

Version

D

EXAMEN DE L'ECUE 1 DE L'UE ANALYSE 2

Session du 25 juillet 2023

Durée : 1 heure 30

Il n'y a qu'une seule réponse exacte par question. Les mauvaises réponses ne rapportent aucun point. Si vous trouvez qu'aucune des solutions proposées n'est bonne alors vous devez cocher la case **E** de la grille de réponse.

Q1 Pour tout couple (p, q) d'entiers naturels non nuls l'intégrale $B(p, q) = \int_0^1 x^{p-1}(1-x)^{q-1} dx$ vaut

☐ A $\frac{(p-1)!(q-1)!}{(p+q+1)!}$

☐ B $\frac{p!q!}{(p+q)!}$

☐ C $\frac{(p-1)!(q-1)!}{(p+q-1)!}$

☐ D $\frac{(p+1)!(q+1)!}{(p+q+1)!}$

Q2 On considère, pour tout entier $n \in \mathbb{N}$, l'intégrale $I_n = \int_{-1}^1 (x^2 - 1)^n dx$. Une intégration par parties permet de trouver une relation entre I_n et I_{n+1} . Quelle est cette relation ?

☐ A $I_{n+1} = -\frac{2n+1}{2n+3} I_n$

☐ C $I_{n+1} = \frac{2n+1}{2n+3} I_n$

☐ B $I_{n+1} = -\frac{2n+2}{2n+3} I_n$

☐ D $I_{n+1} = \frac{2n+2}{2n+3} I_n$

Q3 La valeur de l'intégrale $\int_0^{\pi/2} \cos(3x) \cos^2(x) dx$ est

☐ A $\frac{2}{5}$

☐ B $\frac{1}{15}$

☐ C $\frac{7}{15}$

☐ D $\frac{2}{15}$

Q4 α étant un réel et $f : [0, \alpha] \rightarrow \mathbb{R}$ telle que pour tout $x \in [0, \alpha]$ $f(x) = -1$ et $f(x)f(\alpha - x) = 1$. Alors l'intégrale $\int_0^\alpha \frac{1}{1+f(x)} dx$ est égale à

☐ A α

☐ B $\frac{1}{1+\alpha}$

☐ C $1+\alpha$

☐ D $\frac{\alpha}{2}$

Q5 En utilisant une somme de Riemann, calculer la valeur de $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n \sqrt[n]{a^k}$

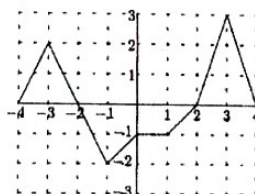
☐ A $\frac{a-1}{\ln(a)}$

☐ B $\frac{a+1}{\ln(a)}$

☐ C $\frac{a}{2} - a$

☐ D 0

Q6 Ci dessous est donné le graphe sur $[-4, 4]$ d'une fonction f .



L'intégrale $\int_{-2}^2 f(x) dx$ est égale à :

☐ A $-\frac{3}{2}$

☐ B 2

☐ C -2

☐ D $\frac{3}{2}$