

Otimização Inteligente de Hiperparâmetros

Autonomia e Flexibilidade de Verdade

por

Alexandre Soares

Notas Sobre o Estudo

Todos os programas fonte e dados utilizados para a elaboração deste estudo, bem como o PDF deste material, estão disponíveis para download no repositório GitHub, no endereço: https://github.com/Alxsoa/Artigos.

Conteúdo

| 1 | Motivação do Trabalho 1.1 Objetivo do Estudo | 1 |
|---|---|---------------|
| 2 | Principais Desafios na Área de Machine Learning 2.1 A Importância dos Hiperparâmetros | 4 5 |
| 3 | Otimização Automática dos Hiperparâmetros 3.1 Sobre o Optuna | 9 10 13 |
| | . J.J. IVIGITIONA (3CLALUO IVIOUGIO | |

Lista de Figuras

| 3.1 | Funcionamento Geral do Optuna | 9 |
|-----|-------------------------------|----|
| | Otimização com 100 Tentativas | |
| 3.3 | Otimização com 150 Tentativas | 13 |
| 3.4 | Evolução da Acurácia | 14 |

Lista de Tabelas

| 2.1 | Principais limitações do ajuste manual de hiperparâmetros | 4 |
|-----|---|---|
| 2.2 | Principais estratégias de otimização de hiperparâmetros em ciência de dados | 5 |
| 2.3 | Comparativo entre métodos de otimização de hiperparâmetros | 7 |

Motivação do Trabalho

1.1. Objetivo do Estudo

Este estudo tem como finalidade apresentar a superioridade do framework Optuna em comparação às técnicas convencionais de otimização de hiperparâmetros disponibilizadas pelo scikit-learn, mostrando de que maneira a utilização de ferramentas especializadas pode converter um processo historicamente ineficaz em uma solução robusta, flexível e eficiente em termos computacionais. O estudo realiza uma análise crítica que contrasta as restrições das metodologias tradicionais do scikit-learn com as funcionalidades aprimoradas do Optuna, fornecendo provas substanciais de que a otimização bayesiana constitui um avanco qualitativo relevante em ciência de dados.

A ineficácia das ferramentas convencionais do scikit-learn torna-se evidente, principalmente, nas implementações de GridSearchCV e RandomizedSearchCV, as quais possuem restrições essenciais. O GridSearchCV apresenta uma explosão combinatorial, o que torna inviável sua utilização em contextos reais que envolvem múltiplos hiperparâmetros, obrigando os profissionais a limitar artificialmente o espaço de busca. O RandomizedSearchCV, por sua vez, adota uma metodologia estritamente aleatória que consome recursos em áreas não promissoras, sem considerar as experiências passadas ou elaborar estratégias inteligentes de exploração.

Em comparação, o Optuna configura uma evolução paradigmática ao integrar a otimização bayesiana por meio de algoritmos avançados, que desenvolvem modelos probabilísticos a respeito da função objetivo, visando antecipar áreas promissoras dentro do espaço dos hiperparâmetros. A versatilidade do framework ultrapassa significativamente as restrições do scikit-learn, proporcionando um suporte nativo para otimização multiobjetivo, e implementa a poda adaptativa que suspende configurações com baixo potencial.

Os resultados deste estudo demonstram que a transição para o Optuna não se configura apenas como uma melhora incremental, mas sim como uma alteração substancial na metodologia de otimização de hiperparâmetros. Profissionais que utilizam o Optuna vivenciam não apenas melhorias quantificáveis no desempenho dos modelos, mas também uma diminuição considerável no tempo exigido para a otimização, aumento da satisfação profissional em razão da eliminação de atividades repetitivas e manuais, além de uma capacidade aprimorada para explorar espaços complexos que se mostrariam inviáveis com ferramentas convencionais.

Principais Desafios na Área de Machine Learning

2.1. A Importância dos Hiperparâmetros

Na área de ciência de dados, os hiperparâmetros exercem uma função crucial na eficácia, robustez e na habilidade de generalização dos modelos de aprendizado de máquina. Diferentemente dos parâmetros que são adquiridos de forma automática ao longo do treinamento, os hiperparâmetros são estipulados antecipadamente e regulam elementos essenciais do processo de modelagem, tais como a taxa de aprendizado, a quantidade de camadas em redes neurais, o tamanho do lote, a quantidade de árvores em métodos de ensemble e os coeficientes de regularização.

Esses fatores determinam o funcionamento do algoritmo, afetando sua rapidez de convergência, sua complexidade e sua habilidade de se ajustar aos dados. A seleção inadequada de hiperparâmetros pode resultar em underfitting ou overfitting, prejudicando a habilidade do modelo de realizar previsões eficazes em dados não observados. Em contrapartida, a escolha apropriada pode converter um modelo insatisfatório em uma solução extremamente eficiente.

A otimização de hiperparâmetros representa um dos principais desafios na área de machine learning, em virtude da amplitude e da complexidade do espaço de pesquisa. Técnicas como busca em grade, busca aleatória, algoritmos genéticos e enxame de partículas são frequentemente empregadas para investigar diversas combinações de maneira eficaz.

Recentemente, abordagens como o agendamento da taxa de aprendizado, a interrupção antecipada e os passos de aquecimento têm-se destacado, especialmente nos modelos de aprendizado profundo, nos quais pequenas alterações em hiperparâmetros podem influenciar de maneira significativa os resultados.

Além de impactar o desempenho, os hiperparâmetros exercem influência sobre a eficiência computacional e a interpretabilidade do modelo. Em contextos de produção, é fundamental equilibrar a precisão, a duração do treinamento, o consumo de recursos e a estabilidade.

A validação cruzada é fundamental para a avaliação robusta de combinações de hiperparâmetros, especialmente em conjuntos de dados reduzidos. Além do mais, a aplicação de visualizações, como gráficos de eixos paralelos, pode contribuir para a compreensão de como diversas configurações influenciam o desempenho.

A competência na seleção e ajuste de hiperparâmetros não constitui uma atividade isolada, mas é um componente essencial do fluxo de trabalho em ciência de dados. Trata-se de uma habilidade estratégica que demonstra uma compreensão abrangente de como os algoritmos aprendem e de como se pode extrair valor dos dados.

Conforme as ferramentas de automação se desenvolvem, o cientista de dados permanecerá essencial na elaboração de hipóteses, na interpretação de resultados e na tomada de decisões fundamentadas em evidências.

2.2. Porque é Chato Ajustar os Hiperparâmetros de Maneira Manual

O ajuste manual de hiperparâmetros é amplamente reconhecido como uma tarefa muito árdua, ineficiente e frustrante no desenvolvimento de modelos de machine learning. Essa prática exige que o cientista de dados percorra inúmeras combinações de valores por tentativa e erro, repetindo ciclos de treinamento e avaliação, o que consome um tempo considerável sem garantia de alcançar a configuração ideal. A Tabela-2.1, apresenta de modo estruturado as limitações e suas principais características.

| Limitação | Descrição | |
|--|---|--|
| Natureza repetitiva e exaustiva | O processo força o profissional a realizar tarefas operacionais mecânicas, como editar arquivos de configuração e registrar manualmente resultados, desviando o foco da análise estratégica e da interpretação dos dados. | |
| Alta propensão a erros humanos | Erros como falhas de digitação, execuções com parâmetros incorretos ou confusão sobre combinações já testadas são comuns e comprometem a confiabilidade dos resultados. | |
| Custo computacional elevado | Cada nova configuração exige o treinamento completo do modelo, o que se torna inviável em cenários com prazos curtos ou modelos complexos. | |
| Dificuldade de reprodutibi- lidade e consistência | Pequenas variações não controladas entre execuções (como sementes aleatórias ou divisões de dados) dificultam a comparação entre resultados e reduzem a confiabilidade das conclusões. | |
| Desorganização da infor- mação | A ausência de ferramentas estruturadas leva ao acúmulo de anotações dispersas e perda de configurações promissoras, comprometendo a análise sistemática e a memória do projeto. | |
| Exploração ineficiente do espaço de busca | A falta de uma estratégia formal resulta em ajustes baseados em intuição, frequentemente negligenciando parâmetros importantes. | |
| Impacto psicológico negativo | O cansaço mental e a frustração com resultados pouco satisfatórios afetam a capacidade de análise e tomada de decisões. | |
| Baixa escalabilidade | O gerenciamento manual de execuções paralelas é complexo, levando à subutilização de recursos computacionais e tempos de execução prolongados. | |
| Isolamento e baixa colabo- ração | A centralização do processo em um único indivíduo dificulta o compartilhamento do progresso, distribuição de tarefas e uso de conhecimento coletivo. | |
| Falta de aprendizado acu- mulado | Sem ferramentas para visualização e análise sistemática, o processo manual não contribui significativamente para o desenvolvimento de intuição reutilizável em projetos futuros. | |
| | | |

Tabela 2.1: Principais limitações do ajuste manual de hiperparâmetros

Embora o ajuste manual possa proporcionar certo entendimento sobre o comportamento dos hiperparâmetros, ele é marcado por ineficiência, propensão a erros, dificuldade de reprodutibilidade e baixa escalabilidade. Em virtude disso, abordagens automatizadas e ferramentas específicas vêm sendo cada vez mais adotadas para tornar esse processo mais eficaz, confiável e sustentável no contexto da ciência de dados moderna.

2.3. Desafios e Estratégias na Otimização de Hiperparâmetros

A busca pelos hiperparâmetros ideais é um dos maiores desafios na prática da ciência de dados. Essa dificuldade decorre principalmente da alta dimensionalidade do espaço de busca, da interdependência entre os hiperparâmetros, da variabilidade estocástica dos algoritmos e da não transferibilidade das melhores configurações entre diferentes problemas ou conjuntos de dados.

O espaço de busca exponencialmente grande torna impraticável a avaliação exaustiva de todas as combinações possíveis, especialmente em modelos complexos como redes neurais profundas. Cada nova configuração exige o treinamento completo do modelo, o que gera custos computacionais elevados.

Além disso, pequenas alterações em um hiperparâmetro podem influenciar o efeito de outros de forma não linear, exigindo uma abordagem conjunta e estratégica para sua otimização. A Tabela-2.2 mostra as diversas técnicas têm sido desenvolvidas para lidar com esses desafios:

| Método | Descrição |
|--|---|
| Grid Search | Abordagem sistemática e determinística que testa todas as combinações de uma grade predefinida. Embora garanta cobertura completa, é ineficiente para espaços grandes. |
| Random Search | Escolhe combinações aleatórias, frequentemente obtendo melhores resultados que o grid search, especialmente quando poucos hiperparâmetros influenciam significativamente o desempenho. |
| Otimização Bayesiana | Usa modelos probabilísticos para prever quais regiões do espaço de busca são mais promissoras com base em resultados anteriores. Ferramentas como Hyperopt, Scikit-Optimize e Ray Tune adotam essa abordagem. |
| Algoritmos Genéticos e Evolutivos | Inspirados na evolução biológica, exploram o espaço por meio de cruzamento, mutação e seleção. São eficazes em cenários altamente não lineares ou com múltiplos mínimos locais. |
| Hyperband e BOHB | Utilizam estratégias baseadas em alocação adaptativa de recursos e interrupção precoce (early stopping), concentrando esforços em configurações promissoras e aumentando a eficiência. |
| AutoML | Ferramentas como Auto-sklearn, TPOT e H2O AutoML automatizam não apenas o ajuste de hiperparâmetros, mas também a seleção de algoritmos e engenharia de features, democratizando o acesso a técnicas avançadas. |
| Paralelização e Computação Distribuída | Frameworks como Ray Tune, Dask eApache Spark possibilitam a execução simultânea de múltiplas tentativas, acelerando consideravelmente o processo. |

Tabela 2.2: Principais estratégias de otimização de hiperparâmetros em ciência de dados

Apesar dessas inovações, o ajuste de hiperparâmetros continua sendo uma etapa delicada e essencial nos projetos de ciência de dados. A otimização ainda depende de experimentação cuidadosa, análise crítica e conhecimento especializado, uma vez que não há valores universais ótimos.

Além disso, aspectos como a interpretabilidade dos resultados, trade-offs entre desempenho e custo computacional, e a dificuldade de generalização entre domínios reforçam a importância de abordagens inteligentes, adaptativas e alinhadas ao contexto do problema.

2.4. Vantagens e Desvantagens das Principais Técnicas

O ajuste manual de hiperparâmetros é amplamente reconhecido como uma tarefa árdua, ineficiente e frustrante no desenvolvimento de modelos de machine learning. Essa prática exige que o cientista de dados percorra inúmeras combinações de valores por tentativa e erro, repetindo ciclos de treinamento e avaliação, o que consome um tempo considerável sem garantia de alcançar a configuração ideal.

| Método | Vantagens | Desvantagens |
|--------------------------------|--|---|
| Grid Search | Exaustivo, garantindo que todas as opções sejam avaliadas. Simples de implementar (disponível no scikitlearn via GridSearchCV). | Rapidamente se torna computacio- nalmente inviável à medida que o número de hiperparâmetros cresce. Pode desperdiçar tempo testando va- lores claramente subótimos. |
| Random Search | Mais eficiente que o Grid Search em espaços de alta dimensão. Pode encontrar boas soluções com menos iterações. | Não garante a melhor combinação, apenas uma combinação razoável. Pode perder regiões promissoras do espaço de busca. |
| Otimização Bayesi- ana | Muito mais eficiente que buscas ale- atórias ou em grade. Aprende com iterações anteriores para focar em áreas promissoras. | Pode ficar preso em máximos locais se mal configurado. Requer mais conhecimento estatístico para ajustar adequadamente. |
| Algoritmos Evolucio- nários | Boa para espaços de busca comple- xos e não diferenciáveis. Pode es- capar de máximos locais melhor que métodos bayesianos. | Pode ser lento devido ao grande número de avaliações necessárias. Mais difícil de controlar a convergên- cia. |

Tabela 2.3: Comparativo entre métodos de otimização de hiperparâmetros

A tabela-2.3 apresenta de maneira estruturada as vantagens e desvantagens dos principais métodos.

Otimização Automática dos Hiperparâmetros

3.1. Sobre o Optuna

O Optuna é uma biblioteca de código aberto para otimização automática de hiperparâmetros, amplamente utilizada em projetos de aprendizado de máquina e aprendizado profundo. Seu principal objetivo é encontrar, de forma eficiente, os melhores conjuntos de hiperparâmetros para modelos complexos, como redes neurais, modelos de árvore de decisão e até mesmo pipelines de processamento de dados.

A principal vantagem do Optuna em relação a outras abordagens de otimização (como grid search ou random search) está em sua estratégia de busca baseada em algoritmos de otimização bayesiana e Tree-structured Parzen Estimator (TPE), que permitem uma exploração mais inteligente e eficaz do espaço de busca.

O fluxo básico de uso do Optuna envolve a definição de uma função objetivo (chamada 'objective') que recebe como entrada um conjunto de hiperparâmetros propostos pela biblioteca, treina o modelo e retorna uma métrica de desempenho (como acurácia, erro quadrático médio, AUC, etc). A função 'study.optimize(objective, n_trials=...)' é então chamada para realizar a otimização, onde 'n_trials' define o número de execuções experimentais. A cada trial, o Optuna atualiza seu conhecimento sobre o espaço de busca e sugere novas configurações com base nos resultados anteriores.

Além de sua eficiência, o Optuna possui recursos poderosos como: Pruning automático: interrompe experimentos pouco promissores precocemente para economizar tempo computacional; Visualizações integradas: permite gerar gráficos de importância de hiperparâmetros, evolução da otimização e distribuição de valores testados; Integração com frameworks populares: como PyTorch, TensorFlow, Scikit-Learn, LightGBM, XGBoost e outros;

Assim, o Optuna fornece uma estrutura robusta, escalável e inteligente para experimentação e busca automatizada de hiperparâmetros, contribuindo significativamente para a melhoria do desempenho de modelos de machine learning de forma prática e reprodutível.

3.2. Funcionamento Geral do Optuna

O funcionamento geral do Optuna é apresentado na Figura-3.1 este esquema funciona como um sistema inteligente de otimização de hiperparâmetros que automatiza o processo de busca pelos melhores valores para maximizar ou minimizar uma função objetivo. Seu principal objetivo é encontrar a melhor combinação de parâmetros para algoritmos de aprendizado de máquina de forma eficiente, flexível e automatizada. Ele se destaca por empregar uma abordagem moderna chamada "define-by-run", que permite que a busca de hiperparâmetros seja adaptada dinamicamente durante a execução do código, sem exigir que o espaço de busca seja totalmente especificado antecipadamente.

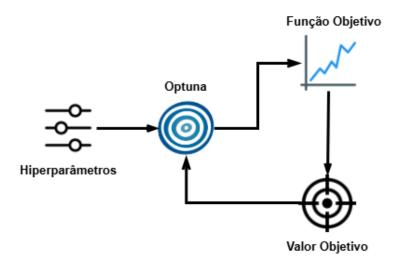


Figura 3.1: Funcionamento Geral do Optuna

O funcionamento geral do Optuna pode ser dividido em três componentes principais: o study, o trial e a função objective. O study é o objeto principal que gerencia o processo de otimização — ele registra os resultados das tentativas anteriores e decide quais configurações tentar a seguir. A função objetivo (objective function) define o problema de otimização e retorna um valor escalar (como um erro, perda ou métrica de avaliação negativa) que o Optuna tentará minimizar ou maximizar. Cada execução dessa função, com um conjunto diferente de hiperparâmetros sugerido pelo Optuna, é chamada de trial.

Durante o processo, o Optuna utiliza algoritmos de otimização baseados em técnicas como Treestructured Parzen Estimator (TPE) ou simulated annealing, que são eficientes para explorar espaços de busca grandes e complexos. Além disso, o Optuna possui recursos como pruning automático de experimentos ruins, integração com frameworks populares (PyTorch, TensorFlow, XGBoost etc.), e suporte nativo à otimização distribuída, o que o torna altamente escalável.

Em resumo, o funcionamento do Optuna pode ser entendido como um laço de otimização inteligente onde, a cada tentativa, são testados novos valores de hiperparâmetros, com base nos resultados anteriores, buscando sempre encontrar a melhor configuração possível para o problema proposto. Isso o torna uma ferramenta poderosa e amplamente adotada em projetos de ciência de dados, machine learning e deep learning.

3.3. Utilizando o Optuna

O código desenvolvido tem como objetivo identificar a melhor combinação de hiperparâmetros para um modelo XGBoost aplicado a um problema de classificação multiclasse. Para isso, realiza testes com diferentes quantidades de tentativas, analisando como o número de iterações influencia a qualidade do modelo final.

Os resultados obtidos são armazenados para posterior análise, incluindo: os melhores hiperparâmetros encontrados, o histórico completo do processo de otimização e a comparação de desempenho entre diferentes quantidades de tentativas.

Importa as bibliotecas essenciais para realizar a otimização de hiperparâmetros, a construção do modelo, a geração e manipulação do conjunto de dados, além da visualização dos resultados.

```
import optuna
from optuna.visualization import plot_optimization_history
import xgboost as xgb
from sklearn.datasets import make_classification
from sklearn.model_selection import cross_val_score
from sklearn.model_selection import StratifiedKFold
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import warnings
import pandas as pd
```

Programa 3.1: Importando as Bibliotecas

Gera um conjunto de dados sintético contendo 10.000 amostras, 20 variáveis preditoras (sendo 15 informativas e 3 redundantes) e três classes, incorporando 10% de ruído nos rótulos.

Programa 3.2: Criação do Dataset Sintético

Define os hiperparâmetros a serem otimizados com base nas sugestões fornecidas pelo Optuna. Utiliza validação cruzada estratificada com 5 divisões para avaliar o desempenho do modelo, retornando a acurácia média como métrica a ser maximizada durante o processo de otimização.

```
def objective(trial):
   params = {
        'objective': 'multi:softmax',
        'eval_metric': 'mlogloss',
        'booster': trial.suggest_categorical('booster', ['gbtree', 'dart']),
        'lambda': trial.suggest_float('lambda', 1e-8, 1.0, log=True),
        'alpha': trial.suggest_float('alpha', 1e-8, 1.0, log=True),
        'max_depth': trial.suggest_int('max_depth', 3, 12),
        'eta': trial.suggest_float('eta', 0.01, 0.3),
        'gamma': trial.suggest_float('gamma', 1e-8, 1.0),
        'grow_policy': trial.suggest_categorical('grow_policy', ['depthwise', '
           lossguide']),
        'subsample': trial.suggest_float('subsample', 0.5, 1.0),
        'colsample_bytree': trial.suggest_float('colsample_bytree', 0.5, 1.0),
        'min_child_weight': trial.suggest_int('min_child_weight', 1, 10),
        'num_class': 3,
        'n_estimators': 200
   }
   if params['booster'] == 'dart':
       params['sample_type'] = trial.suggest_categorical('sample_type', ['uniform',
            'weighted'])
       params['normalize_type'] = trial.suggest_categorical('normalize_type', ['tree
            ', 'forest'])
       params['rate_drop'] = trial.suggest_float('rate_drop', 1e-8, 1.0)
       params['skip_drop'] = trial.suggest_float('skip_drop', 1e-8, 1.0)
   # Validação cruzada sem early stopping
   cv = StratifiedKFold(n_splits=5, shuffle=True, random_state=42)
   model = xgb.XGBClassifier(**params)
   scores = cross_val_score(model, X, y, cv=cv, scoring='accuracy', n_jobs=-1)
   return np.mean(scores)
```

Programa 3.3: Função Objetivo

Inicializa um estudo com o Optuna visando maximizar a acurácia do modelo. Realiza o processo de otimização com o número de tentativas definido e armazena os melhores resultados obtidos, assim como o histórico completo da otimização.

```
def run_optimization(n_trials):
    study = optuna.create_study(direction='maximize')
    study.optimize(objective, n_trials=n_trials)

results = {
    'best_accuracy': study.best_value,
    'best_params': study.best_params,
    'all_trials': study.trials_dataframe(),
    'optimization_history': plot_optimization_history(study)
}
return results
```

Programa 3.4: Execução da Otimização

Seleciona a melhor execução entre todas as realizadas e exibe os hiperparâmetros que obtiveram o melhor desempenho.

```
best_overall = max(final_results.items(), key=lambda x: x[1]['best_accuracy'])
```

Programa 3.5: Análise Final

Cria um gráfico mostrando como a acurácia melhora com o aumento do número de tentativas.

```
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(
    list(final_results.keys()),
    [res['best_accuracy'] for res in final_results.values()],
    marker='o',
    linestyle='--'
)
```

Programa 3.6: Visualização

3.4. Visualização dos Parâmetros da Otimização

Com base nas figuras apresentadas, que mostram o histórico de otimização com 100 e 150 tentativas utilizando o Optuna, é possível observar o comportamento do processo de busca pelos melhores hiperparâmetros ao longo dos experimentos.

Na Figura-3.2, mostra o resultado com 100 tentativas, percebe-se uma rápida elevação da métrica de desempenho nas primeiras execuções, seguida por uma estabilização em torno do valor máximo de acurácia. A linha vermelha, que representa o melhor valor encontrado até cada ponto, mostra que, após aproximadamente 30 tentativas, o ganho marginal com novas explorações se torna muito pequeno, indicando convergência prematura da otimização.

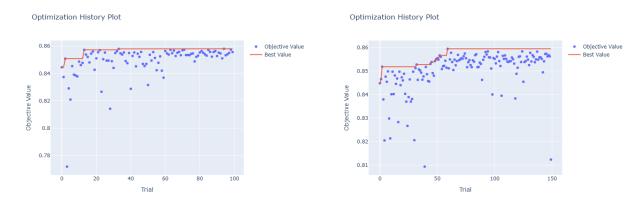


Figura 3.2: Otimização com 100 Tentativas

Figura 3.3: Otimização com 150 Tentativas

Na Figura-3.3, mostra o resultado com 150 tentativas, o comportamento inicial é semelhante, com melhora rápida nas primeiras execuções. No entanto, o maior número de tentativas permitiu explorar mais regiões do espaço de hiperparâmetros, o que resultou em uma leve melhoria do valor ótimo encontrado. Apesar disso, observa-se que o ritmo de melhoria diminui significativamente após a 60ª tentativa, sugerindo que o ganho adicional proporcionado por 50 execuções extras é modesto em relação ao custo computacional envolvido.

Essas visualizações reforçam a importância de definir um número adequado de tentativas no processo de otimização: poucas iterações podem resultar em soluções subótimas, enquanto execuções excessivas oferecem ganhos marginais com alto custo. O ponto de equilíbrio deve considerar os recursos disponíveis e a complexidade do problema.

3.5. Melhoria Geral do Modelo

A Figura-3.4 ilustra a evolução da melhor acurácia obtida pelo modelo à medida que se aumenta o número de tentativas (trials) no processo de otimização de hiperparâmetros.

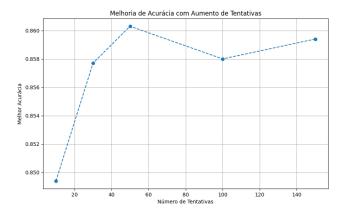


Figura 3.4: Evolução da Acurácia

É possível observar um ganho acentuado de desempenho entre 10 e 50 tentativas, indicando que as primeiras iterações são altamente eficazes para identificar boas regiões no espaço de busca. A acurácia sobe rapidamente de aproximadamente 0.849 para mais de 0.860 sugerindo que, nesse intervalo, a otimização é mais produtiva.

Entretanto, a partir da 50ª tentativa, os ganhos começam a se estabilizar. Notavelmente, com 100 tentativas ocorre uma leve queda na melhor acurácia, possivelmente devido à exploração de regiões menos promissoras do espaço. Com 150 tentativas a acurácia volta a subir levemente, embora sem superar o pico obtido com 50 trials.

Esse comportamento evidencia o fenômeno dos ganhos decrescentes após certo ponto, aumentos no número de tentativas tendem a gerar apenas pequenas melhorias — ou até oscilações — no desempenho final. Assim, para problemas com restrições de tempo ou recursos, limitar a otimização a algo entre 30 e 50 tentativas pode oferecer uma boa relação entre custo computacional e benefício obtido.