# 计算机视觉一特征检测

申抒含 中国科学院自动化研究所 模式识别国家重点实验室



#### **Robot Vision Group**

National Laboratory of Pattern Recognition
Institute of Automation, Chinese Academy of Sciences

### 有关计算机视觉——整体框架



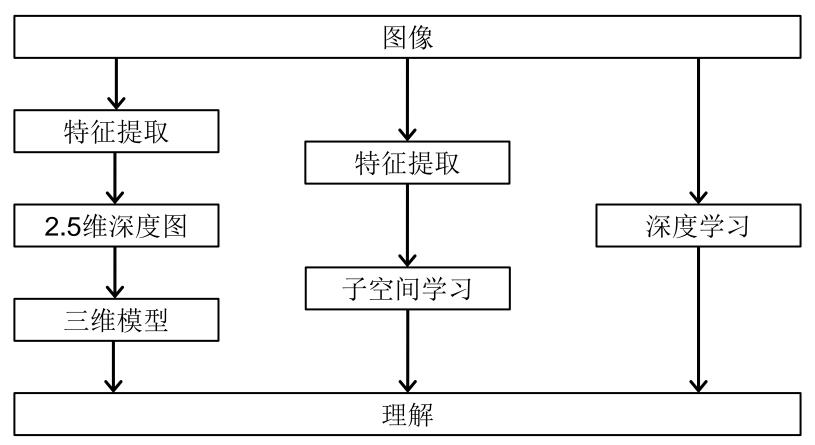
Marr,1981



Poggio,2000



Hinton,2006



#### 有关计算机视觉——模型比较

这三种视觉计算模型哪个最好?

#### Marr模型:

- 人类视觉的主要功能是复原三维场景的可见几何表面;
- 开创了计算机视觉学科;
- 在此模型上形成了以摄影几何为基础的完整的几何视觉理论;
- 这一模型目前看来是不符合人类视觉的;
- 但Marr提出的层次化三维重建框架,至今是计算机视觉中的主流方法。

#### 有关计算机视觉——模型比较

这三种视觉计算模型哪个最好?

#### Poggio模型:

- 人类对物体的表达,不是物体的三维几何形状,而是该物体在不同视点下的一组图像;
- 有心理学和生理学基础;
- 在此基础上发展了大量基于机器学习的方法(图像—特征—学习—识别);
- 这一模型仍不完善,基于子空间学习的方法遭遇瓶颈。

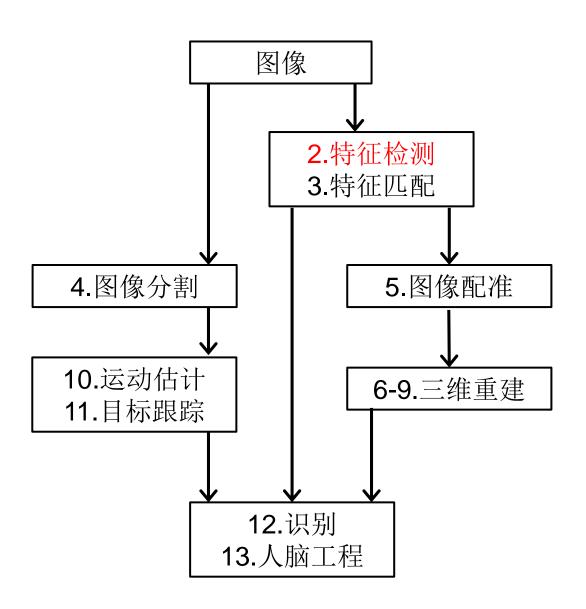
#### 有关计算机视觉——模型比较

这三种视觉计算模型哪个最好?

#### Hinton模型:

- 人类感知(包括视觉)的处理过程,是一个深层网络加工过程;
- 结构决定功能。人脑中一个神经元功能有限,但分层+联结的脑网络则具有高级智慧;
- 多层结构+分层学习的DNN在有效提升了图像、语音、文字的识别水平;
- DNN并非万能,也不是尽善尽美; DNN只是对大脑非常粗略的近似(况且我们对人脑认知机理了解还很肤浅); DNN网络内部的本质机理还不明确。

#### 计算机视觉课程结构图



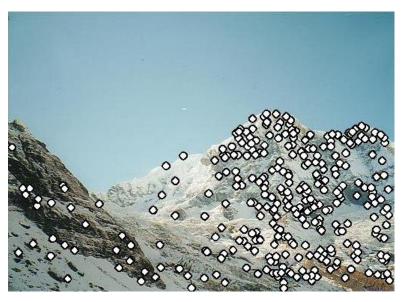
一个例子:全景图像拼接





给定两张图像,如何拼成大图?

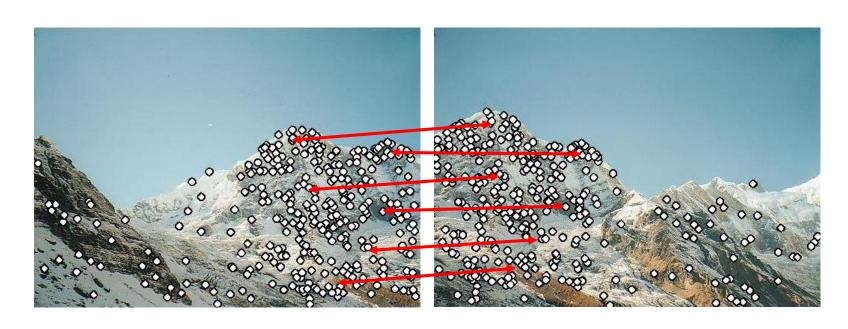
一个例子:全景图像拼接





步骤1: 检测特征点

一个例子:全景图像拼接



步骤1: 检测特征点

步骤2: 匹配特征点

一个例子:全景图像拼接

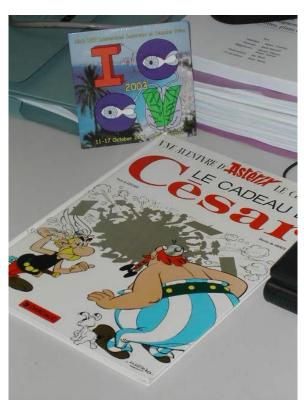


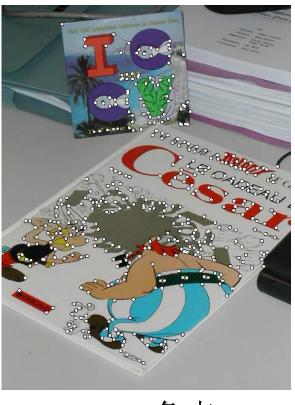
步骤1: 检测特征点

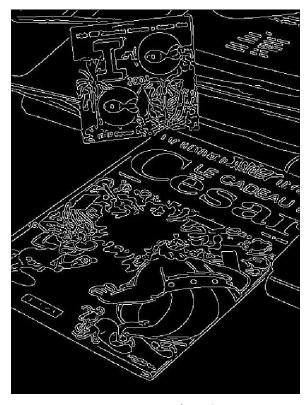
步骤2: 匹配特征点

步骤3:将图像配准

### 图像的特征有哪些







图像

Harris角点

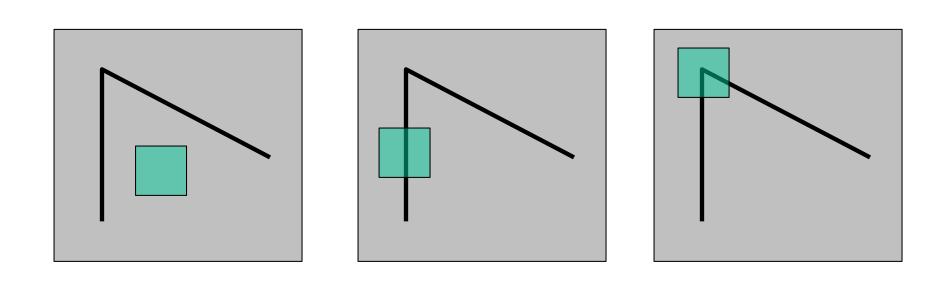
Canny边缘

计算机视觉中常用的图像特征包括:点、边缘、直线、曲线等

#### 点特征的优势:

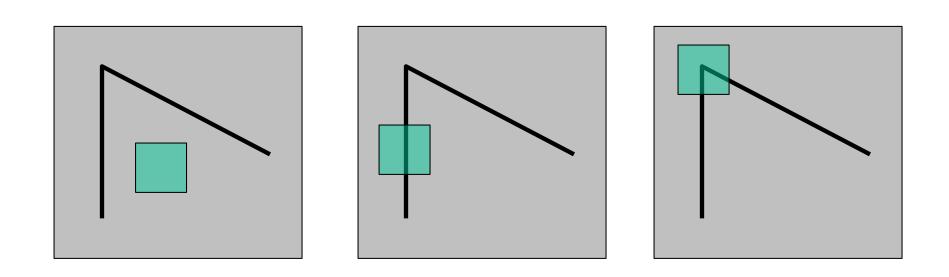
- 点特征属于局部特征,对遮挡有一定鲁棒性;
- 通常图像中可以检测到成百上千的点特征,以量取胜;
- 点特征有较好的辨识性,不同物体上的点容易区分;
- 点特征提取通常速度很快。

什么是好的点特征?



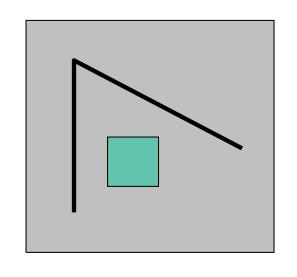
考虑图像上一个小窗口

什么是好的点特征?

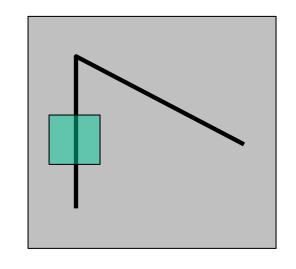


当窗口位置发生微小变化时,窗口图像如何变化?

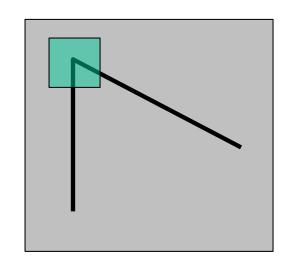
#### 什么是好的点特征?



平坦区域: 任意方向移动,无 灰度变化

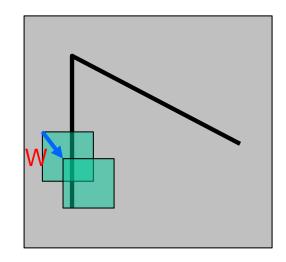


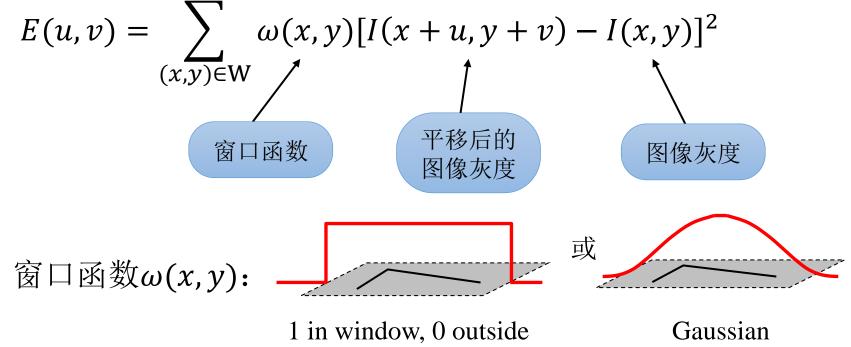
边缘: 沿着边缘方向移动 , 无灰度变化



角点: 沿任意方向移动, 明显灰度变化

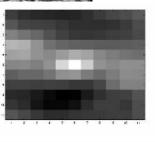
- 假设窗口W发生位置偏移(u,v);
- 比较偏移前后窗口中每一个像素点的 灰度变化值;
- 使用误差平方和定义误差函数*E(u,v)*

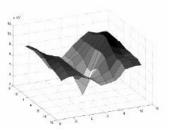


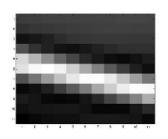


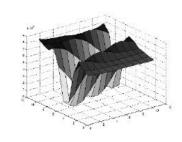


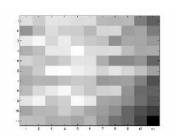
不同位置点计算得到的E(u,v)

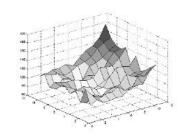












将I(u,v)进行Taylor展开:

$$I(x + u, y + v) = I(x, y) + \frac{\partial I}{\partial x}u + \frac{\partial I}{\partial y}v + O(u^{2}, v^{2})$$

$$\approx I(x, y) + \frac{\partial I}{\partial x}u + \frac{\partial I}{\partial y}v \qquad \qquad \text{舍去高阶小量}$$

$$\approx I(x, y) + [I_{x} I_{y}] \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix}$$

$$E(u, v) = \sum_{(x, y) \in W} \omega(x, y)[I(x + u, y + v) - I(x, y)]^{2}$$

$$= \sum_{(x, y) \in W} \omega(x, y) \left[ [I_{x} I_{y}] \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix} \right]^{2}$$

进一步展开,可以写成:

$$E(u,v) = \sum_{(x,y)\in W} \omega(x,y) \left[ [I_x I_y] \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix} \right]^2$$

$$= \sum_{(x,y)\in W} [u,v]\omega(x,y) \begin{bmatrix} I_x^2 & I_x I_y \\ I_y I_x & I_y^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \end{bmatrix}$$

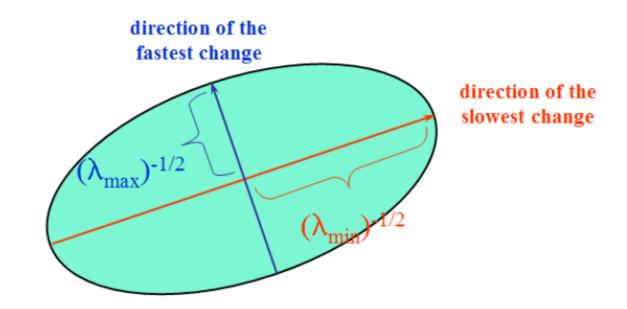
$$= [u,v] \left( \sum_{(x,y)\in W} \omega(x,y) \begin{bmatrix} I_x^2 & I_x I_y \\ I_y I_x & I_y^2 \end{bmatrix} \right)$$

$$H$$

$$H = \sum_{(x,y)\in W} \omega(x,y) \begin{bmatrix} I_x^2 & I_x I_y \\ I_y I_x & I_y^2 \end{bmatrix}$$

$$= \omega(x,y) * \begin{bmatrix} I_x^2 & I_x I_y \\ I_y I_x & I_y^2 \end{bmatrix}$$

H称为自相关矩阵, $\lambda_{max}$ 和 $\lambda_{min}$ 是H的2个特征值,E(u,v)的变化如下图



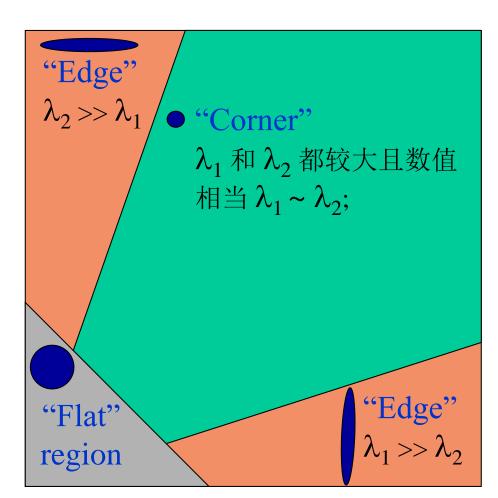
根据H的2个特征 值大小对图像点进 行分类:

"Edge" "Corner"  $\lambda_1$  和  $\lambda_2$  都较大且数值 相当 $\lambda_1 \sim \lambda_2$ ; 图像窗口在所有方向上移 动都产生明显灰度变化 "Edge" "Flat"  $\lambda_1 >> \lambda_2$ region

如果λ<sub>1</sub> 和 λ<sub>2</sub> 都很小, 图像窗口在所有方向上 移动都无明显灰度变化

角点应该满足的基本性质:最小特征 值尽量大

角点响应 $R = \lambda_{min}$ 



 $\lambda_1$ 

 $比R = \lambda_{min}
 更有效的角点响应函数:$ 

$$R = \det(H) - \alpha \operatorname{trace}(H)^2 = \lambda_0 \lambda_1 - \alpha (\lambda_0 + \lambda_1)^2 \qquad \alpha = 0.06$$

Harris and Stephens, 1988

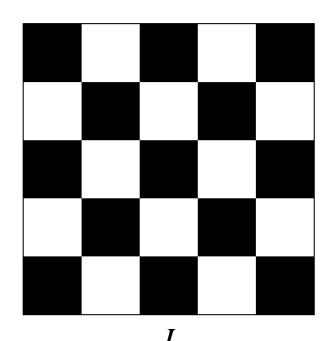
$$R = \lambda_0 - \alpha \lambda_1$$
  $\alpha = 0.05$  Triggs, 2004

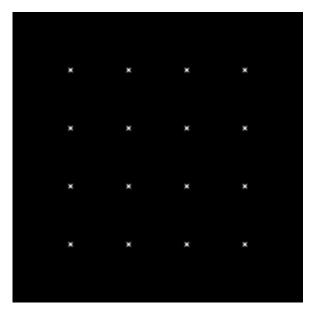
$$R = \frac{\det(H)}{\operatorname{trace}(H)} = \frac{\lambda_0 \lambda_1}{\lambda_0 + \lambda_1}$$

Brown, Szeliski and Winder, 2005

#### 算法:

- 1. 将原图像I使用 $\omega(x,y)$ 进行卷积,并计算图像梯度 $I_x$ 与 $I_y$ ;
- 2. 计算每一个图像点的自相关矩阵H;
- 3. 计算角点响应 $R = det(H) \alpha trace(H)^2$ ;
- 4. 选择R大于阈值且为局部极大值的点作为角点。

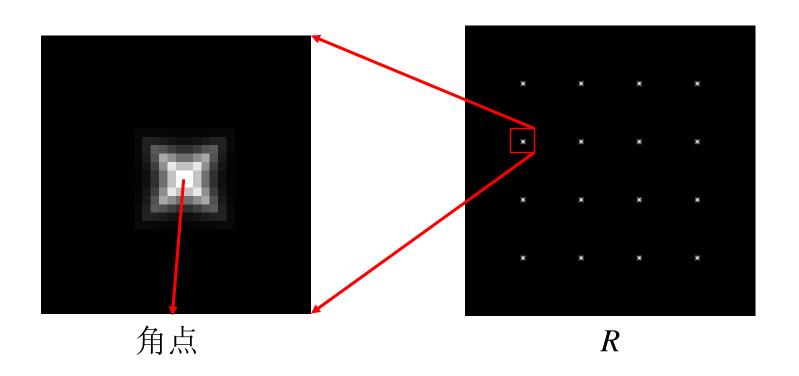




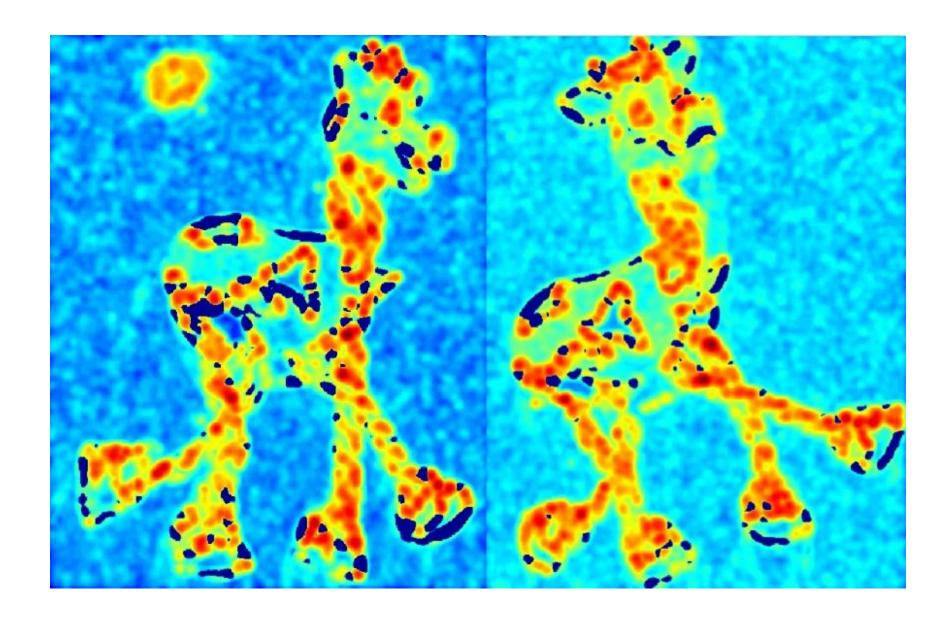
R

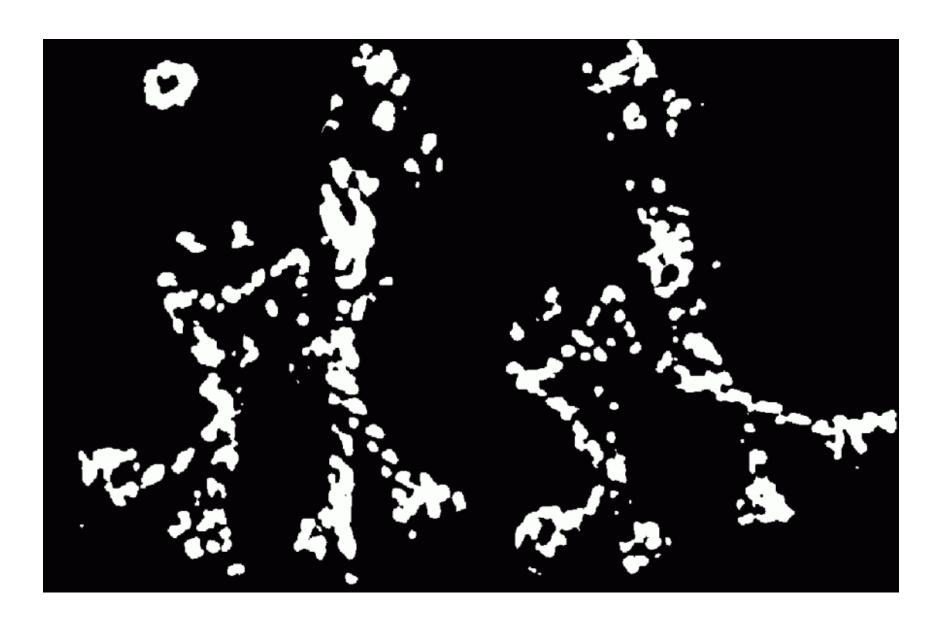
#### 算法:

- 1. 将原图像I使用 $\omega(x,y)$ 进行卷积,并计算图像梯度 $I_x$ 与 $I_y$ ;
- 2. 计算每一个图像点的自相关矩阵H;
- 3. 计算角点响应 $R = det(H) \alpha trace(H)^2$ ;
- 4. 选择R大于阈值且为局部极大值的点作为角点。









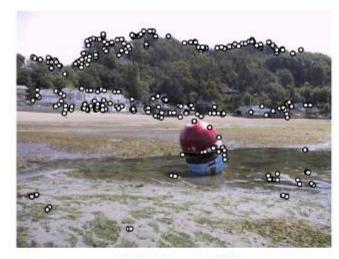


#### 点特征检测—Harris角点改进

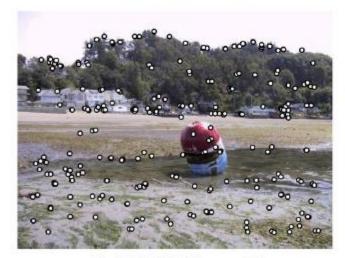
Harris检测子获得的角点可能在图像上分布不均匀(对比度高的区域角点多)

改进方法: Adaptive non-maximal suppression (ANMS), 只保留半径r内角点响应比其他点大10%的点作为角点。(Brown, Szeliski and Winder, 2005)

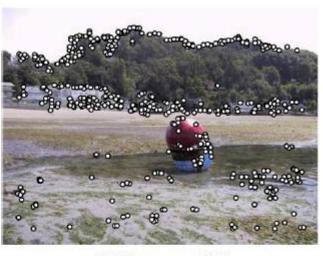
# 点特征检测—Harris角点改进



(a) Strongest 250



(c) ANMS 250, r = 24

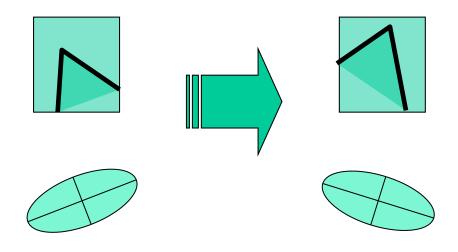


(b) Strongest 500



(d) ANMS 500, r = 16

旋转不变:



椭圆转过一定角度但是其形状保持不变(特征值保持不变)

#### 光照变化不变:





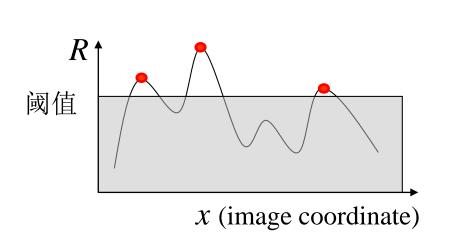


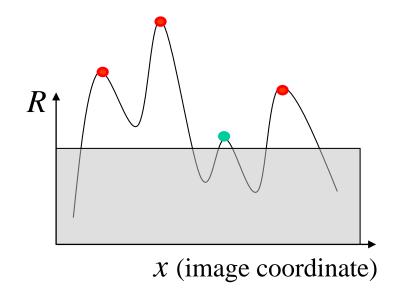
*I* - 100

$$I_{x}$$

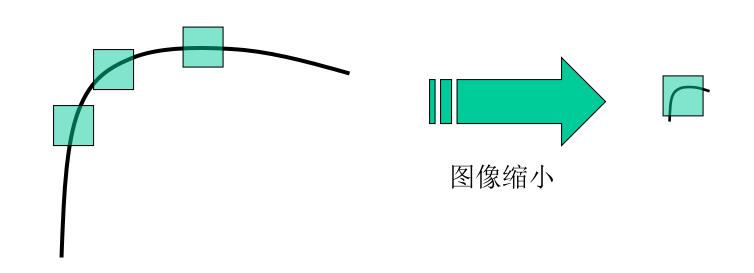
$$H = \omega(x,y) * \begin{bmatrix} I_x^2 & I_x I_y \\ I_y I_x & I_x^2 \end{bmatrix}$$
只使用了图像导数,对于光照线性变化不变。

对比度变化部分不变:





对于图像尺度变化不具有不变性:

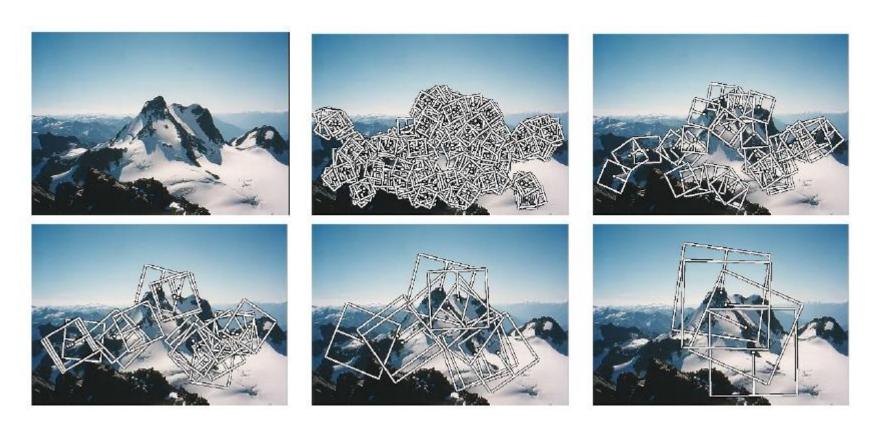


这几个点被分类为边缘点

角点!

# 点特征检测—MOPS

尺度不变: 在多层图像金字塔上检测角点, 在同一层进行匹配



Multi-scale oriented patches (MOPS) (Brown, Szeliski and Winder, 2005)

# 点特征检测—MOPS

尺度不变: 在多层图像金字塔上检测角点, 在同一层进行匹配

MOPS的局限: 待匹配的图像需要尺度近似































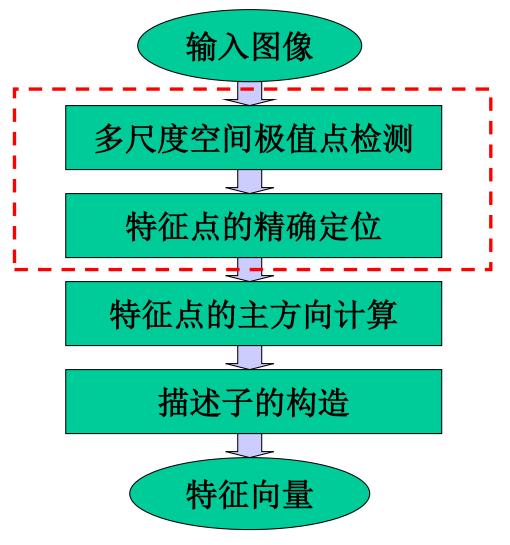
Scale Invariant Feature Transform (SIFT) (Lowe, 2004)

- 不变性
  - 对图像的旋转和尺度变化具有不变性;
  - 对三维视角变化和光照变化具有很强的适应性;
  - 局部特征, 在遮挡和场景杂乱时仍保持不变性;
- 辨别力强 特征之间相互区分的能力强,有利于匹配;
- 数量较多
  - 一般500×500的图像能提取出约2000个特征点。

David G. Lowe, "Distinctive Image Features from Scale-Invariant Keypoints" *International Journal of Computer Vision* 60(2): 91-110 (2004) 23250 cites

Scale Invariant Feature Transform (SIFT) (Lowe, 2004)

在高斯差分(Difference of Gaussian, DOG)尺度空间中提取极值点并进行优化从而获取特征点。



构建尺度空间:模拟图像数据的多尺度特征

$$L(x, y, \sigma) = G(x, y, \sigma) * I(x, y)$$

其中 $G(x,y,\sigma)$ 是尺度可变高斯函数

$$G(x, y, \sigma) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{-(x^2+y^2)/2\sigma^2}$$

尺度参数σ决定图像的平滑程度,大尺度对应图像的概貌特征,小尺度对应图像的细节特征

为了在尺度空间中检测稳定的关键点,构造高斯差分尺度空间 (Difference of Gaussian, DOG)

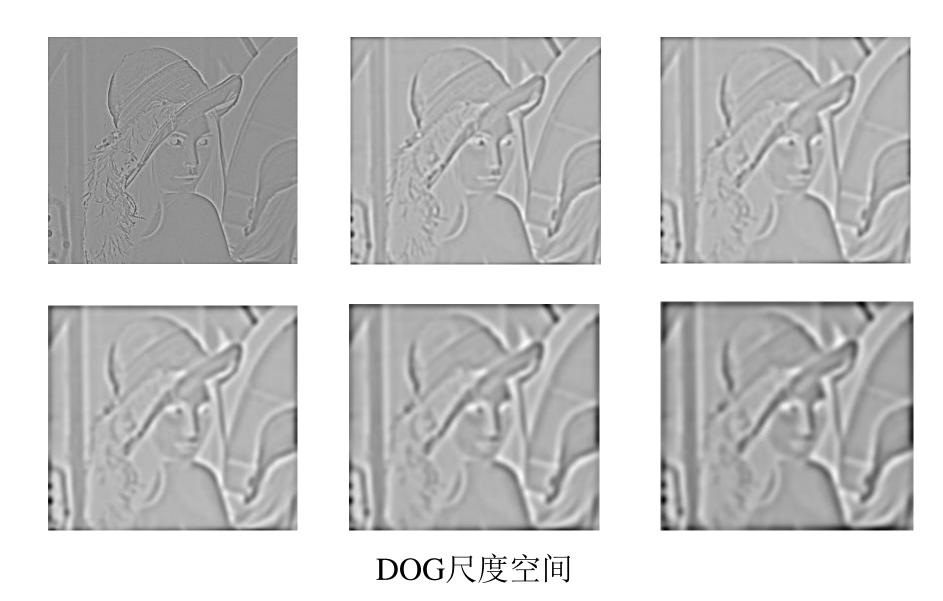
$$D(x, y, \sigma) = (G(x, y, k\sigma) - G(x, y, \sigma)) * I(x, y)$$
$$= L(x, y, k\sigma) - L(x, y, \sigma)$$

使用DOG的几个理由:

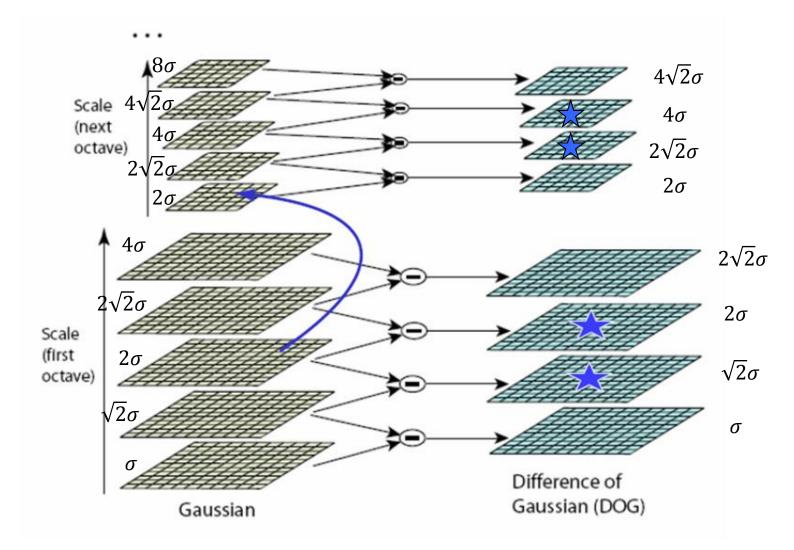
- 计算效率高: 高斯卷积, 减法;
- 高斯差分是对尺度归一化 $LoG(\sigma^2V^2G)$ 的一个很好的近似,而尺度归一化的LoG空间具有真正的尺度不变性 (Lindegerg 1994);
- 实验比较表明,从尺度归一化LoG空间中提取的图像特征的 尺度稳定性最好,优于梯度、Hessian或Harris角点函数。



高斯尺度空间

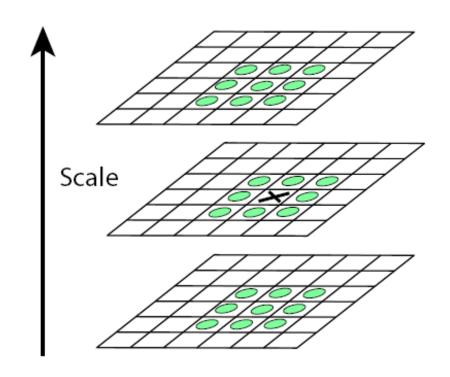


DoG尺度空间, $D(x,y,\sigma) = L(x,y,k\sigma) - L(x,y,\sigma)$ 



#### DoG尺度空间极值点检测

- 一个点和它同尺度的8个相邻点以及上下相邻尺度对应的9×2个点 共26个点比较,以确保在尺度空间和二维图像空间都检测到极值点。
- 一个点如果在DOG尺度空间的26 个领域中是最大或最小值时,就 认为该点是图像在该尺度下的一 个特征点。
- 一个特征点是在三维尺度空间  $D(x,y,\sigma)$ 的局部极值点。



特征点精确定位

一个特征点是在三维尺度空间 $D(x,y,\sigma)$ 的局部极值点。但(x,y)为整数像素, $\sigma$ 为离散尺度,需要对DOG空间拟合进行特征点精确定位。

将 $D(x,y,\sigma)$ 在特征点 $\mathbf{x} = [x,y,\sigma]$ 处二阶Taylor展开:

$$D(\mathbf{x}) = D + \frac{\partial D^T}{\partial \mathbf{x}} \mathbf{x} + \frac{1}{2} \mathbf{x}^T \frac{\partial^2 D}{\partial \mathbf{x}^2} \mathbf{x}$$

对上式求导,并令其为0,得到精确的位置(偏移量):

$$\hat{\mathbf{x}} = -\frac{\partial^2 D^{-1}}{\partial \mathbf{x}^2} \frac{\partial D}{\partial \mathbf{x}}$$

若 $\hat{\mathbf{x}} = [\hat{x}, \hat{y}, \hat{\sigma}]$ 中的三个变量任意一个偏移量大于0.5,说明精确极值点更接近于另一个特征点,则更换特征点重复上述精确定位流程。

去除不稳定特征点

去除对比度低的点: 计算极值点取值 $D(\hat{\mathbf{x}}) = D + \frac{\partial D^T}{\partial \mathbf{x}} \hat{\mathbf{x}}$ 

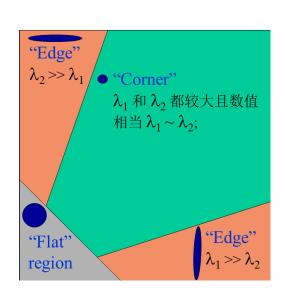
若 $|D(\hat{\mathbf{x}})|$  ≥ 0.03,则保留该特征点,否则丢弃。

去除边缘点: DoG算子会产生较强的边缘响应,利用Harris检测子判断。

$$H = \begin{bmatrix} D_{xx} & D_{xy} \\ D_{xy} & D_{yy} \end{bmatrix}$$

若
$$\frac{\operatorname{Tr}^2(H)}{\operatorname{Det}(H)} = \frac{(\lambda_1 + \lambda_2)^2}{\lambda_1 \lambda_2} \le \frac{(10+1)^2}{10},$$

则保留该特征点,否则丢弃。



#### 一个例子



原始图像大小,233×189像素



多尺度DoG空间中的极值点,832个

#### 一个例子

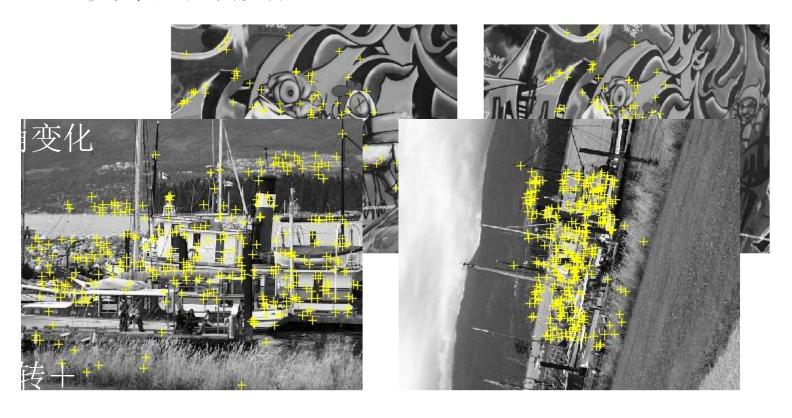


对比度阈值处理,832 → 729



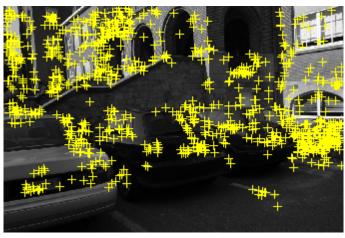
去除边缘上的点,729 → 536

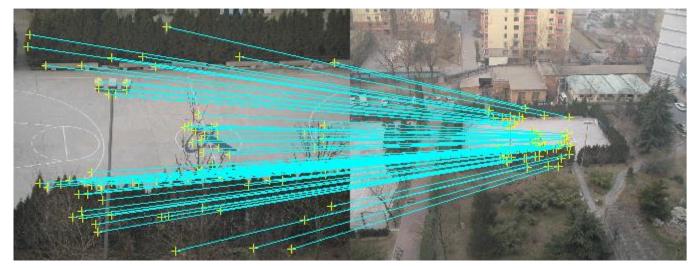
SIFT点一视角和旋转变化



#### SIFT点一光照和尺度变化







## 点特征检测——小结

- 根据自相关矩阵特征值检测角点(Harris);
   Harris角点具有旋转、光照不变性,但不具有尺度不变性。
- 高斯差分尺度空间中检测尺度不变特征点(SIFT); SIFT具有尺度不变性。
- Harris与SIFT的机理不同,因此可以联合使用,互为补充。

### 为什么要检测边缘?

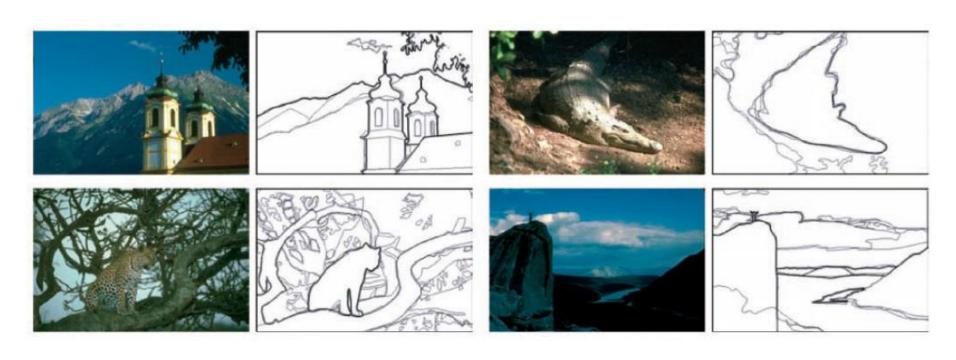


基于边缘的图像编辑 (Elder and Goldberg 2001)

图像边缘的产生:物体的边界、表面方向的改变、不同的颜色、光照明暗的变化。



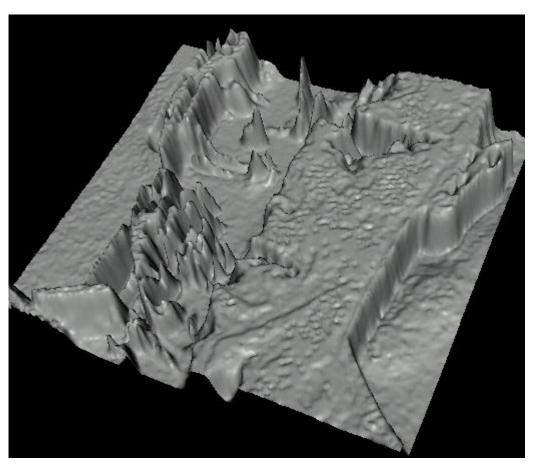
如何判断一个像素是否在边缘上?



Human boundary detection (Martin et. al, 2004)

如果把图像看作二维函数,那么边缘就是悬崖峭壁





# 边缘检测—图像梯度

图像梯度的定义:  $\nabla I = \left[\frac{\partial I}{\partial x}, \frac{\partial I}{\partial y}\right]$ 

$$\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, 0\right]$$

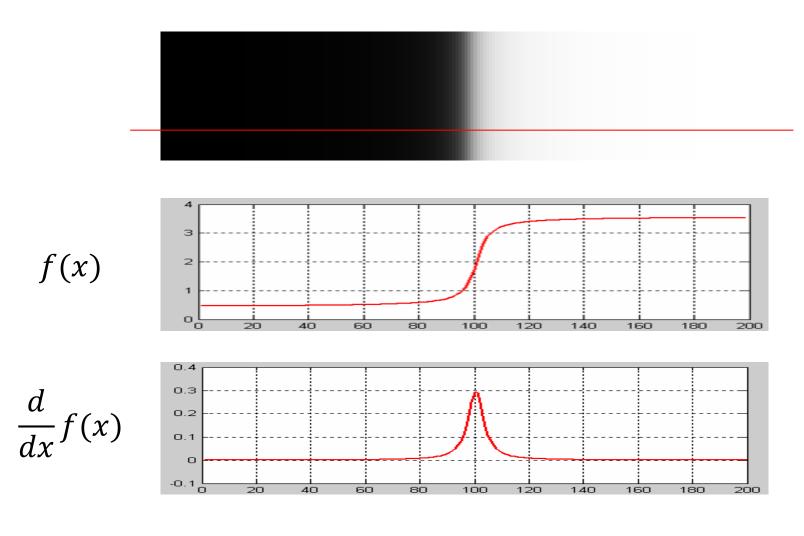
$$\nabla f = \left[0, \frac{\partial f}{\partial y}\right]$$

$$\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y}\right]$$

图像梯度指向灰度变化最快的方向, $\theta(x,y) = \tan^{-1}(\frac{\partial f}{\partial y} / \frac{\partial f}{\partial x})$ 

梯度幅值表示边缘的强弱, $M(x,y) = \sqrt{(\frac{\partial f}{\partial x})^2 + (\frac{\partial f}{\partial y})^2}$ 

# 边缘检测—图像梯度



边缘是一阶倒数的极大值点

使用差分近似一阶微分算子:

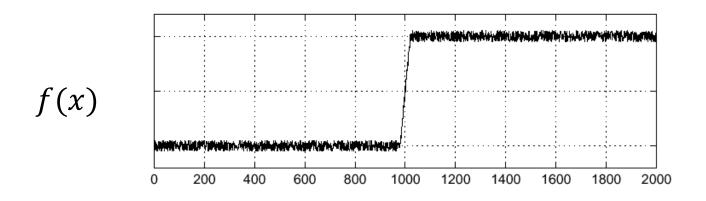
$$\frac{\partial I}{\partial x} \approx \frac{I(x+1,y) - I(x-1,y)}{2}$$

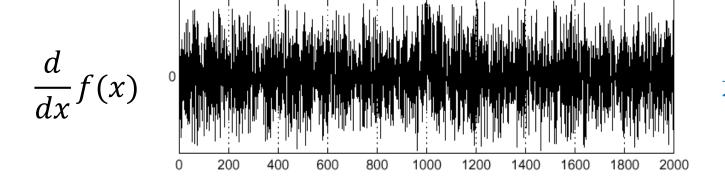
$$\frac{\partial I}{\partial y} \approx \frac{I(x,y+1) - I(x,y-1)}{2}$$

$$\frac{\partial I}{\partial y} \approx \frac{I(x,y+1) - I(x,y-1)}{2}$$

$$\frac{\partial I}{\partial y} \approx \frac{I(x,y+1) - I(x,y-1)}{2}$$

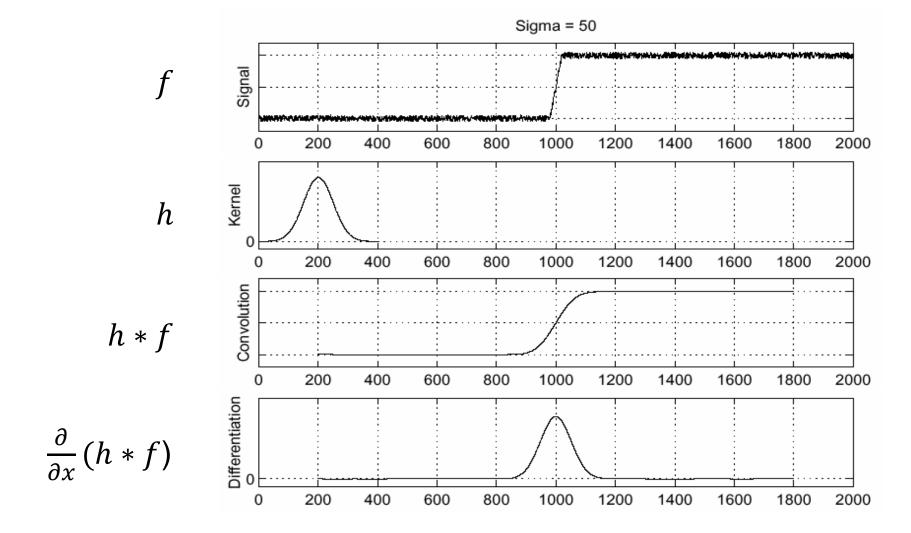
直接对图像使用差分容易受到噪声影响:



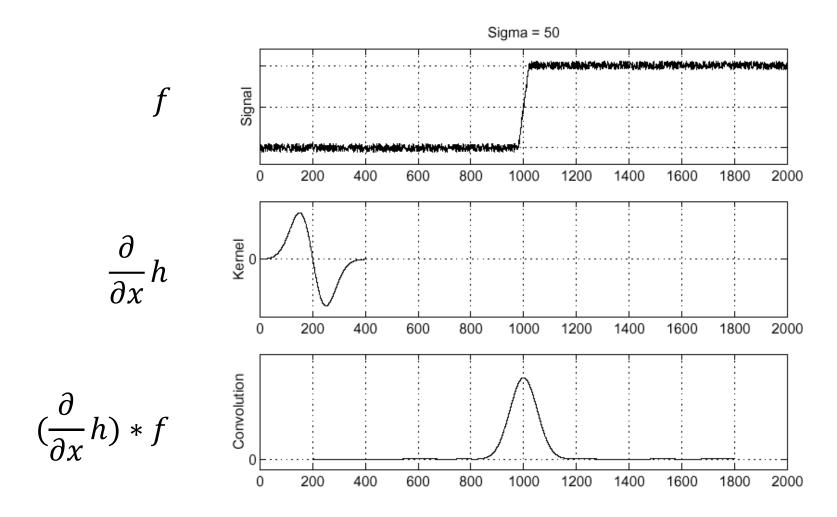


边缘在哪里?

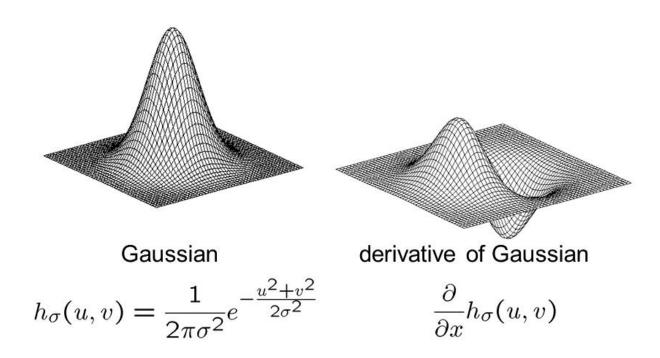
解决方法: 先平滑, 再微分



由 $\frac{\partial}{\partial x}(h*f) = (\frac{\partial}{\partial x}h)*f$ ,可将平滑和微分合为一个算子:



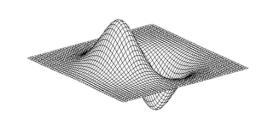
#### 二维高斯微分



实际应用中:对二维高斯微分进行数值近似

Prewitt算子、Sobel算子

Prewitt算子: 去噪+增强边缘



-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

计算均值, 平滑噪声

-1	-1	-1
0	0	0
1	1	1

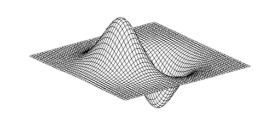
检测水 平边缘

检测竖直边缘

计算均值, 平滑噪声

Sobel算子:去噪+增强边缘,

给四邻域更大的权重



-1	0	1
-2	0	2
-1	0	1

计算均值, 平滑噪声

-1	-2	-1
0	0	0
1	2	1

检测水平边缘

检测竖直边缘

计算均值, 平滑噪声

使用一阶微分算子提取边缘流程:

- 1. 使用Prewitt或Sobel算子对图像进行卷积;
- 2. 将梯度幅值大于阈值的点标记为边缘;
- 3. (optional)将边缘细化为一个像素宽度。



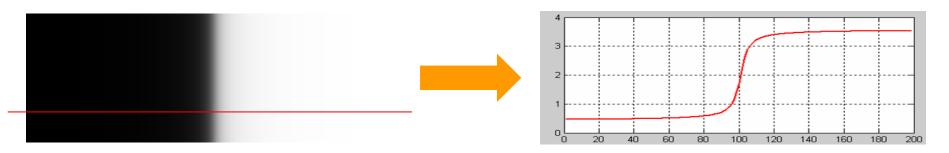






Sobel, thinning

如果不使用细化,如何获得单像素宽度边缘?

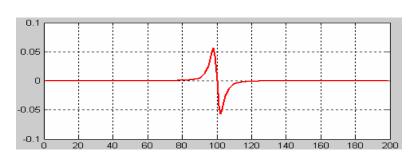


边缘是一阶倒数的极大值点

#### 边缘是二阶倒数的过零点

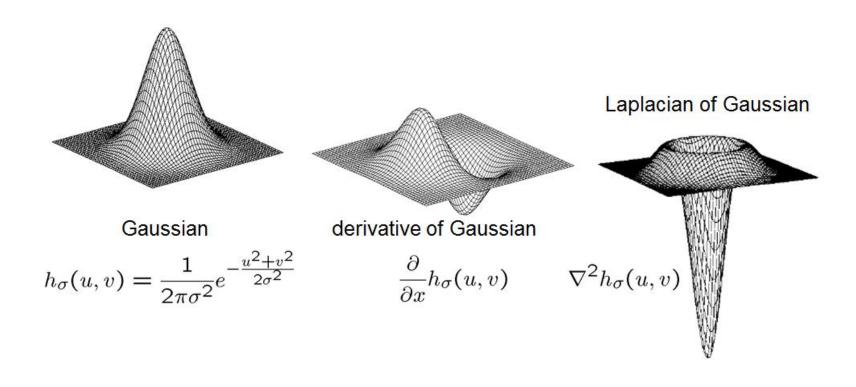
注意:仅仅等于0不够,常数函数也为0,必

须存在符号改变



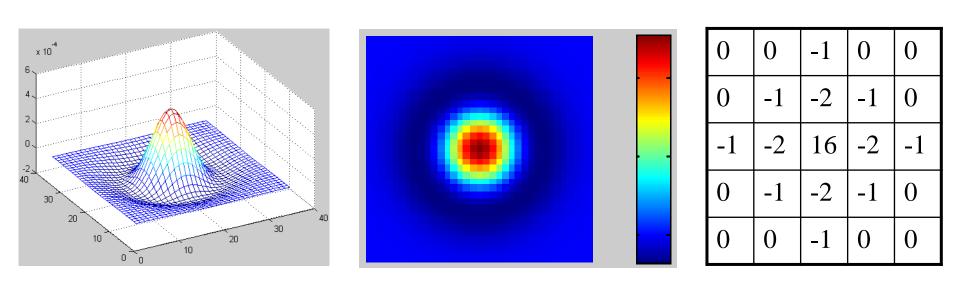
对平滑图像做二阶微分:  $\frac{\partial^2}{\partial x^2}(h*f) = (\frac{\partial^2}{\partial x^2}h)*f$ 

$$f = \frac{1}{1000} \frac{1}{$$



Laplacian of Gaussian (LoG)算子: 首先用Gauss函数对图像进行平滑,抑制噪声,然后对经过平滑的图像使用Laplacian算子

LoG算子等效于: Gaussian平滑 + Laplacian二阶微分



LoG 因其形状,也称为Mexican hat

#### LoG算子与一阶微分算子的比较







Sobel LoG

#### LoG算子的特点:

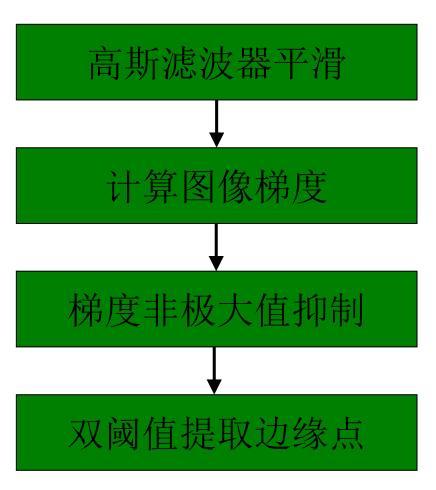
- 正确检测到的边缘:单像素宽度,定位准确;
- 形成许多封闭的轮廓,这是一个主要问题;
- 需要更加复杂的算法检测过零点。

- Canny算子是最常用的边缘检测算子
- Canny算子是一阶微分算子,但是一个优化的方案
  - 单像素宽度
  - 噪声抑制
  - 边缘增强
  - 边缘定位

J.Canny, "A Computational Approach to Edge Detection", IEEE Trans. on PAMI, 8(6),1986.

18482 cites

Canny算子基本流程



高斯函数的一阶导数(Derivative of Gaussian)

(1) 高斯平滑滤波器卷积

$$S(x,y) = G(x,y,\sigma) * I(x,y)$$

(2) 使用一阶有限差分计算偏导数的两个阵列

$$D_x(x,y) \approx \frac{S(x,y+1) - S(x,y) + S(x+1,y+1) - S(x+1,y)}{2}$$

$$D_y(x,y) \approx \frac{S(x,y) - S(x+1,y) + S(x,y+1) - S(x+1,y+1)}{2}$$

相当于与模版进行卷积运算:

-1	1
-1	1

1	1
-1	-1

高斯函数的一阶导数(Derivative of Gaussian)

(1) 高斯平滑滤波器卷积

$$S(x,y) = G(x,y,\sigma) * I(x,y)$$

(2) 使用一阶有限差分计算偏导数的两个阵列

$$D_x(x,y) \approx \frac{S(x,y+1) - S(x,y) + S(x+1,y+1) - S(x+1,y)}{2}$$

$$D_y(x,y) \approx \frac{S(x,y) - S(x+1,y) + S(x,y+1) - S(x+1,y+1)}{2}$$

当然也可以使用高斯微分算子(Prewitt或Sobel)直接与I(x,y) 卷积计算 $D_x(x,y)$ 和 $D_y(x,y)$ 

高斯函数的一阶导数(Derivative of Gaussian)

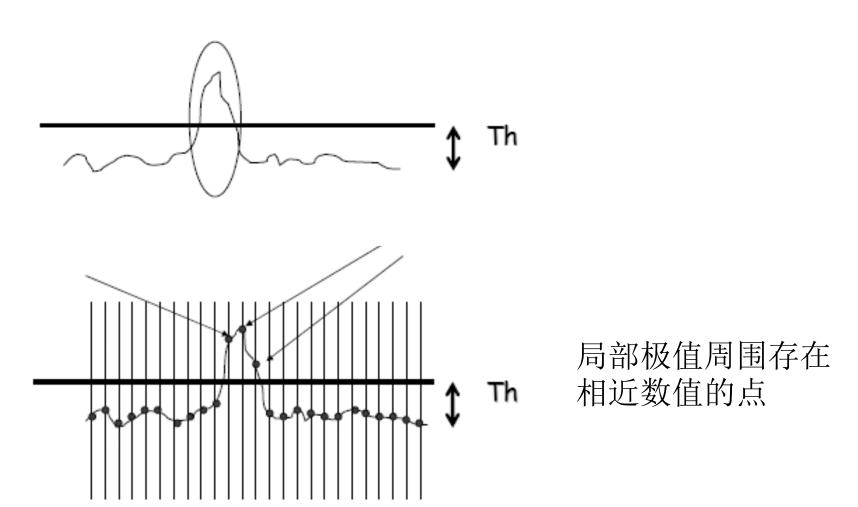
(3) 边缘幅值和边缘方位角

$$M(x,y) = \sqrt{D_x(x,y)^2 + D_y(x,y)^2}$$

$$\theta(x,y) = \tan^{-1}(D_y(x,y)/D_x(x,y))$$

M 代表梯度幅值的大小,在存在边缘的图像位置处, M的值变大,图像的边缘特征被"增强"。

如何检测边缘



非极大值抑制(NMS: Non-Maxima Suppression)

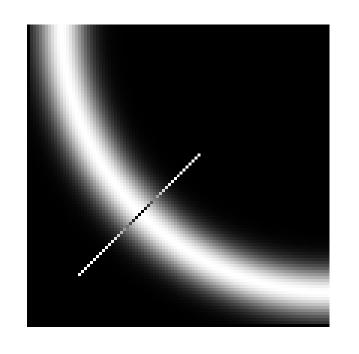
#### 主要思想:

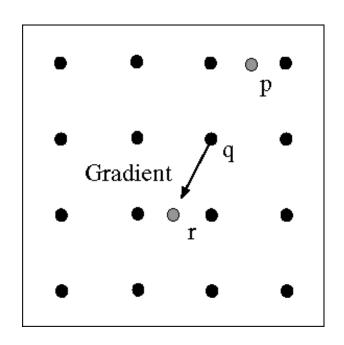
由梯度幅值图像M(x,y),仅保留极大值(严格地说,保留梯度方向上的极大值点)。

#### 具体过程:

- 1. 初始化N(x,y) = M(x,y);
- 2. 对于每个点,在梯度方向和反梯度方向各找n个像素点。 若M(x,y)不是这些点中的最大点,则将N(x,y)置零,否则保持N(x,y)不变。

非极大值抑制(NMS: Non-Maxima Suppression)





- 在梯度方向的沿线上检测该点是否为局部极大值;
- 简化的情形,只使用4个方向: [0,45,90,135];
- 得到的结果N(x,y)包含边缘的宽度为1个像素;

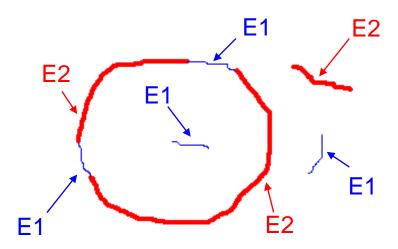
对NMS结果进行阈值二值化:

- 使用大的阈值,得到:
  - 少量的边缘点
  - 许多空隙
- 使用小的阈值,得到:
  - 大量的边缘点
  - 大量的错误检测

对NMS结果进行阈值二值化—双阈值检测:

两个阈值T1, T2: T2 >> T1

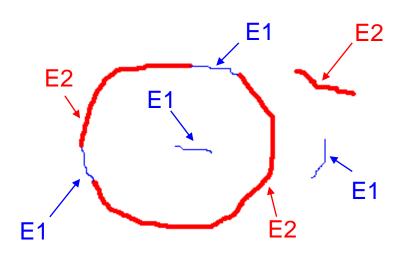
- 由T1得到 E1(x,y) ,低阈值边缘图: 更大的误检测率
- 由T2得到 E2(x,y) , 高阈值边缘图: 更加可靠



对NMS结果进行阈值二值化—双阈值检测:

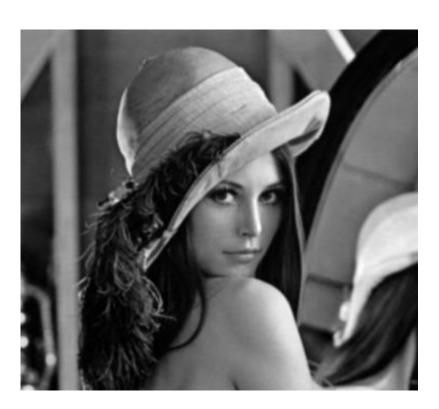
#### 边缘连接

- 1. 将E2(x,y)中相连的边缘点输出为一幅边缘图像E(x,y);
- 2. 对于E(x,y)中每条边,从端点出发在E1(x,y)中寻找其延长的部分,直至与E(x,y)中另外一条边的端点相连,否则认为E1(x,y)中没有它延长的部分;
- 3. 将E(x,y)作为结果输出。





原始图像



原始图像经过Gauss平滑



梯度幅值图像



梯度幅值经过非极大值抑制



低阈值边缘图像

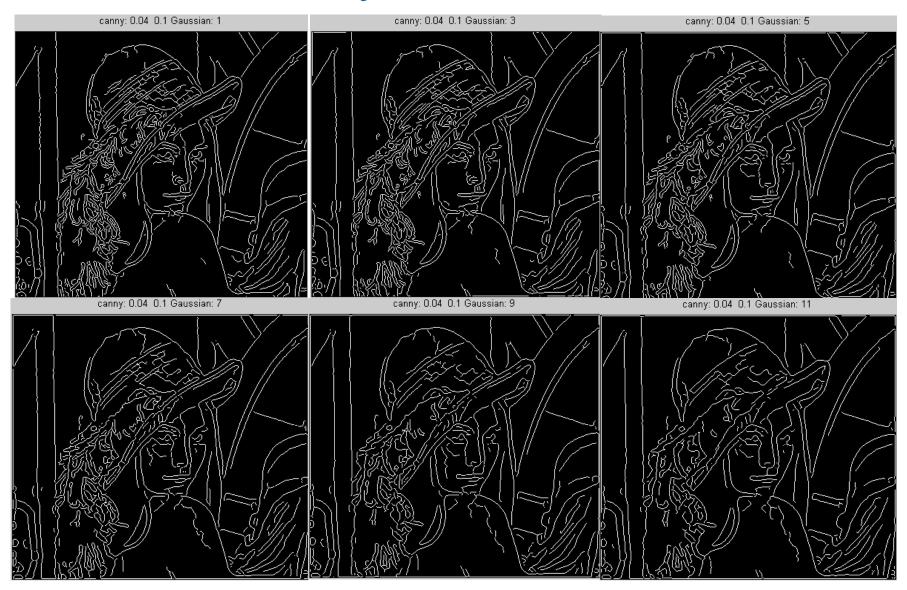


高阈值边缘图像

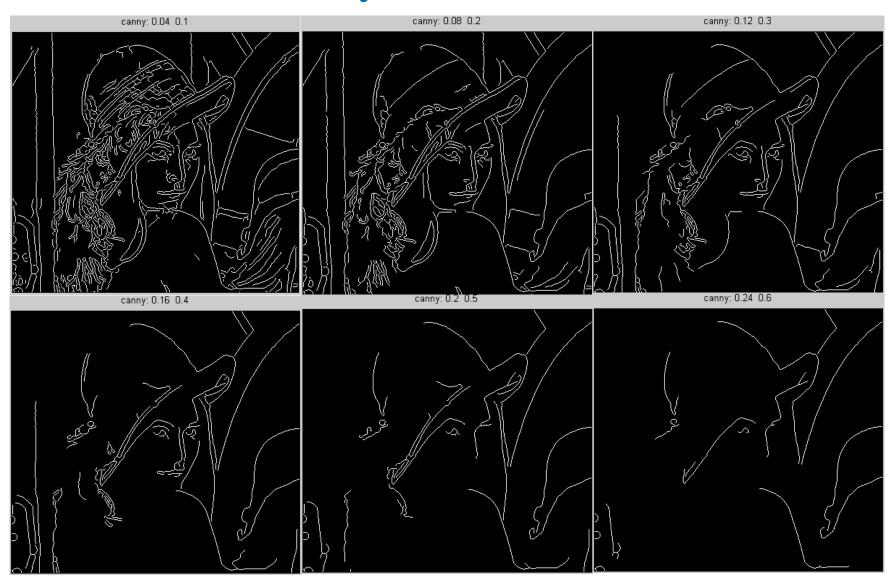


Canny输出边缘图像

- Canny算子的优点:
  - 参数较少
  - 计算效率
  - 得到的边缘连续完整
- 参数的选择:
  - Gauss滤波的尺度
  - 双阈值的选择(LOW=HIGH\*0.4)

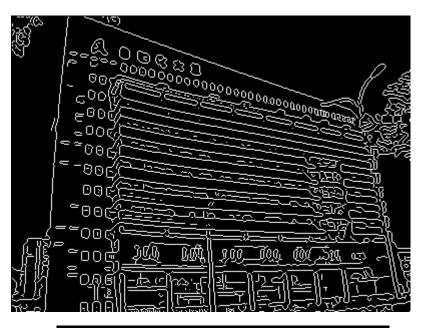


渐增高斯滤波模版的尺寸



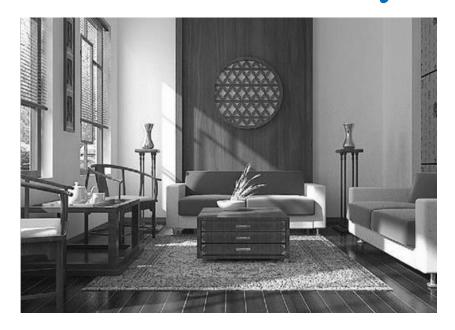
渐增双阈值的大小,保持low = high\*0.4

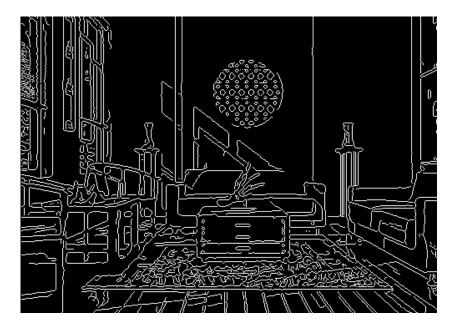




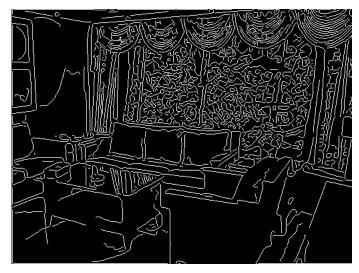












#### 总结

#### 本节课内容回顾:

- 根据自相关矩阵特征值检测角点(Harris);
- 高斯差分尺度空间中检测尺度不变特征点(SIFT);
- 一阶高斯微分算子(Prewitt、Sobel)极值检测边缘;
- 二阶高斯微分算子(LoG)过零点检测边缘;
- 非极大值抑制+双阈值检测边缘(Canny)。

#### 总结

#### 特征检测参考文献:

- Harris, C. and Stephens, M. J. A combined corner and edge detector. In *Alvey Vision Conference*, 1988.
- Lowe, D. G. Distinctive image features from scale-invariant keypoints. *International Journal of Computer Vision*, 60(2):91–110, 2004.
- Canny, J. A computational approach to edge detection. *IEEE Transactions on* PAMI, 8(6):679–698, 1986.
- Tuytelaars, T. and Mikolajczyk, K. Local Invariant Feature Detectors: A Survey. Foundations and Trends in Computer Graphics and Vision, 3(3): 177–280, 2007.