Facultad de Ciencias Puras - UMSA



Examen Final. ESTADISTICA - II (b). Lic. Chirino 2021-06-16

Datos personales	Número de matrícula
Apellidos:	
Nombre:	0
Firma:	2
Controlado	3
05.11.01.00	
Este campo no se debe modificar.	6
Tipo Identificación del examen(EST-145)	7 🔲 🔲 🔲 🔲 🔲 🖂 7
115 21061600011	
Marque de una forma clara. Ejemplo: No marcado:	
Este examen será corregido por un sistema automatizado la hoja. Para marquear, por favor use un bolígrafo azul o	
Solo las marcas legibles y bien posicionadas serán evo	
Respuestas 1 - 15 a b c d e	
1 🔲 🔲 🔲 🖂	
2	
3	
5	
6	
7	
9 <u> </u>	
11 🗌 🗎 🗎 🗎	
12	
13	
14	
15 a b c d e	

- 1. *(2 puntos)* Debe responder de forma correcta todas las sentencias para que la pregunta sea considerada correcta. Determine la veracidad de las siguientes sentencias:
 - a) Si dos variables aleatorias X, Y son independientes, entonces cov(x, y) = 0
 - b) Para el caso continuo $\int_{Rx} f(x,y) dx = f(y)$
 - c) Para el caso discreto si la variable X toma 8 valores y la variable Y toma 9 valores, entonces su distribución conjunta tiene 73 combinaciones
 - d) f(x,y) = f(x) * f(y) siempre
 - e) Para el caso continuo $\int_{Bx} f(x,y) dx = f(x)$
- 2. (2 puntos) Para la siguiente tabla de probabilidad conjunta, calcule la esperanza de X

```
## x 1 2 3 4
## 1 0.23 0.03 0.04 0.04
## 2 0.23 0.06 0.06 0.02
## 3 0.21 0.03 0.02 0.03
```

- a) Ninguna o la información dada es incorrecta
- b) 1.95
- c) Falta información
- d) 1
- e) 1.63
- 3. (2 puntos) Sean dos variables aleatorias X, Y, con E[X] = 4, E[Y] = 7, E[X,Y] = 31, la covarianza es:
 - a) Falta información
 - b) Ninguna o la información dada es incorrecta
 - c) 59
 - d) 3
 - e) 28
- 4. *(2 puntos)* Sea X una va tal que $X \sim \chi^2(v=6)$. Calcular la probabilidad que X se encuentren entre 3 y 16
 - a) Ninguna
 - b) 0.986246
 - c) 0.7950929
 - d) 0.1911532
 - e) Falta información
- 5. (2 puntos) La cantidad de tiempo que le toma al cajero de un banco con servicio en el automóvil atender a un cliente es una variable aleatoria con una media $\mu=13.53$ minutos y una desviación estándar $\sigma=11.35$ minutos. Si se observa una muestra aleatoria de 61 clientes, calcule la probabilidad de que el tiempo medio que el cliente pasa en la ventanilla del cajero sea más de 12.86 minutos;
 - *a*) 1
 - b) 0.322383
 - c) Ninguna
 - d) Información insuficiente
 - e) 0.677617

- 6. *(2 puntos)* Sea X una va tal que $X \sim \chi^2(v=9)$. Calcular la probabilidad que X se encuentren entre 3 y 19
 - a) 0.6212365
 - b) 0.035705
 - c) Falta información
 - d) Ninguna
 - e) 0.9748071
- 7. (2 puntos) Entre los métodos de momentos y máxima verosimilitud cúal de ellos emplea un proceso basada en comparar las esperanzas con sus equivalentes de la muestra según sus potencias, para en encontrar la estimación
 - a) Momentos
 - b) Ambos
 - c) Maxima Verosimilitud
 - d) Depende
 - e) Ninguno
- 8. (2 puntos) La diferencia entre las estimaciones puntuales y las estimaciones por intervalos es:
 - a) Son exactamente iguales
 - b) Las estimaciones puntuales trabajan en base a un margen de error y los intervalos no
 - c) Todas
 - d) Para ambos casos se requiere una muestra aleatoria
 - e) Las estimaciones por intervalos trabajan en base métodos de optimización e igualdad de momentos
- 9. (2 puntos) La media muestral de una muestra tomada de una población normal con desviación estándar de 29, siempre es: (Seleccione una o más de una)
 - a) Un estimador insesgado de la media poblacional
 - b) Un estimador sesgado de la media poblacional
 - c) Un estimador insesgado de la media muestral
 - d) Todas
 - e) Un estimador sesgado de la media muestral
- 10. (2 puntos) una muestra aleatoria de tamaño 43 de una población normal tiene media $\bar{X}=499.73$ y una varianza muestral de $\hat{S}^2=53.86$. Encuentre un intervalo de confianza al 99 % de confiabilidad.
 - a) Ninguna
 - b) Falta información
 - c) 497.894549, 501.565451
 - d) 496.8425222, 502.6174778
 - e) 497.5364122, 501.9235878
- 11. (2 puntos) Se extraen muestras aleatorias de tamaños $n_1=n_2=43$ de dos poblaciones normales independientes. Las varianzas muestrales son $\hat{S}_1^2=23.92$ y $\hat{S}_2^2=55.85$. Construye un intervalo de confianza de dos lados del 99 % respecto al cociente de las varianzas de las poblaciones σ_1^2/σ_2^2
 - a) 0.0380946, 0.1926074
 - b) 0.1904728, 0.9630372
 - c) Falta información
 - d) Ninguna
 - e) 0.3904728, 1.1630372

- 12. (2 puntos) Los intervalos de confianza para la proporción usa los siguientes supuestos:
 - a) Se usa el parámetro P para el error estándar del intervalo
 - b) n es grande
 - c) Ninguna
 - d) Los datos son normales
 - e) Falta información
- 13. (2 puntos) Se está estudiando el rendimiento de un proceso químico. De la experiencia previa se sabe que la varianza del rendimiento con este proceso es 5. Los últimos diez días de operación de la planta han dado como resultado los siguientes rendimientos (en porcentajes):
 - **##** [1] 91.77 87.72 92.13 89.64 83.98 87.51 90.74 88.84 90.17 87.62

¿Hay razón para creer que el rendimiento es menor al 89 %? (asuma un error de tipo I del 1 %)

- a) No se rechaza H0
- b) Ejercicio mal planteado
- c) Falta información
- d) Ninguna
- e) Se rechaza H0
- 14. (2 puntos) Seleccione los criterios correctos para controlar los errores de tipo I y de tipo II
 - a) Una vez obtenido la muestra no es posible controlar el error de tipo I
 - b) El error de tipo I reduce con una muestra más grande
 - c) Todas
 - d) El error de tipo I y II se fijan al momento de calcular el tamaño de muestra para la prueba
 - e) El error de tipo II reduce con una muestra más grande
- 15. *(2 puntos)* Seleccione los supuestos correctos para la prueba de hipótesis de igualdad de dos varianzas
 - a) La estadística de prueba se distribuye como una F de Fisher
 - b) El tamaño de muestra de ambas poblaciones son iguales
 - c) Las variables de las dos poblaciones se distribuyen como t student
 - d) Las variables de las dos poblaciones se distribuyen como normal
 - e) Las variables de las dos poblaciones se distribuyen como chi cuadrado