TU Hamburg-Harburg – Institut für Zuverlässiges Rechnen Prof. Dr. S.M. Rump und Mitarbeiter, Wintersemester 2016/2017

Prozedurale Programmierung, Übungsblatt 04 letzter Abgabetermin 24. November 2016

1. Implementierung von Potenzreihen

Viele praktisch relevante reelle Funktionen $f: D \to \mathbb{R}, x \mapsto f(x), D \subseteq \mathbb{R}$, besitzen eine sogenannte Potenzreihendarstellung:

$$f(x) = \sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$$
 für alle $x \in \mathbb{R}$. (1)

Dabei sind die reellen Koeffizienten a_k von der Funktion f abhängig. Anschaulich bedeutet die Formel (1) folgendes: Für eine beliebige reelle Zahl $x \in D$ nähern sich die endlichen Summen

$$\sum_{k=0}^{n} a_k x^k = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_{n-1} x^{n-1} + a_n x^n$$

für wachsendes $n \in \mathbb{N}$ beliebig nahe dem tatsächlichen Funktionswert f(x) an. Das hat zur Folge, dass für feste $x \in D$ und hinreichend großes n die "Restsumme" $a_{n+1}x^{n+1} + a_{n+2}x^{n+2} + \ldots$ vernachlässigbar klein wird.

Schreiben Sie drei Funktionen, welche die in (a) bis (c) durch Reihendarstellungen angegebenen Funktionen einigermaßen effizient implementieren. Also versuchen Sie mit möglichst wenigen Gleitpunktoperationen +, * auszukommen! Was sind geeignete Schleifenabbruchbedingungen, die eine sehr hohe Genauigkeit des Ergebnisses sicherstellen?

(a)
$$\sin(x) = \sum_{k=0}^{\infty} (-1)^k \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!}$$
 für $x \in \mathbb{R}$

(b)
$$\arctan(x) = \sum_{k=0}^{\infty} (-1)^k \frac{x^{2k+1}}{2k+1}$$
 für $x \in [-1, 1]$

(c)
$$\ln(x) = \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^{k+1} \frac{(x-1)^k}{k}$$
 für $x \in (0,2]$

Vergleichen Sie die Ergebnisse ihrer Funktionen mit denen der entsprechenden Standardfunktionen sin(x), atan(x), log(x) aus der <math.h>-Bibliothek für verschiedene x.

Hinweis: Vergessen Sie beim Kompilieren nicht die Option -lm zum Linken der Mathe-Bibliothek. ¹ Die nicht in der Vorlesung eingeführte Funktion pow(x) soll nicht verwendet werden!

$$(3 \times 2 = 6 \text{ Punkte})$$

2. Koordinatensystem als SVG-Grafik

Schreiben Sie ein Programm, das eine SVG-Grafik mit einem Koordinatensystem beliebiger Größe N erstellt (siehe Übungsblatt 03, Aufgabe 1). Nutzen Sie dafür die in Übungsblatt 03 eingeführte libsvg.h.

(4 Punkte)

¹http://openbook.rheinwerk-verlag.de/c_von_a_bis_z/020_c_headerdateien_003.htm