se supone que el rendimiento de ambos procesos se distribuye normalmente, los siguientes datos se han obtenido de la planta piloto:

Cuadro 1: Rendimientos

x1	x2
26	24
25	23
24	25
27	22
25	22
24	23
26	24

Suponer igualdad de varianzas, encontrar el valor de  $t_{\rm 0}$ 

- a) 3.3626912
- b) Falta información
- c) 3.0264221
- d) 4.3626912
- e) Ninguna