Exercícios sobre Recursividade

1) Simule (teste de mesa) a versão recursiva de cada um dos algoritmos a seguir:

```
a) Fatorial
Base: n = 0 => 1
Caso Geral: fatorial(n) = n * fatorial(n - 1).
int fatorial(int n)
           if(n == 0) return 1;
           else return n * fatorial(n - 1);
}
b) Fibonacci
Base: n = 1 => 1, n = 2 => 1
Caso Geral: fibonacci(n) = fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2).
int fibonacci(int n)
{
          if(n \le 2) return 1;
           else return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);
}
c) Soma dos n primeiros números inteiros positivos:
Base: n = 0 => 0
Caso Geral: S(n) = S(n - 1) + n.
int somaNInteiros(int n)
{
          if(n == 0) return 0;
          else return somaNInteiros(n - 1) + n;
}
d) Potenciação recursiva com expoente inteiro positivo.
Base: X<sup>0</sup> = 1:
Regra Geral: X^n = X^{n-1} * X;
double potenciacao (double base, int exp)
{
           if (exp == 0) return 1;
           else return potenciacao (base, exp - 1) * base;
}
e) Soma dos elementos de um vetor até o índice n:
Base: para n < 0 \Rightarrow Soma (vet, n) = 0;
Caso Geral: Soma (vet, n) = Soma (vet, n - 1) + vet [ n ].
int somaVet (int vet[], int n)
{
          if (n < 0) return 0;
           else return somaVet(vet, n - 1) + vet[n];
}
```

2) Faça o teste de mesa para os algoritmos abaixo:

```
a)
int alg1 (int n)
{
            if (n == 0) return 2;
            else return 2 * alg1 (n - 1) + 3;
}
```

Suponha que alg1 é invocado p/ n = 4.

RESOLUÇÃO

n	alg1(n)
4	2 * alg1(3) + 3 => 2 * 37 + 3 = 77
3	2 * alg1(2) + 3 => 2 * 17 + 3 = 37
2	2 * alg1(1) + 3 => 2 * 7 + 3 = 17
1	2 * alg1(0) + 3 => 2 * 2 + 3 = 7
0	2 (Base de retorno de alg1(n))

```
b)
int alg2(int n)
          if (n == 0) return 1;
          else return 3 * alg2(n/2) + 1;
}
Suponha que alg2 é invocado com n = 10
c)
int alg3(int n)
{
          if (n <= 0) return 2;
          else return 2 * alg3(n - 2) + 1;
}
Suponha que alg3 é invocado com n = 7.
d)
int alg4(int n)
{
          if (n <= 0) return 2;
          else return alg4(n-1) * alg4(n-2);
}
Suponha que alg4 foi invocado com n = 4.
e)
int alg5(int n, int k)
          if(n == 0) return 0;
          else return alg5(n - 1, k) + k;
}
```

Suponha que alg5 é invocado p/ n = 4 e k = 5.