

Proposition de modèle :

On part de : Loi de Poisson $P(Y=k) = \frac{\lambda^k}{k!} \cdot \exp(-\lambda)$

- ➔ Nombre d'individus vivants suit cette loi \sim + dépend de pleins de facteurs aléatoires
- ➔ On appelle cette fonction $\lambda(x)$

Pour une espèce donnée $f(x) = \lambda(x) / \int_R \lambda(z) dz$

La probabilité de présence d'une espèce dans une région d est l'intégrale sur d de $\lambda(z) dz$.

$$P(Y=k) = \frac{\int \lambda(x) dx^k}{k!} \cdot \exp(-\int \lambda(x) dx)$$

En dérivant $\frac{\lambda^k}{k!} \cdot \exp(-\lambda)$ et en l'annulant \rightarrow tend vers k en optimisant

K étant le nombre total d'individus d'espèce

Optimisation par max vraisemblance : $\log L(D)$ proportionnel à $-\int \lambda(x) dx + \sum \log(x_i)$

⇒ Modèle unifié de la distribution des espèces :

$$P(1 \text{ présence minimum}) = P(k>0) = \sum_{i=1}^{\infty} \frac{\int \lambda(x_i) dx^i}{i!} \cdot \exp(-\int \lambda(x_i) dx)$$

La co-occurrence est définie par $\lambda(x_1) / (\lambda(x_1) + \lambda(x_2)) = n(x_1, x_2)$ et $\lambda_{12} = n \cdot \lambda_1 + n \cdot \lambda_2$