



# Facultad de Ciencias Puras - UMSA



Segundo Parcial. ESTADISTICA - II (b). Lic. Chirino 2021-06-07

## Datos personales

Apellidos:
Nombre:
Firma:
Controlado

## Número de matrícula

0	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	0
1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	1
2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	2
3	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	3
4	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	4
5	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	5
6	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	6
7	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	7
8	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	8
9	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	9

Este campo no se debe modificar.

Tipo Identificación del examen(EST-145)

110

21060700011

Marque de una forma clara. Ejemplo: ☒ No marcado: ☐ o ☐

Este examen será corregido por un sistema automatizado, por lo que no se ha de arrugar, doblar ni ensuciar la hoja. Para marcar, por favor use un **bolígrafo azul o negro**.

**Solo las marcas legibles y bien posicionadas serán evaluadas.**

## Respuestas 1 - 9

	a	b	c	d	e
1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
2	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
3	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
4	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
5	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
6	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
7	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
8	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
9	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
	a	b	c	d	e



1. (3 puntos) Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cuál de ellos emplea un proceso de optimización para encontrar la estimación
  - a) Ninguno
  - b) Ambos
  - c) Depende
  - d) Maxima Verosimilitud
  - e) Momentos
2. (3 puntos) Suponga que  $\hat{\theta}_1$  y  $\hat{\theta}_2$  son estimadores de  $\theta$ . Se sabe que  $\hat{\theta}_1$  es insesgado y que  $E[\hat{\theta}_2] = \theta/2$ , suponiendo que  $V(\hat{\theta}_1) = V(\hat{\theta}_2)$ , que estimador logra un menor error cuadrático medio.
  - a) Falta información
  - b) Ambos
  - c)  $\hat{\theta}_2$
  - d)  $\hat{\theta}_1$
  - e) Ninguna
3. (4 puntos) Supongase que la variable aleatoria  $X$  tiene la distribución de probabilidad

$$f(x) = (\gamma + 2)X^\gamma \quad 0 < X < 1$$

Sea  $X_1, X_2, \dots, X_n$  un muestra aleatoria de tamaño  $n$ . Obtenga el estimador de máxima verosimilitud de  $\gamma$

- a)  $\hat{\gamma} = -1 + \frac{n}{\sum_{i=1}^n \ln X_i}$
  - b) No es una función de probabilidad
  - c)  $\hat{\gamma} = -1 - \frac{n}{\sum_{i=1}^n \ln X_i}$
  - d) Ninguno
  - e)  $\hat{\gamma} = \bar{X}$
4. (3 puntos) una muestra aleatoria de tamaño 51 de una población normal tiene media  $\bar{X} = 487.51$  y una varianza muestral de  $\hat{S}^2 = 65.25$ . Encuentre un intervalo de confianza al 90 % de confiabilidad.
    - a) 485.2930227, 489.7269773
    - b) 485.6549782, 489.3650218
    - c) Falta información
    - d) 484.591734, 490.428266
    - e) Ninguna
  5. (3 puntos) Se extraen muestras aleatorias de tamaños  $n_1 = n_2 = 45$  de dos poblaciones normales independientes. Las varianzas muestrales son  $\hat{S}^2 = 20.94$  y  $\hat{S}^1 = 50.55$ . Construye un intervalo de confianza de dos lados del 95 % respecto al cociente de las varianzas de las poblaciones  $\sigma_1^2/\sigma_2^2$ 
    - a) Ninguna
    - b) 0.0455286, 0.1507603
    - c) 0.2276429, 0.7538015
    - d) Falta información
    - e) 0.4276429, 0.9538015

6. (4 puntos) una carrera en la universidad esta a punto de elegir a sus autoridades, se busca hacer una encuesta de intención de votos en los estudiantes para el candidato "Z", se quiere un nivel de confianza del 95 %, y no errar en  $\pm 8\%$ . Calcular el tamaño de muestra, suponiendo "n" máxima.

- a) Falta información
- b) Ninguna
- c)  $1.601 \times 10^4$
- d)  $1.1859 \times 10^4$
- e)  $1.4824 \times 10^4$

7. (3 puntos) Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos cinco días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):

## [1] 93.29 95.22 93.99 90.12 88.03 88.55

¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 90 %? (asuma un error de tipo I del 1 %)

- a) Ejercicio mal planteado
- b) Falta información
- c) No se rechaza  $H_0$
- d) Ninguna
- e) Se rechaza  $H_0$

8. (3 puntos) Un fabricante de propulsores está investigando la desviación lateral en yardas de cierto tipo de proyectil mortero. Se han observado los siguientes datos:

## [1] -3.2229776 23.5812556 -13.3165356 7.6461969 -2.1788335  
## [6] 13.1428386 12.3976660 4.6213541 9.0683958 0.9280926

Pruebe la hipótesis de que la desviación lateral media de estos proyectiles de mortero es cero. Suponer que los datos son normales

- a) Ninguna
- b) Ejercicio mal planteado
- c) Falta información
- d) Se rechaza  $H_0$
- e) No se rechaza  $H_0$

9. (4 puntos) Se están investigando dos métodos para producir gasolina a partir de petróleo crudo. Se supone que el rendimiento de ambos procesos se distribuye normalmente, los siguientes datos se han obtenido de la planta piloto:

Cuadro 1: Rendimientos

x1	x2
24	21
25	22
25	23
23	21
26	23
24	24
23	23

Suponer igualdad de varianzas, encontrar el valor de  $t_0$

- a) 2.7836111
- b) 3.0929012
- c) Ninguna
- d) 4.0929012
- e) Falta información