Aufgabe 1: Raytracing

Teilaufgabe 1a

Phong-Beleuchtungsmodell anwenden:

- Berechnung des ambienten Anteils (indirekte Beleuchtung, Licht von anderen Oberflächen)
- Berechnung der Reflektion
  - Berechnung des spekularen Reflektion. Diese findet nur in Richtung $R_L = 2N \cdot (N \cdot L)$ statt. In alle andren Richtungen fällt sie stark ab:

    $$I_s = k_s \cdot I_L \cdot \cos^n \alpha = k_s \cdot I_L (R_L \cdot V)^n$$

    wobei n der Phong-Exponent ist.
  - Berechnung der diffusen (Lambertschen) Reflektion:

    $$I_d = k_d \cdot I_L \cdot \cos\theta = k_d \cdot I_L \cdot (N \cdot L)$$

Also:

$$I = \underbrace{k_a \cdot I_L}_{\text{ambient}} + \underbrace{k_d \cdot I_L \cdot (N \cdot L)}_{\text{diffus}} + \underbrace{k_s \cdot I_L (R_L \cdot V)^n}_{\text{spekular}}$$

Auch:

- Berechnung von Schattenstrahlen
- Weitere, Strahlen rekursive verschießen

Teilaufgabe 1b

TODO

Aufgabe 2: Farben und Spektren

Teilaufgabe 2a

- RGB: LCD/CRT-Displays
- CMYK: Drucker
- HSV: TODO
- HSI: TODO
- XYZ Color Space: Farbraum für Konversion zwischen Farbräumen
- Lab-Farbraum: TODO

Teilaufgabe 2b

TODO

Teilaufgabe 2c

Metamerismus ist das Phänomen, dass unterschiedliche Spektren gleich aussehen können. Dies ist wichtig für Monitore, da sie aufgrund dieses Phänomens mit nur 3 Farben den gleichen Farbeindruck erwecken können wie mit einem komplexeren Spektrum.

Aufgabe 3: Transformationen

Teilaufgabe 3a

Transformationen mit homogenen Koordianten laufen Grundsätzlich nach folgendem Schema ab:

$$\begin{pmatrix} \tilde{x} \\ \tilde{y} \\ 1 \end{pmatrix} \leftarrow T \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$

Die Transformationsmatrix T für die Translation von homogenen Koordinaten ist von der Form

$$T = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \Delta x \\ 0 & 1 & \Delta y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Die Transformationsmatrix R für eine Rotation um den Punkt $c = (c_x, c_y)$ um den Winkel α ist

$$R_{\alpha,c} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & c_x \\ 0 & 1 & c_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \cos\alpha & -\sin\alpha & 0 \\ \sin\alpha & \cos\alpha & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 0 & -c_x \\ 0 & 1 & -c_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Die Idee ist nun, zuerst eine Rotation um 90° gegen den Urzeigersinn um $(0, 0)$ zu machen (Matrix R). Dann wird das Rechteck in Richtung der x-Achse um die hälfte gestaucht (Matrix S) und schließlich um 0.5 nach links verschoben (Matrix T):

$$R = \begin{pmatrix} \cos 90 & -\sin 90 & 0 \\ \sin 90 & \cos 90 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \tag{1}$$

$$S = \begin{pmatrix} 0.5 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \tag{2}$$

$$T = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -0.5 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \tag{3}$$

$$M = T \cdot S \cdot R \tag{4}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 & -0.5 & -0.5 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \tag{5}$$

Zur Kontrolle:

$$M \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -0.5 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \qquad M \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -0.5 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \tag{6}$$

$$M \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \qquad M \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \tag{7}$$

Teilaufgabe 3b

TODO

Teilaufgabe 3c

Die Transformation von Welt- in Kamerakoordinaten wird auch *Kameratransformation* genannt. Die virtuelle Kamera ist durch die Position $\mathbf{e}$ und die negative Blickrichtung $\mathbf{w}$ definiert. Mithilfe des Up-Vektors $\mathbf{up}$ ergibt sich

$$\mathbf{u} = \mathbf{up} \times \mathbf{w} \qquad \mathbf{v} = \mathbf{w} \times \mathbf{u}$$

Es wird zuerst eine Translation um $-\mathbf{e}$ durchgeführt und dann eine Transformation in das Kamera-Koordiantensystem durchgeführt. Die Basis des Kamera-Koordinatensystems ist $\mathbf{u}, \mathbf{v}, \mathbf{w}$.

Das Verschieben ist einfach die Matrix

$$T = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & e_x \\ 0 & 1 & 0 & e_y \\ 0 & 0 & 1 & e_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

nun muss noch rotiert werden:

$$R = \begin{pmatrix} u_x & u_y & u_z & 0 \\ v_x & v_y & v_z & 0 \\ w_x & w_y & w_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Die Gesamttrasformationsmatrix ist also $V = R \cdot T$.

(vgl. `03_ Transformationen und homogene Koordinaten.pdf`, Folie 50)

Aufgabe 4: Phong-Beleuchtungsmodell

Teilaufgabe 4a

TODO

Teilaufgabe 4b

TODO

Teilaufgabe 4c

(i) Wie verändert sich das Glanzlicht, wenn e größer wird?
⇒ TODO
(ii) Wie verändert sich das Glanzlicht, wenn die Kugel um eine beliebige Achse rotiert?
⇒ TODO

Aufgabe 5: Dreiecke und Schattierung

Teilaufgabe 5a

TODO

Teilaufgabe 5b

TODO

Teilaufgabe 5c

TODO

Teilaufgabe 5d

Gouraud-Shading im Vergleich zu Phong-Shading

- Vorteil: Schnellere Berechnung
- Nachteil: Schlechtere Ergebnisse

Aufgabe 6: Texturen und Texturfilterung

Teilaufgabe 6a

TODO

Teilaufgabe 6b

TODO

Teilaufgabe 6c

TODO

Teilaufgabe 6d

TODO

Teilaufgabe 6e

TODO

Teilaufgabe 6f

TODO

Aufgabe 7: Projektionen

TODO

Aufgabe 8: Beschleunigungsstrukturen

Teilaufgabe 8a

TODO

Teilaufgabe 8b

1 Der Baum einer Hüllkörperhierarchie ist immer balanciert.
⇒ TODO
2 Der Speicherbedarf für ein reguläres Gitter ist unabhängig von der Anzahl der Primitive.
⇒ TODO
3 Ein kD-Baum hat immer achsenparallele Split-Ebenen.
⇒ TODO
4 Ein kD-Baum braucht spezielle Vorkehrungen, um redundante Schnitttests mit demselben Dreieck auszuschliessen.
⇒ TODO
5 Ein Verfahren zur Erzeugung eines kD-Baumes erzeugt auch gültige BSP-Bäume.
⇒ TODO
6 Reguläre uniforme Gitter leiden nicht unter dem Teapot-in-a-Stadium Problem.
⇒ TODO
7 Die Komplexität der Bestimmung eines Schnittpunktes in einem BSP-Baum mit n Primitiven liegt im Optimalfall in $\mathcal{O}(\log n)$.
⇒ TODO
8 Das Traversieren einer Hüllkörperhierarchie kann abgebrochen werden sobald ein Schnittpunkt gefunden wurde.
⇒ Falsch. Es könnte einen Schnitt geben, der näher zur Kamera ist (TODO: Beispiel in Folien raussuchen.)

Aufgabe 9: Instancing (GLSL)

TODO

Aufgabe 10: Normal Mapping in Objektkoordinaten (GLSL)

TODO

Aufgabe 11: Bézier-Kurven und Bézier-Splines

Teilaufgabe 11a

TODO

Teilaufgabe 11b

TODO