# Aufgabe 1: Wahrnehmung, Farbe und Rasterbilder

### Teilaufgabe 1a

Was versteht man unter Metamerie beim Farbsehen des Menschen?

Metamerie ist das Phänomen, dass verschiedene Spektren den selben Farbeindruck erzeugen können.

### Teilaufgabe 1b

Was versteht man unter Schwarzkörperstrahlung und Farbtemperatur?

Ein Schwarzkörper ist eine idealisierte thermische Strahlungsquelle. Die idealisierung besteht darin, dass der Körper die komplette auftretende Strahlung vollständig absorbiert. Gleichzeitig sendet er Wärmestrahlung (Schwarzkörperstrahlung) aus, welche nur von seiner Temperatur abhängig ist.

Die Farbtemperatur ist ein Maß, um einen jeweiligen Farbeindruck einer Lichtquelle zu bestimmen.

### Teilaufgabe 1c

Siehe martin-thoma.com/html5/graphic-filters zum ausprobieren.

- (A) Hervorheben von horizontalen Kanten.
- (B) Unschärfe / Weichzeichnen
- (C) Hervorheben aller Kanten
- (D) Hervorheben aller Kanten (Invertierter Laplace-Filter), entfernen vom Rest

#### Teilaufgabe 1d

Was versteht man unter einem normalisierten Filterkernel?

Ein normalisierter Filterkernel hat als Summe der Element den Wert 1.

Welche globale Eigenschaft eines Bildes ändert sich, wenn ein Filterkernel nicht normalisiert ist?

Die Helligkeit des Bildes ändert sich nicht.

### Aufgabe 2: Prozedurale Modelle

### Teilaufgabe 2a

Was sind Turbulenzfunktionen und wie können Sie aus Noise-Funktionen gebildet werden? Eine Turbulenzfunktion summiert k Oktaven mehrerer Noise-Funktionen n auf:

turbulence
$$(x) = \sum_{k} \left(\frac{1}{2}\right)^{k} \cdot n(2^{k} \cdot x)$$

Einsatzgebiete:

- Natürliche Oberflächen
- Feuer

### Teilaufgabe 2b: Kontext-Freie Lindenmayer-Systeme

### Teilaufgabe 2c: Turtle-Grafiken

- Die Grafik links oben ist (1)
- Die Grafik in der Mitte, unten ist (2)
- Die Grafik rechts unten ist (3)

# Aufgabe 3: Supersampling und Baryzentrische Koordinaten

#### Teilaufgabe 3a

Was ist adaptives Supersampling?

Beim adaptiven Supersampling wird durch zwei benachbarte Pixel jeweils ein Strahl geschossen. Ist die Differenz der Pixelwerte über einem Schwellwert, so schießt man weitere Strahlen zwischen den beiden Pixeln. Dies wiederholt man so lange, bis man unter dem Schwellwert ist.

Was ist stochastisches Supersampling mit Stratifikation?

Beim stochastischen Supersampling wird jeder Pixel in ein Gitter unterteilt und durch jeden Gitterpunkt wird mit einer gewissen Wahrscheinlichkeit ein Strahl geschossen.

Was sind die Unterschiede zwischen adaptivem Supersampling und stochastischem Supersampling mit Stratifikation?

Adaptives Supersampling schießt nur bei Bedarf weitere Strahlen. Allerdings kann man Fälle konstruieren, wo adaptives Supersampling immer fehlschlägt.

### Teilaufgabe 3b

$$\lambda_A = \frac{A_\Delta(P, B, C)}{A_\Delta(A, B, C)} = \frac{2}{7.5} = \frac{4}{15} \tag{1}$$

$$\lambda_B = \frac{A_\Delta(P, A, C)}{A_\Delta(A, B, C)} = \frac{2.5}{7.5} = \frac{5}{15}$$
 (2)

$$\lambda_C = \frac{A_\Delta(P, A, B)}{A_\Lambda(A, B, C)} = \frac{3}{7.5} = \frac{6}{15}$$
 (3)

### Aufgabe 4: Texturen

### Teilaufgabe 4a

Wie wird aus einer Textur eine Mip-Map-Pyramide erstellt?

TODO

Wie hoch ist der zusätzliche Speicherbedarf?

Der zustätzliche Speicherbedarf z ist  $\approx 1/3$  der ursprünglichen Texturgröße.

Beweis:

Es gilt:

$$z = \sum_{i=1}^{\infty} \left(\frac{1}{4}\right)^{i}$$

Dies ist eine geometrische Reihe. Die Summe der ersten n Terme ist

$$\frac{1 - (1/4)^n}{1 - 1/4}$$

daher gilt:

$$\lim_{n \to \infty} = 1 - \frac{1}{1 - 1/4} = 1/3$$

### Teilaufgabe 4b

Welche Probleme bei der Texturfilterung im Fall der Verkleinerung (Texture Minification) löst Mip-Mapping?

Mip-Mapping verringert Aliasing-Effekte.

Welche Probleme bei der Texturfilterung im Fall der Verkleinerung löst Mip-Mapping nicht?

Verwaschenes aussehen bei länglichem Footprint, da Mip-Map isotrop (TODO: erklären, ausformulieren).

### Teilaufgabe 4c

Wofür verwendet man Environment Mapping?

TODO

Was speichert eine Environment Map?

TODO

Welche vereinfachenden Annahmen werden bei der Anwendung getroffen?

Der Betrachter ist sehr weit von der Umgebung entfernt, sodass die Position keine Rolle spielt und ausschließlich die Blickrichtung wichtig ist.

# Aufgabe 5: $\alpha$ -Clipping

### Teilaufgabe 5a

$WEC_{x_{\min}}(P_0) = -3 - 0 = -3$	$WEC_{x_{\min}}(P_1) = 6 - 0 = 6$	(4)

$$WEC_{x_{max}}(P_0) = 10 + 3 = 13$$
  $WEC_{x_{max}}(P_1) = 6 - 6 = 0$  (5)

$$WEC_{y_{\min}}(P_0) = 4 - 0 = 4$$
  $WEC_{y_{\min}}(P_1) = -2 - 0 = -2$  (6)

$$WEC_{y_{max}}(P_0) = 6 - 4 = 2$$
  $WEC_{y_{max}}(P_1) = 6 + 2 = 8$  (7)

#### Teilaufgabe 5b

Wenn Sie alleine die WEC betrachten, welche Kanten des Viewports werden dann potenziell geschnitten? Begründen Sie Ihre Antwort mit Hilfe der Outcodes!

Da für WEC $_{x_{\min}}(P_0) < 0$  und WEC $_{y_{\min}}(P_1) < 0$  ist der Outcode  $x_{\min}(P_0) = 1$  und Outcode  $y_{\min}(P_1) = 1$ . Daraus folgt, dass  $x_{\min}$  und  $y_{\min}$  auf Schnitt getestet werden müssen. (TODO: Stimmt das?)

### Teilaufgabe 5c

$$a_{max} = 1, \quad a_{min} = 0 \tag{8}$$

$$a_{min} = \max(a_{min}, a_s) = 1/3 \tag{9}$$

$$a_s = \frac{\text{WEC}_{y_{\min}}(P_1)}{\text{WEC}_{y_{\min}}(P_0) - \text{WEC}_{y_{\min}}(P_1)} = 4/6 = 2/3$$
 (10)

$$a_{max} = \min(a_{max}, a_s) = 2/3 \tag{11}$$

(12)

Das neue Liniensegment ist somit  $(P_0 + 1/3 \cdot (P_1 - P_0), P_1 - 2/3 \cdot (P_1 - P_0))$ .

# Aufgabe 6

### Teilaufgabe 6a

Was ist der Unterschied zwischen Gouraud- und Phong-Shading bei der Schattierung eines Dreiecks mit einem Rasterisierungsverfahren?

TODO

### Teilaufgabe 6b

Was versteht man unter einem Accumulation-Buffer, wie Sie ihn von OpenGL kennen?

Der Accumulation-Buffer ist ein Zwischenspeicher zur Kombination mehrerer Redineringschritte.

Nennen Sie zwei Beispiele für Effekte, die sich mit einem Accumulation-Buffer erreichen lassen!

- Bewegungsunschärfe
- TODO

# Teilaufgabe 6c

Aussage	Wahr	Falsch	Begründung
T-Vertices können bei Phong-Shading Artefakte	Ø		TODO: Wirklich?
verursachen.			
Z-Fighting kann durch die Repräsentation der			TODO: Wirklich?
Tiefenwerte mit beschränkter Genauigkeit im			
Tiefenpuffer entstehen.			
Je feiner eine Oberfläche tesselliert wird, um-			TODO: Wirklich?
so geringer werden die Unterschiede zwischen			
Gouraud- und Phong-Shading.			
Bei der Rasterisierung ist eine perspektivisch			TODO
korrekte Abbildung der Textur aufwendiger als			
eine affine, da pro Pixel eine zusätzliche Division			
benötigt wird.			
Der Scissor-Test dient dazu, durchsichtige Teile		abla	Dient dazu Teile aus-
einer Oberfläche gemäß einer Textur wegzuschnei-			erhalb des Rechtecks
den.			wegzuschneiden (vgl.
			OpenGL Teil 2, Folie
			103)
Screendoor-Transparency stellt transparente Ob-			TODO
jekte mittels Blending dar.			

# Aufgabe 7: OpenGL

Teilaufgabe 7a: Blending

# Teilaufgabe 7a (1)

$$c' = (1 - 0.5) \cdot (0, 0, 1, 0.5) + 0.5 \cdot (0, 0, 0, 0) = (0, 0, 0.5, 0.25)$$

$$(13)$$

$$c = (1 - 0.5) \cdot (1, 0, 0, 0.5) + 0.5 \cdot (0, 0, 0.5, 0.25) = (0.5, 0, 0.25, 3/8)$$
(14)

# Teilaufgabe 7a (2)

$$c' = 1 \cdot (0, 0, 1, 0.5) + 0.5 \cdot (0, 0, 0, 0) = (0, 0, 1, 0.5)$$
(15)

$$c = 1 \cdot (1, 0, 0, 0.5) + 0.5 \cdot (0, 0, 1, 0.25) = (1, 0, 0.5, 3/4)$$
(16)

### Teilaufgabe 7b

- 1. Model-View-Transformation anwenden
- $2. \ \ Projektionstransformation \ anwenden$
- 3. Tiefentest
- 4. Texturierung
- 5. Beleuchtungsberechnung

### Teilaufgabe 7c

Zwischen 2 und 3, da die Rasterisierung nur für Dreiecke erfolgen soll, die im Viewfrustum liegen.

# Aufgabe 8

### Teilaufgabe 8a

Operation	Vertex- Shader	Fragment- Shader	Weder noch
Model-View-Transformation anwenden			DO TO-
Tiefentest			□ TO- DO
Texturierung			□ TO- DO
Projektionstransformation anwenden			□ TO- DO
Beleuchtungsberechnung			□ TO-
Clipping			DO TO-

### Teilaufgabe 8b

- attribute: Attribut eines Vertex; nur für Vertex-Shader; z.B. Farbe oder Normale
- uniform: Bei jedem Shader-Aufruf gleich (also insbesondere für jeden Vertex gleich); read-only; z.B. Transformationsmatrix
- varying: weitergegebene/interpolierte Werte (schreiben in einem Shader, lesen im darauffolgenden Shader)

### Teilaufgabe 8c

```
shader.vert
void main() {

gl_Position = gl_ModelViewProjectionMatrix * gl_Vertex;

// TODO;

woid main() {

gl_FragColor = // TODO;
}
```

### Aufgabe 9: Bézier-Kurven

### Teilaufgabe 9a

$$b_0 \cdot (1 - 2u + u^2) + b_1(2u - 2u^2) + b_2 \cdot u^2 \tag{17}$$

$$=b_0 - 2b_0u + b_0u^2 + 2b_1u - 2b_1u^2 + b_2u^2$$
(18)

$$= \underbrace{(b_0 - 2b_1 - b_2)}_{=a_2} u^2 + \underbrace{(2b_1 - 2b_0)}_{=a_1} u + \underbrace{b_0}_{=a_0}$$
(19)

#### Teilaufgabe 9b

Was versteht man unter affiner Invarianz der Bézier-Repräsentation?

Für jede Bézierkurve F(u) und jede affine Abbildung  $\varphi(x) = Ax + t$  gilt:

$$\varphi(F(u)) = \sum_{i=0}^{n} B_i^n(u)\varphi(\mathbf{b}_i)$$

Das heißt es genügt bei Transformationen die Kontrollpunkte  $\mathbf{b}_i$  zu transformieren.

### Teilaufgabe 9c

Für  $C^0$ -Stetigkeit muss  $c_0 = b_3 = (4,1)$  gelten.

Für 
$$C_1$$
-Stetigkeit muss  $b_2 - b_3 = c_0 - c_1 \Leftrightarrow (3,1) - (4,1) = \underbrace{(5,1)}_{=c_1}$  gelten.

# Für $C_2$ -Stetigkeit muss

$$b_2 + (b_2 - b_1) = c_1 + (c_1 - c_2)$$
(20)

$$\Leftrightarrow (3,1) + ((3,1) - (1,2)) = (5,1) + ((5,1) - c_2)) \tag{21}$$

$$\Leftrightarrow (5,0) = (10,2) - c_2$$
 (22)

$$\Leftrightarrow c_2 = (5, 2) \tag{23}$$

(24)