# Aufgabe 1: Raytracing

## Teilaufgabe 1a

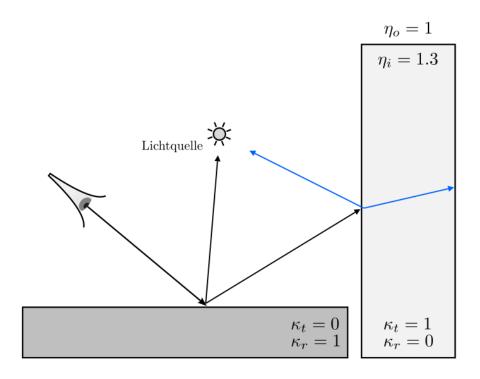


Abbildung 1: Reflexionsstrahl, Schattenstrahlen und Transmissionstrahl

### Teilaufgabe 1b

Wie nennt man das physikalische Gesetz oder Prinzip, welches die Richtungsänderung eines Lichtstrahls beim Übergang in ein anderes Medium beschreibt?

Snellsches Gesetz  $(\eta_0 \cdot \sin \theta_0 = \theta_1 \cdot \sin \delta_1)$ 

### Teilaufgabe 1c

Welche Bedingung muss gelten, damit beim Übergang eines Lichtstrahls von einem Medium mit Refraktionsindex  $\eta_0$  in ein Medium mit Refraktionsindex  $\eta_1$  Totalreflexion auftreten kann?

Der Einfallswinkel muss einen Grenzwinkel  $\theta = \arcsin \frac{\eta_1}{\eta_0}$  überschreiten (also besonders flach auf das Material sein).

# Aufgabe 2: Beleuchtung und Wahrnehmung

### Teilaufgabe 2a

- Bild 1: Nicht mögliche Kombination aus Bild 2 und Bild 3.
- Bild 2: Komplett spekular
- Bild 3: Entspricht einem Glanzlicht in Richtung N, aber das ist nur in Richtung  $R_L$  möglich.
- Bild 4: Komplett diffus.

### Teilaufgabe 2b

Aussage	Wahr	Falsch
Von den drei Grundfarben der additiven Farbmischung sind Menschen	Ø	
gegenüber blau in der Regel am unempfindlichsten.		
Es gibt keine zwei unterschiedlichen Lichtspektren im sichtbaren Bereich,		
die der Mensch als dieselbe Farbe wahrnimmt.		
Genau drei Grundgrößen reichen (nach Graßmann) aus, um einen mensch-	$\square$	
lichen Farbeindruck zu beschreiben.		
Es entspricht nicht der menschlichen Farbempfindlichkeit, wenn die		
Helligkeit (Luminanz) einer Farbe als das arithmetische Mittel der RGB-		
Anteile berechnet wird.		
Gammakorrektur mit dem Parameter $\gamma$ wird üblicherweise durch die		Ø
Abbildung $L' = \gamma^L$ beschrieben.		

# Aufgabe 3: Transformationen

### Teilaufgabe 3a

Homogene Koordinaten

$$M = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

### Teilaufgabe 3b

Geben Sie zeichnerisch ein einfaches Beispiel an, das deutlich zeigt, dass man die Normalen eines Primitivs im Allgemeinen nicht mit derselben Matrix transformieren kann wie die Vertizes. Um was für eine Art Transformation handelt es sich dabei?

Normale auf Kreis; Skalierung in x-Richtung.

## Teilaufgabe 3c

Um Normalen korrekt von Objekt- in Kamerakoordinaten zu transformieren, verwendet man die...

- Øinverstransponierte Model-View-Matrix.
- $\bullet$   $\square$  dehomogenisierte Model-View-Matrix.
- □ inverse Projektionsmatrix.

Die Matrix 
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 ist eine...

- $\bullet$   $\sumatrix$  in homogenen 2D-Koordinaten.
- Translationsmatrix in homogenen 3D-Koordinaten.
- $\square$  Rotationsmatrix in  $\mathbb{R}^{3\times3}$ .

$$Die\ Matrix\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}\ beschreibt\ eine.\ .\ .$$

- $\square$  Rotation.
- $\square$  nichtlineare Abbildung.

Matrixmultiplikation ist stets kommutativ, wenn...

- Ønur Skalierungsmatrizen multipliziert werden.
- $\square$  nur Scherungsmatrizen multipliziert werden.
- \(\negin{aligned}
  \text{mur Rotationsmatrizen multipliziert werden.}
  \end{aligned}

Beweis für 2D-Rotationsmatrizen:

$$\begin{pmatrix}
\cos \alpha & -\sin \alpha \\
\sin \alpha & \cos \alpha
\end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix}
\cos \beta & -\sin \beta \\
\sin \beta & \cos \beta
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
\cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta & -\cos \alpha \sin \beta - \sin \alpha \cos \beta \\
\sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta & -\sin \alpha \sin \beta + \cos \alpha \cos \beta
\end{pmatrix} \tag{1}$$

$$= \begin{pmatrix}
\cos \beta & -\sin \beta \\
\sin \beta & \cos \beta
\end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix}
\cos \alpha & -\sin \alpha \\
\sin \alpha & \cos \alpha
\end{pmatrix} \tag{2}$$

# Aufgabe 4: Texturen und Texture-Mapping

#### Teilaufgabe 4a

Skizzieren Sie hier die Ausgabe

Wie Beispiellösung, nur anstelle von "C" kommt B und anstelle von "A" kommt D.

# Teilaufgabe 4b

Wann und wofür wird die bilineare Interpolation beim Texture-Mapping verwendet? Bei Magnification um Unschärfe zu kompensieren.

### Teilaufgabe 4c

Was ist die Grundidee von vorgefilterten Environment Maps?

Die Grundidee ist die Darstellung einer Umgebung mit nur geringem Aufwand.

Nennen Sie zwei Beispiele für Beleuchtungseffekte, die damit erzielt werden können!

- Diffuse Beleuchtung
- Spekulare Beleuchtung

Welche grundlegende Annahme wird dabei gemacht?

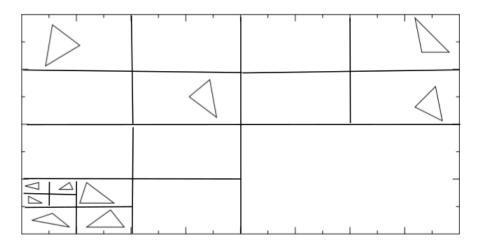
Die Umgebung ist weit genug entfernt, sodass die Position keine Rolle spielt und nur die Richtung genommen werden muss.

# Aufgabe 5: Räumliche Datenstrukturen

## Teilaufgabe 5a

Aussage	BVH	Octree	kD-Baum	Gitter
Die Raumunterteilung kann mit Hilfe der Surface Area	Ø		Ø	
Heuristic durchgeführt werden.				
Die Anzahl der Schnitttests mit Primitiven kann durch	Ø	abla		abla
Mailboxing weiter reduziert werden.				
Die Raumunterteilung ist geschickt für Szenen mit einer	Ø		Ø	
Geometrie, die dem sogenannten Teapot-in-a-Stadium-				
Problem ähnelt.				
Der Datenstruktur liegt ein Binärbaum zugrunde.	abla		$\square$	

## Teilaufgabe 5b



# Teilaufgabe 5c

Sie wollen in der obigen Szene Raytracing durchführen und dies mit einer räumlichen Datenstuktur beschleunigen. Ist dafür ein regelmäßiges Gitter oder ein kD-Baum besser geeignet? Begründen Sie Ihre Entscheidung!

Ein kD-Baum eignet sich für das genannte Szenario besser, da bei Verwendung eines Gitters mehr als die Hälfte des raumes leer ist. Der Großteil der Geometrie befindet sich links unten.

# Aufgabe 6

TODO

# Aufgabe 7

TODO

# Aufgabe 8

TODO

Aufgabe 9	
TODO	
Aufgabe 10	
TODO	
Aufgabe 11	
whatever	shader.frag
Aufgabe 12	
TODO	