

字典序算法

转载

衣乌安、

2018-10-10 09:03:29

1396

★ 收藏

4

分类专栏：

数据结构及算法

文章标签：

字典序

 数据结构及算法 专栏收录该内容

0 订阅

7 篇文章

订阅专栏

转自：[http://www.sohu.com/a/228117420\\_453160](http://www.sohu.com/a/228117420_453160)



算法题目：

给定一个正整数，实现一个方法来求出离该整数最近的大于自身的“换位数”。

什么是换位数呢？就是把一个整数各个数位的数字进行全排列，从而得到新的整数。例如53241和23541。

小灰也不知道这种经过换位的整数应该如何称呼，所以姑且称其为“换位数”。

题目要求写一个方法来寻找最近的且大于自身的换位数。比如下面这样：

输入**12345**，返回**12354**

输入**12354**，返回**12435**

输入**12435**，返回**12453**

让我想一想啊.....



我发现了，这里面有个规律！  
让我来解释一下.....



小灰发现的“规律”：

输入**12345**，返回**12354**

$12354 - 12345 = 9$

刚好相差9的一次方

输入**12354**，返回**12435**

$12435 - 12354 = 81$

刚好相差9的二次方

所以，每次计算最近的换位数，只需要加上9的N次方即可？

怎么样怎么样，  
我是不是很机智？



这算哪门子规律？ $12453-12435=18$ ， $24135-23541=594$ ，也并不都是9 幂啊！



呵呵！今天就先到这里，回家等通知去吧！



小灰，听说你去面试了？结果怎么样？



哎.....



大黄，你教教我怎么寻找最近的换位数呗？



好啊，在给出具体解法之前，小灰你先思考一个问题：由固定几个数字组成的整数，怎样排列最大，怎样排列最小？



让我想想啊.....



知道了，如果是固定的几个数字,应该是「逆序」情况下最大，「顺序」情况下最小！



举一个栗子：  
给定1,2,3,4,5这几个数字。  
最大的组合：**54321**  
最小的组合：**12345**

没错，顺序和逆序是两种极端的组合。下面我们来分析普遍情况下，一个数和它最近的换位数存在什么关联。

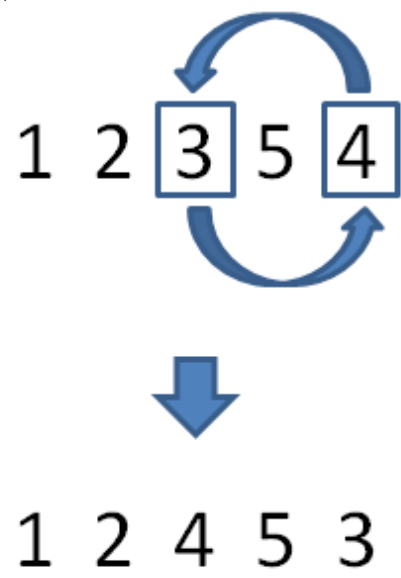


比如给定整数12354，如何找到离它最近且大于它的换位数呢？  
为了和原数接近，我们需要**尽量保持高位不变，低位在最小的范围内变换顺序**。  
那么，究竟需要变换多少位呢？这取决于当前整数的**逆序区域**。

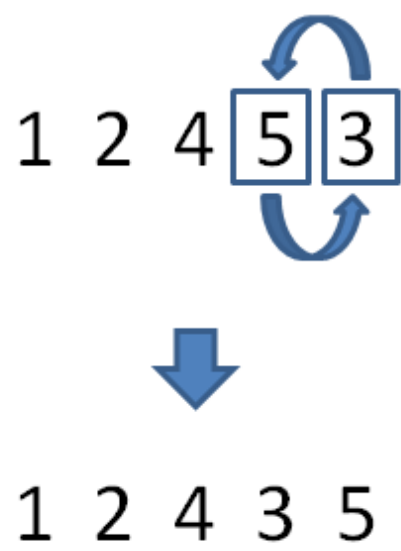
1 2 3 **5 4**  
逆序区域

如果所示，12354的逆序区域是最后两位，仅看这两位已经是当前的最大组合。若想最接近原数，又比原数更大，必须从**倒数第3位**开始改变。  
怎样改变呢？12345的倒数第3位是3，我们需要从后面的逆序区域中寻找到刚刚大于3的数字，和3的位置进行互换：





互换后的临时结果是12453，倒数第3位已经确定，这时候最后两位仍然是逆序状态。我们需要把最后两位**转变回顺序**，以此保证在倒数第3位数值为4的情况下，后两位尽可能小：

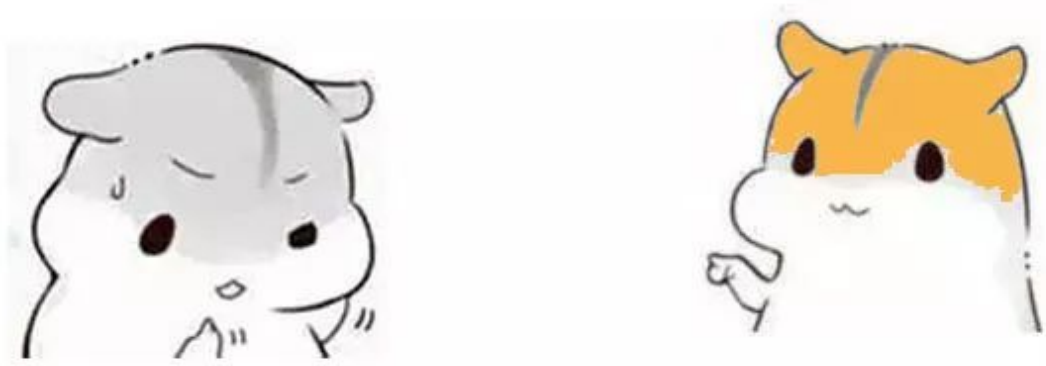


这样一来，我们就得到了想要的结果**12435**。

有些明白了，不过还真是复杂呀.....



看起来复杂，其实只要三个步骤：



获得最近换位数的三个步骤：

- 1.从后向前查看逆序区域，找到逆序区域的前一位，也就是数字置换的边界
- 2.把逆序区域的前一位和逆序区域中刚刚大于它的数字交换位置
- 3.把原来的逆序区域转为顺序

最后让我们用代码来实践一下。  
这里为了方便数位交换，入参和返回值都采用了整型数组：



1.

```
/**
 *字典序
 * 1 2 3
 * 1 3 2
 * 2 1 3
 * 2 3 1
 * 3 1 2
 * 3 2 1
 */
function f(num){
  var numArr = num.toString().split('');
  // 字符串转数字
  numArr = numArr.map(function(item){
    return parseInt(item);
  })
  // console.log('初始numArr:',numArr);
  var l = numArr.length;
  for(i=l-1;i>0;i--){

    if((numArr[i]-0)>(numArr[i-1]-0)){
```

```
        for(j=l-1;j>=i;j--){
            // if((numArr[i-1]-0)>(numArr[j]-0)){
            let reArr = numArr.slice(i,l); //逆序区
            console.log('逆序区: ',reArr);
            //找到逆序区中大于临界值的所有数的最小值
            reArr = reArr.filter(function(item){
                return item>numArr[i-1]
            });
            console.log('逆序区中大于临界值: ',reArr);
            // let x = numArr[i-1]; //浅拷贝
            let x = JSON.parse(JSON.stringify(numArr[i-1]))
            let index = numArr.lastIndexOf(Math.min.apply(Math, reArr));
            console.log('index',index);
            numArr[i-1] = numArr[index];
            numArr[index] = x;
            console.log('变换后numArr:',numArr);
            let before = numArr.slice(0,i).join('');
            let after = numArr.slice(i,l).sort().join('');
            return before+after;
        }
    }

    }

    }

    }

    }

    var num = 123;
    for(i=0;i<6;i++){
        console.log(f(num));
        num = f(num);
    }
    /**
    132
    213
    231
    312
    321
    */
```

我自己理解的思路：首先自右向左选相邻两数比较，若左边数小于右边数取左边数数记为 **x** ，然后自末位向左至 **x** 位选取大于 **x** 的数中最小值记为 **m** ，将 **x** 与 **m** 位置互换；将 **x** 位右边数字升序排序。即得到当前数字字符串按字典序的下一位数字

这种解法拥有一个高大上的名字：字典序算法。



小灰，你说说这个解法的时间复杂度是多少？



三个步骤的每一步都是  $O(n)$ ，  
所以整体时间复杂度也是  $O(n)$ ！



完全正确。对于这道算法题的  
解答就介绍到这里，如果大家  
有什么更优化的想法欢迎提出。  
感谢大家！

