## HW 11

2 Грамматика  $\ll S->aSbbb|aaaSbb|c\gg$  задаёт язык

 $L = \{a^{n+3m}\ c\ b^{4n+2m}\},$  где n и m неотрицательные целые числа - количество применений первого и второго правил соответственно

Очевидно, что порядок правил неважен, мы можем вначале применить все первые правила, затем все вторые и получим то же самое слово

Поэтому можно переписать нашу грамматику в такой вид:

S - > aSbbbb|T

T->aaaSbb|c

А это уже однозначная грамматика, так как по количеству букв a и b мы можем восстановить количество применений первого и второго правил:

Пусть  $w = a^n \ c \ b^m$  и мы применили x раз первое правило и y раз второе

Тогда x + 3y = n и 4x + 2y = m

Эта система имеет единственное решение:

x = (3m - 2n)/10 и y = (4n - m)/10

Значит дерево вывода задаётся однозначно

3

4