Théorème 1 (Variations d'un trinôme du second degré) Un polynôme de degré 2, $f(x) = ax^2 + bx + c$ admet pour variations :

— Si
$$a > 0$$

| x | -∞ | α | +∞ |
|------|----|---|----|
| f(x) | +∞ | β | +∞ |

— Si
$$a < 0$$

| x | $-\infty$ | α | +∞ |
|------|-----------|---------|----|
| f(x) | -∞ | β | -∞ |

On peut calculer les coordonnées du sommet de la parabole grâce aux formules

$$\alpha = -\frac{b}{2a}$$

$$\beta = f(\alpha)$$