

Teoria da computação

Universidade Federal de Santa Catarina - UFSC

Relatório do trabalho 1

Luiz Carlos Ferreira Jr - 13100761
Joaquim B. Belo - 14100838

1

***Resumo.** Este relatório descreve detalhes referentes ao primeiro trabalho da cadeira de Teoria da Computação no primeiro semestre de 2016 do curso de ciências da computação na Universidade Federal de Santa Catarina, ministrado pela prof. Jerusa Marchi. Este trabalho se refere a uma implementação de um programa que realiza a transformação de automatos finitos NÃO DETERMINISTICOS em automatos finitos DETERMINISTICOS.*

***Palavras-chave:** computação, determinização, automatos.*

1. Introdução

O trabalho tem como objetivo o desenvolvimento (implementação) dos algoritmos básicos para tratamento de linguagens regulares. Trata-se da implementação das transformações de mecanismos não determinísticos em mecanismos determinísticos. Por opção nossa resolvemos adicionar funcionalidades extras como o teste e execução da máquina.

Todas as entradas e saídas (Até mesmo as configurações) são via arquivos. Arquivos que possuem a extensão ".in" são entradas e ".out" são gerados pelo programa e são onde ficam as saídas. Existem saídas verbosas no programa, mas podem ser ignoradas utilizando apenas os arquivos de entrada e saída.

Todo o referencial teórico utilizado é referente ao visto em sala e no livro texto [Sipser 2006]

2. O programa

O programa em si é de fácil uso, ele determina AFND, testa AFD e AFND, e futuramente ele irá minimizar automatos. O mesmo funciona utilizando um conjunto de arquivos de entrada e saída que serão detalhados a seguir.

Teste1AfndAfn.in Input machine file Teste1AfndAfn.out Determinized output machine file Teste.in List input words to test machine Teste.out Test output Config Configuration file

2.1. Arquivos de entrada:

O programa possui os seguintes arquivos de entrada:

- Teste1AfndAfn.in
- Teste.in

Onde, Teste1AfndAfn.in deve ser onde a máquina de entrada deve ser descrita em forma de tabela de transição e Teste.in deve ser onde as entradas devem ser listadas para serem usadas como entradas para a máquina, existe um exemplo nos arquivos.

2.2. Arquivos de saída:

O programa possui os seguintes arquivos de saída:

- Teste1AfnAfn.out
- Teste.out

Estes arquivos são gerados automaticamente pelo programa quando ele tiver a necessidade de utilizá-los para colocar seus outputs. No caso do Teste1AfnAfn.out, quando uma máquina é determinada ela é escrita neste arquivo em forma de tabela de transição. Para o arquivo Teste.out, ele lista todas as entradas existentes em Teste.in e coloca ao lado se a palavra pertence a linguagem que o automato reconhece ou não.

2.3. Configuração:

Config é o arquivo responsável pela configuração do programa, nele contem alguns parâmetros que mudam algumas coisas no funcionamento do programa. os parâmetros são:

EpsilonIdentifier: Usado para definir qual é o símbolo na tabela de transição que representa as transições por epsilon. Por padrão ele já possui "&" como seu valor.

FinalStateIdentifier: Usado para definir qual é o símbolo que identifica um estado final na tabela de transição, por padrão ele já possui "*" como seu valor.

InitialStateIdentifier: Um dos dois únicos parâmetros que podem conter mais de um caractere como seu valor, usado para definir um estado inicial. Por padrão ele possui "— >" como seu valor.

FirstTableNullSlotId: Usado apenas para ser um slot nulo na primeira posição da tabela, por padrão ele é "#".

NotTransitionIdentifier: Outro parâmetro que pode ter mais de um caractere como seu valor, define uma "Não-transição", ou seja, símbolo que define que o estado não transita por uma certa entrada. Por padrão possui "——" como seu valor.

OutTableColumnLength: Valor numérico, representa o espaço que deve ser usado para tabular a tabela de transição da máquina de saída, por padrão possui 18 caracteres para cada setor da tabela.

2.4. Detalhes técnicos do programa:

O programa tem a capacidade de executar a máquina e reconhecer linguagens regulares, uma característica importante do software é que ele consegue simular o não determinismo a partir de uma estrutura de dados chamada "multimap". O programa foi implementado em c++, utilizando o standard definido em 2011 conhecido como c++11 onde ambos alunos que desenvolveram em conjunto possuem maior afinidade. Futuramente tentaremos implementar threads para ser mais fiel ao não determinismo.

Um automato não determinístico possui duas características que o torna diferente do determinístico:

- Epsilon transições
- Transições de um mesmo estado por uma mesma entrada para estados diferentes

Partindo do princípio que um automato finito é um tipo de grafo orientado, podemos defini-lo como tal onde cada vértice é um estado e cada transição é uma aresta. Um grafo é na verdade dois conjuntos, um sendo o conjunto de vértices e outro o de arestas. Um vértice possui um conjunto de estados a qual ele está conectado, um automato também possui tais características, tanto que, pode ser definido como uma função $(estadoAtual \times simbolo) \rightarrow proxEstado$ chegamos as seguintes soluções para implementação:

Conjunto extra para epsilon transições

O programa possui uma abstração de automato finito em sua implementação, nossas transições são feitas usando mapeamento, onde cada estado possui um atributo que armazena esses mapeamentos (será tratado em breve), mas para as e-transições usamos um atributo exclusivo pois não se tem um símbolo por qual transitar. Tal atributo é uma instância da estrutura `std::set` (conjunto do c++) em que todos os estados que esse estado atinge por epsilon são adicionados. Ao transitar a máquina primeiro realiza os ramos de computação iniciando pelos estados contidos no conjunto citado. [O algoritmo de transição será mostrado na seção correta deste relatório]

Multimap: Para múltiplas transições por um mesmo símbolo.

Multimap foi a saída que achamos para mapear um estado a múltiplos estados utilizando uma mesma chave (símbolo). Nosso automato não segue a risca a função $(estadoAtual \times simbolo) \rightarrow proxEstado$ mas sim algo parecido $(estadoAtual \times simbolo) \rightarrow (ConjDeEstados)$ onde conseguimos mapear um estado a múltiplos por um único símbolo.

3. Algoritmos usados

O programa em si é extenso demais para se detalhar passo a passo de seus algoritmos aqui. Esboçaremos apenas o que achamos ser de suma importância e relevância para os objetivos do relatório e da avaliação.

3.1. Determinização de automatos

OBS : Levando em consideração que cada estado da máquina determinizada possua um ou mais estados que o compoem, podemos vê-los como cada estado na AFD fosse um conjunto de 1 ou mais estados da AFND. Abstraimos tal transformação no algoritmo, porém será avisado em forma de comentário.

Parte1

```
1 |
2 | Automato determinar(Automato AFND) {
3 |
4 |     Estado antigoEstadoInicial = AFND.pegarEstadoInicial();
5 |
6 |     //pega o antigo estado inicial junto com seu epsilon fecho e
      cria um estado novo com eles
7 |     Estado novoEstadoInicial = antigoEstadoInicial.
      estadoMaisEpsilonFecho();
8 |
9 |     Automato AFD;
10 |
11 |     AFD.adicionaEstado(novoEstadoInicial);
```

```

12     AFD.atualizarEstadoInicial(novoEstadoInicial);
13
14     //Se pelo menos um dos estados usados para fazer "
        novoEstadoInicial"
15     //ent o ele ser um estado final
16     se ( ContemEstadoFinal(novoEstadoInicial) ){
17         AFD.addNoConjDeEstadosFinais(novoEstadoInicial);
18     }
19
20     //Agora adicionamos os proximos estados recursivamente
21     //Adicionando os estados na AFD conforme vamos alcanando
22     atingeProximoEstado(AFND, AFD, novoEstadoInicial);
23
24     retorna AFD;
25 }

```

Parte2

```

1 void atingeProximoEstado(Automato AFND, Automato AFD, Estado
    estadoAtual)
2 {
3     Simbolo[] sigma = AFND.pegaVetorSigma(); //vetor com o
        alfabeto de entrada
4
5     para cada estado em estadoAtual fa a{
6
7         para cada simbolo em sigma fa a{
8
9             Conjunto<Estado> estadosAtingidos = estado.
                pegaAtingidosPor(simbolo);
10
11             //abstraindo novamente a transforma o de conj de
12             //Estados para um unico estado.
13             Estado proximoEstado = estado.epsilonFecho() +
                estadosAtingidos;
14
15             se ( AFD.estadoNoExistente(proximoEstado) ){
16                 AFD.adicionaEstado(proximoEstado);
17                 se (ContemEstadoFinal(proximoEstado)){
18                     AFD.addNoConjDeEstadosFinais(proximoEstado);
19                 }
20                 atingeProximoEstado(AFND, AFN, proximoEstado);
21             }
22
23             AFD.addTransi o (simbolo, estadoAtual,
                proximoEstado);
24         }
25     }
26 }
27 }

```

3.2. Transições e validação de palavras

Método recursivo que retorna os estados das folhas dos ramos de computação para se validar a palavra ou não.

Parte do automato:

```

1 bool Automato::validaPalavra(Entrada palavra) {
2
3     //palavra transformada em pilha para simplificar o consumo
4     //durante a computação
5     pilha<simbolo> pilha = palavra.transformaEmPilha();
6
7     conjunto<Estado> estadosAtingidos = estadoInicial.
        realizaTransições(pilha);
8
9     para cada estado em estadosAtingidos faça {
10         se (estado. final ()) {
11             retorna true; //pelo menos um estado final atingido,
                palavra aceita
12         }
13     }
14
15     retorna false; //nenhum estado final atingido, nega a palavra
16 }

```

Parte do estado:

```

1
2 conjunto<Estado> Estado::realizaTransições(pilha<simbolo>
    palavra) {
3     conjunto<Estados> estadosAtingidos;
4
5     //conjunto epsilon o conjunto de estados atingidos por
        epsilon
6     //a partir de um estado
7     se (conjuntoEpsilon.tamanho() > 0) {
8         para cada estado em conjuntoEpsilon faça {
9             conjunto<Estado> resultado = estado.
                realizaTransições(palavra);
10             estadosAtingidos.unio(resultado);
11         }
12     }
13
14     se ( palavra.estaVazia() ) {
15         estadosAtingidos.insere(esteEstado);
16         return estadosAtingidos;
17     } else {
18
19         Simbolo s = palavra.pegarERetirarDoTopo();
20
21         //transições um objeto do tipo multimap, estrutura
            usada
22         //para representar as transições por algum simbolo.
23         se (transições.tamanho() > 0) {
24             para cada estado em transições.estadosMapeadosPor(s)
                faça {
25                 conjunto<Estado> resultado = estado.
                    realizaTransições(palavra);
26                 estadosAtingidos.unio(resultado);
27             }
28         }
29     }

```

```
30 |  
31 |     retorna estadosAtingidos;  
32 | }
```

Referências

Sipser, M. (2006). *Introduction to the computing theory*. Thomson Course Technology, 2nd edition.