

V101

## Das Trägheitsmoment

Amelie Hater  
amelie.hater@tu-dortmund.de

Ngoc Le  
ngoc.le@tu-dortmund.de

Durchführung: 21.11.2023

Abgabe: 28.11.2023

TU Dortmund – Fakultät Physik

# Inhaltsverzeichnis

<b>1 Zielsetzung</b>	<b>3</b>
<b>2 Theorie</b>	<b>3</b>
2.1 Spezifische Trägheitsmomente . . . . .	4
2.2 Vorbereitungsaufgaben . . . . .	4
<b>3 Versuchsaufbau</b>	<b>5</b>
<b>4 Durchführung</b>	<b>5</b>
4.1 Apparaturkonstanten der Drillachse . . . . .	5
4.2 Trägheitsmoment zwei verschiedener Körper . . . . .	6
4.3 Trägheitsmoment der Puppe . . . . .	6
<b>5 Auswertung</b>	<b>6</b>
5.1 Berechnung der Winkelrichtgröße $D$ . . . . .	6
5.2 Berechnung des Eigenträgheitsmoments . . . . .	7
5.3 Eigenträgheitsmoment der Kugel . . . . .	9
5.3.1 Theoretischer Wert . . . . .	9
5.3.2 Gemessener Wert . . . . .	10
5.4 Eigenträgheitsmoment der Schiebe . . . . .	11
5.4.1 Theoretischer Wert . . . . .	11
5.4.2 Gemessener Wert . . . . .	11
5.5 Trägheitsmoment der Puppe . . . . .	12
5.5.1 1. Position der Puppe . . . . .	12
5.5.2 Position 2 der Puppe . . . . .	13
<b>6 Diskussion</b>	<b>15</b>
<b>7 Originaldaten</b>	<b>15</b>
<b>Literatur</b>	<b>15</b>

## 1 Zielsetzung

Das Ziel dieses Versuchs ist das Trägheitsmoment von unterschiedlichen rotierenden Objekten zu bestimmen. Zudem wird der Satz von Steiner überprüft.

## 2 Theorie

Rotationsbewegungen lassen sich mit Hilfe des Drehmoments  $M$ , des Trägheitsmoment  $I$  und der Winkelbeschleunigung  $\dot{\omega}$  beschreiben. Das Trägheitsmoment einer Punktmasse, mit der Masse  $m$  und dem Abstand  $r$  zu einer Drehachse, wird bestimmt durch

$$I = m \cdot r^2. \quad (1)$$

Bei einer Rotation eines ausgedehnten Körpers bewegen sich alle Masselemente mit einer Winkelbeschleunigung  $\dot{\omega}$  um eine feste Drehachse. Dabei gilt für das Gesamtträgheitsmoment

$$I = \sum_i r_i^2 \cdot m_i. \quad (2)$$

Hier beschreibt  $r_i$  den Abstand der einzelnen Masselemente  $m_i$  zur festen Drehachse. Für infinitesimale Massen gilt für das Gesamtträgheitsmoment

$$I = \int r^2 dm. \quad (3)$$

Um bei einem komplexen Körper das Trägheitsmoment zu bestimmen, wird dieser häufig in geometrisch einfache Formen aufgeteilt, dessen Trägheitsmomente zu einem Gesamtträgheitsmoment addiert werden. Hierbei ist zu beachten, dass die Trägheitsmomente der jeweiligen Formen sich auf dieselbe Drehachse beziehen. Somit hängt das Drehmoment von der Lage der Drehachse ab.

Wenn die Drehachse nicht durch den Schwerpunkt des Körpers verläuft und stattdessen parallel mit einem Abstand  $a$  zu einer Schwerpunktachse verläuft, dann lässt sich mit Hilfe des Satz von Steiner das Trägheitsmoment berechnen.

$$I = I_{\text{SP}} + m \cdot a^2 \quad (4)$$

$I_{\text{SP}}$  beschreibt das Trägheitsmoment, das sich auf die Schwerpunktachse des Körpers bezieht, und  $m$  ist die Masse des Körpers. Das Drehmoment ist beschrieben durch

$$\vec{M} = \vec{F} \times \vec{r} \text{ bzw.} \quad (5)$$

$$M = F \cdot r \cdot \sin(\varphi), \quad (6)$$

wobei  $\vec{F}$  bzw.  $F$  die Kraft angibt, die auf den rotierenden Körper wirkt,  $\vec{r}$  bzw.  $r$  der Abstand zur Drehachse ist und der Winkel  $\varphi$  die Auslenkung zur Ruhelage beschreibt. In einem schwingfähigen System wirkt dem Auslenkungswinkel  $\varphi$  ein rücktreibendes

Drehmoment entgegen. Ein solches System erzeugt eine harmonische Schwingung mit der Schwingungsdauer

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{I}{D}}. \quad (7)$$

Hier beschreibt  $D$  die Winkelrichtgröße und  $I$  das Trägheitsmoment. Das wirkende Drehmoment wird mit Hilfe der Winkelrichtgröße  $D$  durch die Gleichung

$$M = D \cdot \varphi \quad (8)$$

bestimmt. Die Winkelrichtgröße berechnet sich mit

$$D = \frac{F \cdot r}{\varphi}. \quad (9)$$

## 2.1 Spezifische Trägheitsmomente

Die umgestellte Gleichung (7) nach  $I$  ergibt

$$I = \frac{T^2 \cdot D}{(2\pi)^2}. \quad (10)$$

Das Trägheitsmoment einer Kugel mit der Masse  $m$  und dem Radius  $r$  wird durch die Gleichung

$$I_K = \frac{2}{5}m \cdot r^2. \quad (11)$$

bestimmt.

Das Trägheitsmoment eines Zylinders mit der Masse  $m$  und dem Radius  $r$  ist gegeben durch

$$I_Z = \frac{m \cdot r^2}{2} \quad (12)$$

$$I_{Zh} = m \left( \frac{r^2}{4} + \frac{h^2}{12} \right). \quad (13)$$

## 2.2 Vorbereitungsaufgaben

In der Vorbereitungsaufgabe soll das Drehmoment  $M$  zu 10 unterschiedlichen Abständen bestimmt werden. Hierbei wirkt eine Kraft  $F = 0,1 \text{ N}$  einmal mit einem Winkel  $\varphi = 90^\circ$  und einmal mit einem Winkel  $\varphi = 45^\circ$  auf eine Stange. Das Drehmoment wird mit Hilfe der Gleichung (6) berechnet.

**Tabelle 1:** Vorbereitungsaufgabe

	$\varphi = 90^\circ$	$\varphi = 45^\circ$
$r$ [m]	$M$ [ $10^{-3}$ N m]	$M$ [ $10^{-3}$ N m]
0,05	5	3,5355
0,07	7	4,9498
0,09	9	6,3640
0,11	11	7,7782
0,13	13	9,1924
0,15	15	10,6066
0,17	17	12,0208
0,19	19	13,4350
0,21	21	14,8492
0,24	24	16,9706

### 3 Versuchsaufbau

Das Trägheitsmoment von verschiedenen Körpern wird mit Hilfe einer Drillachse bestimmt. Dafür wird der Körper auf eine zweifach in einem Rahmen drehbare Achse befestigt. Diese ist über eine Spiralfeder mit dem Rahmen verbunden. Nachdem die Winkelrichtgröße  $D$  und das Eigenträgheitsmoment  $I_{\text{Drill}}$  der Drillachse bekannt ist, lassen sich anhand der Schwingungsdauer  $T$  der unterschiedlichen Körper die jeweiligen Trägheitsmomente bestimmen.

## 4 Durchführung

### 4.1 Apparaturkonstanten der Drillachse

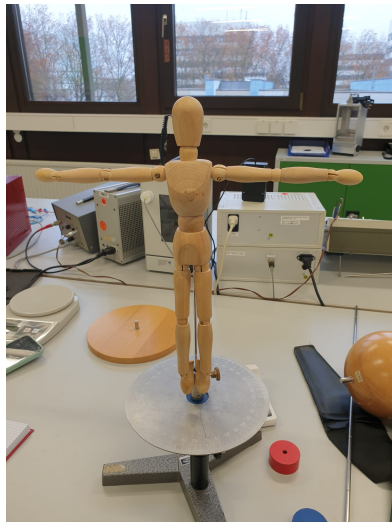
Die Winkelrichtgröße  $D$  der Drillachse wird bestimmt, indem an dem Auslenkstab ein Newtonmeter im einem Abstand von ca. 20 cm von der Mitte befestigt wird. Der Auslenkstab wird nun um den Winkel  $\varphi$  ausgelenkt, wobei zu beachten ist, dass das Newtonmeter senkrecht zum Stab ausgerichtet ist. Die aufzuwendene Kraft der Feder wird nun für zehn verschiedene Winkel notiert. Für die Berechnung der Drillachse  $I_{\text{Drill}}$  werden an beiden Seiten des Auslenkstabs Zylinder befestigt, welche den selben Abstand zur Mitte sowie ungefähr die selbe Masse und Größe haben. Diese werden um  $90^\circ$  ausgelenkt und die fünffache Schwingungsdauer  $5T$  wird gemessen. Diese Messung wird jeweils für zehn verschiedene Abstände durchgeführt.

## 4.2 Trägheitsmoment zwei verschiedener Körper

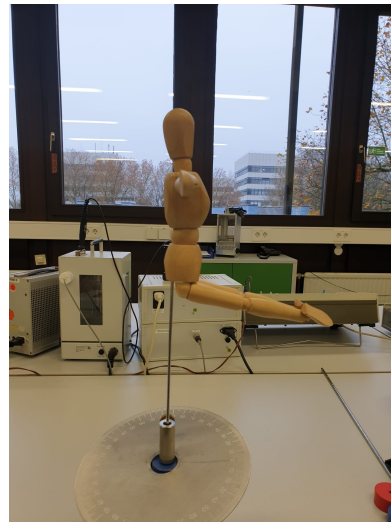
Für die Bestimmung der Trägheitsmomente von zwei verschiedenen Körpern, werden die Körper an der Drillachse befestigt und um  $90^\circ$  ausgelenkt. Dabei wird zehnmal die fünffache Schwingungsdauer  $5T$  gemessen. Anschließend lassen sich die Trägheitsmomente der Körper mit der Winkelrichtgröße  $D$  und der Eigenträgheitsmoment  $I_{\text{Drill}}$  berechnen.

## 4.3 Trägheitsmoment der Puppe

Zunächst wird der Körper der Puppe gemessen. Hierzu werden die Beine, die Arme, der Körper und der Kopf als Zylinder genähert. Daher werden die Höhe und der Durchmesser der einzelnen Körperteile gemessen. Das Trägheitsmoment der Puppe wird für zwei verschiedene Körperstellungen bestimmt. Für die erste Position sind die Arme der Puppe horizontal ausgestreckt. Für die zweite Position sind zusätzlich die Beine in einem Winkel von  $90^\circ$  ausgestreckt. Für beide Körperhaltungen wird die Puppe um  $90^\circ$  ausgelenkt und jeweils fünfmal die fünffache Schwingungsdauer  $5T$  gemessen. Zusätzlich wird die Puppe in beiden Positionen um  $120^\circ$  ausgelenkt und dabei wird erneut jeweils fünfmal die fünffache Schwingungsdauer  $5T$  gemessen.



(a) Position 1 der Puppe.



(b) Position 2 der Puppe.

**Abbildung 1:** Bildliche Darstellung der beiden Körperhaltungen der Puppe.

# 5 Auswertung

## 5.1 Berechnung der Winkelrichtgröße $D$

Zur Bestimmung der Winkelrichtgröße  $D$  wurde die Kraft  $F$  in Abhängigkeit des Auslenkungswinkels  $\varphi$  bei festem Abstand von 0,19975 m gemessen. Diese Werte sind in Tabelle

(2) zu sehen. Die Winkelrichtgröße  $D$  wird durch Gleichung (9) bestimmt und ist ebenfalls in Tabelle (2) eingetragen. Das gemittelte Ergebnis ist  $D = (21,0 \pm 0,8) \cdot 10^{-3} \text{ N m}$ .

**Tabelle 2:** Kraft in Abhängigkeit vom Auslenkungswinkel

$\varphi [^\circ]$	F [N]	D [N m]
20	0,026	0,0149
30	0,050	0,0191
40	0,068	0,0195
50	0,090	0,0206
60	0,120	0,0229
70	0,136	0,0222
80	0,156	0,0223
90	0,184	0,0234
100	0,200	0,0229
110	0,210	0,0218

## 5.2 Berechnung des Eigenträgheitsmoments

Um das Eigenträgheitsmoment der Drillachse  $I_{\text{Drill}}$  zu bestimmen, wurde die fünffache Periodendauer  $T$  in Abhängigkeit vom Abstand  $a$  bei einer Auslenkung von  $90^\circ$  gemessen. Diese Messwerte sind in Tabelle (3) vermerkt.

**Tabelle 3:** Fünffache Periodendauer  $T$  in Abhängigkeit vom Abstand  $a$

$a [\text{m}]$	$5 \cdot T [\text{s}]$
0,050	14,40
0,075	16,57
0,100	18,60
0,125	21,41
0,150	30,10
0,175	26,78
0,200	29,94
0,225	32,75
0,250	36,60
0,300	42,50

$I_{\text{Drill}}$  wird durch die Verbindung

$$I_{\text{gemessen}} = I_{\text{Drill}} + 2 \cdot I_{\text{Zh, verschoben}}$$

berechnet. Dabei ist  $I_{\text{Zh, verschoben}}$  nach Satz von Steiner:

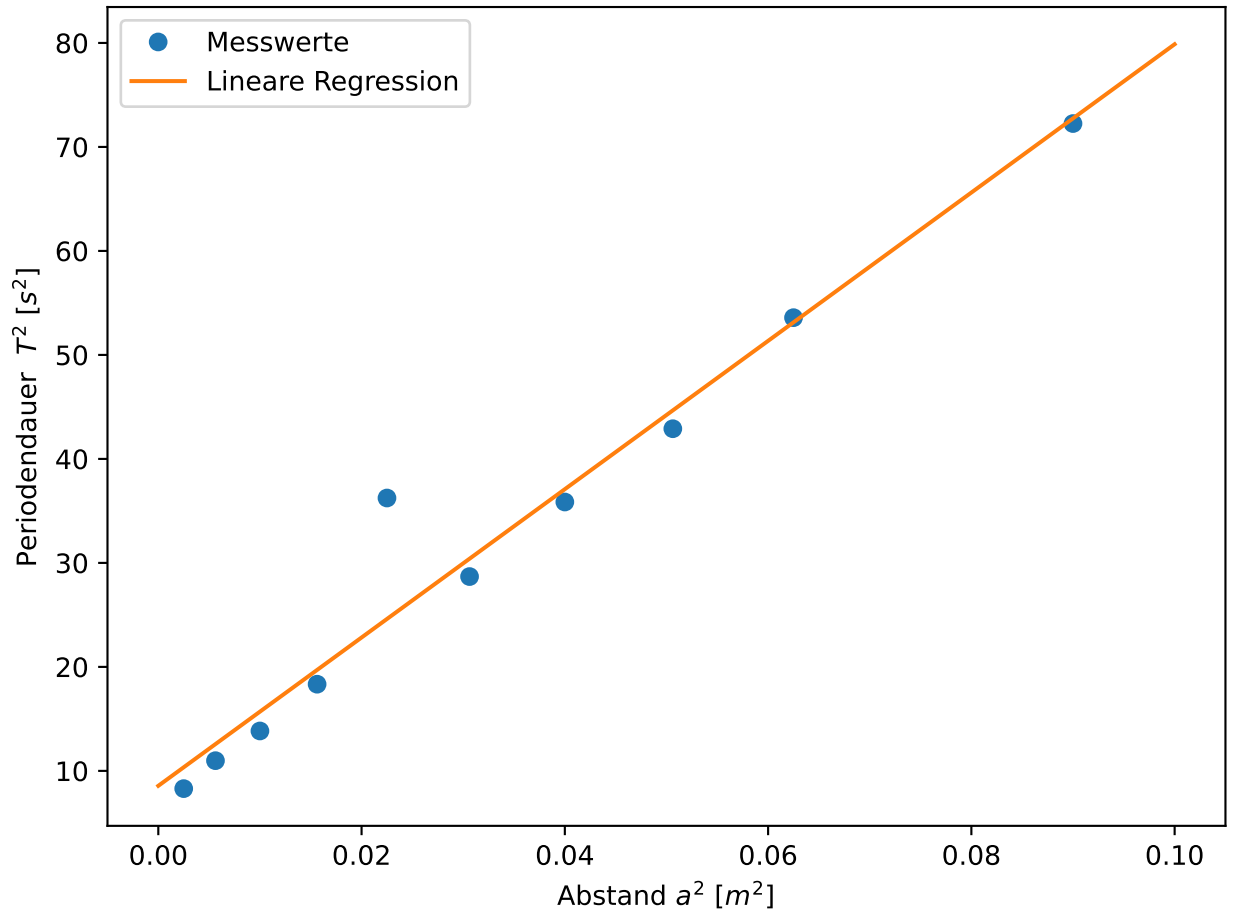
$$I_{\text{Zh, verschoben}} = I_{\text{Zh}} + m \cdot a^2$$

Mithilfe der Gleichung (10) können  $I_{\text{Drill}}$  und  $T^2$  wie folgt ausgedrückt werden:

$$I_{\text{Drill}} = \frac{T^2 \cdot D}{(2\pi)^2} - 2 \cdot \left( m \left( \frac{r^2}{4} + \frac{h^2}{12} \right) + m \cdot a^2 \right) \quad (14)$$

$$\Leftrightarrow T^2 = \frac{8\pi^2 \cdot m}{D} \cdot a^2 + \frac{4\pi^2 \cdot m \cdot I_{\text{Drill}}}{D} + \frac{8\pi^2 \cdot m}{D} \cdot \left( \frac{r^2}{4} + \frac{h^2}{12} \right) \quad (15)$$

In Graph (2)  $T^2$  wird gegen  $a^2$  aufgetragen und durch lineare Regression der Form  $y = m_{\text{Steigung}} \cdot x + n$  werden  $m_{\text{Steigung}}$  und  $n$  bestimmt.  $m_{\text{Steigung}}$  beträgt  $713,1192s^2/m^2$  und  $n$  beträgt  $8.564s^2$ .



**Abbildung 2:** Auftragung von Periodenzeit  $T^2$  gegen Abstand  $a^2$



Mithilfe dieser Regression und der obigen Gleichung lässt sich das Eigenträgheitsmoment  $I_{\text{Drill}}$  wie folgt bestimmen:

$$I_{\text{Drill}} = \frac{D \cdot n}{4\pi^2} - \frac{1}{2} \cdot m \cdot r^2 - \frac{1}{6} \cdot m \cdot h^2 \quad (16)$$

$r$  bezeichnet dabei den Radius und  $h$  die Höhe der zylindrischen Gewichte, die für die Messung verwendet wurden. Die Messungen dieser beiden Größen werden in Tabelle (4) und (5) aufgeführt. Für die Rechnung wird er Mittelwert beider Gewichte  $r = (22,550 \pm 0,010) \cdot 10^{-3}\text{m}$  und  $h = (20,334 \pm 0,008) \cdot 10^{-3}\text{m}$  verwendet.

**Tabelle 4:** Messungen der Höhe und des Durchmessers des blauen Gewichts

Höhe blaues Gewicht [m]	Durchmesser blaues Gewicht [m]
0,02034	0,0450
0,02030	0,0451
0,02030	0,0451
0,02032	0,0451
0,02030	0,0451

**Tabelle 5:** Messungen der Höhe und des Durchmessers des roten Gewichts

Höhe rotes Gewicht [m]	Durchmesser rotes Gewicht [m]
0,02038	0,04506
0,02036	0,04510
0,02032	0,04510
0,02036	0,04518
0,02036	0,04516

Dies ergibt ein Eigenträgheitsmoment  $I_{\text{Drill}}$  von  $(4,46 \pm 0,18) \cdot 10^{-3}\text{kg m}^2$ .

## 5.3 Eigenträgheitsmoment der Kugel

### 5.3.1 Theoretischer Wert

Das Eigenträgheitsmoment der Kugel  $I_K$  kann durch Gleichung (11) berechnet werden.  $r = \frac{d}{2}$  ist dabei der aus dem Mittelwert der gemessenen Durchmesser berechnete Wert  $r = 0,14661 \pm 0,00020\text{m}$ . Die gemessenen Durchmesser sind in Tabelle(6) dargestellt.  $m$  ist  $1,1742\text{kg}$ .

**Tabelle 6:** Gemessene Durchmesser der Kugel

Durchmesser Kugel [m]
0,14660
0,14590
0,14660
0,14685
0,14710

Damit beträgt der Theoriewert des Trägheitsmoment der Kugel  $(2,524 \pm 0,007) \cdot 10^{-3} \text{kg m}^2$ .

### 5.3.2 Gemessener Wert

Die für die Rechnung benötigte Periodendauer der Kugel ist in Tabelle(7) dargestellt. Sie wurde bei fester Auslenkung um  $90^\circ$  gemessen.

**Tabelle 7:** Gemessene fünffache Periodendauer der Kugel

Periodendauer [s]
9,53
9,50
9,35
9,72
9,40
9,53
9,38
9,31
9,32
9,44

Der Mittelwert einer Periodendauer  $T_K = (1,890 \pm 0,008) \text{s}$  wurde für die Berechnung des Trägheitsmomentes  $I_{K, \text{gemessen}}$  mithilfe von Gleichung (10) verwendet.  $I_{K, \text{gemessen}}$  ist  $(1,90 \pm 0,08) \cdot 10^{-3} \text{kg m}^2$ .

## 5.4 Eigenträgheitmoment der Scheibe

### 5.4.1 Theoretischer Wert

Das Eigenträgheitmoment der Scheibe kann durch Gleichung (12) berechnet werden.  $m$  beträgt  $0,4237\text{kg}$ . Das zur Berechnung verwendete  $r$  wurde aus dem Mittelwert der Durchmesser messungen berechnet. Die Durchmesser messungen sind in Tabelle (8) vermerkt. Das mithilfe dieser Werte berechnete, theoretische Trägheitsmoment der Scheibe ist  $I_S = (2,552 \pm 0,006) \cdot 10^{-3}\text{kg m}^2$ .

**Tabelle 8:** Gemessene Durchmesser der Scheibe

Durchmesser Scheibe [m]
0,22010
0,21890
0,22010
0,21920
0,21915

### 5.4.2 Gemessener Wert

Der gemessene Wert des Trägheitsmoment der Scheibe  $I_{S, \text{gemessen}}$  wird mithilfe der Gleichung (10) berechnet.  $T$  ist dabei der Mittelwert der einfachen Periodendauer. Die gemessene fünffache Periodendauer ist in Tabelle (9) dargestellt.

**Tabelle 9:** Gemessene fünffache Periodendauer der Scheibe

Periodendauer [s]
9,28
9,22
9,31
9,34
9,37
9,31
9,56
9,31
9,44
9,31

Für  $I_{S, \text{gemessen}}$  wird folgender Wert berechnet:  $(1,85 \pm 0,07) \cdot 10^{-3}\text{kg m}^2$

## 5.5 Trägheitsmoment der Puppe

### 5.5.1 1. Position der Puppe

#### Theoretischer Wert

Zur Berechnung des Trägheitsmoments der Puppe in Position 1 werden eine Reihe von Vereinfachungen angenommen. Der Kopf wird genauso wie die Arme, Beine und der Torso als zylindrisch angenommen und die Dichte als homogen. Der Durchmesser der einzelnen Zylinder wird als Mittelwert der Messungen angenommen. Diese Messungen sind in Tabelle (10) aufgeführt.

**Tabelle 10:** Durchmesser der Puppenteile

Kopfdurchmesser [m]	Armdurchmesser [m]	Torsodurchmesser [m]	Beindurchmesser [m]
0,02726	0,00824	0,02330	0,01900
0,02786	0,01480	0,02708	0,01734
0,01510	0,01200	0,03874	0,01178
0,01650	0,01412	0,03230	0,01514
0,02300	0,01520	0,03834	0,01694
	0,01138	0,04230	0,01304
	0,01270	0,04020	0,00924
	0,01020	0,03600	0,01708
	0,01180	0,03472	0,01620
	0,01384	0,03800	0,01344

Mithilfe der gemittelten Durchmesser werden die Volumina der einzelnen Körperteile berechnet, um dadurch die Masse der Einzelteile zu bestimmen. Bei dieser Berechnung wird angenommen, dass die Dichte der Puppe homogen ist. Die durch diese Formel

$$V = \pi \cdot r^2 \cdot h$$

berechneten Volumen der Puppenteile, sowie die daraus anteilig am Gesamtgewicht von 0,1696 kg bestimmte Massen sind in Tabelle (11) und (??) gelistet.

**Tabelle 11:** Volumina der Puppenteile

Kopf [ $10^{-5} \text{ m}^3$ ]	Arm [ $10^{-5} \text{ m}^3$ ]	Torso [ $10^{-5} \text{ m}^3$ ]	Bein [ $10^{-5} \text{ m}^3$ ]
$0,017 \pm 0,004$	$1,66 \pm 0,18$	$9,50 \pm 1,0$	$3,0 \pm 0,4$

**Tabelle 12:** Massen der Puppenteile

Kopfmasse [kg]	Armmasse [kg]	Torsomasse [kg]	Beinmasse [kg]
$0,017 \pm 0,004$	$0,0136 \pm 0,0015$	$0,078 \pm 0,006$	$0,017 \pm 0,004$

Mithilfe dieser Massen wird das Trägheitsmoment der einzelnen Puppenteile bestimmt, woraus sich das Gesamtträgheitsmoment der Puppe in Position 1 zusammensetzt. Da alle Gliedmaße als Zylinder genähert wurden, werden die Trägheitsmomente durch Formel (12) für den Kopf, den Torso und die Beine und Formel (13) für die vom Torso ausgestreckten Arme. Für die Berechnung des Trägheitsmomentes der Beine und Arme wird der Satz von Steiner angewandt. Der dabei verwendete Abstand beträgt bei den Beinen näherungsweise den Radius der Beine und bei den Armen die Summe aus dem Radius des Torsos und der Hälfte der Höhe der Arme. Diese Werte führen zu einem theoretischen Trägheitsmoment der Puppe in Position 1 von  $(0,262 \pm 0,025) \cdot 10^{-3} \text{ kg m}^2$ .

### Gemessener Wert

Die gemessenen fünffachen Periodendauer der Puppe in Position 1 sind in Tabelle (13) vermerkt, unterschieden nach Auslenkung um  $90^\circ$  und  $120^\circ$ .

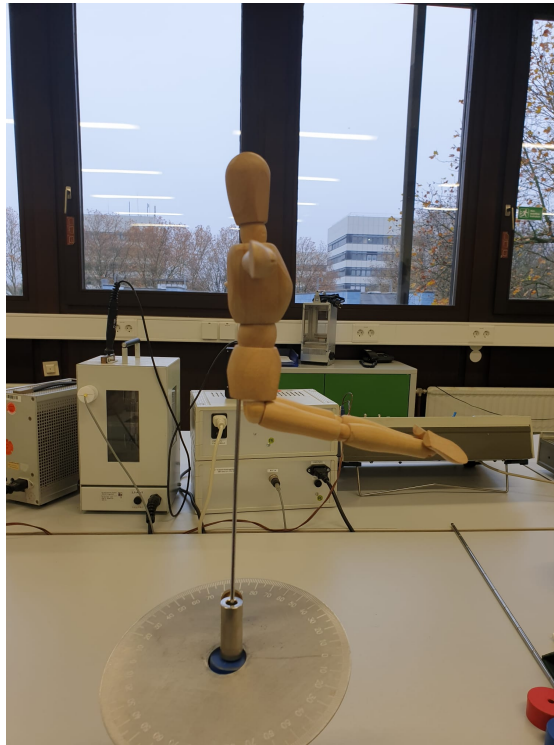
**Tabelle 13:** Fünffache Periodendauer der Puppe in Position 1

T bei Auslenkung um $90^\circ$ [s]	T bei Auslenkung um $120^\circ$ [s]
3,10	3,15
3,06	3,06
3,06	3,19
3,03	3,00
3,03	3,03

Da der Mittelwert der Periodendauer bei Auslenkung um  $90^\circ$  und  $120^\circ$  annähernd gleich sind, wird davon ausgegangen, dass keine Abhängigkeit der Periodendauer von der Auslenkung besteht und beide Messungen zusammengefasst betrachtet. Der allgemeine Mittelwert der Periodendauer  $T$  ist daher  $T = 0,614 \pm 0,004 \text{ s}$ . Mithilfe dieses Mittelwertes und Formel (10) wird das Trägheitsmoment der Puppe in Position 1  $I_{\text{Pos1,gemessen}}$  berechnet.  $I_{\text{Pos1,gemessen}}$  ist  $(0,2 \pm 0,008) \cdot 10^{-3} \text{ kg m}^2$ .

### 5.5.2 Position 2 der Puppe

Position 2 der Puppe ist in Bild (3) zu sehen. Es wurde vereinfachend angenommen, dass beide Beine im Winkel von  $90^\circ$  vom Torso wegzeigen. Die Armposition ist dieselbe wie bei Position 1 der Puppe.



**Abbildung 3:** Puppe in Position 2, seitlich fotografiert.

### **Theoretischer Wert**

Für die Berechnung des theoretischen Wertes des Trägheitsmoments der Puppe in Position 2 können die bereits berechneten Trägheitsmomente der Arme, des Kopfes und des Torsos übernommen werden, da ihre Position keine Veränderung aufweist im Vergleich zwischen Position 1 und 2. Neu berechnet werden hingegen die Trägheitsmomente der Beine. Für die Berechnung dieser wird Formel (13) und der Satz von Steiner verwendet. Das theoretisch berechnete Trägheitsmoment der Puppe in Position 2 beträgt demnach  $(0,72 \pm 0,05) \cdot 10^{-3} \text{ kg m}^2$ .

### **Gemessener Wert**

Wie bereits bei Position 1 festgestellt, hängt die Periodendauer nicht von der Auslenkung ab. Daher werden auch bei Position 2 beide Messwertreihen zusammen betrachtet. Die gemessene fünffache Periodendauer ist trotz dessen in Tabelle (14) nach Auslenkungswinkel getrennt aufgeführt.

**Tabelle 14:** Fünfache Periodendauer der Puppe in Position 2

T bei Auslenkung um 90° [s]	T bei Auslenkung um 120° [s]
4,72	4,85
4,87	4,90
4,84	4,81
4,69	4,87
4,69	4,85

Der Mittelwert der Periodendauer  $T$  ist  $T = 0,962 \pm 0,004\text{s}$ . Mithilfe dieses Mittelwertes und Formel (10) wird das Trägheitsmoment der Puppe in Position 2  $I_{\text{Pos2,gemessen}}$  berechnet.  $I_{\text{Pos2,gemessen}}$  ist  $(0,491 \pm 0,020) \cdot 10^{-3} \text{ kg m}^2$ .

## 6 Diskussion

## 7 Originaldaten

## Literatur

- [1] Unknown. *Versuch V101: Das Trägheitsmoment*. TU Dortmund, Fakultät Physik. 2023.