# Aufgabe 1: Wahrnehmung und Farbräume

### Teilaufgabe 1a

Eine Grafikkarte ist an ein Anzeigegerät mit einem Gamma-Wert von 2.0 angeschlossen und muss eine entsprechende Gamma-Korrektur durchführen. Berechnen Sie den Intensitätswert, den die Grafikkarte an das Anzeigegerät senden muss, um eine Ausgabe mit der Hälfte der Maximalintensität zu erreichen. (Der Wertebereich der Koeffzienten reicht von 0 bis zur Maximalintensität 1.0.)

Es gilt

$$I_{\rm out} = I_{\rm in}^{\gamma}$$

für  $I_{\text{out}} = 1/2$  und  $\gamma = 2$  muss also gelten:

$$I_{\rm in} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

### Teilaufgabe 1b

Sie haben ein Bild im RGB-Farbraum gegeben und wollen den Helligkeitskontrast erhöhen. In welchen der in der Vorlesung vorgestellten Farbräume wandeln Sie es um, um diese Kontrasterhöhung möglichst einfach durchführen zu können? Welche Berechnung(en) führen Sie dazu auf den Koeffizienten dieses Farbraums aus?

HSV (oder HSI, HSL). Dann wird einfach der V-Wert (I-Wert, L-Wert) erhöht.

#### Teilaufgabe 1c

#	Aussage	Wahr	Falsch	Begründung
1	Um den Farbeindruck für einen Menschen ein-	$\square$		Graßmansche Gesetze
	deutig zu beschreiben, genügt ein Farbmodell			
2	mit 3 Koeffizienten. Durch diese 3 Koeffizienten ist dann das Spek-		ΓΊ	Metamerie
2	trum ebenso eindeutig festgelegt.		<b>V</b>	Metamene
3	Der RGB-Einheitswürfel enthält alle sichtbaren		Ø	Magenta / Purple-Line
	Farben.			
4	Der RGB-Einheitswürfel enthält Farben, die sich		$\square$	Es ist umgekehrt
	im CIE XYZ-Farbmodell nicht darstellen lassen.			

## Aufgabe 2: Raytracing und prozedurale Modelle

### Teilaufgabe 2a

- (1) Schattenstrahl zu Lichtquelle verschießen um Verschattung zu testen
- (2) Grundfarbwert anhand eines Beleuchtungsmodells (z.B. Phong) bestimmen
- (3) Reflektionsstrahl verschießen und ermittelten Farbwert auf Farbwert im Punkt addieren.
- (4) Refraktionsstrahl verschießen.

#### Teilaufgabe 2b

Was ist der konzeptuelle Unterschied zwischen Raymarching und Raycasting bzw. Raytracing? Nennen Sie einen Anwendungsfall, bei dem Sie Raymarching verwenden würden, und begründen Sie, warum Sie für diesen Fall Raytracing können

Bei **Raymarching** wird durch jeden Pixel ein Strahl geschossen und mit einer bestimmten Größe "abmarschiert". Im Gegensatz zu Raytracing werden keine Sekundärstrahlen verschossen.

Raymarching wird zur Verarbeitung von Volumendaten (Nebel, Wolken, ...) eingesetzt, wobei Raytracing und Raycasting für Oberflächen verwendet wird.

Anwendungsfall für Raymarching: Hypertextures. Die Berechnung mittels Raytracing wäre zu aufwendig, da es sehr viele Sekundärstrahlen gäbe.

TODO: Unterschied zwischen Raycasting und Raytracing?

#### Teilaufgabe 2c

#	Aussage	Wahr	Falsch	Begründung
1	Prozedurale Modelle erlauben eine kompakte Beschreibung von Texturen oder Objekten, aber die	Ø		
2	Resultate sind oft nur schwer zu kontrollieren. Eine ideale Noise-Funktion sollte weder bandbe-		Ø	
	grenzt sein noch räumliche Korrelationen aufweisen, um erkennbare Periodizitäten und monotone			
3	Strukturen zu vermeiden. Um Turbulenz-Texturen zu erstellen, werden im-		Ø	
	mer höhere Oktaven von Noise-Texturen aufsummiert und dabei immer stärker gewichtet, damit			
	die Resultate so weit wie möglich gegen Weißes Rauschen konvergieren.			
4	Constructive Solid Geometry ist eine Technik zum Modellieren von Festkörpern, bei der Objek- te durch boolesche Operatoren kombiniert wer- den.	Ø		

# **Aufgabe 3: Transformationen**

## Teilaufgabe 3a

Um welchen Typ Transformation handelt es sich dabei?

TODO (Basiswechsel?)

Nennen Sie die effizienteste Methode, die Inverse dieser Transformation zu finden.

Man kann leicht feststellen, dass  $u \times v = u \times w = v \times w = 0$ . Es handelt sich also um eine Orthogonalmatrix. Die inverse  $M^{-1}$  einer Orthogonalmatrix M ist gleich ihrer Transponierten  $M^T$ :  $M^{-1} = M^T$ .

### Teilaufgabe 3b

Nennen Sie zwei Gründe für die Verwendung hierarchischer Modellierung.

- (1) Anordnung von objekten in hierarchischen Gruppen
- (2) Anwendung von Transformationen auf ganze Objektgruppen
- (3) Natürliche Beschreibung eines Objekts / einer Szene

Welche Datenstruktur haben Sie in der Vorlesung kennengelernt, die dabei hilft, Transformationen beim Traversieren des Szenengraphen zu verwalten?

Matrixstack

#### Teilaufgabe 3c

(Homogene 2D-Matrizen)

Nennen Sie jeweils, um welche Transformation es sich handelt und wie deren Parameter sind.

- (A) Rotation um 45° gegen den Urzeigersinn.
- (B) Translation um 2.5 in Richtung der y-Achse.
- (C) Spiegelung an der y-Achse.
- (D) Scherung um 1 in Richtung der x-Achse.

### **Aufgabe 4: Texturen**

#### Teilaufgabe 4a

Was ist eine Environment-Map?

Eine Environment-Map ist eine Textur zur Darstellung der Umgebung.

Wofür wird sie eingesetzt?

Durch eine Environment-Map kann die Reflektion/Beleuchtung eines Objekts bestimmt werden, ohne aufwendiges Ray-Tracing zu betreiben.

Welche Annahmen trifft man dabei?

Die Umgebung ist weit genug entfernt, sodass die Position keine Rolle spielt. Es wird nur die Blickrichtung verwendet.

#### Teilaufgabe 4b

Welches Problem beim Texture-Mapping löst Mip-Mapping? Erklären Sie kurz die Idee!

Mip-Mapping ist eine Vorfilterung der Textur um Aliasing-Artefakten vorzubeugen. Aliasing tritt durch Unterabtastung des Bildsignals auf.

Man erzeugt Mip-Maps durch "zusammenfassen" von jeweilse  $2 \times 2$  Texeln. Es werden solange neue Mip-Map-Stufen generiert, bis man eine Mip-Map erzeugt hat, die nur noch aus einem Texel besteht.

#### **Teilaufgabe 4c: Bilineare Interpolation**

$$c' = (1 - s) \cdot c_{01} + s \cdot c_{11} \tag{1}$$

$$c'' = (1 - s) \cdot c_{00} + s \cdot c_{10} \tag{2}$$

$$c = (1 - t) \cdot c'' + t \cdot c' \tag{3}$$

## Aufgabe 5: Hierarchische Datenstrukturen

### Teilaufgabe 5a

Nennen Sie vier Arten von Hüllkörpern (bounding volumes), die Sie in der Vorlesung kennengelernt haben, und sortieren Sie sie danach, wie eng sie den in der Darstellung gegebenen Zylinder umschließen können.

(A) Slabs (B) OBB (Orientierte Bounding Box) (C) AABB (D) Kugel

### Teilaufgabe 5b

Für welche Datenstrukturen stimmt folgende Aussage? Begründen Sie.

"Der erste während der Traversierung gefundene Schnittpunkt ist zugleich der nächste Schnittpunkt zum Ursprung des Strahls."

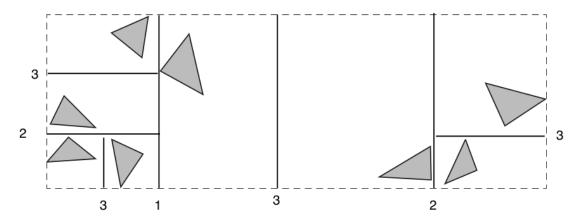
Octree: Falsch. Da keine Reihenfolge festgelegt ist in der der Baum traversiert wird.

BVH: Falsch.

 ${f kD-Baum}$ : Wahr. Die Traversierungsreihenfolge des Schnittalgorithmus ist so festgelegt, dass immer die naheste Ebene zuerst betrachtet wird.

Die Traversierungsreihenfolge ist also von vorne nach hinten.

### Teilaufgabe 5c



# Aufgabe 6: Projektive Transformationen und Clipping

### Teilaufgabe 6a

Transformieren Sie die Vertizes  $P_1$ ,  $P_2$  in homogene Clip-Koordinaten, und geben Sie die homogenen Koordinaten der transformierten Punkte an.

$$P_{1h} = M_{proj} \begin{pmatrix} 2 \\ 6 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 6 \end{pmatrix}$$
  $P_{2h} = M_{proj} \begin{pmatrix} 8 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8 \\ -8 \\ 4 \end{pmatrix}$  (4)

#### Teilaufgabe 6b

Als nächstes müssen Sie die "window edge coordinates" der projizierten Punkte in Clip-Koordinaten berechnen. Welche Kanten müssen potentiell auf Schnitt mit der Strecke überprüft werden?

$$WEC_{x=w}(P_1) = 4$$
  $WEC_{x=w}(P_2) = -4$  (5)  
 $WEC_{x=-w}(P_1) = 8$   $WEC_{x=-w}(P_2) = 12$  (6)  
 $WEC_{z=w}(P_1) = 8$   $WEC_{z=w}(P_2) = 12$  (7)  
 $WEC_{z=-w}(P_1) = 4$   $WEC_{z=-w}(P_2) = -4$  (8)  
 $WEC_{x=w} = w - x$   $WEC_{x=-w} = w + x$  (9)

⇒ Untere rechte Kante überprüfen

#### Teilaufgabe 6c

Wenden Sie nun  $\alpha$ -Clipping an. Geben Sie ebenfalls die Endpunkte  $P_1$  und  $P_2$  der Teilstrecke in der Sichtpyramide in normalisierten Device-Koordinaten an.

$$a_{\min} = 0 \quad a_{\max} = 1 \tag{10}$$

$$a_1 = \frac{WEC_{x=w}(P_1)}{WEC_{x=w}(P_1) - WEC_{x=w}(P_2)} = \frac{4}{4 - (-4)} = 0.5$$
(11)

$$\Rightarrow a_{\text{max}} = \min(a_{\text{max}}, a_1) = 0.5 \text{ (weil Optcode } P_2 \text{ gesetzt)}$$
 (12)

$$a_2 = \frac{WEC_{z=-w}(P_1)}{WEC_{z=-w}(P_1) - WEC_{z=-w}(P_2)} = \frac{4}{4 - (-4)} = 0.5$$
 (13)

$$\Rightarrow a_{\text{max}} = \min(a_{\text{max}}, a_2) = 0.5 \text{ (weil Optcode } P_2 \text{ gesetzt)}$$
 (14)

Neues Liniensegment:

$$(P_1 + a_{\min} \cdot (P_2 - P_1), \quad P_1 + a_{\max} \cdot (P_2 - P_1))$$
 (15)

$$= ((2, -2, 6), (2, -2, 6) + 0.5 \cdot (6, -10, 2))$$

$$(16)$$

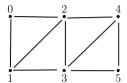
$$= ((2, -2, 6), (5, -7, 5)) \tag{17}$$

$$P_1' = (1/3, -1/3)$$
  $P_2' = (1, -7/5)$  (18)

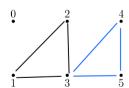
# Aufgabe 7: OpenGL und Rasterisierung

### Teilaufgabe 7a

I. Triangle Strips mit Indexbuffer :=  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ 



II. Triangle List mit Indexbuffer :=  $\{1, 3, 2, 3, 5, 4\}$ 



#### Teilaufgabe 7b

```
glEnable(GL_DEPTH_TEST); // (1) Aktiviere den Tiefentest
glDepthMask(GL_TRUE); // (2) Aktiviere Schreiben in Tiefenpuffer

// (3) Lösche Farb- und Tiefenpuffer
glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT | GL_DEPTH_BUFFER_BIT);

// (4) Zeichne alle opaken Dreiecksnetze in beliebiger Reihenfolge

// (5) Deaktiviere das Schreiben in den Tiefenpuffer:
glDepthMask(GL_FALSE);
glEnable(GL_BLEND); // (6) Aktiviere Blending

// (7) Sortiere alle transparenten Dreiecksnetze anhand ihrer Bounding-Boxen
und zeichne sie in der Reihenfolge von hinten nach vorne

glDisable(GL_BLEND); // Deaktiviere Blending
glDisable(GL_BLEND); // Deaktiviere Tiefentest
```

# **Aufgabe 8: OpenGL-Shading-Language**

### Teilaufgabe 8a: Vertex-Shader

```
_____ shader8a.vert ____
1 # version 140
2 uniform mat4 matMV; // Modelviewmatrix zur Transformation
                     // von Objekt - nach Kamerakoordinaten
4 uniform mat4 matP; // Projektionsmatrix
5 uniform mat3 matN; // Normalenmatrix
7 uniform vec3 I; // Intensitaet der Lichtquelle I_L
{\rm s} uniform vec3 lightPos ; // Lichtposition in Kamerakoordinaten
in vec3 in_v ; // enthaelt Vertex in Objektkoordinaten
in vec3 in_n ; // enthaelt Normalenvektor mit Laenge 1
_{12} in float kd ; // Materialkoeffizient k\_d
15 void main ( void )
16 {
      // <solution>
      gl_Position = //TODO;
      // </solution>
19
20 }
```

# Teilaufgabe 8b

```
_____ shader8b.frag _____
1 # version 140
3 // <solution>
4 // TODO
5 // </solution>
7 out vec4 out_color ; // Ausgabefarbe bestimmt unter Verwendung
                      // von computeLighting ()
9 void main ( void )
10 {
      // <solution>
      // TODO
12
     out_color = computeLighting(position, normal, lightPos, kd, I);
13
     // </solution>
14
15 }
```

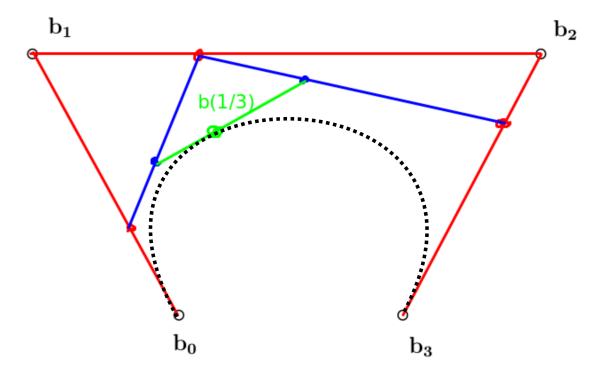
# Aufgabe 9: Bézierkurven und Béziersplines

### Teilaufgabe 9a

Nennen Sie drei wichtige Eigenschaften der Bézierkurven, die Sie in der Vorlesung kennengelernt haben.

- Tangentenbedingung:  $c_0c_1$  ist Tangential an die Bezierkurve am Anfang,  $c_2c_3$  ist Tangential an die Bezierkurve am Ende.
- Wertebereich: Bézierkurven liegen innerhalb der konvexen Hülle, die durch die 4 Kontrollpunkte gebildet werden.
- Endpunktinterpolation: Bézierkurven beginnen immer beim ersten Kontrollpunkt und enden beim letzten Kontrollpunkt.
- Variationsredukion: Eine Bézierkurve F wackelt nicht stärker als ihr Kontrollpolygon B ( $\sharp (H \cap F) \leq \sharp (H \cap B)$ ).
- Affine Invarianz

#### Teilaufgabe 9b



# Teilaufgabe 9c

Kubische Splines sind 2-mal stetig differenzierbar. Damit es immer noch ein kubischer Spline ist, müssen die Punkte  $b_1,b_2,b_3,c_1,c_2$  angepasst werden.