# 数据结构 Data Structure

2017年秋季学期 刘鹏远

# 线性结构之 栈 队列

# 栈 队列 栈与队列的应用 栈与递归

# 柱(Stack)

## 栈

概念 ADT定义 顺序存储结构(顺序栈) 操作实现 链式存储结构(链栈) 操作实现

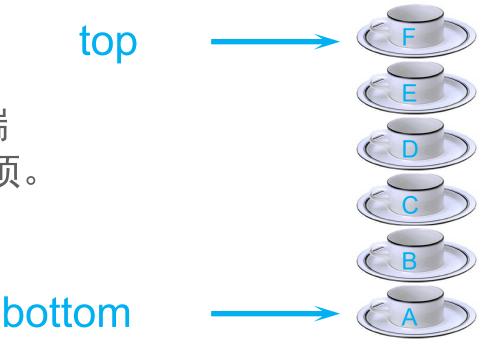
#### 概念

- 栈(Stack): 是限制在表的一端进行插入和删除操作的线性表。
- 逻辑结构是线性结构
- 对特定操作进行限定,其他方面均与线性表类似,因此称为限定性线性表
- 栈顶(Top):

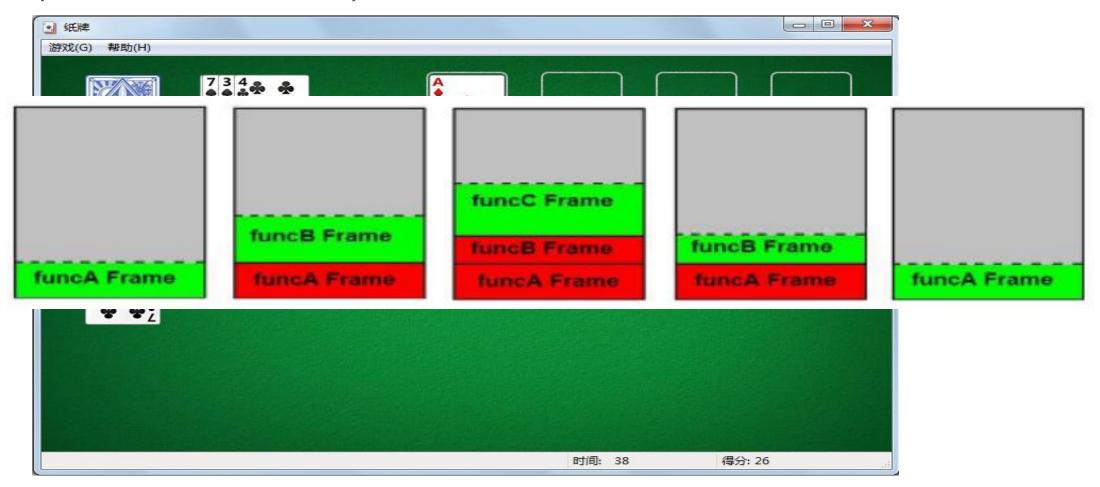
允许进行插入、删除操作的一端 用栈顶指针/游标(top)来指示栈顶。

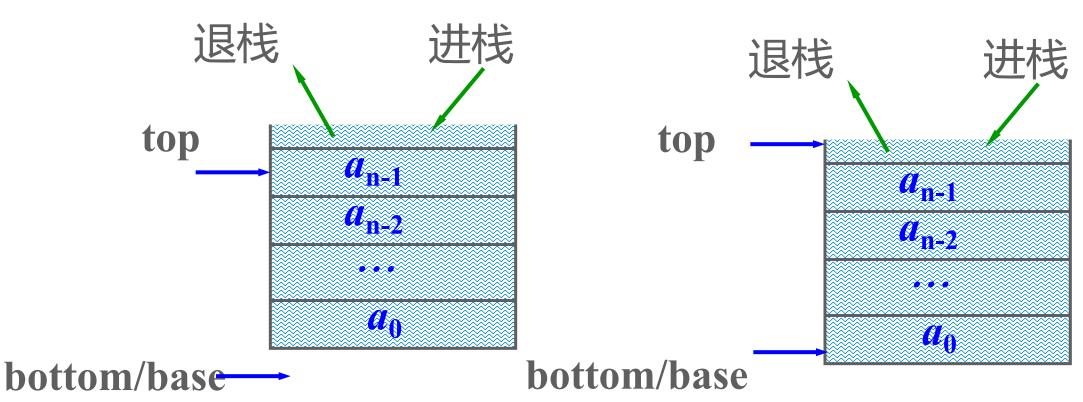
○ 栈底(Bottom):

是固定端。



# ○特点: 后进先出LIFO (Last In First Out)/先进后出FILO (First In Last Out)





操作要实现push入(进)栈与pop出(退)栈,代替线性表中的insert与delete两个操作。push与pop其实也可以视为是特殊/限定的insert与delete操作。

互动:

请同学们讲几个现实中可以形式化为栈的例子

栈中元素个数 栈的长度: 栈的长度为0 空栈: 栈顶元素: 栈中第一个元素 入(进)栈: 向栈中加入元素 出(退)栈: 从栈中删除元素

#### ADT定义

```
ADT Stack
数据对象: D ={ ai|ai∈ElemSet, i=1,2,...,n, n≥0 }
数据关系: R ={<ai-1, ai>|ai-1, ai∈D, i=2,3,...,n}
基本操作:
初始化、入栈、出栈、清空、
判断栈是否空、栈长度、取栈顶元素
```

}// 参考教材

#### 顺序存储结构

```
顺序存储
(动态数组)
typedef struct
  ElemType *base;
  ElemType *top;
  int stacksize;
}sq stack;//教材
```

```
(静态数组):
typedef struct
  ElemType data[MAXSIZE];
  int top;
}sq stack;
```

#### 顺序存储结构

思考: 顺序栈,数组两端应设哪端为栈顶哪端为栈底?

Status InitSqStack(SqStack\*);
Status Pop(SqStack\*,ElemType\*);
Status Push(SqStack\*,ElemType);
Status Clear(SqStack\*);

Status Destory(SqStack\*);

Status IsEmptySq(SqStack);

int Length(SqStack);

Status GetTop(SqStack,ElemType\*);

```
Status InitSqStack(SqStack *S){
    S->base = (ElemType *)
        malloc(sizeof(ElemType)*INIT_SIZE);
    S->top = S->base;
    S->stacksize = INIT_SIZE;
    return OK;}
```

//该方式栈空为top=base, 栈满为top-base>=stacksize //若采用静态数组顺序表, 栈满为top >= MAXSIZE或 MAXSIZE-1。(初始top与base指向0或-1)

```
Status Push(SqStack *S, ElemType e){ 检测入栈条件(判断栈容量)
*(S->top) = e;
S->top++;
return OK;
}O(1) 数组尾部插入
```

//画图,看栈顶元素与top指针的关系(重要)

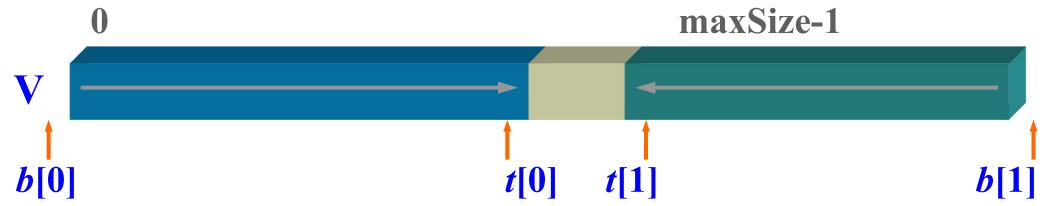
```
//入栈条件,判断是否栈满
if(S->top - S->base >= S->stacksize){
    S->base = (ElemType *)realloc(S->base,
     sizeof(ElemType)*(S->stacksize+INCREMENT));
    if(!S->base) exit(OVERFLOW);
    S->top = S->base + S->stacksize;
    S->stacksize += INCREMENT;
```

```
Status GetTop(SqStack S,
Status Pop(SqStack *S,
                            ElemType *e)
ElemType *e)
                            {先检测边界条件
{先检测出栈条件
                                 e = (S.top-1);
  S->top--;
                                 return OK;
  e = (S->top);
  return OK;
                            }O (1)
}//O(1)
```

出栈,看栈顶两个操作,出栈/边界条件为判断是否为空: if(S.top == S.base) return ERROR;

数组描述缺陷:空间利用率低。 如同时有两个栈,可能均有不少未利用的存储空间。

优化: 双栈共享一个栈空间 如何做? 大家画图



两个栈共享一个数组空间V[maxSize] 设立栈顶指针数组 t[2] 和栈底指针数组 b[2] t[i]和b[i]分别指示第 i 个栈的栈顶与栈底 初始 t[0] = b[0] = -1, t[1] = b[1] = maxSize 栈满条件: t[0]+1 == t[1] //栈顶指针相遇

栈空条件: t[0] = b[0]或t[1] = b[1] //退到栈底

思考:可否基于顺序表基本操作来实现顺序栈?如果可以,如何做?

#### 链式存储结构

利用单链表

思考: top应该设置在单链表的哪端?

#### 链式存储结构

```
TOP设为尾元素节点
Push(x)—Insert(L,n, x): O(n)
Pop(x)—Delete(L,n,x): O(n)
TOP设为首元素节点
Push(x)—Insert(L,1, x): O(1)
Pop(x)—Delete(L,1,x): O(1)
其实, 主要是尾部删除元素麻烦
```

```
typedef struct stack node
 ElemType data;
 struct stack node *next;
} stack node, *link stack;
P47(教材省略)
带不带头均可。课堂实现不带头各项操作一致。不用考虑
结点的。带头结点的自行实现。
```

```
Status Init (link stack* S) {
   //栈初始化
  //指向NULL或头结点
   return OK;
}//无头的,主函数S=NULL
不可以吗?可以,但用init
主要是为了与其他形式的
操作的具体实现
```

```
Bool is_empty ( link_stack S ) { //判栈空否
  return S == NULL;
void Traverse(link stack S)//遍历
  while(S){
    printf("%d\n",S->data);
    S=S->next;
```

```
void Push ( link stack* S, ElemType e ) {
  stack node *new node =
(stack node*)malloc(sizeof(stack node));
 if(!new node) exit(OVERFLOW);
 new node->data = e; new node->next = *S;
 *S=new node;
 return OK;}
//栈顶指针S每次都变化指向
```

```
Status pop (link_stack* S, ElemType* e) { //退栈 if(Is_empty(*S)) return ERROR; link_stack_node *p = *S;*S = (*S)->next; *e = p->data; free(p); return OK; //释放原栈顶结点}
```

```
Status get_top( link_stack S, ElemType *e) { //看栈顶 if ( Is_empty(S) ) return ERROR; *e = S->data; return OK;}
```

其实,在实现单链表基础上: PUSH 即在位置1插入 POP 即在位置1删除

对带头结点的栈,已经上机实现了带头的单链表,因此自行实现

### 栈的应用

队列之后再讲

# 队列(Queue)

#### 队列(Queue)



#### O定义

- ○队列是只允许在一端删除,在另一端插入的线性表
- ○允许删除的一端叫做队头 (front),允许插入的一端叫做队 尾 (rear)。

#### ○特性

○先进先出 (FIFO, First In First Out) 队列与栈的共性在于它们都是限制了操作位置的线性表; 区别在于所限定的操作位置不同 互动:

请同学们讲几个现实中可以形式化为队列的例子

### 概念

入队: 队尾插入元素

出队: 队头删除元素

队长: 队列中元素个数

空队:队长为0

对头元素/队尾元素。其他元素除遍历外,用户一般不可见。

### 队列的ADT

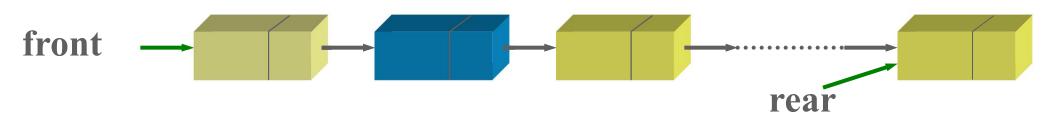
```
ADT queue{
数据对象: D ={ a<sub>i</sub>|a<sub>i</sub>∈ElemSet, i=1, 2, ..., n, n >= 0 }
数据关系: R = {<a<sub>i-1</sub>, a<sub>i</sub>> | a<sub>i-1</sub>, a<sub>i</sub>∈D, i=2,3,...,n }
约定a<sub>1</sub>端为队首, a<sub>n</sub>端为队尾。  基本操作:
init queue(): 创建一个空队列;
is empty(): 若队列为空,则返回true,否则返回flase;
en_queue(x): 入队---向队尾插入元素x;
de queue(x): 出队---删除队首元素x;
} ADT queue //P59页
```

## 存储结构

这回换个顺序, 先考虑链式结构

哪端队头,哪端队尾合适?

#### 队列的链式表示 — 链式队列



链式队列一般采用带尾指针的单链表(带不带头均可)存储队列元素,队头在链头,队尾在链尾。(因此插入删除均为O(1))

front指向队头元素, rear指向队尾元素

思考: 判空? 分有头和无头

队空条件为 front == NULL(无头), rear == front(有头)。

链式队列在进队时一般无队满问题。

#### 链式队列的结构定义

```
//节点定义
typedef struct LinkQueNode{
 ElemType data;
 struct LinkQueNode * next;
}LinkQueNode;
typedef struct LinkQueue{//用首尾指针结构体来定义队列
 LinkQueNode *front;
 LinkQueNode *rear;
}LinkQueue;
```

### 链式队列的操作

```
Status InitLinkQueue(LinkQueue*);
Status EnLinkQueue(LinkQueue*, ElemType);
Status DeLinkQueue(LinkQueue*, ElemType *);
Bool Is_empty (LinkQueue);
Status GetTop(LinkQueue, ElemType *);
void Traverse(LinkQueue);
```

```
Status InitLinkQueue(LinkQueue *Q){
  Q->front = Q->rear = NULL;
  return OK;
Bool Is empty(LinkQueue Q)
 return Q.front == NULL;
```

```
Status get_front ( link_queue Q, ElemType *e )
{
    if (is_empty(Q)) return ERROR;
    *e = Q.front->data;
    return OK;
}
```

//各项操作基本可参考不带头结点的单链表

```
Status EnLinkQueue(LinkQueue *Q, ElemType e)
 LinkQueNode *p = (LinkQueNode *)malloc(sizeof(LinkQueNode));
 if(!p) exit(OVERFLOW);
 p->data = e; p->next = NULL;
 if(Is empty(*Q))//空队列时
     Q->rear = Q->front = p;
 else{//非空队列时
     Q->rear->next = p;
     Q->rear = p;
 return OK;}
```

```
Status DeLinkQueue(LinkQueue *Q, ElemType *e)
 if (Is empty(*Q)) return ERROR;
 LinkQueNode *p = Q->front;
 Q->front = Q->front->next;
 if (Q->front == NULL) Q->rear = NULL;
 e = p->data;
 free(p);
 return OK;
```

### 队列的顺序表示

```
#define MAX_SIZE 50;
```

## 队列的顺序表示

```
#define MAX_SIZE 50;
```

```
typedef struct { //顺序队列的结构定义 
ElemType *elem; //队列存储数组 
int rear, front; //队尾与队头指针 
} sq_queue;
```

两种结构体定义中为什么都没有queue\_size 队列长度呢…?

- 一个队首指针front,指向队首
- 一个队尾指针rear, 指向队尾

第一个考虑:

front与rear各处于顺序表的哪端较为合适? 首在前端,尾在后端 第二、出队方式的考虑与选择:

1、指针(游标)法

2、删除(这次是真删除)队首元素

O(1) VS. O(n)

假溢出 VS. 无需队首指针,操作方便

# 第三、入队出队操作方式的考虑与选择:

- 1、先动元素再动指针(主流,按此讲授)
- 2、先动指针再加元素

#### 先动元素再动指针

进队: 1、新元素按 rear 指示位置加入(赋值);

2、队尾指针进一 rear = rear + 1。

<u>队尾指针指示实际队尾的后一位置。</u>

出队: 1、下标为 front 的元素取出(保存);

2、队头指针进一 front = front + 1。

队头指针指示实际队头的位置。

(元素实际不必要一定去删除)

#### 先动指针再加元素

进队: 1、队尾指针进一 rear = rear + 1; 2、新元素按 rear 指示位置加入。

队尾指针指示实际队尾的位置。

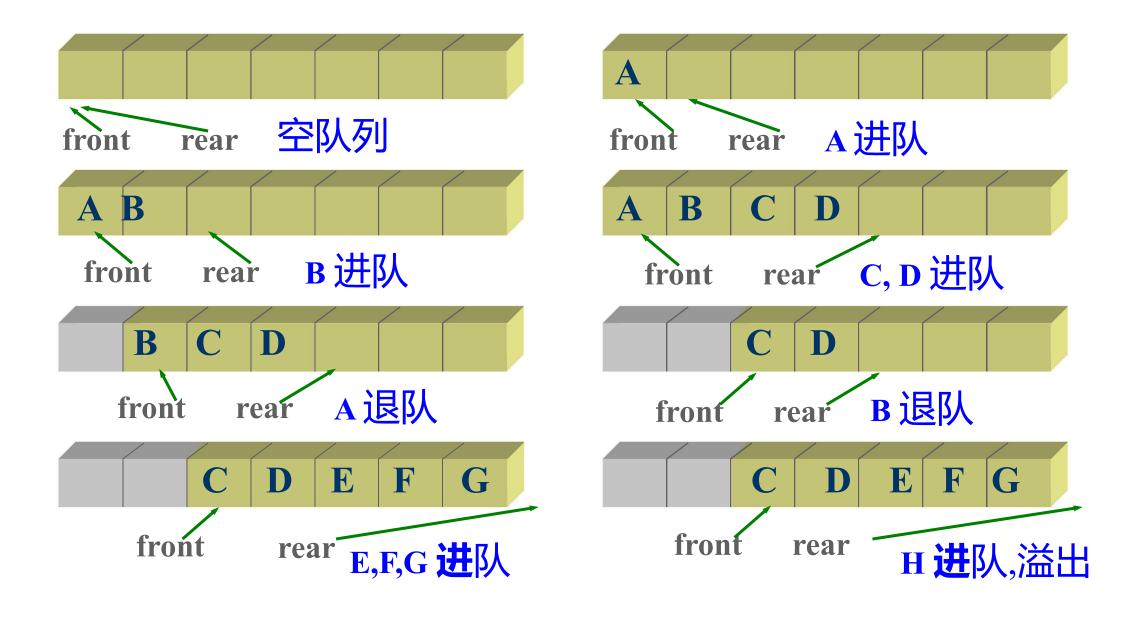
出队: 1、队头指针进一front = front + 1, 2、下标为 front 的元素取出(保存)。 以头指针指示实际队头的前 位置。

### 考虑入队出队下front、rear的变化:

- 1、初始化: front=rear=0。
- 2、入队:将新元素插入rear所指的位置,rear++
- 3、出队:取出front所指的元素,front++

#### 根据front、rear进行如下判断:

- 1、队列为空: front=rear
- 2、队满: rear>=MAX\_SIZE

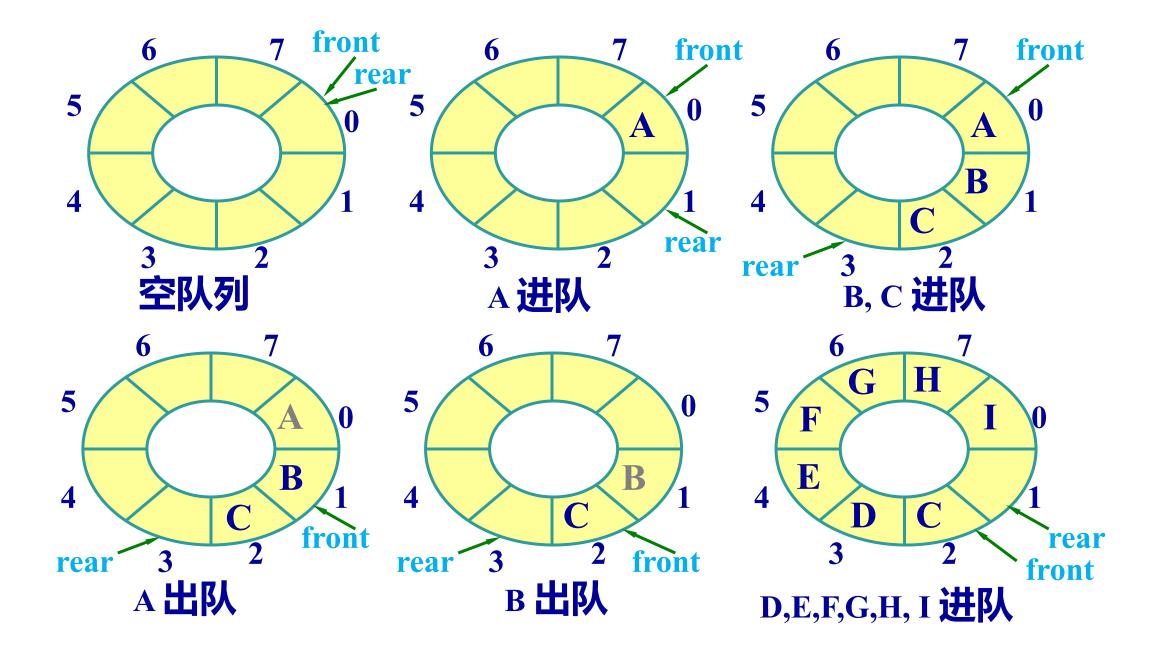


细心同学应该注意到了: front, rear总是++

结果是造成: 假溢出

顺序队列一般多为假溢出

解决办法?



## 循环队列(Circular Queue)

队列存放数组被当作首尾相接的环形表处理。 队头、队尾指针加1时从MAX SIZE-1直接进到0, 可用取模(%)运算实现(类似约瑟夫问题模拟): if (i+1==MAX SIZE) i=0; else i++; 其中: i代表队首指针(front)或队尾指针(rear) 这两行用模运算可简化为: i=(i+1)%queue size;

# 循环队列(Circular Queue)

```
队头指针进1: front = (front+1) % MAX_SIZE;
```

队尾指针进1: rear = (rear+1) % MAX\_SIZE;

队列初始化: front = rear = 0;

队判空条件: front == rear;

提问:可否用front或rear==0作为判空条件? And why?

提问:如何判满?可否front==rear?

队判满条件: (rear+1) % MAX\_SIZE== front;

注意, 进队和出队时指针都是顺时针前进。

## 循环队列操作的实现

```
Status init_queue (sq_queue *Q) {//以下均以静态为例
  Q->rear = Q->front = 0;
 return OK;
Bool is empty (sq queue Q) {
  return Q.rear == Q.front;
```

```
int is full (sq queue Q) {
  return (Q.rear+1) % MAX SIZE == Q.front;
//当进队速度快于出队速度, rear追上front, 造成队满, 为了区分
 队空条件,取当rear+1 == front,以牺牲一个存储单元为代价。
Status en queue (sq queue* Q, ElemType e) {
  if ( is full(Q) ) return ERROR;
  Q->queue array[Q->rear] = e;//先操作元素
  Q->rear = (Q->rear+1) % MAX SIZE;
  return OK;
```

```
Status de queue (sq queue* Q, ElemType *e) {
  if ( is empty(Q) ) return ERROR;
  e = Q->queue array[Q->front];
  Q->front = (Q->front+1) % MAX SIZE;
  return 1;
Status get front (sq queue Q, ElemType * e) {
  if ( is empty(Q) ) return ERROR;
  *e = Q.queue array[Q.front]; return OK;
```

问题:

如果用循环链表来构造循环队列合理否?

#### 下午上机:

- 1、顺序栈,链栈(不带头结点),PPT13页标红操作实现
- 2、链队列(不带头结点), PPT37页操作实现

### 主程序进行测试:

栈:压入1,3,5,7、看此时栈顶,遍历,弹出一个数字并打印之、看此时栈顶,压入2,4、将所有元素弹出并依次打印。

队列:入队1,3,5,7、看队首,遍历,出队一个数字并打印之、看此时队首,入队2,4、将所有元素出队并依次打印。

### 作业: 1,2及

3、顺序队列(循环队列), PPT37页操作实现