# Photonique et optique quantique

#### 2022-08-31

#### Références

- D. Steck : quantum optics note
- G. Milbur : Quantum optics
- Aspect Fabres : Introduction to Quantum Optics

## Contenu du cours

- Interaction lumière-matière
- Les degrées de liberté internes
  - LASER
  - <u>LDOS</u> local density of optical states
  - Source de photon unique (cryptographie quantique)
- Propriété des émetteurs à deux niveaux
  - matière classique
- effet d'optique non-linéaire.
  - SPDC (source de pair de photons)
- Effet mecaniques
  - Refroidissement doppler
  - Pince optique
  - optomécanique

#### Table des Matière

Chapitre 1 : Physique des LASER

Chapitre 2 : émetteurs à 2 niveaux

Chapitre 3 : Source de photon unique

Chapitre 4 : Cryptographique quantique et clef quantique

Chapitre 5 : Modèle de Jaynes-Cummings et mesure dispersive

Chapitre 6 : Mesure quantique et non démolition (QND)

Chapitre 7 : Optomécanique

# 1 Physique des LASER

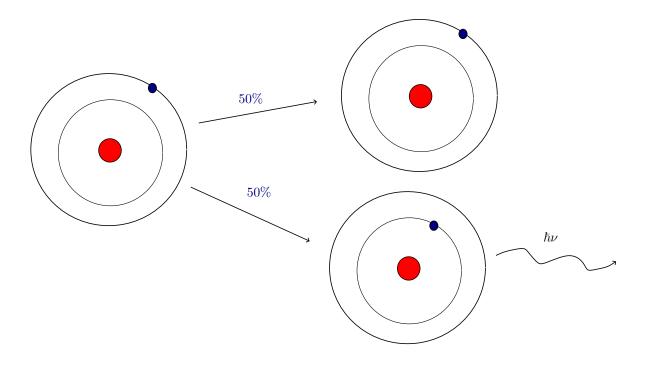
## 1.1 Histoire

L'emission des atomes est introduit en 1926 en s'inspirant de la radioactivité.

$$\frac{dN_k}{dt} = -A_k N_k$$

$$N_k(t) = N_k(u)e^{-A_k t}$$

On s'imagine le sytéme a deux niveau (atome) comme pouvant soit se désexiter ou pas avec 50% de chance après une temps  $\Delta t$ . Ce modèle mène directement à la décroissance exponentielle.



 $FIGURE\ 1-probabilites$ 

L'état 1 est l'état desecité et comprende  $n_1$  atomes, similaire pour  $E_2$ 

Processus d'absorption

$$\frac{\partial}{\partial n_2 t} = +I_j B_{12} n_1$$

 $B_{12}$  Coefficient de Einstein

$$I_v = \frac{1}{4\pi} \iint i_{V(k')} \mathrm{d}k' \underbrace{\psi(\nu)}_{\text{chevauchement frequence phot et at}} \mathrm{d}\nu$$

Taux d'absorption doit dépendre des photons incidents (densité, mode, fréquence)

$$\frac{\mathrm{d}n_2}{\mathrm{d}t} = -A_{21}n_2 + I_{\nu}B_{12}n_1$$

$$\frac{\mathrm{d}n_2}{\mathrm{d}t} = A_{21}n_2 - U\nu B_{12}n_1$$

A, B sont des constantes

Que ce passe-t-il à l'équilibre thermodynamique local.

État stationnaire

$$\frac{dn_2}{dt} = -\frac{dn_2}{dt} = 0$$

Éqilibre thermodynamique:

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{g_2}{g_1} e^{-\frac{E_2 - E_1}{kT}}$$

Rayonnement du corps noir

$$I_{\nu} = \frac{2h\nu^3}{c^2} \frac{1}{e^{h\mu/kT} - 1}$$

$$A_{21}n_2 + I_{\nu}B_{12}n_1 = 0 \iff \frac{n_2}{n_1}\frac{A_{21}}{B_{12}} = I_{\nu}$$

$$\implies \frac{g_1}{g_2} e^{\Delta E/kT} \frac{A_{21}}{B_{12}} = \frac{2\hbar \nu^3}{c^2} \frac{1}{e^{\hbar \nu/kT} - 1}$$

Ce résultat n'a aucun sens. Le problème est qu'il manque l'émission stimulée.

Nouvelle équation

$$-A_{21}n_2 + I_{\nu}B_{12}n_1 - I_{\nu}B_{21}n_2$$

Équilibre thermodynamique local

$$A_{21}n_2 = I_{\nu}B_{12}n_1 - I + \nu B_{21}N_2 \iff I_{\nu} = \frac{A_{21}n_2}{B_12n_1 - B_{21}n_2} = \frac{A_{21}}{B_{12}} \frac{1}{\frac{n_1}{n_2} - \frac{B_{12}}{B_{21}}}$$

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{g_2}{g_1} e^{-\Delta E/kT}$$

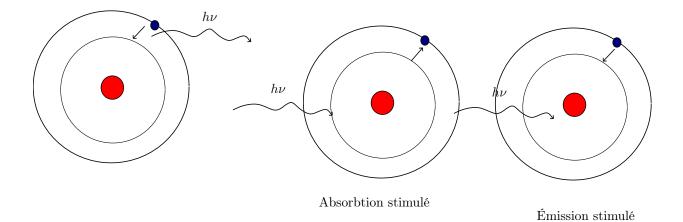


Figure 2 – emission stimulée

$$\frac{A_{21}}{B_{12}} \frac{1}{\frac{g_1}{g_2} e^{-\Delta/kt} - \frac{B_{21}}{b_1 2}} = \frac{2(\Delta E)^3}{h^2 c^2} \frac{1}{e^{\Delta E/kt} - 1}$$

Puisque c'est vrai pour toute température, on doit avoir que

$$g_2 B_{21} = g_1 B_{12}$$

On peut écrire

$$\frac{\partial}{\partial n_2 t} = -A_{21} n_2 + I_{\nu} B_{21} \Delta n$$

Si  $\Delta n > 0$  on a pas que des perte et on peut avoir un laser. On appelle ça une inversion des population.

## 1.5 Équation de taux et inversion de population

On prende

$$g_1 = g_2 \implies B_{21} = B_{12} = B$$

$$pdvn_2t = A_{21}n_2 - I_{\mu}B\Delta n$$

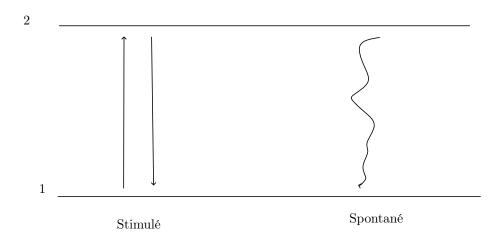


Figure 3 – bop

 $\underline{ \mbox{Inversion de population :}} \; n_2 > n_1 \quad (\Delta n > 0)$ 

On s'intéresse au nombre de photons stimulés