Facultad de Ciencias Puras - UMSA



Datos personales	Número de matrícula
Apellidos:	
Nombre:	0
Firma:	2
	3
Controlado	4
	5
Este campo no se debe modificar.	6
Time the William Wandelland and (FOT 445)	7 🗌 🗎 🗎 🗎 🗎 7
Tipo Identificación del examen(EST-145)	8
110 21032900015	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
la hoja. Para marquear, por favor use un bolígrafo azul o Solo las marcas legibles y bien posicionadas serán ev Respuestas 1 - 10 a b c d e 1	

- 1
- 1. *(3 puntos)* Debe responder de forma correcta todas las sentencias para que la pregunta sea considerada correcta. Determine la veracidad de las siguientes sentencias:
 - a) Para el caso discreto si la variable X toma 6 valores y la variable Y toma 5 valores, entonces su distribución conjunta tiene 31 combinaciones
 - b) Si dos variables aleatorias X, Y son independientes, entonces cov(x, y) = 0
 - c) Para el caso continuo $\int_{Rx} f(x,y) dx = f(y)$
 - d) Para el caso continuo $\int_{Rx} f(x,y) dx = f(x)$
 - e) f(x,y) = f(x) * f(y) siempre
- 2. *(3 puntos)* Sea (X,Y) va continuas definidas ambas para los reales positivos, con función de densidad:

$$f(x,y) = \frac{1}{4}(x+y)xye^{-x-y}$$

La marginal f(x) es:

a)
$$f_X(x) = \frac{x^2 + x}{4}e^{-x}$$

b)
$$f_X(x) = \frac{x^2 + 2x}{4}e^x$$

c) Falta información

d)
$$f_X(x) = \frac{x^2 + 2x}{4}e^{-x}$$

- e) Ninguna
- 3. *(3 puntos)* Sean dos variables aleatorias X, Y independientes, con E[X] = 9, E[Y] = 6, E[X,Y] = 59, la covarianza es:
 - a) Ninguna o la información dada es incorrecta
 - b) Falta información
 - c) 113
 - d) -5
 - e) 54
- 4. (3 puntos) Para la siguiente tabla de probabilidad conjunta, calcule la esperanza de X

- a) Falta información
- b) 2.06
- c) 1.88
- d) Ninguna o la información dada es incorrecta
- e) ·
- 5. (3 puntos) Dada la función de distribución conjunta:

$$f(x,y) = \frac{x(1+3y^2)}{4}, \quad 0 < x < 2, \quad 0 < y < 1$$

Calcule

$$P(1/4 < X < 1/2|Y = 1/3)$$

- a) La función no es una función de probabilidad
- **b**) 0,17
- **c**) 0
- d) 3/64
- **e**) 1/3
- 6. *(3 puntos)* Sea X una va tal que $X \sim \chi^2(v=$ 15). Calcular la probabilidad que X se encuentren entre 3 y 15
 - a) 0.5481806
 - b) 4.0219855 × 10-4
 - c) Falta información
 - d) Ninguna
 - e) 0.5485828
- 7. *(3 puntos)* Sea X una va tal que $X \sim t(v=$ 28). Calcular la probabilidad que X sea mayor a 1.64
 - a) 0.9986106
 - b) 0.9439032
 - c) Ninguna
 - d) 0.0560968
 - e) Falta información
- 8. *(3 puntos)* Sea X una va tal que $X \sim F(v_1 =$ 14, $v_2 =$ 21). Calcular la probabilidad que X sea 6.45
 - a) Falta información
 - b) 0.9995766
 - c) Ninguna
 - d) 0.9999197
 - e) 8.0250805 × 10-5
- 9. *(3 puntos)* Si $\hat{S_1}^2$ y $\hat{S_2}^2$ representan las varianzas de muestras aleatorias independientes de tamaños $n_1=5$ y $n_2=17$, tomadas de poblaciones normales con varianzas iguales, calcule: $P(\hat{S_1}^2/\hat{S_2}^2<2.69)$
 - a) 0.972671
 - b) 0.0688728
 - c) Falta información
 - d) Ninguna
 - e) 0.9311272
- 10. (3 puntos) La cantidad de tiempo que le toma al cajero de un banco con servicio en el automóvil atender a un cliente es una variable aleatoria con una media $\mu=$ 12.25 minutos y una desviación estándar $\sigma=$ 14.79 minutos. Si se observa una muestra aleatoria de 67 clientes, calcule la probabilidad de que el tiempo medio que el cliente pasa en la ventanilla del cajero sea más de 10.18 minutos;
 - a) 0.8740232
 - b) 0.1259768
 - c) Información insuficiente
 - d) 1
 - e) Ninguna