

中国计量学院《信号与系统》课程模拟试卷（二）

开课二级学院: 信息工程学院 , 考试时间: 年 月 日 时

考试形式：闭卷☐√、开卷☐，允许带_____入场

考生姓名: _____ 学号: _____ 专业: _____ 班级: _____

题序	一	二	三	四	五	六	七	总分
得分								
评卷人								

一. (共 26 分) 简答题

1、 (4 分)写出 $A \delta(t-t_0)$ 的傅里叶变换。

2、 (4分) 写出函数 $f(t) = [(t) + e^{-2t} (t)]$ 的拉普拉斯变换 $F(s)$:

3、(4 分) 求出序列 $x(n)$ 的 Z 变换 $X(z)$:

4. (4 分) 离散时间 LTI 系统的单位样值响应为 $h[n]$ ，试判断系统的因果性和稳定性，并简要说明理由。

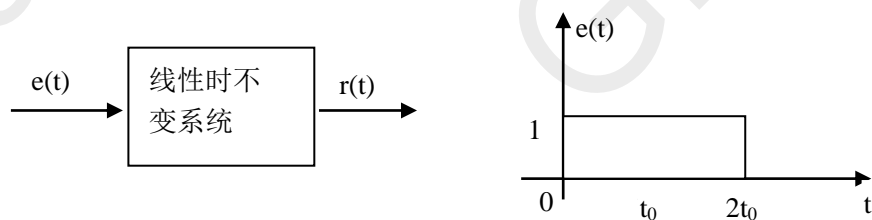
5. (6 分) (1) 对于带宽为 (假设信号的最高频率为) 的信号 进行采样, 其奈奎斯特频率 为多少? (2) 信号 的带宽为多少? 其奈奎斯特间隔 为多少?

6. (4 分) 计算积分 的值。

二、(10 分) 已知一线性时不变系统的频率响应函数为:

, K , t_0 为常数。

- (1) 求系统的单位冲激响应 $h(t)$;
- (2) 当输入 $e(t)$ 为矩形脉冲 (如图) 时, 画出该系统输出信号 $r(t)$ 的波形。

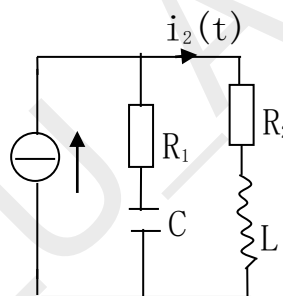


三、(10 分) 系统如图所示，激励为 $i_1(t)$ ，
响应为 $i_2(t)$ 。

(1) 求系统函数 $H(s)$ ；

(2) 若 $i_1(t)=2A$ ，求 $i_2(t)$ 。

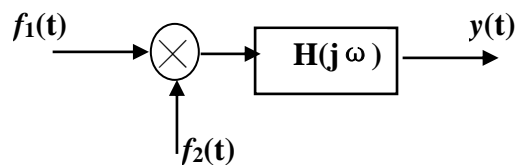
已知 $R_1=R_2=1\ \Omega$ ， $C=1F$ ， $L=1H$ 。



四、(8 分) 已知某一连续时间 LTI 系统的频率响应为 $H(j\omega)$ ，求

对信号 $x(t)=A\cos(\omega_0 t)+B\sin(\omega_0 t)$ 的响应。

五、(17) 已知系统如图所示，其中 $f_1(t)$ 和 $f_2(t)$ 的频谱图分别为



(1) 求出 $f_1(t)$ 和 $f_2(t)$ 的频谱图；

(2) 若要求 $y(t)$ 的周期 T 及框图中的 $H(j\omega)$ 。

六、(16 分) 已知连续时间系统的系统函数为 $H(s) = \frac{s}{s^2 + 3s + 2}$

- (1) 求该系统的微分方程;
- (2) 求该系统的单位冲激响应;
- (3) 若激励信号 $e(t) = u(t)$, 起始状态为 $r(0_-) = 1, r'(0_-) = 2$, 求该系统的零输入响应和零状态响应。

七、(13 分) 线性时不变离散系统的差分方程为

$$y(n) + 0.4y(n-1) - 0.32y(n-2) = 4f(n) + 2f(n-1)$$

- (1) 求该系统的系统函数 $H(z)$;
- (2) 判定该系统的稳定性;
- (3) 求该系统的单位样值响应。

答案去 BB 平台登录, 找到右边注册的课程信号与系统, 进去后找模拟试卷, 里面有答案, 答案无法直接下载。

中国计量学院《信号与系统》课程模拟试卷（二）

参考答案及评分标准

开课二级学院： 信息工程 ， 学生专业： ， 教师：

一、简答题（共26分）

1、（4分） $F(\omega) = Ae^{-j\omega t_0}$

2、（4分） $F(s) = \frac{1}{s} + \frac{1}{s+2} = \frac{2(s+1)}{s(s+2)}$

3、（4分） $X(z) = \frac{z-z^{-1}}{z-\frac{1}{2}} = \frac{1}{z-\frac{1}{2}}$ (3分), $|z| > \frac{1}{2}$ (1分)

4、（4分，各2分）因为 $n < 0$ 时， $h(n) \neq 0$,所以系统为非因果系统；

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} |h(n)| = \sum_{n=-\infty}^{\infty} 4^n = \frac{64}{3}, \text{ 所以该系统为稳定系统。}$$

(1) 对于带宽为 20kHz 的信号 $f(t)$ 进行采样, 其奈奎斯特频率 f_N 为 40kHz 。(2分)

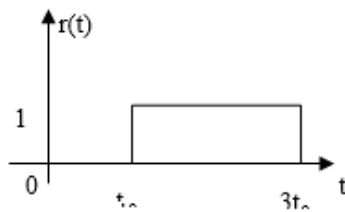
(2) 信号 $f(2t)$ 的带宽为 40kHz ;(2分)

其奈奎斯特间隔 T_N 为 $\frac{1}{80}(\text{ms})$ 。(2分)

i、(4分) $\int_{-\infty}^{\infty} 2\delta(t) \frac{\sin 2t}{t} dt = 4$

二. (共10分)

$$h(t) = K\delta(t - t_0) \quad (5\text{分})$$



$$\text{三. (10分) (1) } H(s) = \frac{I_2(s)}{I_1(s)} = \frac{R_1 + \frac{1}{sC}}{R_1 + R_2 + \frac{1}{sC} + sL} = \frac{1}{s+1} \quad (5\text{分})$$

$$(2) \quad I_2(s) = \frac{1}{s+1} \cdot \frac{2}{s} = 2\left(\frac{1}{s} - \frac{1}{s+1}\right)$$

$$i_2(t) = 2u(t) - 2e^{-t}u(t) \quad (5\text{分})$$

$$\text{四. (8分) } y(t) = A\cos(\omega_0 t - \frac{\pi}{2}) + B\sin(\omega_0 t - \frac{\pi}{2}) = A\sin(\omega_0 t) - B\cos(\omega_0 t)$$

$$\text{五. (17分) (1) } F_1(j\omega) = F\left[\frac{\sin 100t}{\pi}\right] = \varepsilon(\omega + 100) - \varepsilon(\omega - 100) \quad (5\text{分})$$

$$F_2(j\omega) = F[f_2(t)] = 2\pi \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(\omega - k\omega_s), \quad \omega_s = \frac{2\omega}{T} \quad (5\text{分})$$

$$(2) \quad Y_1(j\omega) = \frac{1}{2\pi} F_1(j\omega) * F_2(j\omega) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} F[j(\omega - k\omega_s)]$$

$$\omega_s = \frac{2\pi}{T} \geq 2 \times 100, \quad T \leq \frac{\pi}{100} \text{秒}$$

$$H(j\omega) = G_{2\pi} e^{-j0.03\omega}, \quad 100 \leq \omega_c \leq \frac{2\pi}{T} - 100 \quad (7\text{分})$$

六、(16分)

(1) 该系统的微分方程为 $r''(t) + 3r'(t) + 2r(t) = e'(t)$ (4分)

$$(2) \quad H(s) = \frac{s}{s^2 + 3s + 2} = \frac{2}{s+2} - \frac{1}{s+1} \quad (5\text{分})$$

$$h(t) = (2e^{-2t} - e^{-t})u(t)$$

(3) 零输入响应 (3分)

$$r_{zi}(t) = Ae^{-2t} + Be^{-t}$$

$$\begin{cases} A+B=1 \\ -2A-B=2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A=-3 \\ B=4 \end{cases}$$

$$r_{zi}(t) = (-3e^{-2t} + 4e^{-t})u(t)$$

零状态响应 (4分)

零状态响应 (4分)

$$R_{zs}(s) = \frac{s}{s^2 + 3s + 2} E(s) = \frac{1}{s^2 + 3s + 2} = \frac{1}{s+1} - \frac{1}{s+2}$$

$$r_{zs}(t) = (-e^{-2t} + e^{-t})u(t)$$

七、(13分)

$$(1) H(z) = \frac{4z^2 + 2z}{z^2 + 0.4z - 0.32} \quad |z| > 0.8 \quad (5分)$$

(2) 零点 $z_1 = 0, z_2 = -0.5$; 极点 $p_1 = -0.8, p_2 = 0.4$ 。因极点都位于 z 平面的单位圆内, 故系统稳定。(3分)

$$(3) H(z) = \frac{z}{z+0.8} + \frac{3z}{z-0.4}$$

$$h(n) = Z^{-1}[H(z)] = (-0.8)^n u(n) + 3(0.4)^n u(n) \quad (5分)$$